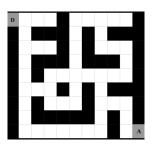
# Projet *Labyrinthe*Algorithmes et Structures de Donnée

Juan-Carlos Barros et Daniel Kessler

 $1^{er}$  juin 2021

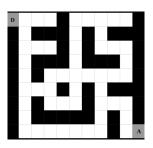
### Projet Labyrinthe

- Algorithme
- Structure de Donnée



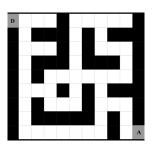
### Projet Labyrinthe

- AlgorithmeA\*
- Structure de Donnée



### Projet Labyrinthe

- AlgorithmeA\*
- Structure de Donnée
   Priority Queue



### Table des matières

- 1 Quel algorithme pour résoudre quel problème?
  - Choix du problème
  - Choix de l'Algorithme
- Algorithme A\*
  - Pseudo-Code
  - Heuristique et Priorité
  - Structure de données "Priority Queue"
  - Idée de preuve
  - Exemple de résolution
  - Complexité
- Tests avec Python
- 4 Conclusion
  - Ants
  - Robots
- 6 Références

• Cherche-t-on un chemin quelconque?

- Cherche-t-on un chemin quelconque?
  - Oui, on ne traversera le labyrinthe qu'une seule fois.
  - Non, on veut le chemin le plus court, pour peut-être le réutiliser.

- Cherche-t-on un chemin quelconque?
  - Oui, on ne traversera le labyrinthe qu'une seule fois.
  - Non, on veut le chemin le plus court, pour peut-être le réutiliser.

- Cherche-t-on un chemin quelconque?
  - Oui, on ne traversera le labyrinthe qu'une seule fois.
  - Non, on veut le chemin le plus court, pour peut-être le réutiliser.
- Connait-on les coordonnées de la sortie dès le départ ?

- Cherche-t-on un chemin quelconque?
  - Oui, on ne traversera le labyrinthe qu'une seule fois.
  - ▶ Non, on veut le chemin le plus court, pour peut-être le réutiliser.
- Connait-on les coordonnées de la sortie dès le départ ?
  - Oui, et cette information pourra nous aider.
  - ▶ Non, le lieu de la sortie fait partie des inconnues.

- Cherche-t-on un chemin quelconque?
  - Oui, on ne traversera le labyrinthe qu'une seule fois.
  - Non, on veut le chemin le plus court, pour peut-être le réutiliser.
- Connait-on les coordonnées de la sortie dès le départ ?
  - Oui, et cette information pourra nous aider.
  - ▶ Non, le lieu de la sortie fait partie des inconnues.

- Cherche-t-on un chemin quelconque?
  - Oui, on ne traversera le labyrinthe qu'une seule fois.
  - Non, on veut le chemin le plus court, pour peut-être le réutiliser.
- Connait-on les coordonnées de la sortie dès le départ ?
  - Oui, et cette information pourra nous aider.
  - ▶ Non, le lieu de la sortie fait partie des inconnues.

Pour nous, un labyrinthe sera encapsulé dans un objet pouvant être consulté afin d'obtenir :

- Cherche-t-on un chemin quelconque?
  - Oui, on ne traversera le labyrinthe qu'une seule fois.
  - Non, on veut le chemin le plus court, pour peut-être le réutiliser.
- Connait-on les coordonnées de la sortie dès le départ ?
  - Oui, et cette information pourra nous aider.
  - Non, le lieu de la sortie fait partie des inconnues.

Pour nous, un labyrinthe sera encapsulé dans un objet pouvant être consulté afin d'obtenir :

les coordonnées de l'entrée

- Cherche-t-on un chemin quelconque?
  - Oui, on ne traversera le labyrinthe qu'une seule fois.
  - Non, on veut le chemin le plus court, pour peut-être le réutiliser.
- Connait-on les coordonnées de la sortie dès le départ ?
  - Oui, et cette information pourra nous aider.
  - Non, le lieu de la sortie fait partie des inconnues.

Pour nous, un labyrinthe sera encapsulé dans un objet pouvant être consulté afin d'obtenir :

- les coordonnées de l'entrée
- les coordonnées de la sortie

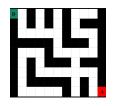
- Cherche-t-on un chemin quelconque?
  - Oui, on ne traversera le labyrinthe qu'une seule fois.
  - Non, on veut le chemin le plus court, pour peut-être le réutiliser.
- Connait-on les coordonnées de la sortie dès le départ ?
  - Oui, et cette information pourra nous aider.
  - ▶ Non, le lieu de la sortie fait partie des inconnues.

