



INSTITUTO POLITÉCNICO NACIONAL

Unidad Profesional Interdisciplinaria de Ingeniería Campus Zacatecas.

Materia:

Análisis y Diseño de Algoritmos

Práctica 02: Implementación y Evaluación del Algoritmo Quicksort.

Docente:

M. en C. Erika Sánchez-Femat

Nombre del alumno:

Dalia Naomi García Macías

Fecha de entrega:

23 de Octubre de 2023

$\acute{\mathbf{I}}\mathbf{ndice}$

1.	Introducción	3
2.	Desarrollo de la Práctica	3
	2.1. Implementación del algoritmo QuickSort	3
	2.2. Generación de casos de prueba	5
	2.3. Medición del tiempo	6
	2.4. Visualización de datos	7
	2.5. Módificacion del pivote	8
3.	Codigo completo	9
4.	Resultados (Capturas)	12
5.	Conclusiones	16
6.	Referencias	16

1. Introducción

Desde que existe la ciencia de la computación, uno de los mayores problemas con los que los ingenieros se encontraban en su día a día, era el de ordenar listas de elementos. Por su causa, diversos algoritmos de ordenación fueron desarrollados a lo largo de los años y siempre existió un intenso debate entre los desarrolladores sobre cual de todos los algoritmos de ordenación era el más rápido.

El debate finalizó abruptamente en 1960 cuando Sir Charles Antony Richard Hoare, nativo de Sri Lanka y ganador del premio Turing en 1980, desarrolló el algoritmo de ordenación QuickSort casi por casualidad mientras ideaba la forma de facilitar la búsqueda de palabras en el diccionario.

El algoritmo QuickSort, en esapñol método de ordenamiento rápido, será el que se analizará durante la práctica, basa en la técnica de "divide y vencerás" por la que en cada recursión, el problema se divide en subproblemas de menor tamaño y se resuelven por separado (aplicando la misma técnica) para ser unidos de nuevo una vez resueltos.

2. Desarrollo de la Práctica

2.1. Implementación del algoritmo QuickSort

Como bien especificamos en el documento teórico de esta práctica, el algoritmo QuickSort es un código que nos ayuda a ordenar elementos de un arreglo. Esto lo hace con la técnica divide y vencerás. Consiste en ir dividiendo el arreglo original tomando un número que llamaremos pivote, número que tomará como referencia para dividir el arreglo original. Luego de tener el pivote definido, comparar este número con todos los demás elementos, de forma que los números menores a este pivote los colocará en un arreglo que pondrá del lado izquierdo del pivote. Por el contrario, los números mayores al pivote los pondrá en otro arreglo al lado derecho del pivote, y el pivote lo dejaremos solo en un arreglo. Después de haber hecho esto, repetiremos este paso con cada uno de los arreglos que se vayan generando, hasta que quede cada numero separado en un arreglo para, por último, juntamr todos esos números que ya estarán ordenados.

El algoritmo lo decidí dividir en funciones, una función diferente según cada especificación de la práctica. Primero, una función que me diera el tamaño de manera aleatoria de los arreglos; luego, creé una función que generara números aleatorios y los metiera dentro de un arreglo, esto según el tamaño que recibía de la primera función. Y, finalmente, una tercera función que crea una lista con todos los arreglos generados que salen de la función anterior. Finalmente, metí uno por uno los arreglos a la función que contendrá como tal el código principal de ordenamiento (QuickSort).

Listing 1: Funcion que define los tamanos del arreglo

```
#Funcion que genera el tama o de el arreglo
def Tam():
#Genera el tama o aleatoriamente
t=random.randrange(1,10)
return t
```

Listing 2: Funcion que genera cada arreglo segun el tamaño del arreglo

```
#Funcion que genera el arreglo
def GenA(n):
```

```
#Llena el arreglo aleatoriamente
A=[random.randrange(1,20) for i in range(n)]
return A
```

Listing 3: Funcion que guarda los 100 arreglos

Aparte de las funciones anteriores, sabemos que dentro del algoritmo QuickSort, una parte importante es el pivote, el cual se calculó sacando la media del arreglo, así que para esto también creé una función aparte, la cual luego se manda llamar a la función principal QuickSort.

Listing 4: Funcion que genera la media de cada arreglo

```
def Media(x):
    #Usa sum, nos ayuda a sumar todos los elementos de un arreglo
    #La doble linea redondea la division a un numero entero
    #Len calcula la longitud del arreglo
    m=sum(x)//len(x)
    return m
```

Ahora, dado que nuestro algoritmo debía ser recursivo, como caso base establecí que sería cuando el tamaño de los arreglos sea 1, y como caso general, hice un for. Este for es el que separa los números en los arreglos correspondientes al compararlos con el número que se toma como pivote, y se regresan a la función los nuevos arreglos que creamos llamados 'izq' y 'der', esto aparte de 'p', el arreglo que solo contiene el número que tomamos como pivote.

