Teoria de la Informació i de la Codificació

Nom, cognom:	NIU:	Grup:
Nom, cognom:	NIU:	Grup:

Codificació Aritmètica

Objectiu: Entendre la codificació aritmètica.

Tip: Recorda preguntar qualsevol dubte al teu professor de pràctiques. Estem aquí per ajudar-te.

1 Codificació Aritmètica

L'Agència Espacial Europea (ESA) i estan buscant grups d'enginyers/es per ajudar en la comunicació espacial de llargues distàncies. El vostre professor de pràctiques us recomana que us presenteu a la convocatòria de places. Ho feu, ja que és una bona oportunitat, no teniu res a perdre i molt a guanyar!!!

L'ESA vol que implementeu una codificació per un canal que només permet emetre dígits, ja que les comunicacions són llargues i es fan a temps real. A més, un altre criteri indispensable és que el missatge sigui el més curt possible. Per això decidiu implementar un dels algoritmes de codificació treballats a l'assignatura de teoria de la Informació i de la Codificació, la codificació aritmètica.

El primer missatge que s'enviarà a l'estació espacial internacional és mTerrestre = "XY". ens rebeu?" on XY és la multiplicació dels últims dígits de cada NIU dels integrants del grup.(Per exemple si el NIU del Pau és 1567897 i el de la Maria és 163899, XY = 7*9 = 63)

El professor de pràctiques, decideix donar-vos un cop de mà, ha dividit en petites fites la implementació del tipus de codificador que heu decidit.

1. Implementeu la funció *DictRepeticions(missatge)* que genera un diccionari on les claus són els símbols del missatge i els valors la quantitat en què apareix cada símbol dins el missatge. És a dir, si el vostre missatge és "a juda",

obtindrieu un diccionari de l'estil $\{a:2, j:1, u:1, d:1\}$. [1 pts]	
CODI PYTHON	
RESULTAT	

2. Implementeu la funció *IntervalProbabilitats*(*missatge*) que a partir del missatge generi la partició de l'interval [0,1) segons les probabilitats dels símbols. La funció retornarà un diccionari on les claus són els símbols i els valors són els intervals. És a dir, si el vostre missatge és "a juda", obtindríeu {a:[0,2/5], j:[2/5,3/5], u:[3/5,4/5],d:[4/5,1]}.[2 pts] Quin és l'interval més petit? A què es deu aquest fet? [0.5 pts]

CODI PYTHON	
DEGULTAT	
RESULTAT	

Si recordeu l'algoritme de codificació aritmètica per trobar l'interval de codificació, ho fem iterativament dividint un interval en subintervals i escollint el que correspon al símbol que volem codificar. Una manera d'aconseguir el nou interval consisteix a partir de l'interval actual $I_{actual} = [L_{actual}, H_{actual})$ aleshores si volem codificar el següent caràcter suposem que és t que pertany a l'interval $I_t = [L_t, H_t)$ aleshores el nou interval $[L_{final}, H_{final})$ és

$$L_{final} = L_{actual} + (H_{actual} - L_{actual}) \cdot L_t$$

$$H_{final} = L_{actual} + (H_{actual} - L_{actual}) \cdot H_{t}$$

Implementeu la funció NouInterval(intervalActual, intervalSimbol) que a partir de l'interval actual i del següent
interval retorna el nou interval de la codificació aritmètica. És a dir, si executeu NouInterval([0,0.5],[0.5,0.6])
hauria de retornar [0.25,0.3]. Comproveu que està ben implementada. [1.5pts]

CODI PYTHON

	RESULTAT
4.	Implementeu la funció <i>CodificacioAritmetica(missatge)</i> que donat un missatge calculi l'interval de la codificació aritmètica. [1 pts] Quin és el primer missatge que envieu l'estació espacial internacional? Podríeu enviar algun altre amb el mateix significat? [1.5 pts]
	RESULTAT
	L'ESA ha implementat la vostra proposta de codificador i Eureka!!! Han obtingut una resposta quan han enviat el missatge <i>mTerrestre</i> . El becari de torn s'ha posat ràpidament a implementar un descodificador, però sembla que no se'n ensurt, li podríeu donar un cop de mà.
5.	Completeu la implementació del descodificador. [2 pts] El missatge que han rebut de l'espai és 0.1743095070635363 i sabem que sempre ens envien missatges de 16 caràcters. Què ens diu el missatge que hem rebut? [0.5 pts]
	RESULTAT

A Apendix

Per qualsevol errata o millora d'aquesta pràctica si us plau envieu un mail a adria.figuerola@uab.cat.

A.1 Iniciar l'entorn

Per iniciar l'entorn d'aquesta pràctica primer el professor us donarà un nom d'usuari i una contrasenya perquè pugueu accedir al vostre usuari.

Seguidament, obriu un terminal (ho podeu fer des de l'escriptori utilitzant la drecera ctrl+alt+t). Una vegada obert el terminal executeu

>sudo run_docker_container_sage

Finalment, per accedir a Jupyter copieu i enganxeu al navegador l'URL que se us mostra per pantalla.