

Apprentissage de classes déséquilibrées

HAX907X - Apprentissage statistique

SAWADOGO Kader
GERMAIN Marine
LABOURAIL Célia
MARIAC Damien

Université Montpellier
Département de Mathématique

20 octobre 2025

- 1 Contexte
- 2 Problématique
- 3 Méthodes
- 4 Application
- 5 Limites des méthodes
- 6 Conclusion
- 7 Bibliographie

Problème du déséquilibre et motivation du projet

Un jeu de données très déséquilibré

- CréditCard : **284 807 transactions**, dont seulement **492 fraudes (0,17 %)**.
- \Rightarrow Les modèles ont tendance à ignorer la classe minoritaire.

Illustration du problème

Modèle	Recall	Precision	F1-score
Régression Logistique	0.59	0.89	0.70
Random Forest (200 arbres)	0.60	0.95	0.85

- 1 Contexte
- 2 Problématique**
- 3 Méthodes
- 4 Application
- 5 Limites des méthodes
- 6 Conclusion
- 7 Bibliographie

Comment atténuer le déséquilibre des classes pour améliorer la performance réelle du modèle ?

- 1 Contexte
- 2 Problématique
- 3 Méthodes**
- 4 Application
- 5 Limites des méthodes
- 6 Conclusion
- 7 Bibliographie

Random Over-Sampling

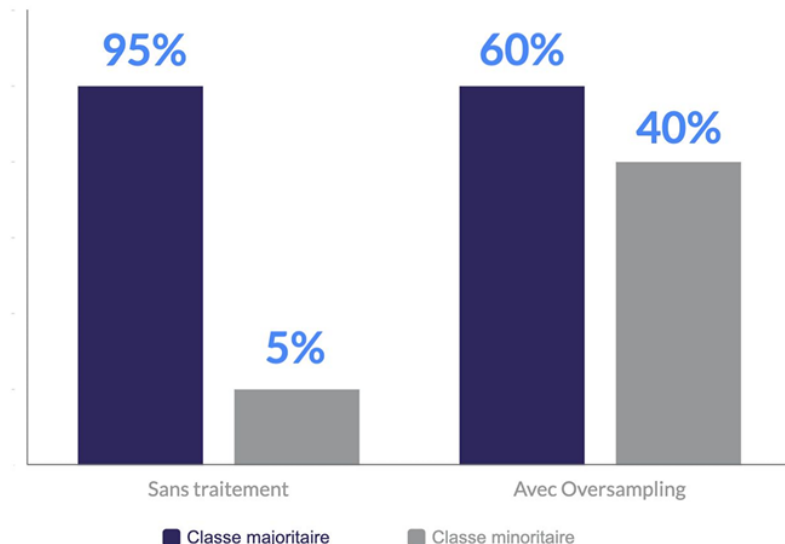


Table – Jeu de données après sur-échantillonnage (ROS)

x	label	source
1	0	original
2	0	original
3	0	original
4	0	original
5	0	original
6	0	original
7	0	original
8	1	original
9	1	original
10	1	original
8	1	dupliqué
9	1	dupliqué
10	1	dupliqué
8	1	dupliqué

Random Under-Sampling

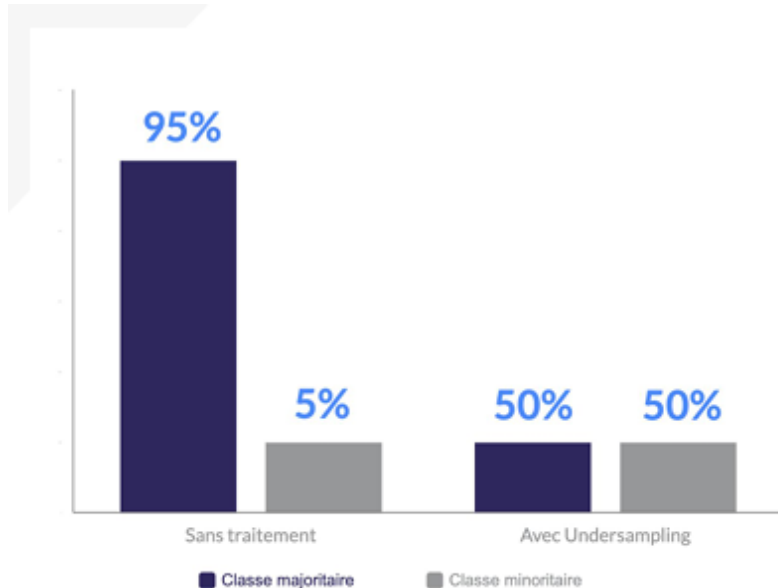


Table – Jeu de données après sous-échantillonnage (RUS)

x	label	source
1	0	supprimé
2	0	supprimé
3	0	supprimé
4	0	original
5	0	original
6	0	original
7	0	original
8	1	original
9	1	original
10	1	original