Listing 5: Funcion del QuickSort

```
def QuickSort(x):
      #Se define el caso base, que dice que cuando un arreglo solo tenga
          un elemento pues ya estara ordenado
      if len(x) \le 1:
          return x
      #Se define el pivote, que ya se calculo anteriormente en la
         funcion media
     m=Media(x)
     p = m
      #Se definen los arreglos donde clasificaremos los elementos luego
         de las comparaciones
      izq = []
      der = []
      igual=[]
11
      #Cilco que asigna cada valor del arreglo original a los arreglos
12
         resultantes de la divison
```

```
for e in x:
13
          if e < p:</pre>
              izq.append(e)
          elif e>p:
              der.append(e)
          else:
              #Se crea tambien un arreglo igual para el caso en que haya
19
                   numeros repetidos o iguales al pivote
              igual.append(e)
      #Se definen los dos arreglos en una variable al momento de
         volverlas a llamar
      izq_ordenado=QuickSort(izq)
      der_ordenado=QuickSort(der)
23
      #Se regresan los arreglos resultantes de las divisiones del
24
         arreglo original y se concatenan
      return izq_ordenado + igual + der_ordenado
```

Listing 6: Implementacion de las funciones en el main

```
print("\n\t\t\tQuickSort")
_{2} n=Tam()
3 #Lista que contiene cada arreglo
4 x=Arreglos()
6 #Imprime cada elemento de la lista
 print("\n-> Arreglos generados aleatoriamente")
  Tama os = []
  for i in x:
      print(f"
                  El arreglo {x.index(i)} es: {i}")
      Tama os.append(len(i))
12
_{
m 1s} ^{\sharp}Manda cada arreglo a la funcion QuickSort para que ordene de uno por
  print("\n-> Arreglos ordenados")
15 ArregloOrdenado = []
16
  for i in x:
      m=Media(i)
      #Cada arreglo ordenado lo guarda en una variable
18
      ordenado=QuickSort(i)
      ArregloOrdenado.append(ordenado)
      #Imprime cada arreglo uno por uno ordenado
21
                  El arreglo {x.index(i)} ordenado es: {ordenado}")
```

2.2. Generación de casos de prueba

Para esta sección o este punto, fue entonces que creé las funciones, de modo que en la función 'lista', que guarda los arreglos generados, el límite fuera cien y generara así 100 arreglos con tamaños y números aleatorios.

A continuación mostraré el código y un ejemplo de su funcionamiento:

Listing 7: Funcion que guarda los 100 arreglos generados aleatoriamente

```
#Funcion que genera una lista donde se guardan los 100 arreglos
def Arreglos():
    #Genera la lista vacia
    a=[]
    #Hace que nos genere tantos arreglos como queramos
    for i in range(100):
        #Va agregando a la lista cada arreglo generado
        a.append(GenA(Tam()))
return a
```

2.3. Medición del tiempo

Para el caso de la medición del tiempo, usé una función que calculaba el tiempo de ejecución cada vez que se ejecutaba la función QuickSort, ya que lo que nos importaba era cuánto se tardaba en ordenar cada arreglo. Lo que mandaba la función en cada caso era el tiempo que se calculaba por arreglo, y al final, para no perder el tiempo de cada arreglo, lo almacenaba en una lista llamada 'Tiempos', dado que todos estos tiempos se usarían después.

Listing 8: Funcion que calcula el tiempo de ejecucuion

```
#Funcion que genera una lista donde se guardan los 100 arreglos
#Funcion para calcular el tiempo de ejecucion de una funcion

def TiempoEjecucion(func, *args):

#Tomamos el tiempo de ejecucion incial

inicio=time.time()

#Llama a la funcion de la que queremos el tiempo de ejecucion

func(*args)

#Tomamos el tiempo de ejecucion final

fin=time.time()

#Calculamos el tiempo de ejecucion real

TiempoReal=fin-inicio

#Regresamos como resultado de la funcion el tiempo de ejecucion

return TiempoReal
```

Listing 9: Calculo del tiempo de ejecucuion en el main

```
print("\n-> Tiempos de ejecucion")
Tiempos=[]
Resultados=[]
for i in x:
    #Cada tiempo de ejecucion lo guardaremos en la variable tiempo
    Tiempo=TiempoEjecucion(QuickSort,i)
    #Imprime el tiempo de ejecucion de cada arreglo generado
    print(f" Tiempo tardado en ordenar el arreglo {x.index(i)}: {
        Tiempo}")
    #Se guarda cada tiempo de ejecucuion en un arreglo
    Tiempos.append(Tiempo)
    Resultados.append((Tiempo, i, QuickSort(i)))
```

2.4. Visualización de datos

Para la visualización de datos, se usó la biblioteca Matplotlib de Python, donde se mandaron como datos la lista que creé con los tiempos de ejecución, además de poner nombres a los ejes y al gráfico.

