

Générateurs de nombres aléatoires

Algorithmes et Structures de Données II, GymInf

Juan-Carlos Barros, Yves Dethurens, Daniel Kessler et Jean-Francis Ravoux

5 juillet 2021

Table des matières

1	Introduction	1
1.1	Que veut-on simuler et pourquoi ?	1
1.2	TRNG vs PRNG	2
2	Générateurs de suites pseudo-aléatoires	2
2.1	Historique	2
2.2	Caractéristiques communes	2
2.3	Générateurs linéaires congruents (LCG)	2
2.4	Mersenne Twister et les LFSR	2
3	Générateurs de “vraies” suites aléatoires	2
3.1	Généralités - Processeur incapable	2
3.2	Généralités - Le Monde réel oui	2
3.3	Collection d'entropie	2
3.4	Algorithmes d'aggrégation et expansion d'entropie	3
3.5	Le futur est-il quantique ?	3
3.6	Exemple genevois : ID Quantique	3
4	Que fait le module “random” de Python ?	3
5	Conclusion	3
	Références	3

1 Introduction

1.1 Que veut-on simuler et pourquoi ?

- distributions aléatoires (bla)
- utilité directe (ex : jeux) et indirecte (ex : algos aléatoires)

1.2 TRNG vs PRNG

...

2 Générateurs de suites pseudo-aléatoires

2.1 Historique

von Neumann[VonNeumann] (bla)

2.2 Caractéristiques communes

- période (bla)
- seed (bla)

2.3 Générateurs linéaires congruents (LCG)

...

2.4 Mersenne Twister et les LFSR

...

3 Générateurs de “vraies” suites aléatoires

3.1 Généralités - Processeur incapable

- Processeur arrive plutôt bien à propager de l'aléatoire
- Voir algorithmes présentés précédemment
- Mais il lui faut un coup de pouce au départ
- Besoin d'une graine pour démarrer
- Pourquoi hasard inaccessible au processeur ?
- Car le processeur est profondément déterministe

3.2 Généralités - Le Monde réel oui

- Aléatoire inévitable et dérangeant dans le monde réel!
 - Incertitudes fondamentales des mesures
 - Impossibilité de contrôler une valeur physique
- Monde réel est donc LA source d'inspiration

3.3 Collection d'entropie

- Principales sources de hasard :
 - phénomènes physiques stochastiques :
 - bruit thermique (Johnson et Nyquist)

- autres phénomènes statistiques (vagues, etc.)
- phénomènes quantiques intrinsèquement aléatoires
 - effet photoélectrique
 - n'importe quelle autre mesure quantique

3.4 Algorithmes d'aggrégation et expansion d'entropie

- Algorithme pour grossir le flux de TRNG (pas assez rapide)
- HAVEGE (utilisé pas le noyau Linux)
- HArdware Volatile Entropy Gathering and Expansion
- <https://www.irisa.fr/caps/projects/hipsor/misc.php>

3.5 Le futur est-il quantique ?

- Sources quantiques :
 - source de radioactivité détectée par un compteur Geiger
 - photons traversant un miroir semi-réfléchissant
 - C'est le choix de la compagnie Genevoise ID Quantique

3.6 Exemple genevois : ID Quantique

- Principe de la source ID Quantique :
 - photons traversant un miroir semi-réfléchissant
 - événements mutuellement exclusifs (réflexion / transmission)
 - Détection associée respectivement à des valeurs de bit 0 ou 1

4 Que fait le module “random” de Python ?

bla sur les PRNG et TRNG utilisés (indirectement) par Python et résumé de résultats de petits tests

5 Conclusion

bla bla