## Corso di Programmazione

### I Prova di accertamento del 29 Gennaio 2021 / A

cognome e nome

Selezione degli esercizi proposti attraverso la piattaforma moodle.

### 1. Programmi in Scheme

Dati due numeri x e y, la procedura pair "costruisce" la coppia dei relativi valore medio e semidifferenza (non negativa), rispettivamente (x+y)/2 e |x-y|/2 (dove per *coppia* si intende una lista di due elementi).

Inoltre, date due liste numeriche della stessa lunghezza, la procedura pair-list applica pair e restituisce la lista delle coppie valore medio e semidifferenza relative agli elementi con la stessa posizione nelle due liste.

Esempi:

**1.1.** Definisci in Scheme la procedura pair:

```
(define pair

(lambda (x y) ;x y INTERI

(list

(/ (+ x y) 2) ;(x+y)/2

(/ (abs (- x y)) 2) ;|x-y|/2

)

)
```

**1.2.** Utilizzando pair, definisci in Scheme la procedura pair-list:

#### 2. Ricorsione ad albero

La procedura lcs-align, impostata qui sotto, risolve una variante del problema della sottosequenza comune più lunga (LCS), identificando quali caratteri devono essere rimossi dalle due stringhe u e v passate come argomento affinché le rispettive parti restanti, che costituiscono la LCS, possano essere "allineate". Più specificamente, lcs-align restituisce una coppia di liste, la prima contenente i caratteri da rimuovere da u, la seconda quelli da rimuovere da v (riportati nell'ordine in cui compaiono in u e v). Per esempio:

**2.1.** Completa la definizione della procedura lcs-align inserendo opportune espressioni negli spazi indicati [string->list restituisce la lista dei caratteri di una stringa; (cadr x) è un'abbreviazione di (car (cdr x))]:

**2.2.** Con riferimento alla valutazione di (lcs-align "ac" "bc"), quali sono i valori associati alle variabili du e dv nella prima invocazione della procedura ricorsiva lcs-align?

du	=	
dv	=	

### 3. Verifica formale della correttezza

In relazione alla procedura f così definita:

si può dimostrare per induzione sul valore della differenza n-m che per ogni coppia di interi m, n tali che  $0 < m \le n$ :

```
(f m n) \rightarrow n^2-(m-1)^2
```

- **3.1.** In relazione alla dimostrazione impostata in questi termini:
  - Formalizza la proprietà che esprime il caso / i casi base:

```
M = 1 e N = M = 1 CASO BASE
```

Assumendo come ipotesi induttiva che per un certo valore k intero non negativo si abbia che:

```
ogni coppia di interi positivi m, n tali che n-m \le k: (f m n) \rightarrow n^2 - (m-1)^2
```

• Formalizza la proprietà da dimostrare come passo induttivo:



P(n): n^2 - (m-1)^2 per ogni (m,n): n-m<=k E k>=0

**3.2.** Completa la definizione della procedura sq per calcolare il quadrato di un intero positivo riportando gli argomenti appropriati di f:

### 4. Procedure con argomenti e valori procedurali

Il programma per realizzare la procedura parity-check?, impostato qui sotto, simula un controllo di parità relativo a una sequenza di parole binarie, tutte della stessa lunghezza, contenute in una lista. Immaginando di incolonnare le parole della sequenza, si tratta di verificare che il numero di 1 presenti in ciascuna colonna sia pari; se è effettivamente così per ogni colonna, allora il controllo ha successo e parity-check? restituisce il valore booleano *true*, altrimenti fallisce e parity-check? restituisce *false*.

Per esempio:

```
(parity-check? '("0110" "1000" "1011" "0101")) \rightarrow true
(parity-check? '("0110" "1100" "1011" "0101")) \rightarrow false
```

**4.1.** Completa il programma per realizzare parity-check? inserendo opportune espressioni negli spazi indicati:

```
(define parity-check? ; val: booleano
  (lambda (words); words: lista non vuota di stringhe di 0/1 della stessa lunghezza
    (rec-check? words 0 (string-length (car words)))
    ))
(define rec-check?
  (lambda (words k n)
    (if (< k n)
       (let ((kths (map (bit k) words))); kths: lista dei valori dei bit in posizione k nelle parole di words
          (if (even? (count-ones kths))
              (rec-check? words (+ k 1) n)
            ))
       true
       )))
(define bit
    ))
(define count-ones
  (lambda (cs)
    (if (null? cs)
          (+ (car cs)
                       )
          )))
```

4.2. Qual è il valore associato alla variabile	e kths nella prima invocazione di rec-check? nel corso della valutazione di
(parity-check? '("0110" "1100" "	1011" "0101")) ?
Valore associato a kths:	

# Corso di Programmazione

I Prova di accertamento del 29 Gennaio 2021 / B

cognome e nome		

Selezione degli esercizi proposti attraverso la piattaforma moodle.

## 1. Programmi in Scheme

Dati due caratteri x e y, la procedura pair "costruisce" la coppia ordinata alfabeticamente dei due valori ricevuti come argomento (dove per *coppia* si intende una lista di due elementi).