Listing 10: Calculo del tiempo de ejecucuion en el main

```
plt.xlabel("Tama o del arreglo (n)")
plt.ylabel("Tiempo de ejecuci n (segundos)")
plt.title("Gr fico del algoritmo QuickSort")

# Usamos n como el tama o del arreglo en el eje X y Tiempos en el eje
y
plt.plot(Tiempos)
plt.show()
```

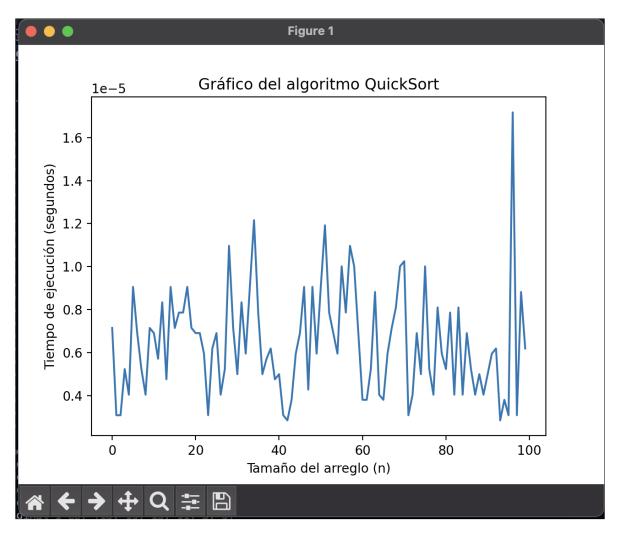


Figura 1: Grafico de los casos de prueba

Además de esto, al final se muestran los arreglos desordenados y ordenados de los 3 casos de prueba que tuvieron menor tiempo de ejecución y los 3 casos que tardaron más tiempo. Esto se logro

creando una lista con todos los tiempos de ejecucuion y sus posiciones, para luego ordenarlas de forma ascendente, de esta forma imprimir los tres primeros arreglo y los tres ultimos.

Listing 11: Calculo del tiempo de ejecucuion en el main

```
Resultados = sorted(Resultados, key=lambda x: x[0])
 print("\n-> Arreglos con menor tiempo de ejecuci n")
 for i, (tiempo, arreglo_original, arreglo_ordenado) in enumerate(
    Resultados[:3], 1):
               El arreglo original {x.index(arreglo_original)} es: {
     print(f"
         arreglo_original}")
               El arreglo ordenado {x.index(arreglo_original)} es: {
         arreglo_ordenado}")
 print("\n-> Arreglos con mayor tiempo de ejecuci n")
 for i, (tiempo, arreglo_original, arreglo_ordenado) in enumerate(
    Resultados[-3:], 1):
     print(f"
                El arreglo original {x.index(arreglo_original)} es: {
10
         arreglo_original}")
                El arreglo ordenado {x.index(arreglo_original)} es: {
     print(f"
11
         arreglo_ordenado}")
```

2.5. Módificacion del pivote

Para esta parte del código, lo único que hice fue dejar de usar la función que utilizaba aparte para calcular la media del arreglo y puse que usara como pivote el primer elemento del arreglo, por lo tanto solo se modifico la funcion de QuickSort, quedando asi:

Listing 12: Función QuickSort con la modificación del pivote

```
def QuickSort(x):
      #Se define el caso base, que dice que cuando un arreglo solo tenga
           un elemento pues ya estara ordenado
      if len(x) \le 1:
          return x
      #Se define el pivote como el primer numero del arreglo
      #Se definen los arreglos donde clasificaremos los elementos luego
          de las comparaciones
      izq = []
      der = []
      igual=[]
      #Cilco que asigna cada valor del arreglo original a los arreglos
11
         resultantes de la divison
12
      for e in x:
          if e < p:</pre>
               izq.append(e)
14
          elif e>p:
               der.append(e)
16
          else:
```

```
#Se crea tambien un arreglo igual para el caso en que haya
numeros repetidos

#O iguales al pivote
igual.append(e)

#Se definen los dos arreglos en una variable al momento de
volverlas a llamar

izq_ordenado=QuickSort(izq)
der_ordenado=QuickSort(der)

#Se regresan los arreglos resultantes de las divisiones del
arreglo original
return izq_ordenado + igual + der_ordenado
```