Pour nous, un labyrinthe sera encapsulé dans un objet pouvant être consulté afin d'obtenir :

- les coordonnées de l'entrée
- les coordonnées de la sortie
- une méthode pour demander s'il est possible de traverser une cellule à des coordonnées données

### Un problème, plusieurs solutions

- Breadth-First Search
  - garantit de trouver une solution si elle existe
  - solution optimale si tous les pas sont égaux (même coût)

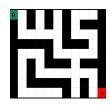


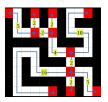
### Un problème, plusieurs solutions

- Breadth-First Search
  - garantit de trouver une solution si elle existe
  - solution optimale si tous les pas sont égaux (même coût)

#### Dijkstra

- choisit où explorer selon les distances déjà parcourues
- garantit de trouver le plus court chemin (en tenant compte des coûts)





### Un problème, plusieurs solutions

#### Breadth-First Search

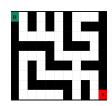
- garantit de trouver une solution si elle existe
- solution optimale si tous les pas sont égaux (même coût)

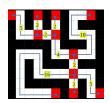
### Dijkstra

- choisit où explorer selon les distances déjà parcourues
- garantit de trouver le plus court chemin (en tenant compte des coûts)

#### A\*

- nécessite de connaître les coordonnées de la sortie
- choisit où explorer selon les distances déjà parcourues et une estimation de la distance à la sortie





#### pseudo-code

Démarrer une file d'attente avec la cellule de départ D, une liste de prédécesseurs avec  $\{D: Nil\}$  et une liste de coûts d'accès avec  $\{D: 0\}$ .

#### pseudo-code

Démarrer une file d'attente avec la cellule de départ D, une liste de prédécesseurs avec  $\{D: Nil\}$  et une liste de coûts d'accès avec  $\{D: 0\}$ .

### pseudo-code

Démarrer une file d'attente avec la cellule de départ D, une liste de prédécesseurs avec  $\{D: Nil\}$  et une liste de coûts d'accès avec  $\{D: 0\}$ .

Tant que la file d'attente n'est pas vide,

ullet extraire (pop) la cellule prioritaire C de la file d'attente

#### pseudo-code

Démarrer une file d'attente avec la cellule de départ D, une liste de prédécesseurs avec  $\{D: Nil\}$  et une liste de coûts d'accès avec  $\{D: 0\}$ .

- extraire (pop) la cellule prioritaire C de la file d'attente
- si *C* est la cellule d'arrivée *A*, retourner le chemin qui y amène (via backtracking sur les prédécesseurs)

#### pseudo-code

Démarrer une file d'attente avec la cellule de départ D, une liste de prédécesseurs avec  $\{D: Nil\}$  et une liste de coûts d'accès avec  $\{D: 0\}$ .

- extraire (pop) la cellule prioritaire C de la file d'attente
- si *C* est la cellule d'arrivée *A*, retourner le chemin qui y amène (via backtracking sur les prédécesseurs)
- sinon, pour chaque voisin V de C qui n'est pas déjà accessible à moindre coût

#### pseudo-code

Démarrer une file d'attente avec la cellule de départ D, une liste de prédécesseurs avec  $\{D:Nil\}$  et une liste de coûts d'accès avec  $\{D:0\}$ .

- extraire (pop) la cellule prioritaire C de la file d'attente
- si C est la cellule d'arrivée A, retourner le chemin qui y amène (via backtracking sur les prédécesseurs)
- sinon, pour chaque voisin V de C qui n'est pas déjà accessible à moindre coût
  - mémoriser le prédécesseur de V (soit la cellule C) et le coût d'accès à V (soit un de plus que le coût d'accès à C)

#### pseudo-code

Démarrer une file d'attente avec la cellule de départ D, une liste de prédécesseurs avec  $\{D:Nil\}$  et une liste de coûts d'accès avec  $\{D:0\}$ .

- extraire (pop) la cellule prioritaire C de la file d'attente
- si C est la cellule d'arrivée A, retourner le chemin qui y amène (via backtracking sur les prédécesseurs)
- sinon, pour chaque voisin V de C qui n'est pas déjà accessible à moindre coût
  - mémoriser le prédécesseur de V (soit la cellule C) et le coût d'accès à V (soit un de plus que le coût d'accès à C)

#### pseudo-code

Démarrer une file d'attente avec la cellule de départ D, une liste de prédécesseurs avec  $\{D : Nil\}$  et une liste de coûts d'accès avec  $\{D : 0\}$ .