SMOTE : Synthetic Minority Over-sampling Technique

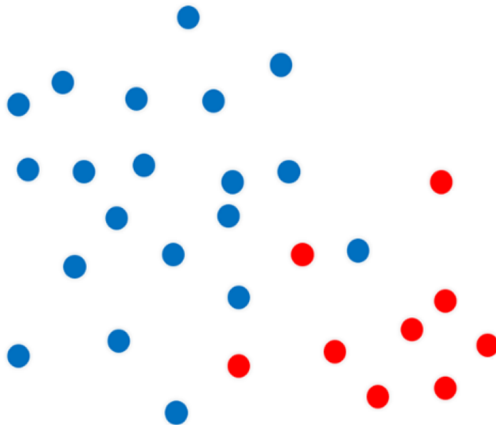


Figure – Schéma de SMOTE

SMOTE : Synthetic Minority Over-sampling Technique

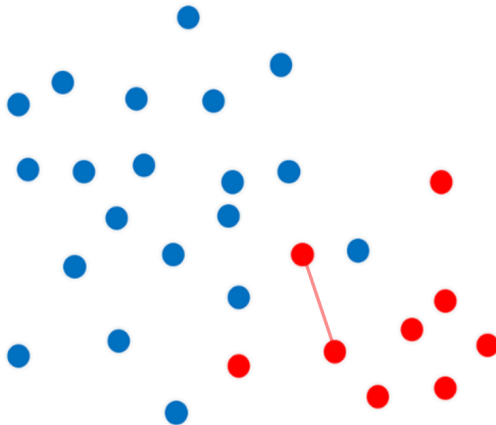


Figure – Schéma de SMOTE

SMOTE : Synthetic Minority Over-sampling Technique

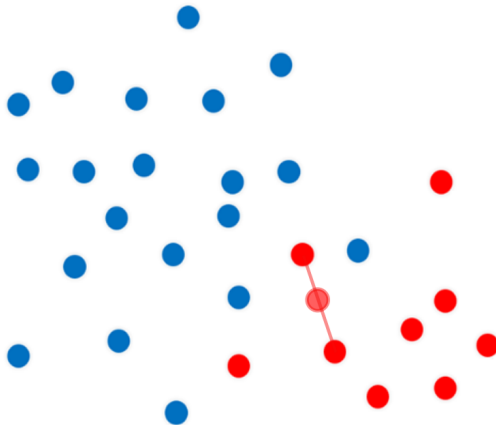


Figure – Schéma de SMOTE

SMOTE : Synthetic Minority Over-sampling Technique

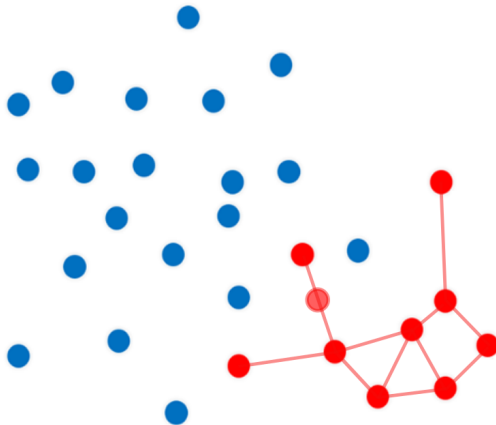


Figure – Schéma de SMOTE

SMOTE : Synthetic Minority Over-sampling Technique

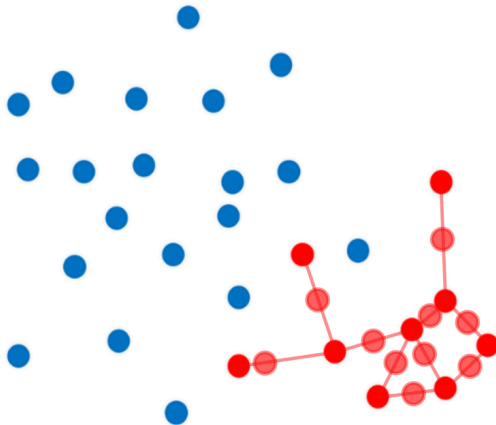


Figure – Schéma de SMOTE

SMOTE : Synthetic Minority Over-sampling Technique

Notations

- n : nb **total** d'observations
- n_{\min} : nb d'observations **minoritaires**
- d : dimension (nb de variables)
- k : nb de plus proches voisins
- M : nb de points synthétiques générés

Étapes dominantes & complexité (naïf)

- 1 **Recherche des k -PPV (vers tous les points)** : coût d'une distance $\mathcal{O}(d)$ \Rightarrow comparaison à n points $\mathcal{O}(n d)$ \Rightarrow pour n_{\min} points minoritaires $\mathcal{O}(n_{\min} n d)$.
- 2 **Génération** : $x_{\text{new}} = x_i + \lambda(x_j - x_i)$, $\lambda \sim \mathcal{U}(0, 1)$ $\mathcal{O}(M d)$

