LABORATORIO 8 - Stima puntuale e stima intervallare

STATISTICA E LABORATORIO (CDL in INTERNET OF THINGS, BIG DATA, MACHINE LEARNING)

Anno Accademico 2022-2023

Controllo di qualita'

Con riferimento al problema di controllo della qualità, si sono individuati 3 oggetti non conformi agli standard in un campione casuale semplice di n=40 oggetti. L'obiettivo è stimare la proporzione p di oggetti difettosi prodotti dal macchinario.

```
## [1] 0.075
se <- sqrt(p*(1-p)/length(x))
se</pre>
```

[1] 0.04164583

Web

Si considerano i dati relativi ad osservazioni ripetute del numero di visite ad un sito web in un'ora. I dati campionari sono analizzati come realizzazione di un campione casuale semplice X_1,\ldots,X_{12} , costituito da variabili casuali con distribuzione $P(\lambda)$, con $\lambda>0$ ignoto.

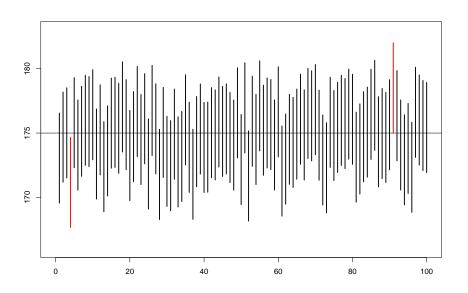
```
x <- c(0,0,3,0,1,0,0,2,1,0,0,2)
lambda <- mean(x)
lambda
## [1] 0.75
se <- sqrt(lambda/length(x))
se</pre>
```

[1] 0.25

Campione gaussiano

Sia X_1,\ldots,X_5 un campione casuale semplice da una popolazione $N(\mu;16)$, con μ ignoto. Si sono simulati 100 campioni di dimensione n=5 da un modello N(175,16).

```
if(c((ci[1]-175)*(ci[2]-175)<0))
  # condizione che 175 appartenga all'intervallo
  \{plot(c(1,1),ci,ylim=c(166,183),xlim=c(0,100),type='l',
        xlab=' ',ylab=' ',lwd=2) # intervallo nero (contiene 175)
  flag <- flag+1} else
  plot(c(1,1),ci,vlim=c(166,183),xlim=c(0,100),type='l',
       xlab=' ',ylab=' ',col='red',lwd=2)
# intervallo rosso (non contiene 175)
# si ripete per altre 99 volte
for (i in 2:100){
  y \leftarrow rnorm(5, 175, sqrt(16))
  ci \leftarrow c(mean(y)-qnorm(0.975)*sqrt(16/5),
          mean(y) + qnorm(0.975) * sqrt(16/5))
  if(c((ci[1]-175)*(ci[2]-175)<0))
  \{lines(c(i,i),ci,lwd=2)\}
    flag <- flag+1}else
      lines(c(i,i),ci,col='red',lwd=2)
abline(h=175)
```



Campione gaussiano con varianza nota

Sia X_1,\ldots,X_{50} un campione casuale semplice di dimensione n = 50 da una popolazione normale con μ ignoto e $\sigma^2=2$.

```
x < -c(5.00752201898176, 1.85069810556901, -0.142274409463075, 2.4590016^{\circ}
     2.06258684424398, 2.37533005745348, 3.09290733473573, 2.891938275
     3.96777040974456,-0.223556500772768,1.24582432319052,-1.3859790
     1.72650871215828, 2.19206395580825, 4.91904449247961, 3.521120170
     2.40192745906163.-1.10705146936821.1.68380070693403. 1.29935779
     -0.41795019167402.2.15347847576679.1.96459316544775.0.42059498
     1.32823769557452.-0.0314838172008567.3.92485950796051.2.0053438
     3.42092165639571,0.678639779218378,2.14348357431764,0.13301217
     0.723328948100102, -0.253209399057751, 1.79498218949182,
     3.01820992429422,2.06437797769392,1.44670540434426,
     3.79729782081437, 2.27671844221721, 1.34351162035059,
     0.726171895764826,3.35659896163966,2.98814208796288,
     2.34117306638397, 2.31372635290214, 2.24141654282489,
     1.61046063578177, 1.44823507405404, 3.34988000168233)
```

```
mean(x) # media campionaria
## [1] 1.883
sqrt(2/50) # standard error
## [1] 0.2
# valore critico di livello 0.05 di una normale standard
qnorm(0.05,lower.tail=FALSE)
## [1] 1.644854
# intervallo di confidenza per la media di livello 0.90
c(mean(x)-qnorm(0.05,lower.tail=FALSE)*sqrt(2/50),
  mean(x)+qnorm(0.05,lower.tail=FALSE)*sqrt(2/50))
```