Para calcular una muestra de que los arreglo igual se siguen ordenando, hice un aprueba con 5 arreglo para no volver a poner capturas de 100, pero igual funciona para 100.

```
OuickSort

-> Arreglos generados aleatoriamente
El arreglo 0 es: [16, 16, 10, 18, 8, 15, 17, 14, 12, 3]
El arreglo 1 es: [12, 13, 5, 14, 7, 19, 18, 7, 13, 8]
El arreglo 2 es: [4, 2, 12, 16, 3, 6, 19, 19, 15, 1, 15, 13]
El arreglo 3 es: [19, 12, 19, 1, 9, 11, 12, 18, 2, 10, 17, 6, 11, 10]
El arreglo 4 es: [19, 8, 17, 6, 15, 16, 4, 2, 7, 19, 2]

-> Arreglos ordenados
El arreglo 0 ordenado es: [5, 7, 7, 8, 12, 13, 13, 14, 18, 19]
El arreglo 1 ordenado es: [5, 7, 7, 8, 12, 13, 15, 15, 16, 19, 19]
El arreglo 2 ordenado es: [1, 2, 3, 4, 6, 12, 13, 15, 15, 16, 19, 19]
El arreglo 3 ordenado es: [1, 2, 6, 9, 10, 10, 11, 11, 12, 12, 17, 18, 19, 19]
El arreglo 4 ordenado es: [2, 2, 4, 6, 7, 8, 15, 16, 17, 19, 19]

-> Tiempos de ejecucion
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 0: 6.9141387939453125e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 1: 6.9141387939453125e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 3: 1.0013580322265625e-05
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 3: 1.0013580322265625e-05
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 4: 6.9141387939453125e-06

-> Arreglos con menor tiempo de ejecución
El arreglo original 0 es: [16, 16, 10, 18, 8, 15, 17, 14, 12, 3]
El arreglo ordenado 1 es: [2, 13, 5, 14, 7, 19, 18, 7, 13, 8]
El arreglo original 1 es: [12, 13, 5, 14, 7, 19, 18, 7, 13, 8]
El arreglo original 2 es: [4, 2, 12, 16, 3, 6, 19, 19, 15, 1, 15, 13]
El arreglo original 2 es: [4, 2, 12, 16, 3, 6, 19, 19, 15, 1, 15, 13]
El arreglo original 2 es: [4, 2, 12, 16, 3, 6, 19, 19, 15, 1, 15, 13]
El arreglo original 2 es: [4, 2, 12, 16, 3, 6, 19, 19, 15, 1, 15, 13]
El arreglo original 2 es: [4, 2, 12, 16, 3, 6, 19, 19, 15, 1, 15, 19]
El arreglo original 3 es: [19, 18, 17, 6, 15, 16, 4, 2, 7, 19, 19]
El arreglo ordenado 4 es: [2, 2, 4, 6, 7, 8, 15, 16, 4, 2, 7, 19, 19]
El arreglo ordenado 3 es: [1, 2, 3, 4, 6, 12, 13, 15, 15, 16, 19, 19]
El arreglo ordenado 4 es: [2, 2, 4, 6, 7, 8, 15, 16, 4, 2, 7, 19, 19]
El arreglo ordenado 3 es: [1, 2, 6, 9, 10, 10, 11, 11, 12, 12, 2, 7, 18, 19, 19]
El arreglo ordenado 3 es: [1, 2, 6, 9, 10, 10, 11, 11
```

Figura 2: Prueba de la modificación del pivote.