- extraire (pop) la cellule prioritaire C de la file d'attente
- si C est la cellule d'arrivée A, retourner le chemin qui y amène (via backtracking sur les prédécesseurs)
- sinon, pour chaque voisin V de C qui n'est pas déjà accessible à moindre coût
  - mémoriser le prédécesseur de V (soit la cellule C) et le coût d'accès à V (soit un de plus que le coût d'accès à C)
  - insérer (push) V dans la file d'attente

La priorité d'une cellule C en attente est le coût total (estimé) d'un chemin passant par cette cellule. priorité = coût\_réel  $(D \to C)$  + coût\_estimé  $(C \to A)$ 

La priorité d'une cellule C en attente est le coût total (estimé) d'un chemin passant par cette cellule. priorité = coût\_réel  $(D \to C)$  + coût\_estimé  $(C \to A)$ 

La distance restante depuis une cellule jusqu'à l'arrivée doit être estimée sans jamais la surestimer.  $\rightarrow$  choix d'heuristique!

La priorité d'une cellule C en attente est le coût total (estimé) d'un chemin passant par cette cellule. priorité = coût\_réel  $(D \to C)$  + coût\_estimé  $(C \to A)$ 

La distance restante depuis une cellule jusqu'à l'arrivée doit être estimée sans jamais la surestimer.  $\rightarrow$  choix d'heuristique!

• La distance de Manhattan  $|\Delta x| + |\Delta y|$  est un bon estimateur si les mouvements permis sont horizontaux et verticaux.

La priorité d'une cellule C en attente est le coût total (estimé) d'un chemin passant par cette cellule. priorité = coût\_réel  $(D \to C)$  + coût\_estimé  $(C \to A)$ 

La distance restante depuis une cellule jusqu'à l'arrivée doit être estimée sans jamais la surestimer.  $\rightarrow$  choix d'heuristique!

- La distance de Manhattan  $|\Delta x| + |\Delta y|$  est un bon estimateur si les mouvements permis sont horizontaux et verticaux.
- Une heuristique nulle ramène A\* à l'algorithme de Dijkstra (ou Breadth-First Search si on a un coût identique pour chaque mouvement).

# File d'attente : "Priority Queue"

- Structure permettant "push" avec priorité et "pop" rapide de l'élément prioritaire
- Implémentation en Python en tant que binary heap avec le module heapq
- Dans cette implémentation, vérifier si vide en O(1), "push" et "pop" en  $O(\log(n))$  où n est le nombre d'objets en attente 1

L'heuristique h(C) qui estime le chemin restant depuis une cellule C doit satisfaire deux conditions.

L'heuristique h(C) qui estime le chemin restant depuis une cellule C doit satisfaire deux conditions.

**Monotonicité**: sorte d'inégalité triangulaire faible  $h(C_1) \le r(C_1, C_2) + h(C_2)$  où  $C_1, C_2$  sont deux cellules,  $r(C_1, C_2)$  est la distance réelle entre elles.

Cette propriété garantit de trouver la sortie, sans se "perdre" dans des boucles éventuelles.

L'heuristique h(C) qui estime le chemin restant depuis une cellule C doit satisfaire deux conditions.

- **Monotonicité**: sorte d'inégalité triangulaire faible  $h(C_1) \le r(C_1, C_2) + h(C_2)$  où  $C_1, C_2$  sont deux cellules,  $r(C_1, C_2)$  est la distance réelle entre elles.
  - Cette propriété garantit de trouver la sortie, sans se "perdre" dans des boucles éventuelles.
- Admissibilité : l'heuristique ne surestime jamais une distance

L'heuristique h(C) qui estime le chemin restant depuis une cellule C doit satisfaire deux conditions.

- **Monotonicité**: sorte d'inégalité triangulaire faible  $h(C_1) \le r(C_1, C_2) + h(C_2)$  où  $C_1, C_2$  sont deux cellules,  $r(C_1, C_2)$  est la distance réelle entre elles.
  - Cette propriété garantit de trouver la sortie, sans se "perdre" dans des boucles éventuelles.
- Admissibilité : l'heuristique ne surestime jamais une distance Cela garantit qu'il n'y a pas de chemin plus court que celui trouvé.

# Preuve de l'algorithme (grandes lignes)

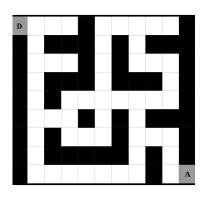
L'heuristique h(C) qui estime le chemin restant depuis une cellule C doit satisfaire deux conditions.

- **Monotonicité**: sorte d'inégalité triangulaire faible  $h(C_1) \le r(C_1, C_2) + h(C_2)$  où  $C_1, C_2$  sont deux cellules,  $r(C_1, C_2)$  est la distance réelle entre elles.
  - Cette propriété garantit de trouver la sortie, sans se "perdre" dans des boucles éventuelles.
- ② Admissibilité : l'heuristique ne surestime jamais une distance Cela garantit qu'il n'y a pas de chemin plus court que celui trouvé. Par contradiction :

# Preuve de l'algorithme (grandes lignes)

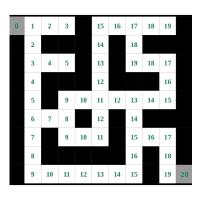
L'heuristique h(C) qui estime le chemin restant depuis une cellule C doit satisfaire deux conditions.

