

Risolvi i seguenti esercizi giustificando sinteticamente le risposte.

1. Programmazione in Scheme

Date le stringhe u , v , la procedura `lcs` calcola una soluzione del problema della *sottosequenza comune più lunga*. Il risultato è rappresentato da una lista di terne, ciascuna delle quali contiene le posizioni in u e in v di un carattere comune che fa parte della sottosequenza più lunga, numerate a partire da 1, e la stringa costituita dal solo carattere comune. Esempi:

(lcs "pino" "pino") → ((1 1 "p") (2 2 "i") (3 3 "n") (4 4 "o"))

(lcs "pelo" "peso") → ((1 1 "p") (2 2 "e") (4 4 "o"))

(lcs "ala" "palato") → ((1 2 "a") (2 3 "l") (3 4 "a"))

(lcs "arto" "atrio") → ((1 1 "a") (3 2 "t") (4 5 "o"))

In particolare, nell'ultimo esempio (3 2 "t") riporta le posizioni di 't' rispettivamente in "arto" e "atrio". Completa il programma riportato nel riquadro introducendo opportune espressioni negli appositi spazi.

```
(define lcs      ; valore: lista di terne
  (lambda (u v) ; u, v: stringhe

    (lcs-rec _____ u _____ v)
  ))

(define lcs-rec
  (lambda (i u j v)
    (cond ((or (string=? u "") (string=? v ""))
            _____ )
          ((char=? _____ )
            _____ )
          (else
            (better _____
                      _____ )
            )))

(define better
  (lambda (x y)
    (if (< (length x) (length y)) y x)
  ))
```

2. Procedure con argomenti e valori procedurali

Nel seguente programma la procedura `livs` risolve una variante del problema della *sottosequenza crescente più lunga*:

```
(define livs
  (lambda (f n)
    (livs-rec f 1 0 n)
  ))

(define livs-rec
  (lambda (f i k n)
    (if (> i n)
        (lambda (x) false)
        (let ((g (livs-rec f (+ i 1) k n)))
          (if (<= (f i) k)
              g
              (let ((h (livs-rec f (+ i 1) (f i) n)))
                (better g (lambda (x) (if (= x i) true (h x))) i n)
              )))
    )))
```

```

(define better
  (lambda (g h i n)
    (if (< (count g i n) (count h i n)) h g)
    ))

(define count
  (lambda (f i n)
    (cond ((> i n) 0)
          ((f i) (+ 1 (count f (+ i 1) n)))
          (else (count f (+ i 1) n))
          )))

```

Con riferimento al programma riportato sopra, determina il risultato della valutazione di ciascuna delle espressioni:

```

(count (lambda (x) false) 1 5) → _____

(count (lambda (x) (or (even? x) (= (remainder x 3) 0))) 1 10) → _____

((better (lambda (x) (= (remainder x 3) 0)) (lambda (x) (even? x)) 3 12) 6)
                                     → _____

((better (lambda (x) (= (remainder x 3) 0)) (lambda (x) (even? x)) 3 12) 9)
                                     → _____

(map (lives (lambda (x) (* 2 x)) 1) '(1)) → _____

(map (lives (lambda (x) (- 2 x)) 1) '(1)) → _____

(map (lives (lambda (x) x) 3) '(1 2 3)) → _____

```

3. Ricorsione e iterazione

Dati un carattere *c* e un *albero di Huffman*, il metodo statico `retrieveCode` restituisce il codice di Huffman associato a *c*. In particolare, la visita dell'albero, finalizzata alla ricerca del carattere e alla costruzione del codice corrispondente (stringa binaria), è realizzata attraverso uno schema iterativo basato su uno *stack* specializzato il cui protocollo è specificato nell'esercizio 5 (vedi). Completa la definizione del metodo `retrieveCode`.

```

public static String retrieveCode( char c, Node root ) {

    NodeStringStack stack = _____ ;
    stack.push( root, "" );

    do {
        Node n = stack.topNode();

        String code = _____ ;
        _____ ;

        if ( n.isLeaf() ) {
            if ( n.character() == c ) { return code; }
        } else {
            _____
            _____
        }
    } while ( _____ );

    return null; // c non compare nell'albero di Huffman
}

```

4. Programmazione dinamica

Il seguente programma in Scheme calcola la lunghezza della *sottosequenza comune crescente più lunga* di due stringhe, dove l'ordine (crescente) dei caratteri è quello alfabetico:

```
(define llcis                                ; valore: intero
  (lambda (u v)                             ; u, v: stringhe
    (llcis-rec u v #\space)
  ))

(define llcis-rec
  (lambda (u v c)
    (cond ((or (string=? u "") (string=? v ""))
           0)
          ((char=? (string-ref u 0) c)
           (llcis-rec (substring u 1) v c))
          ((char=? (string-ref v 0) c)
           (llcis-rec u (substring v 1) c))
          (else
           (let ((k (max (llcis-rec (substring u 1) v c) (llcis-rec u (substring v 1) c))))
             (if (char=? (string-ref u 0) (string-ref v 0))
                 (max k (+ 1 (llcis-rec (substring u 1) (substring v 1) (string-ref u 0))))
                 k)))
           )))
```

Applica la tecnica *bottom-up* di *programmazione dinamica* per realizzarne una versione più efficiente in Java.

5. Classi in Java

La classe `NodeStringStack` consente di istanziare *stack* in cui possono essere inserite coppie *<nodo, stringa>*. Più specificamente, il protocollo è definito da un costruttore e da cinque metodi così caratterizzati:

```
new NodeStringStack()    // costruisce uno stack vuoto
s.empty()                // verifica se lo stack s è vuoto
s.push(n,t)              // aggiunge in cima allo stack s la coppia costituita dal nodo n e dalla stringa t
s.pop()                  // rimuove la coppia in cima allo stack s
s.topNode()              // restituisce il nodo della coppia in cima allo stack s, senza modificare lo stack
s.topString()            // restituisce la stringa della coppia in cima allo stack s, senza modificare lo stack
```

Completa la definizione della classe `NodeStringStack` introducendo opportune variabili d'istanza (rappresentazione interna nascosta) e realizzando il costruttore e i metodi coerentemente con le scelte implementative fatte.

```
public class NodeStringStack {

    // ...

    public NodeStringStack() {

    }

    public boolean empty() {

    }

    public void push( Node n, String t ) {

    }

    public void pop() {

    }

    public Node topNode() {

    }

    public String topString() {

    }

} // class NodeStringStack
```