[1] 1.554029 2.211971

Campione gaussiano con varianza ignota

Sia X_1,\ldots,X_{30} un campione casuale semplice di dimensione n=30 da una popolazione normale con μ e σ^2 ignoti.

```
mean(x)
## [1] 1.316613
var(x)
## [1] 1.707999
# valore critico di livello 0.025 di una t(29)
qt(0.025,29,lower.tail=FALSE)
## [1] 2.04523
# intervallo di confidenza per la media di livello 0.95
c(mean(x)-qt(0.025,29,lower.tail=FALSE)*sqrt(var(x)/30),
  mean(x)+qt(0.025,29,lower.tail=FALSE)*sqrt(var(x)/30))
## [1] 0.8286074 1.8046195
# in alternativa t.test(x,conf.level = 0.95)$conf.int
```

Farmaco

Si vuole studiare l'efficacia di un farmaco per curare una determinata patologia. Si effettua una sperimentazione su 550 pazienti e si riscontra che il farmaco è efficace in 393 casi.

```
somma <- 393
n <- 550
p <- somma/n
p
```

```
se <- sqrt(p*(1-p)/n)
se
```

```
## [1] 0.0192576
```

[1] 0.7145455

```
qnorm(0.025,lower.tail=FALSE)

## [1] 1.959964

c(p-qnorm(0.025,lower.tail=FALSE)*se,
    p+qnorm(0.025,lower.tail=FALSE)*se)
```

[1] 0.6768013 0.7522896

Sito web

Si vuole studiare il numero di accessi all'ora ad un sito web per il commercio elettronico. Si hanno i dati sugli accessi nelle ultime n=96 ore, che risultano essere complessivamente 383.

[1] 383

```
lambda <- mean(x)
lambda</pre>
```

[1] 3.989583

```
se <- sqrt(lambda/length(x))</pre>
se
   [1] 0.2038582
qnorm(0.05,lower.tail=FALSE)
## [1] 1.644854
c(lambda-qnorm(0.05,lower.tail=FALSE)*se,
  lambda+qnorm(0.05,lower.tail=FALSE)*se)
```

Campione gaussiano con varianza ignota

Sia X_1,\ldots,X_{30} un campione casuale semplice di dimensione n=30 da una popolazione normale con μ e σ^2 ignoti. Si vuole determinare un intervallo di confidenza per σ^2 con livello $1-\alpha=0.95$.

```
 \begin{array}{llll} \mathbf{x} & \leftarrow \mathbf{c}(0.314060524647885, 1.45971087975415, 0.0182426832227007, \\ & 3.45606774617669, 1.66599435980862, 0.0396824836819647, \\ & 1.88932877663903, 2.24414881142886, 2.01427779646988, \\ & 0.768115601092236, 3.33798143176343, 1.75132159213247, \\ & 0.321433145501246, -1.93205861703258, 2.7908925611708, \\ & 1.13645428072429, 1.17710351034708, 2.53478596980998, \\ & 2.36138215181596, 2.0399033031771, 2.49963026244232, \\ & 2.3061077641182, 1.30545081075318, -1.6133681486199, \\ & 2.07656597898075, 1.12062197531918, 0.979671881460535, \\ & -0.879957968202915, 0.523793707215946, 1.79105862271379) \\ \mathbf{mean}(\mathbf{x}) \end{array}
```

[1] 1.316613

```
var(x)
## [1] 1.707999
# valore critico di livello 0.975 di una chi^2(29)
qchisq(0.975,29,lower.tail=FALSE)
## [1] 16.04707
# valore critico di livello 0.025 di una chi^2(29)
qchisq(0.025,29,lower.tail=FALSE)
## [1] 45.72229
# intervallo di confidenza per la varianza di livello 0.95
c(29*var(x)/qchisq(0.025,29,lower.tail=FALSE),
  29*var(x)/qchisq(0.975,29,lower.tail=FALSE))
   [1] 1.083322 3.086667
```

```
# in alternativa

# S2 <- 29*var(x)/30

# c(30*S2/qchisq(0.025,29,lower.tail=FALSE),

# 30*S2/qchisq(0.975,29,lower.tail=FALSE))
```

