

**Prawdop calkowite:**  $P(A) = \sum_{i=1}^n P(A_i)$   
 $i=1,2,...,n$  i  $A_i \neq A_j$  i  $i \neq j$

**Wzór Bayesa:**  $P(A_i|A) = (P(A_i)P(A|A_i)) / (P(A))$  i  
 $P(A) \neq 0$

**Prawdopodobieństwo warunkowe**  $P(A \cup B) =$   
 $P(A) + P(B) - P(A \cap B)$ ,  $P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$

**ZMIENNE SKOKOWE**

**Rozkład dwumianowy(Bermullego)**  $P(X=k)$   
 $= \binom{n}{k} p^k q^{n-k}$  [uzyskanie k sukcesów w n próbach]

**Rozkład Poissona -> przybliżenie bermullego**

$P_k(X=k) = \frac{\lambda^k}{k!} \cdot e^{-\lambda}$   $\lambda \approx np$ . [małe prawd.

duża próba

**ZMIENNE CIĄGŁE**

Rozkład jednostajny

$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{b-a} & x \in [a, b] \\ 0 & x \notin [a, b] \end{cases}$   $EX = (a+b)/2$   
 $DX = (b-a)^2/12$

**Rozkład wykładniczy**  $f(x) = (1/\lambda) \cdot \exp(-x/\lambda)$  dla  
 $x \in (0, \infty)$  [np. praca zarobek]

**Rozkład normalny**  $X \sim N(\mu, \sigma^2) \Rightarrow f(x) = 1/(\sqrt{2\pi\sigma^2})$   
 $\exp\{-(x-\mu)^2/(2\sigma^2)\}$

**Rozkład standardowy**  $X \sim N(0,1)$

$f(x) = 1/\sqrt{2\pi} \exp(-x^2/2)$

**Wartość oczekiwana**  $E(X+Y) = EX + EY$

$E(aX) = aEX$   $E(a) = a$   $XY$  niezależne  $E(XY) = EXEY$

**Wariancja**  $D^2X = E(X-EX)^2 = EX^2 - (EX)^2$

$D^2X \geq 0$   $D^2(ax) = a^2 D^2X$   $D^2(a) = 0$

$Cov(x+y, z) = E[(x+y)z] - E[x+y]Ez$

$Cov = E[(X-EX)(Y-EY)]$   $Cov(a, Y) = 0$

Współczynnik korelacji:

$\xi = (Cov(X, Y)) / (\sqrt{D^2X D^2Y})$

$EX = \int_R xf(x)dx$

$E\{Z\} = \int_A Z \cdot f_A(z) dz$   $f_A(z) = 1/(P\{Z \in A\})$

**Rozkład dwumianowy(Bermullego)** to

dyskretny rozkład prawdopodobieństwa opisujący liczbę sukcesów k w ciągu N niezależnych prób, z których każda ma stałe prawdopodobieństwo sukcesu równe p. Pojedynczy eksperyment nosi nazwę próby Bernoulliego.

**Rozkład Poissona** jest rozkładem dyskretnym (skokowym), który wyraża prawdopodobieństwo zdarzeń następujących po sobie z daną częstotliwością  $\alpha$  (liczba zdarzeń na jednostkę czasową) w danym czasie. Zdarzenia zachodzą niezależnie, tzn. że czas następnego zdarzenia nie zależy od tego kiedy wystąpiło poprzednie zdarzenie.

**Rozkład wykładniczy** rozkład zmiennej losowej opisujący sytuację, w której obiekt może przyjmować stany X i Y, przy czym obiekt w stanie X może ze stałym prawdopodobieństwem przejść w stan Y w jednostce czasu. Prawdopodobieństwo wyznaczone przez ten rozkład to prawdopodobieństwo przejścia ze stanu X w stan Y w czasie  $\delta t$ .

**Rozkład normalny, Rozkład Gaussa** jest też bardzo intuicyjny: większość obserwacji jest skupiona wokół średniej, obserwacje leżące dalej od średniej występują rzadziej.

**Wartość oczekiwana** (wartość średnia, przeciętna) - wartość określająca spodziewany wynik doświadczenia losowego. Wartość oczekiwana to inaczej pierwszy moment zwykły. Estymatorem wartości oczekiwanej rozkładu cechy w populacji jest średnia arytmetyczna. **Wariancja** informuje o tym, jak duże jest zróżnicowanie wyników w danym zbiorze wyników (zmiennej). Inaczej mówiąc, czy wyniki są bardziej skoncentrowane wokół średniej, czy są małe różnice pomiędzy średnią a poszczególnymi wynikami czy może rozproszenie wyników jest duże, duża jest różnica poszczególnych wyników od średniej.