- **Monotonicité**: sorte d'inégalité triangulaire faible  $h(C_1) \le r(C_1, C_2) + h(C_2)$  où  $C_1, C_2$  sont deux cellules,  $r(C_1, C_2)$  est la distance réelle entre elles.
  - Cette propriété garantit de trouver la sortie, sans se "perdre" dans des boucles éventuelles.
- Admissibilité: l'heuristique ne surestime jamais une distance Cela garantit qu'il n'y a pas de chemin plus court que celui trouvé. Par contradiction: s'il y en avait un, il aurait été estimé correctement ou sous-estimé, et serait donc prioritaire par rapport à un chemin complet trop long, vu qu'un chemin complet a une priorité calculée en coût réel. (coût heuristique de cellule A = 0)

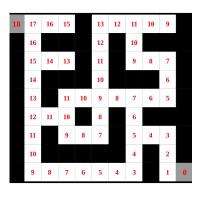


#### **Objectif**

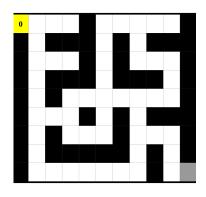
Trouver le chemin le plus court entre le **D**épart et l'**A**rrivée



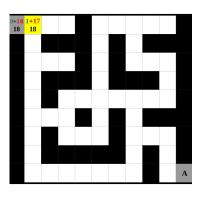
Chaque noeud est à une distance réelle du départ, qui sera découverte en cours de route.



Estimation de la distance réelle de l'arrivée pour chaque cellule (Heuristique "Manhattan").

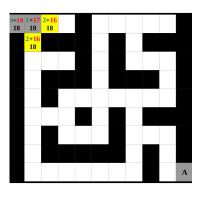


Le départ est mis en file d'attente, avec une priorité 0.



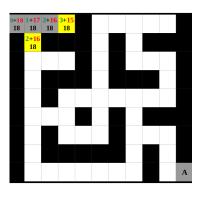
Le seul voisin est évalué :

- coût réel pour y accéder : 1
- coût heuristique pour la suite : 17
- coût heuristique total (priorité) : 18



#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total

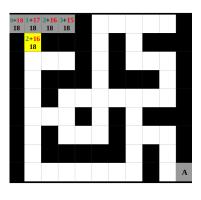


#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total

L'algorithme poursuit son chemin.

Parfois deux choix ont la même priorité, le choix est arbitraire.

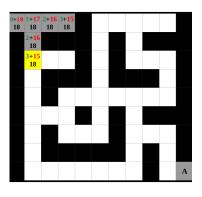


#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total

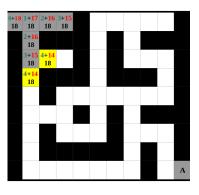
L'algorithme poursuit son chemin.

Parfois deux choix ont la même priorité, le choix est arbitraire.



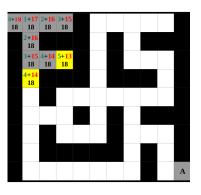
#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total



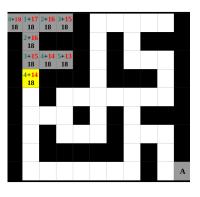
#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total



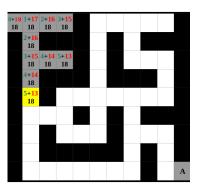
#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total



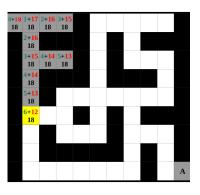
#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total



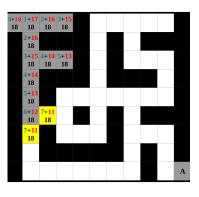
#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total



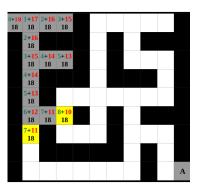
#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total



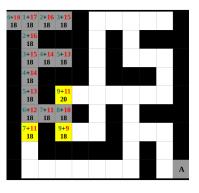
#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total



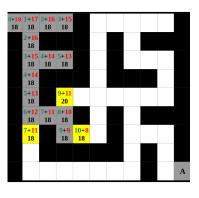
#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total



#### Légende :

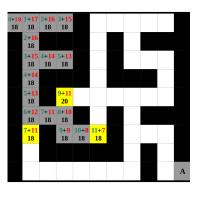
- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total



#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total

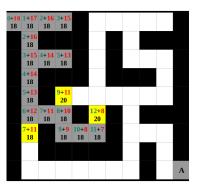
L'algorithme poursuit son chemin.