Inoltre, date due liste di caratteri della stessa lunghezza, la procedura pair-list applica pair e restituisce la lista delle coppie ordinate alfabeticamente degli elementi che hanno la stessa posizione nelle due liste argomento.

Esempi:

(pair-lis	st '(#\1 #\3 #\	(5) '(#\4 #\2	2 #\0)) →	((#\1 #\4	) (#\2 #\3)	(#\0 #\5))
Definisci in Sc	cheme la procedura	nair				
Utilizzando pa	air, definisci in Sc	heme la procedu	ıra pair-list	:		

#### 2. Ricorsione ad albero

La procedura les-align, impostata qui sotto, risolve una variante del problema della *sottosequenza comune più lunga* (LCS), identificando quali caratteri di v sono "allineati" con la LCS degli argomenti u, v e quali invece non lo sono, rimpiazzando questi ultimi con degli underscore "\_". Più specificamente, les-align restituisce una coppia composta dall'intero che rappresenta la lunghezza della LCS di u, v e dalla rielaborazione di v in cui i caratteri che non fanno parte della LCS sono sostituiti da underscore (simbolo che si assume non faccia parte di u e v). Per esempio:

**2.1.** Completa la definizione della procedura lcs-align inserendo opportune espressioni negli spazi indicati [ (cadr x) è un'abbreviazione di (car (cdr x))]:

```
(define lcs-align ; val: coppia intero/stringa
 (lambda (u v) ; u, v: stringhe
   (let ((m (string-length u)) (n (string-length v))
     (cond ((= n 0) (list 0 ""))
           ( (= m \ 0)
            (let ((w (lcs-align u (substring v 1))))
              (list 0 (string-append "_" (cadr w)))
           ((char=? (string-ref u 0) (string-ref v 0))
            (let ((dx _____)
              (list (+ (car dx) 1) (string-append (substring v 0 1) (cadr dx))
                  )))
           (else
            (let ((du (lcs-align (substring u 1) v))
              (if (< (car du) (car dv))
                 (list (car dv) (string-append " " (cadr dv)))
                 )))
           ))))
```

**2.2.** Con riferimento alla valutazione di (lcs-align "ac" "bc"), quali sono i valori associati alle variabili du e dv nella prima invocazione della procedura ricorsiva lcs-align?

du	=	
,		
dv	=	

### 3. Verifica formale della correttezza

In relazione alla procedura f così definita:

si può dimostrare per induzione sul valore di n che per ogni coppia di interi m, k > 0 con  $m \le n$ :

```
(f \ m \ k) \rightarrow (m+k-1)^2 - (k-1)^2
```

- **3.1.** In relazione alla dimostrazione impostata in questi termini:
  - Formalizza la proprietà che esprime il caso / i casi base:

Assumendo come ipotesi induttiva che per un certo valore n intero positivo si abbia che:

ogni coppia di interi positivi  $m \le n$  e k: (f m k)  $\rightarrow (m+k-1)^2 - (k-1)^2$ 

• Formalizza la proprietà da dimostrare come passo induttivo:

**3.2.** Completa la definizione della procedura sq per calcolare il quadrato di un intero positivo riportando gli argomenti appropriati di f:

```
(define sq ; val: intero
(lambda (n) ; n: intero positivo
(f ______)
```

### 4. Procedure con argomenti e valori procedurali

Il programma per realizzare la procedura parity-check?, impostato qui sotto, simula un controllo di parità relativo a una sequenza di parole binarie, tutte della stessa lunghezza, contenute in una lista. Immaginando di incolonnare le parole della sequenza, si tratta di verificare che il numero di 1 presenti in ciascuna colonna sia pari; se è effettivamente così per ogni colonna, allora il controllo ha successo e parity-check? restituisce il valore booleano *true*, altrimenti fallisce e parity-check? restituisce *false*.

Per esempio:

```
(parity-check? '("0110" "1000" "1011" "0101")) \rightarrow true
(parity-check? '("0110" "1100" "1011" "0101")) \rightarrow false
```

**4.1.** Completa il programma per realizzare parity-check? inserendo opportune espressioni negli spazi indicati:

```
(define parity-check? ; val: booleano
 (lambda (words); words: lista non vuota di stringhe di 0/1 della stessa lunghezza
   (rec-check? words (- (string-length (car words)) 1))
(define rec-check?
 (lambda (words k)
   (if (< k 0)
      true
      (let ((kths (map (bit k) words))); kths: lista dei valori dei bit in posizione k nelle parole di words
        (if (check-ones? kths)
           (rec-check? words (- k 1))
          ))
      )))
(define bit
 ))
(define check-ones?
 (lambda (cs)
   (cond ((null? cs)
        ((= (car cs) 1)
         (not (check-ones? (cdr cs))))
        (else
        )))
```

<b>4.2.</b> Qual è il valore a	ssociato alla	a variabile <i>kt</i>	hs nella prima	invocazione di	rec-check?	nel corso dell	a valutazione di
(parity-check? '	("0110" "	1100" "103	11" "0101")	)?			

Valore associato a <i>kths</i> :	