3. Codigo completo

```
1 #Libreria para el tiempo
2 import time
3 #Libreria para poner datos aleatorios
4 import random
5 #Libreria para crear la grafica
6 import matplotlib.pyplot as plt
8 #Funcion que genera el tama o de el arreglo
g def Tam():
      #Genera el tama o aleatoriamente
      t=random.randrange(5,15)
11
      return t
13
 #Funcion que genera el arreglo
14
def GenA(n):
      #Llena el arreglo aleatoriamente
16
      A=[random.randrange(1,20) for i in range(n)]
17
      return A
18
19
  #Funcion que genera una lista donde se guardan los 100 arreglos
20
21 def Arreglos():
      #Genera la lista vacia
22
      a = []
23
      #Hace que nos genere tantos arreglos como queramos
24
      for i in range (100):
25
          #Va agregando a la lista cada arreglo generado
26
          a.append(GenA(Tam()))
27
      return a
28
  def Media(x):
30
      #Usa sum, nos ayuda a sumar todos los elementos de un arreglo
31
      #La doble linea redondea la division a un numero entero
32
      #Len calcula la longitud del arreglo
33
      m = sum(x) / len(x)
34
      return m
35
  def QuickSort(x):
37
      #Se define el caso base, que dice que cuando un arreglo solo tenga
38
          un elemento pues ya estara ordenado
      if len(x) \le 1:
          return x
40
      #Se define el pivote, que ya se calculo anteriormente en la
41
         funcion media
      m=Media(x)
      p = m
43
      #Se definen los arreglos donde clasificaremos los elementos luego
         de las comparaciones
45
      izq = []
      der=[]
46
      igual=[]
47
```

```
#Cilco que asigna cada valor del arreglo original a los arreglos
         resultantes de la divison
      for e in x:
49
          if e < p:</pre>
50
               izq.append(e)
51
          elif e>p:
               der.append(e)
53
          else:
               #Se crea tambien un arreglo igual para el caso en que haya
                   numeros repetidos
               #O iguales al pivote
56
57
               igual.append(e)
      #Se definen los dos arreglos en una variable al momento de
58
         volverlas a llamar
      izq_ordenado=QuickSort(izq)
59
      der_ordenado=QuickSort(der)
60
      #Se regresan los arreglos resultantes de las divisiones del
61
          arreglo original
      return izq_ordenado + igual + der_ordenado
62
63
4 #Funcion para calcular el tiempo de ejecucion de una funcion
  def TiempoEjecucion(func, *args):
65
      #Tomamos el tiempo de ejecucion incial
      inicio=time.time()
67
      #Llama a la funcion de la que queremos el tiempo de ejecucion
      func(*args)
69
      #Tomamos el tiempo de ejecucion final
      fin=time.time()
71
      #Calculamos el tiempo de ejecucion real
72
      TiempoReal=fin-inicio
73
      #Regresamos como resultado de la funcion el tiempo de ejecucion
74
      return TiempoReal
76
77 print("\n\t\t\tQuickSort")
_{78} n=Tam()
79 #Lista que contiene cada arreglo
80 x=Arreglos()
81
82 #Imprime cada elemento de la lista
print("\n-> Arreglos generados aleatoriamente")
84 Tama os = []
85 for i in x:
      print(f"
                 El arreglo {x.index(i)} es: {i}")
86
      Tama os.append(len(i))
88
89 #Manda cada arreglo a la funcion QuickSort para que ordene de uno por
90 print("\n-> Arreglos ordenados")
91 ArregloOrdenado = []
92 for i in x:
      m=Media(i)
93
      #Cada arreglo ordenado lo guarda en una variable
```

```
ordenado=QuickSort(i)
95
      ArregloOrdenado.append(ordenado)
      #Imprime cada arreglo uno por uno ordenado
97
                  El arreglo {x.index(i)} ordenado es: {ordenado}")
      print(f"
98
90
  #Manda cada ejecucion de la funcion QuickSort
  print("\n-> Tiempos de ejecucion")
  Tiempos = []
103 Resultados = []
  for i in x:
      #Cada tiempo de ejecucion lo guardaremos en la variable tiempo
105
106
      Tiempo=TiempoEjecucion(QuickSort,i)
      #Imprime el tiempo de ejecucion de cada arreglo generado
107
      print(f"
                 Tiempo tardado en ordenar el arreglo {x.index(i)}: {
108
          Tiempo}")
      #Se guarda cada tiempo de ejecucuion en un arreglo
109
      Tiempos.append(Tiempo)
      Resultados.append((Tiempo, i, QuickSort(i)))
111
112
  Resultados = sorted(Resultados, key=lambda x: x[0])
113
  print("\n-> Arreglos con menor tiempo de ejecuci n")
115
  for i, (tiempo, arreglo_original, arreglo_ordenado) in enumerate(
     Resultados[:3], 1):
      print(f"
                 El arreglo original {x.index(arreglo_original)} es: {
          arreglo_original}")
                 El arreglo ordenado {x.index(arreglo_original)} es: {
      print(f"
          arreglo_ordenado}")
print("\n-> Arreglos con mayor tiempo de ejecuci n")
for i, (tiempo, arreglo_original, arreglo_ordenado) in enumerate(
     Resultados[-3:], 1):
                 El arreglo original {x.index(arreglo_original)} es: {
      print(f"
122
          arreglo_original}")
                 El arreglo ordenado {x.index(arreglo_original)} es: {
123
          arreglo_ordenado}")
plt.xlabel('Tama o del arreglo (n)')
plt.ylabel('Tiempo de ejecuci n (segundos)')
plt.title('Gr fico del algoritmo QuickSort')
128
  # Usamos n como el tama o del arreglo en el eje X y Tiempos en el eje
130 | plt.plot(Tiempos)
131 plt.show()
```

4. Resultados (Capturas)

Figura 3: Casos de prueba (Parte 1)

Figura 4: Casos de prueba (Parte 2)

```
El arreglo 80 es: [1, 4, 13, 7, 10, 13, 19, 11]
El arreglo 81 es: [1, 1, 12, 4, 17, 8, 9, 8]
                   [17, 13, 3, 10, 15, 5, 15, 19, 12]
El arreglo 82 es:
El arreglo 83 es:
                   [12, 3, 15, 17, 17, 12, 6, 10, 11]
El arreglo 84 es: [14, 3, 8, 13, 15, 10, 18, 14, 11, 1]
                   [19, 11, 8, 7, 5, 13, 11, 5, 12, 15]
[14, 2, 5, 5, 16, 8, 11, 11, 13, 10, 16, 15, 13]
El arreglo 85 es:
El arreglo 86 es:
El arreglo 87 es: [15, 4, 3, 11, 3, 17, 10, 17]
                   [13, 5, 7, 14, 13, 8, 4, 14, 7, 16, 8, 13, 14, 15]
El arreglo 88 es:
                   [6, 14, 16, 17, 13, 18, 10, 15, 14]
El arreglo 89 es:
                   [16, 10, 11, 1, 10, 5, 14, 14, 10, 16, 15]
El arreglo 90 es:
                   [3, 6, 9, 3, 16, 19]
El arreglo 91 es:
                            5, 5, 15]
El arreglo 92 es:
                   [11, 3,
                   [16, 16, 12, 5, 13, 6, 9, 12]
El arreglo 93 es:
El arreglo 94 es:
                   [12, 3, 1, 18, 15]
El arreglo 95 es:
                   [7, 15, 18, 9, 5, 18, 3, 6, 5, 14, 2, 6]
                   [11, 1, 7, 15, 17, 3, 8, 9, 19, 8, 13, 2, 2, 13]
El arreglo 96 es:
                   [4, 5, 12, 9, 9, 8, 1, 14, 1, 5, 3, 8]
[10, 13, 14, 14, 9, 2, 13, 9]
El arreglo 97 es:
El arreglo 98 es:
El arreglo 99 es: [14, 9, 17, 7, 4,
```