#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total

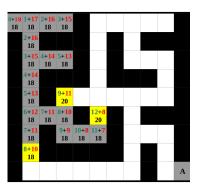
L'algorithme poursuit son chemin.



#### Légende:

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total

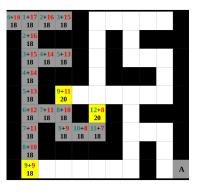
L'algorithme poursuit son chemin.



#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total

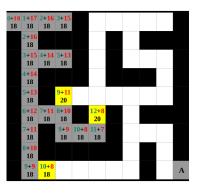
L'algorithme poursuit son chemin.



#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total

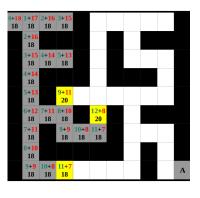
L'algorithme poursuit son chemin.



#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total

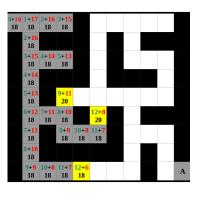
L'algorithme poursuit son chemin.



#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total

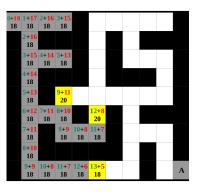
L'algorithme poursuit son chemin.



#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total

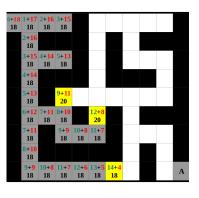
L'algorithme poursuit son chemin.



#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total

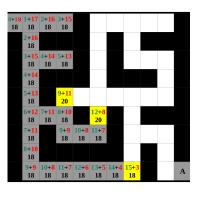
L'algorithme poursuit son chemin.



#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total

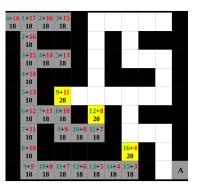
L'algorithme poursuit son chemin.



#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total

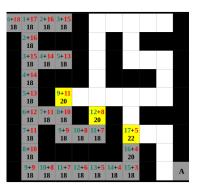
L'algorithme poursuit son chemin.



#### Légende :

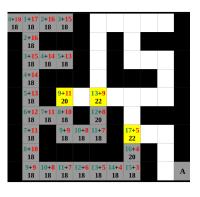
- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total

L'algorithme poursuit son chemin.



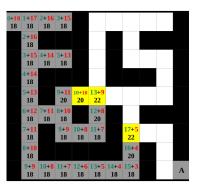
#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total



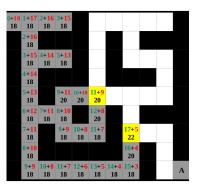
#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total



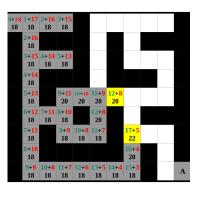
#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total



#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total

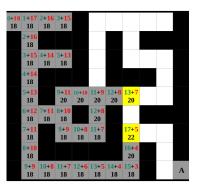


#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total

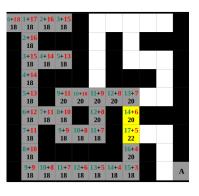
L'algorithme poursuit son chemin.

Parfois un nouveau chemin améliore l'accès à une même cellule.



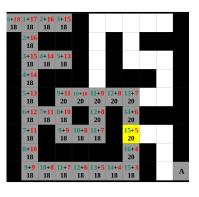
#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total



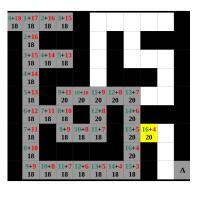
#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total



#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total

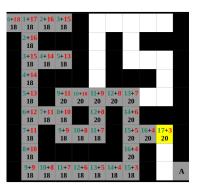


#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total

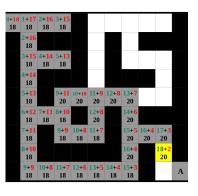
L'algorithme poursuit son chemin.

Parfois un nouveau chemin améliore l'accès à une même cellule.



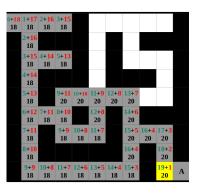
#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total



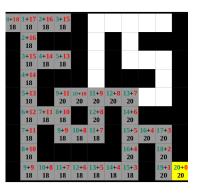
#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total



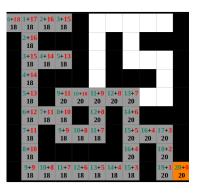
#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total



#### Légende :

- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total

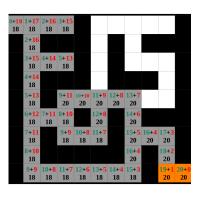


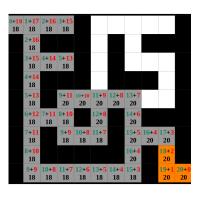
#### Légende :

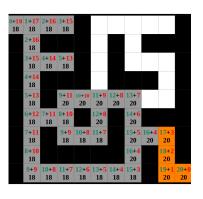
- coût réel jusqu'ici
- coût heuristique pour la suite
- coût heuristique total

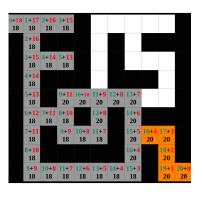
L'algorithme poursuit son chemin.

