# Corso di Programmazione

Esame del 13 Luglio 2020

cognome	e	nome	

Risolvi i seguenti esercizi giustificando sinteticamente le risposte.

#### 1. Ricorsione di coda e correttezza dei programmi ricorsivi

La procedura pattern-repeats calcola il numero di occorrenze del pattern p nel testo s, dove p e s sono stringhe.

```
(define pattern-repeats
                                                ; val: intero
                                                ; p ≠ "", s: stringhe
  (lambda (p s)
    (repeats-rec p s (string-length p) 0)
(define repeats-rec
                                                ; val: intero
                                                ; p \neq "", s: stringhe, k = len(p), r: interi
  (lambda (p s k r)
    (cond ((< (string-length s) k)</pre>
           r)
           ((string=? p (substring s 0 k))
            (repeats-rec p (substring s 1) k (+ r 1)))
           (else
            (repeats-rec p (substring s 1) k r))
           )))
```

Formalmente, per ogni coppia di stringhe  $p \neq "" (p \text{ diversa dalla stringa vuota}) e s$ :

```
(pattern-repeats p(s) \rightarrow \{i : 0 \le i \le len(s) - len(p) \land p = sub(s, i, i + len(p))\}
```

dove len(x) è la lunghezza della stringa x e sub(x,i,j) è la sottostringa di x dal carattere di posizione i a quello di posizione j-1. (Il risultato è espresso in termini di cardinalità dell'insieme di indici per i quali valgono le prorpietà specificate a destra dei due punti.)

**1.1.** Considera la procedura ricorsiva repeats-rec: come può essere formalizzato il valore intero restituito da repeats-rec per poter eventualmente dimostrare la correttezza sia di repeats-rec che di pattern-repeats? Più precisamente, date due stringhe  $p \neq m$ , s, l'intero k = len(p) e un intero r:

```
(repeats-rec p s k r) \rightarrow
```

**1.2.** La procedura repeats-rec applica la *ricorsione di coda* (tail recursion) e pertanto la relativa computazione può essere rielaborata in forma iterativa introducendo variabili di stato che corrispondano a ciascuno dei parametri della procedura. Scrivi un programma in Java basato su un ciclo *while* per realizzare una computazione sostanzialmente equivalente a quella di repeats-rec (a prescindere dall'eventuale utilizzo di pattern-repeats).

L			

#### 2. Programmazione in Scheme

Data una lista w non vuota di stringhe binarie (composte solo dalle cifre 0 e 1), tutte della stessa lunghezza n, la procedura parity-check restituisce la stringa binaria p di lunghezza n che rappresenta il controllo di parità delle stringhe contenute in w. Ciò significa che il k-imo bit di p è 1 se e solo se 1 occorre un numero dispari di volte fra i bit in posizione k-ima nelle stringhe di w. In altri termini, immaginando di incolonnare le stringhe di w, il k-imo bit di p è 1 se c'è un numero dispari di 1 nella k-ima colonna, è invece 0 se la k-ima colonna contiene un numero pari di 1. Per esempio:

```
(parity-check '("00101011" "11000011" "10110101")) \rightarrow "01011101" (*)
```

2.1. Completa il programma per realizzare parity-check definendo la procedura match.



2.2. Nel corso della valutazione dell'esempio (\*) riportato sopra, per due volte la procedura match è invocata dalla procedura parity-rec (ciò avviene in corrispondenza alla valutazione del ramo "else" dell'if di parity-rec). Quali sono gli argomenti e il risultato di ciascuna delle due invocazioni?

(match	)	$\rightarrow$	
(match	)	$\rightarrow$	

#### 3. Memoization

Considera la seguente procedura funzionale (metodo statico), basata su una ricorsione ad albero:

**3.1.** Supponi che nel corso dell'esecuzione di un programma che utilizza rec venga valutata l'espressione:

```
rec( 7, 6, 13 )
```

Questa valutazione si svilupperà attraverso successive invocazioni ricorsive di rec(x,y,z) per diversi valori degli argomenti x, y e z. Quali sono il valore più piccolo e il valore più grande che assumerà ciascuno degli argomenti nelle ricorsioni che discendono da rec(7,6,13)?

- Valore più piccolo di x : \_\_\_\_\_ e valore più grande di x : \_\_\_\_ ;
- Valore più piccolo di y: \_\_\_\_\_ e valore più grande di y: \_\_\_\_ ;
- Valore più piccolo di z: \_\_\_\_\_ e valore più grande di z: \_\_\_\_\_.

3.2	. Ar	plica	una tecnica	a top-down	(ricorsiva	) di	memoization	per realizzare la	i procedura	rec in modo	più efficier	nte.

### 4. Ricorsione e iterazione

La procedura tessellations, definita dal seguente programma, determina il numero di modi diversi in cui si può "piastrellare" un cordolo di lunghezza  $n \times 1$  utilizzando piastrelle quadrate rosse di dimensione  $1 \times 1$  e piastrelle rettangolari blu di dimensione  $k \times 1$ , dove  $k \ge 1$ . (Non ci sono comunque ulteriori vincoli: sia le piastrelle rosse che quelle blu possono essere disposte anche in posizioni adiacenti.)

**4.1.** Completa la definizione della procedura ricorsiva tessRec.

**4.2.** Completa la definizione del metodo tessIter che trasforma la ricorsione in iterazione utilizzando uno stack.

## 5. Classi in Java

Per costruire l'albero di Huffman è stata applicata una coda con priorità. Sulla base dello stesso protocollo, una coda semplice garantisce invece che gli elementi vengano estratti rispettando esattamente l'ordine di inserimento: il primo ad essere inserito sarà il primo ad essere estratto. In particolare, considerando una coda di interi IntQueue, il protocollo può essere specificato come segue:

	IntQueue q	<pre>= new IntQueue(c);</pre>	// costruttore di una coda vuota di capacità massima c
	q.size()	// numero di interi contenuti	nella coda
	q.add(n)	// aggiunge l'intero n alla co	da se la capacità massima non viene superata
	q.peek()	// restituisce l'intero che è st	tato inserito prima, fra quelli presenti nella coda
	q.poll()	// restituisce e rimuove dalla	a coda l'intero inserito da più tempo
mome	ento della costru	da, cioè il numero massimo d uzione. L'eventuale inserimen non venga modificato.	di elementi che può contenere, viene assegnata una volta per tutte al nto di un elemento in una coda "piena" avrà come conseguenza che il
<b>5.1.</b> D	Definisci in Java	una classe IntQueue che re	ealizzi il protocollo specificato sopra.
		-	al tipo degli elementi definendo Queue <t>?  portate relativamente alle variabili di istanza e al metodo peek().</t>
i			,