Figura 5: Casos de prueba (Parte 3)

```
: [3, 3, 9, 14, 14, 16, 17]
: [1, 6, 7, 8, 9, 12, 13, 19, 19]
: [6, 6, 8, 11, 11, 13, 14]
: [1, 6, 8, 8, 8, 9, 9, 9, 13, 14, 14, 16]
: [5, 6, 8, 11, 11]
: [1, 1, 3, 6, 12, 17]
: [1, 3, 11, 18, 19]
: [3, 3, 3, 4, 9, 12, 16, 17, 17, 17, 19]
: [1, 1, 3, 11, 18, 19]
: [1, 2, 4, 6, 6, 8, 12, 12, 12, 12, 16, 17, 17]
: [2, 3, 5, 8, 12]
: [4, 4, 6, 6, 8, 12, 13, 14, 14, 15, 17, 19]
: [3, 4, 9, 12, 13, 15, 16, 17]
: [5, 6, 11, 11, 12, 13, 13, 14, 14, 15, 18, 18]
: [1, 2, 6, 6, 8, 10, 13, 14, 14, 16, 17, 18, 18, 18]
: [1, 2, 6, 6, 8, 10, 13, 14, 14, 16, 17, 18, 18, 18]
: [1, 2, 6, 6, 9, 10, 13, 14, 14, 16, 17, 18, 18, 18]
: [1, 2, 6, 7, 7, 8, 8, 9, 9, 10, 12, 15, 16]
: [1, 4, 8, 7, 7, 8, 8, 9, 9, 10, 12, 15, 16]
: [2, 3, 6, 7, 7, 8, 8, 9, 9, 10, 12, 15, 16]
: [4, 5, 7, 7, 9, 11, 11, 11, 12, 12, 14, 15, 16]
: [4, 5, 7, 7, 7, 7, 7, 7, 10, 11, 11, 12, 13, 14, 14]
: [1, 2, 2, 8, 12, 12, 14, 14, 16, 16, 19]
: [1, 7, 10, 11, 15, 17]
: [4, 8, 10, 13, 14]
: [1, 4, 4, 5, 6, 12, 17, 19]
: [3, 4, 11, 13, 14, 15, 15, 19]
: [3, 4, 11, 13, 14, 15, 15, 19]
: [3, 4, 11, 13, 14, 15, 15, 19]
: [3, 4, 11, 13, 14, 15, 15, 19]
: [3, 6, 8, 8, 15, 16]
: [1, 4, 4, 5, 7, 8, 8, 8, 10, 11, 12, 12, 14, 15, 18]
: [1, 2, 2, 8, 6, 7, 8, 8, 8, 10, 11, 12, 12, 14, 15, 18]
: [1, 2, 2, 8, 18, 15, 16]
: [1, 3, 7, 7, 18, 19]
: [1, 7, 9, 11, 11, 11, 15, 16]
> Arreglos ordenados
El arreglo 0 ordenado es: [1, 4, 5, 7, 10, 13, 19, 19]
El arreglo 1 ordenado es: [3, 9, 11, 15, 15, 16]
El arreglo 2 ordenado es: [6, 6, 6, 9, 12, 14, 15]
El arreglo 3 ordenado es: [6, 6, 6, 9, 12, 14, 15]
El arreglo 4 ordenado es: [7, 7, 18, 18]
El arreglo 5 ordenado es: [1, 2, 4, 7, 8, 10, 10, 10, 11, 13, 14, 17]
El arreglo 6 ordenado es: [1, 2, 4, 7, 8, 10, 10, 10, 11, 13, 14, 17]
El arreglo 7 ordenado es: [2, 2, 4, 5, 14, 15]
El arreglo 8 ordenado es: [3, 13, 15, 16, 17]
El arreglo 9 ordenado es: [4, 4, 5, 7, 13, 14, 15, 15, 16, 18]
El arreglo 10 ordenado es: [1, 3, 3, 5, 7, 9, 12, 16, 16]
El arreglo 11 ordenado es: [1, 3, 3, 5, 7, 9, 12, 16, 16]
El arreglo 12 ordenado es: [1, 4, 4, 4, 6, 7, 7, 11, 13, 16, 16, 18]
El arreglo 13 ordenado es: [1, 2, 3, 10, 13, 17, 19]
El arreglo 14 ordenado es: [3, 5, 7, 9, 9, 11, 12, 14, 16, 17, 18]
El arreglo 15 ordenado es: [3, 5, 7, 9, 9, 11, 12, 14, 16, 17, 18]
El arreglo 16 ordenado es: [6, 7, 8, 9, 9, 10, 11, 11, 12, 14, 14, 14, 15, 16]
El arreglo 17 ordenado es: [1, 3, 4, 4, 4, 8, 9, 10, 11, 13, 14, 14, 16]
El arreglo 19 ordenado es: [1, 5, 7, 8, 8, 10, 11, 12, 14, 14, 15, 18, 19]
El arreglo 20 ordenado es: [1, 7, 7, 8, 11, 11, 12, 14, 14, 15, 18, 19]
El arreglo 21 ordenado es: [1, 5, 7, 8, 8, 10, 11, 12, 14, 14, 15, 18, 19]
El arreglo 22 ordenado es: [1, 7, 10, 11, 14, 14, 16, 17, 17, 19]
El arreglo 23 ordenado es: [1, 7, 10, 11, 14, 14, 16, 17, 17, 19]
El arreglo 24 ordenado es: [2, 4, 6, 8, 12, 13, 17, 19]
El arreglo 25 ordenado es: [3, 3, 4, 5, 8, 9, 10, 12, 14, 19]
El arreglo 26 ordenado es: [1, 1, 6, 9, 12, 13, 14, 17, 17]
El arreglo 27 ordenado es: [1, 3, 4, 4, 8, 9, 10, 12, 14, 19]
El arreglo 29 ordenado es: [1, 3, 4, 5, 8, 9, 10, 12, 14, 19]
El arreglo 27 ordenado es: [1, 1, 6, 9, 12, 13, 13, 16, 17, 17, 17, 18]
El arreglo 30 ordenado es: [1, 1, 6, 9, 12, 17]
El arreglo 30 ordenado es: [1, 1, 6, 9, 12, 17]
El arreglo 31 ordenado es: [1, 3, 4, 4, 6, 7, 7, 8, 13, 13, 16, 17, 17, 17, 18]
El arreglo 33 ordenado es: [1, 1, 6, 9, 12, 17]
El arr
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              El arreglo 38 ordenado es:
El arreglo 39 ordenado es:
El arreglo 40 ordenado es:
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               El arreglo 41 ordenado es:
El arreglo 42 ordenado es:
El arreglo 43 ordenado es:
El arreglo 43 ordenado es:
El arreglo 45 ordenado es:
El arreglo 46 ordenado es:
El arreglo 47 ordenado es:
El arreglo 48 ordenado es:
El arreglo 47 ordenado es:
El arreglo 59 ordenado es:
El arreglo 50 ordenado es:
El arreglo 60 ordenado es:
El arreglo 61 ordenado es:
El arreglo 63 ordenado es:
El arreglo 64 ordenado es:
El arreglo 65 ordenado es:
El arreglo 67 ordenado es:
El arreglo 68 ordenado es:
El arreglo 69 ordenado es:
El arreglo 70 ordenado es:
El arreglo 70 ordenado es:
El arreglo 71 ordenado es:
El arreglo 73 ordenado es:
El arreglo 73 ordenado es:
El arreglo 73 ordenado es:
El arreglo 75 ordenado es:
El arreglo 76 ordenado es:
El arreglo 77 ordenado es:
El arreglo 78 ordenado es:
```