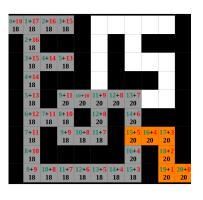
Un chemin vers la sortie a été trouvé!

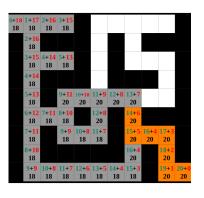


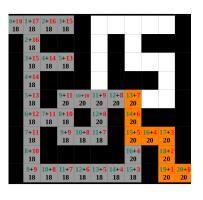


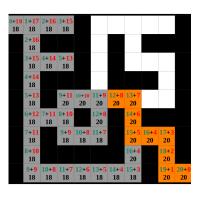


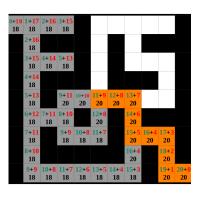


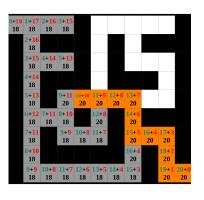


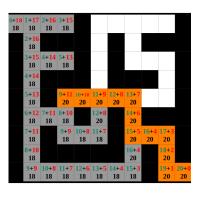


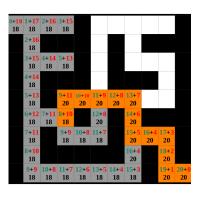


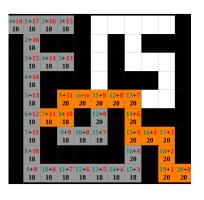


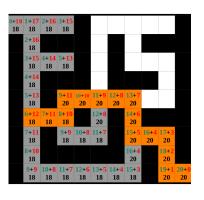


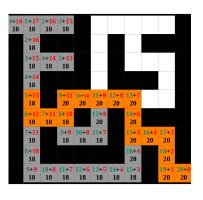


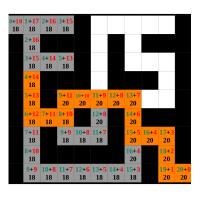


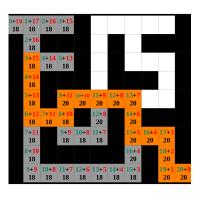


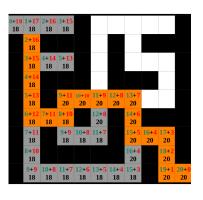


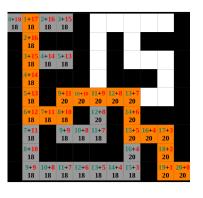


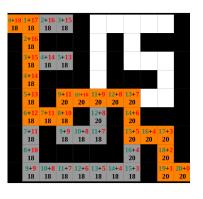


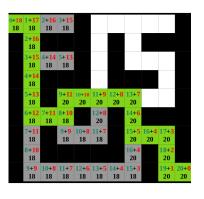


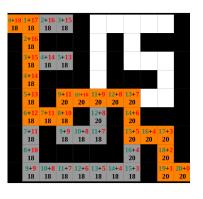












Le pire des cas sera réalisé par un labyrinthe dont le meilleur chemin revient souvent en arrière (s'éloigne de l'arrivée). Dans ce cas, aucun gain n'est réalisé par rapport à l'algorithme de Dijsktra (ou "heuristique nulle").

Le pire des cas sera réalisé par un labyrinthe dont le meilleur chemin revient souvent en arrière (s'éloigne de l'arrivée). Dans ce cas, aucun gain n'est réalisé par rapport à l'algorithme de Dijsktra (ou "heuristique nulle").

Cependant, le "worst case" ne rend pas justice à A\* dont le but est justement d'éviter la plupart du temps le "worst case" avec un bon choix d'heuristique.

"worst case" → visite toutes les N cellules.

- "worst case" → visite toutes les N cellules.
  - ▶ Pop pour chaque cellule visitée, push de chaque voisin atteignable (si pas encore pushé).