Synthèse

$$T_{\text{SMOTE}} = \mathcal{O}(n_{\min} n d) + \mathcal{O}(M d) \quad (\text{recherche kNN dominante}).$$

- 1 Contexte
- 2 Problématique
- 3 Méthodes
- 4 Application**
- 5 Limites des méthodes
- 6 Conclusion
- 7 Bibliographie

Comparaison des matrices de confusion

	RUS		ROS		SMOTE	
	P-F	F	P-F	F	P-F	F
Pas-Fraude	55834	15	56673	16	55500	12
Fraude	1020	92	186	86	1356	93

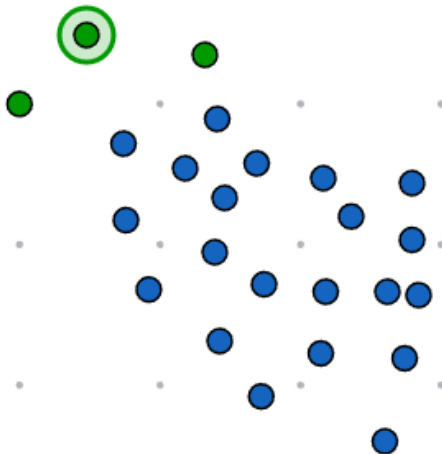
Comparaison des méthodes de rééchantillonnage

Méthode	Rappel	Specificity	Précision
SMOTE	0.886	0.976	0.064
RUS	0.860	0.982	0.083
ROS	0.843	0.997	0.316

- 1 Contexte
- 2 Problématique
- 3 Méthodes
- 4 Application
- 5 Limites des méthodes**
- 6 Conclusion
- 7 Bibliographie

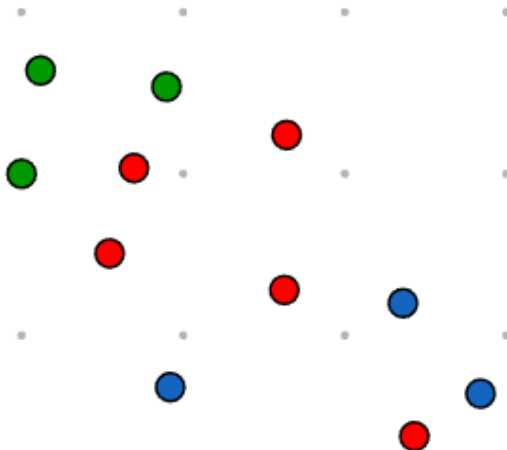
ROS

- Overfitting



RUS

- Perte d'information

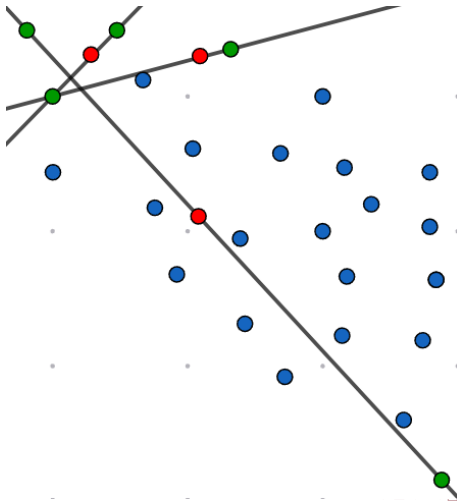


SMOTE

- Temps de calculs
- Création de points aberrants
- Hyperparamètre k
- Variables qualitatives

SMOTE

- Points aberrants



- 1 Contexte
- 2 Problématique
- 3 Méthodes
- 4 Application
- 5 Limites des méthodes
- 6 Conclusion**
- 7 Bibliographie

Méthode	Points forts	Limites
ROS	Simplicité, conserve toutes les données	Overfitting, grand volume de données
RUS	Rapide et réduit le biais	perte d'information et représentativité
SMOTE	Données synthétiques variées	Coût élevé, sensible aux outliers

Aucune méthode n'est universelle :
le choix dépend du jeu de données et du modèle.

- Pour notre jeu de données, ROS et SMOTE sont deux méthodes efficaces.
- Pour aller plus loin : il serait pertinent de combiner des méthodes existantes ou de pondérer les modèles.

Merci pour votre attention !

- 1 Contexte
- 2 Problématique
- 3 Méthodes
- 4 Application
- 5 Limites des méthodes
- 6 Conclusion
- 7 Bibliographie**



N. V. Chawla, K. W. Bowyer, L. O. Hall, W. P. Kegelmeyer.

SMOTE : Synthetic Minority Over-sampling Technique.



M. Chelouah.

Méthodes de rééquilibrage des classes en classification supervisée.

- Figures ROS, RUS : réalisées avec GeoGebra.
- Illustration SMOTE : réalisée avec Inkscape.