Figura 6: Arreglos ordenados (Parte 1)

Figura 7: Arreglos ordenados (Parte 2)

```
El arreglo 79 ordenado es: [1, 7, 9, 11, 11, 15, 16]
El arreglo 80 ordenado es: [2, 5, 6, 11, 14, 16, 17, 19]
El arreglo 81 ordenado es: [5, 5, 5, 9, 10, 11, 14, 14, 15, 17, 17, 18]
El arreglo 82 ordenado es: [1, 8, 11, 11, 19]
                                [2, 2, 2, 4, 5, 7, 7, 9, 9, 14, 19]
El arreglo 83 ordenado es:
El arreglo 84 ordenado es: [2, 3, 11, 18, 19]
El arreglo 85 ordenado es: [4, 6, 6, 6, 9, 10, 11, 15, 16, 18, 19]
El arreglo 86 ordenado es: [1, 6, 8, 9, 11, 19, 19, 19]
                                [4,
                                    7, 10, 13, 15, 16]
3, 8, 9, 11, 13, 15, 17]
El arreglo 87 ordenado es:
                                [1,
El arreglo 88 ordenado es:
                                [2,
                                    3, 4, 9, 12, 13, 14, 16]
El arreglo 89 ordenado es:
                                [2, 7, 7, 9, 11, 15, 17, 18, 19]
[3, 4, 11, 12, 13, 13, 15, 17]
El arreglo 90 ordenado es:
El arreglo 91 ordenado es:
                                [2,
                                [2, 2, 3, 6, 10, 11, 12, 18, 19]
[8, 8, 9, 10, 12, 13]
El arreglo 92 ordenado es:
El arreglo 93 ordenado es:
El arreglo 94 ordenado es:
                                [3, 9, 13, 13, 14, 18]
El arreglo 95 ordenado es: [4, 4, 6, 9, 13]
El arreglo 96 ordenado es: [1, 2, 2, 3, 4, 5, 5, 7, 9, 9, 10, 15]
El arreglo 97 ordenado es: [9, 13, 15, 16, 18]
El arreglo 98 ordenado es: [1, 2, 2, 2, 10, 10, 11, 14, 14, 15, 17, 18]
El arreglo 99 ordenado es: [3, 4, 6, 7, 15, 17, 17, 18]
```