- "worst case" → visite toutes les N cellules.
  - ▶ Pop pour chaque cellule visitée, push de chaque voisin atteignable (si pas encore pushé).
  - ▶ Sinon, **raffraichissement** éventuel de la liste d'attente

- "worst case" → visite toutes les N cellules.
  - Pop pour chaque cellule visitée, push de chaque voisin atteignable (si pas encore pushé).
  - ▶ Sinon, raffraichissement éventuel de la liste d'attente
- Le nombre de **pop** et de **push** sera donc au maximum N.

- "worst case" → visite toutes les N cellules.
  - Pop pour chaque cellule visitée, push de chaque voisin atteignable (si pas encore pushé).
  - ▶ Sinon, raffraichissement éventuel de la liste d'attente
- Le nombre de **pop** et de **push** sera donc au maximum N.
- Le nombre de raffraichissements sera au maximum de A où A = nombre de mouvements possibles.

- "worst case" → visite toutes les N cellules.
  - Pop pour chaque cellule visitée, push de chaque voisin atteignable (si pas encore pushé).
  - ▶ Sinon, raffraichissement éventuel de la liste d'attente
- Le nombre de **pop** et de **push** sera donc au maximum N.
- Le nombre de raffraichissements sera au maximum de A où A = nombre de mouvements possibles.
  - ▶  $O(A) \sim O(N)$  vu que chaque cellule possède au maximum 4 voisins atteignables.

- "worst case" → visite toutes les N cellules.
  - Pop pour chaque cellule visitée, push de chaque voisin atteignable (si pas encore pushé).
  - ▶ Sinon, raffraichissement éventuel de la liste d'attente
- Le nombre de **pop** et de **push** sera donc au maximum N.
- Le nombre de raffraichissements sera au maximum de A où A = nombre de mouvements possibles.
  - ▶  $O(A) \sim O(N)$  vu que chaque cellule possède au maximum 4 voisins atteignables.

#### complexité algorithmique

 $N \cdot (pop + push) + A \cdot (raffraichissement)$ 

- "worst case" → visite toutes les N cellules.
  - ▶ **Pop** pour chaque cellule visitée, **push** de chaque voisin atteignable (si pas encore pushé).
  - ▶ Sinon, raffraichissement éventuel de la liste d'attente
- Le nombre de **pop** et de **push** sera donc au maximum N.
- Le nombre de raffraichissements sera au maximum de A où A = nombre de mouvements possibles.
  - ▶  $O(A) \sim O(N)$  vu que chaque cellule possède au maximum 4 voisins atteignables.

#### complexité algorithmique

 $N \cdot (pop + push) + A \cdot (raffraichissement)$ 

L'implémentation de la liste d'attente est cruciale. La complexité de **push**, **pop** et **raffraichissement** dépendent en effet du type de file mise en oeuvre!

### Complexité - structure de données

#### complexité algorithmique

 $N \cdot (pop + push) + A \cdot (raffraichissement)$ 

### Complexité - structure de données

#### complexité algorithmique

$$N \cdot (pop + push) + A \cdot (raffraichissement)$$

• simple tableau : **push** et **raffraichissement** en O(1), **pop** en O(N)

complexité totale avec simple tableau

$$N \cdot (O(N) + O(1)) + A \cdot O(1) = O(N^2).$$

## Complexité - structure de données

#### complexité algorithmique

$$N \cdot (pop + push) + A \cdot (raffraichissement)$$

• simple tableau : **push** et **raffraichissement** en O(1), **pop** en O(N)

#### complexité totale avec simple tableau

$$N \cdot (O(N) + O(1)) + A \cdot O(1) = O(N^2).$$

• queue prioritaire binaire : **push** et **raffraichissement** en  $O(\log(N))$ , **pop** en O(1).

### complexité totale avec queue prioritaire binaire

$$N \cdot (O(1) + O(\log(N))) + A \cdot O(\log(N)) = O(N \cdot \log(N))$$

#### Tests avec Python

```
marge = QueuePrioritaire(grid.start)
cout_reel = {grid.start: 0}
parent = {grid.start: None}
while True:
    noeud_courant = marge.pop()
    if noeud courant is None:
        raise ValueError(``la grille n'a pas de solution''
    if noeud_courant == grid.out:
        break # chemin optimal trouvé
    # ... traiter noeud courant
```

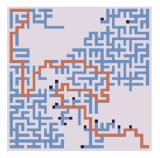
la suite dans : https://github.com/Dalker/ASD\_labyrinthe/