Esercizio 1 Cap.7 (leva et al.,2016)

Si consideri il file "glucosio.txt" (dati da: Bland M., An Introduction to Medical Statistics, Oxford University Press, 1995). I dati consistono nella misura della concentrazione di glucosio nel sangue [mmol/I] in un gruppo di 40 studenti di medicina. Si costruisca un intervallo di confidenza di livello 99% per la vera media della concentrazione di glucosio nel sangue.

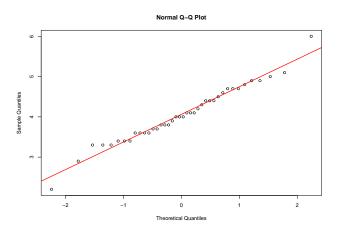
```
setwd("C:/Users/mamel/Desktop/Didattica 2022-2023/LABORATORIO DI STA
gluc = read.table(file="glucosio.txt", header=T)
head(gluc)
```

```
## Glucosio
## 1 4.7
## 2 3.6
## 3 3.8
## 4 2.2
## 5 4.7
## 6 4.1
```

attach(gluc)

Verifica della normalità dei dati

```
qqnorm(Glucosio)
qqline(Glucosio,col='red',lwd=2)
```



```
alpha=0.01
n = length(Glucosio)
n
## [1] 40
t.alpha = qt(1-alpha/2, n-1)
med = mean(Glucosio)
stdev = sd(Glucosio)
IC.alpha = c(med - t.alpha*stdev/(sqrt(n)),
             med + t.alpha*stdev/(sqrt(n)))
IC.alpha
## [1] 3.756003 4.353997
```

Esercizio 1 Cap.6 (leva et al.,2016)

Si consideri il file "magnesio.txt" (dati da: Bland, M., An introduction to Medical Statistics, Oxford University Press, 1995). I dati rappresentano la concentrazione di magnesio nel plasma (mmol/l) in 140 soggetti apparentemente sani.

- Verificare se l'assunzione di normalità dei dati è soddisfatta.
- Costruire un intervallo di confidenza di livello 95% per la media della concentrazione di magnesio nel plasma.

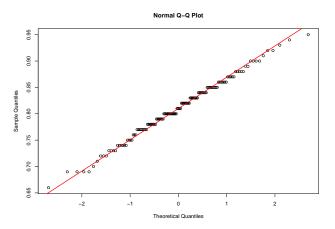
```
magnesio <- read.csv("magnesio.txt", sep="")</pre>
head(magnesio)
```

```
Magnesio
        0.66
## 1
## 2
       0.69
## 3
    0.69
## 4
    0.69
## 5 0.69
        0.70
## 6
```

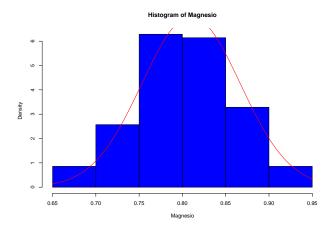
##

Verifica della normalità dei dati

```
attach(magnesio)
qqnorm(Magnesio)
qqline(Magnesio,col='red',lwd=2)
```



```
hist(Magnesio,prob=TRUE,col='blue')
curve(dnorm(x, mean=mean(Magnesio),sd=sd(Magnesio)),col='red',add=T
```



```
alpha \leftarrow 0.05
n <- length(Magnesio)</pre>
n
## [1] 140
media.camp <- mean(Magnesio)</pre>
devstd.camp <- sd(Magnesio)</pre>
t.alpha \leftarrow qt(1-alpha/2,n-1)
IC.alpha t <- c(media.camp - t.alpha*devstd.camp/sqrt(n),</pre>
                media.camp + t.alpha*devstd.camp/sqrt(n))
IC.alpha_t
## [1] 0.8004964 0.8195036
z.alpha \leftarrow qnorm(1-alpha/2)
IC.alpha z <- c(media.camp - z.alpha*devstd.camp/sqrt(n),</pre>
                media.camp + z.alpha*devstd.camp/sqrt(n))
IC.alpha_z
```

[1] 0.8005792 0.8194208