Figura 8: Arreglos ordenados (Parte 3)

```
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 8: 7.152557373046875e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 1: 3.0994415283203125e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 3: 5.2450874023475e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 3: 5.2450874023475e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 3: 6.914138739345125e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 3: 6.914138739345125e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 3: 6.914138739345125e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 3: 7.152557373046875e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 3: 7.152557373046875e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 3: 8.4450286854688e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 15: 7.752557373046875e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 25: 7.6944137330652e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 25: 7.6944137330652e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 25: 7.694413730652e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 25: 7.6944137330652e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 25: 7.6944137330652e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 25: 7.6944137330652
```

Figura 9: Tiempos de ejecución (Parte 1)

Figura 10: Tiempos de ejecución (Parte 2)

```
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 84: 4.0531158447265625e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 85: 6.9141387939453125e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 86: 5.245208740234375e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 87: 4.0531158447265625e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 88: 5.0067901611328125e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 89: 4.0531158447265625e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 90: 5.0067901611328125e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 91: 5.9604644775390625e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 92: 6.198883056640625e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 93: 2.86102294921875e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 94: 3.814697265625e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 95: 3.0994415283203125e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 96: 1.71661376953125e-05
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 97: 3.0994415283203125e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 98: 8.821487426757812e-06
Tiempo tardado en ordenar el arreglo 99: 6.198883056640625e-06
```

Figura 11: Tiempos de ejecución (Parte 3)

```
-> Arreglos con menor tiempo de ejecución
    El arreglo original 42 es: [12, 6, 3, 1, 17, 1]
    El arreglo ordenado 42 es: [1, 1, 3, 6, 12, 17]
    El arreglo original 93 es: [12, 10, 9, 13, 8, 8]
    El arreglo ordenado 93 es: [8, 8, 9, 10, 12, 13]
    El arreglo original 1 es: [15, 16, 15, 11, 3, 9]
    El arreglo ordenado 1 es: [3, 9, 11, 15, 15, 16]

-> Arreglos con mayor tiempo de ejecución
    El arreglo original 51 es: [1, 2, 16, 18, 10, 17, 6, 14, 18, 14, 8, 13, 6, 18]
    El arreglo ordenado 51 es: [1, 2, 6, 6, 8, 10, 13, 14, 14, 16, 17, 18, 18, 18]
    El arreglo original 34 es: [2, 10, 4, 14, 12, 9, 17, 16, 10, 18, 18, 4, 15]
    El arreglo ordenado 34 es: [2, 4, 4, 9, 10, 10, 12, 14, 15, 16, 17, 18, 18]
    El arreglo original 96 es: [7, 9, 4, 5, 2, 1, 15, 3, 5, 10, 9, 2]
    El arreglo ordenado 96 es: [1, 2, 2, 3, 4, 5, 5, 7, 9, 9, 10, 15]
```

Figura 12: Arreglos con mas y menos tiempo de ejecución

5. Conclusiones

Gracias a la práctica, analizamos y comprendimos a fondo el funcionamiento del algoritmo Quick-Sort. Del mismo modo, entendimos por qué es más rápido que los demás, dado que a pesar de que proporcionábamos distintos tamaños de algoritmos, el tiempo de ejecución no cambiaba de manera drástica, y el tiempo, a pesar de ser mayor que el de los arreglos con menos elementos, tampoco aumentaba demasiado.

También, en lo personal, practiqué mucho más la sintaxis de Python y comprendí de mejor manera las funciones y la utilidad de estas, y se me hizo mucho más fácil usar funciones que haberlo hecho todo dentro del ámbito del código.

6. Referencias

- https://www.udb.edu.sv/udb_files/recursos_guias/informatica-ingenieria/programacion-iv/2019/ii/guia-4.pdf
- https://numerentur.org/quicksort/
- https://www.genbeta.com/desarrollo/implementando-el-algoritmo-quicksort
- http://aniei.org.mx/paginas/uam/CursoAA/curso_aa_19.html#:~:text=E1%20mejor%20caso% 20de%20quick,lista%20original%20en%20dos%20listas.