- cloner le dossier implementation
- exécuter visual\_test.py et time\_test.py

### Tests avec Python

A\* with null heuristic

A\* with Manhattan heuristic



#### Tests avec Python

```
* Comparaison heuristique nulle vs Manhattan distance *
solveur1 = heuristique 0, solveur2 = heuristique Manhattan
30x30 : generate=0.1019s solve1=0.0060s solve2=0.0022s
40x40 : generate=0.1814s solve1=0.0096s solve2=0.0086s
50x50 : generate=0.5002s solve1=0.0228s solve2=0.0204s
60x60 : generate=0.8701s solve1=0.0280s solve2=0.0199s
70x70 : generate=1.0461s solve1=0.0451s solve2=0.0391s
80x80 : generate=1.4218s solve1=0.0563s solve2=0.0423s
```

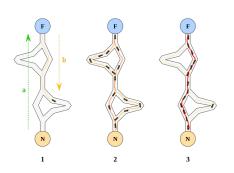
«ACO» : Ant Colony Optimisation

- $\ll\! ACO \gg : Ant\ Colony\ Optimisation$ 
  - imite la nature avec dépôt de phéromones

- «ACO» : Ant Colony Optimisation
  - imite la nature avec dépôt de phéromones
  - ullet évaporation des phéromones o disparition des chemins longs

- «ACO»: Ant Colony Optimisation
  - imite la nature avec dépôt de phéromones
  - ullet évaporation des phéromones o disparition des chemins longs
  - Avantage : adaptable si le labyrinthe évolue au cours du temps!

- «ACO» : Ant Colony Optimisation
  - imite la nature avec dépôt de phéromones
  - ullet évaporation des phéromones o disparition des chemins longs
  - Avantage : adaptable si le labyrinthe évolue au cours du temps!
  - Désavantage : necessite un grand nombre d'individus



- 1. 1ère fourmi revient de l'arrivée (nourriture) vers le départ (nid) en laissant une piste de phéromone
- 2. Autres fourmis parcourent des chemins parfois légèrement différents
- 3. Les chemins plus longs disparaissent à cause de l'évaporation plus forte des phéromones.

Johann Dréo -

#### Robots aspirateurs

• But un peu différent car doivent passer partout 1 seule fois

- But un peu différent car doivent passer partout 1 seule fois
- mais doivent aussi trouver un chemin d'un point A vers un point B

- But un peu différent car doivent passer partout 1 seule fois
- mais doivent aussi trouver un chemin d'un point A vers un point B
- utilisent souvent des algorithmes évolutionnistes :

- But un peu différent car doivent passer partout 1 seule fois
- mais doivent aussi trouver un chemin d'un point A vers un point B
- utilisent souvent des algorithmes évolutionnistes :
- Gènes = paramètres à optimiser (chemins)

- But un peu différent car doivent passer partout 1 seule fois
- mais doivent aussi trouver un chemin d'un point A vers un point B
- utilisent souvent des algorithmes évolutionnistes :
- Gènes = paramètres à optimiser (chemins)
- Transmission de gènes, via reproduction "d'individus"

- But un peu différent car doivent passer partout 1 seule fois
- mais doivent aussi trouver un chemin d'un point A vers un point B
- utilisent souvent des algorithmes évolutionnistes :
- Gènes = paramètres à optimiser (chemins)
- Transmission de gènes, via reproduction "d'individus"
- Mélanges + mutations → calcul d'adaptabilité

- But un peu différent car doivent passer partout 1 seule fois
- mais doivent aussi trouver un chemin d'un point A vers un point B
- utilisent souvent des algorithmes évolutionnistes :
- Gènes = paramètres à optimiser (chemins)
- Transmission de gènes, via reproduction "d'individus"
- Mélanges + mutations → calcul d'adaptabilité
- Elimination statistique des individus moins performants

- But un peu différent car doivent passer partout 1 seule fois
- mais doivent aussi trouver un chemin d'un point A vers un point B
- utilisent souvent des algorithmes évolutionnistes :
- Gènes = paramètres à optimiser (chemins)
- Transmission de gènes, via reproduction "d'individus"
- Mélanges + mutations → calcul d'adaptabilité
- Elimination statistique des individus moins performants
- Avantage : Adaptable si le labyrinthe se modifie

- But un peu différent car doivent passer partout 1 seule fois
- mais doivent aussi trouver un chemin d'un point A vers un point B
- utilisent souvent des algorithmes évolutionnistes :
- Gènes = paramètres à optimiser (chemins)
- Transmission de gènes, via reproduction "d'individus"
- Mélanges + mutations → calcul d'adaptabilité
- Elimination statistique des individus moins performants
- Avantage : Adaptable si le labyrinthe se modifie
- Désavantage : Besoin de beaucoup d'individus et beaucoup de générations pour parvenir à un bon résultat

#### Références

- Liste des sources consultées : https://github.com/Dalker/ASD\_labyrinthe/wiki/Sources
- Notre implémentation en Python, avec tests temporels et "tests visuels" (animations): https://github.com/Dalker/ASD\_labyrinthe/tree/main/ implementation