

```

def PotenciaRec(b, n):
    * 1 OE — if n == 0:
        1 OE — return 1
    * 2 OE — if n % 2 == 0:
        2 OE — pot = PotenciaRec(b, n / 2)
        2 OE — return pot * pot
    else:
    * 3 OE — pot = PotenciaRec(b, (n - 1) / 2)
    * 3 OE — return pot * pot * b

```

$$O(f(n)) = ?$$

Assumint el pitjor cas,  $n$  és una (potència de 2) -1 (per a que  $(n-1)/2$  sempre sigui **imparell**). Així s'executa la part del codi amb més operacions elementals possibles.

Amb aquestes assumpcions, veiem que PotenciaRec() s'executa cada cop amb un valor inferior a la **meitat** per  $n$  cada cop. És a dir, que per a que  $n$  acabi siguent el valor mínim (0), el valor de  $n$  s'ha reduït a la meitat  **$\log_2(N)$**  vegades.

$$PotenciaRec(b, (n-1)/2)$$

Pròxima iter.  $n \approx$  la meitat de  $n_0$

Reducció a la meitat

$\hookrightarrow \log_2 N$  crides a la funció per a  $n=1$  ( $n=0$  a la següent)

$$\Rightarrow O(\log_2 N)$$

$$\hookrightarrow \log_2 N \times OE = \log_2 N \times 9 \text{ operacions elementals}$$