# Apprentissage de classes déséquilibrées HAX907X - Apprentissage statistique

SAWADOGO Kader GERMAIN Marine LABOURAIL Célia MARIAC Damien

Université Montpellier Département de Mathématique

17 octobre 2025

- Contexte
- 2 Problématique
- Méthodes
- 4 Limites des méthodes
- 6 Application
- 6 Conclusion

- Contexte
- 2 Problématique
- Méthodes
- 4 Limites des méthodes
- 6 Application
- 6 Conclusion

#### Les classes déséquilibrées

Problème : difficulté à prédire la classe minoritaire

 $\Rightarrow$  Le modèle a tendance à ignorer cette classe.

#### Exemple général

- 99% vs 1%.
- ullet Un modèle naı̈f prédit la classe majoritaire à une précision de 99 %.
- Mauvais modèle.

#### Problématique scientifique

Comment atténuer le déséquilibre des classes pour améliorer la performance réelle du modèle?

- Contexte
- 2 Problématique
- Méthodes
- 4 Limites des méthodes
- 6 Application
- 6 Conclusion

# Random Over-simpling

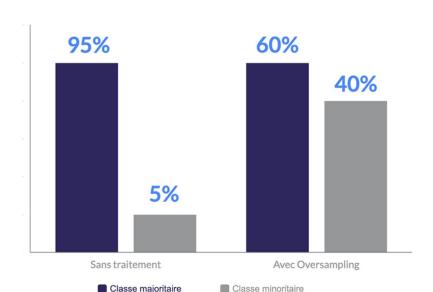


Table – Jeu de données après sur-échantillonnage (ROS )

x	label	source
1	0	original
2	0	original
3	0	original
4	0	original
5	0	original
6	0	original
7	0	original
8	1	original
9	1	original
10	1	original
8	1	duplicated
9	1	duplicated
10	1	duplicated
8	1	duplicated

# Random Under-sampling

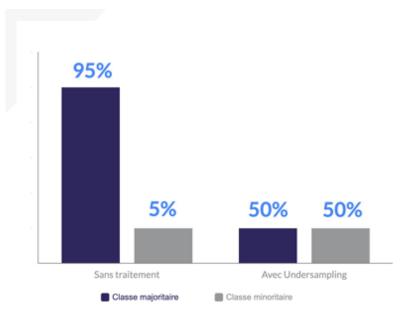


Table – Jeu de données après sous-échantillonnage (RUS)

X	label	source
1	0	supprimé
2	0	supprimé
3	0	supprimé
4	0	original
5	0	original
6	0	original
7	0	original
8	1	original
9	1	original
10	1	original

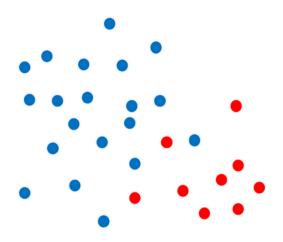


Figure – Schéma de SMOTE

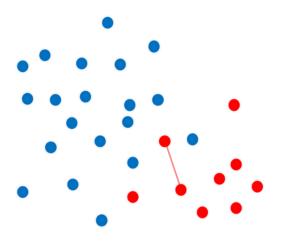


Figure – Schéma de SMOTE

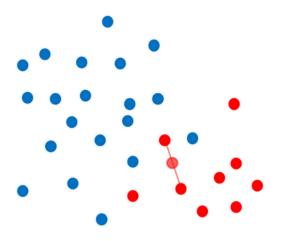


Figure – Schéma de SMOTE

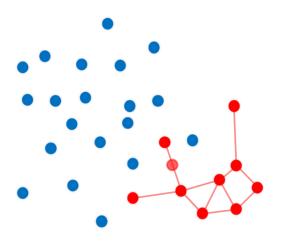


Figure – Schéma de SMOTE

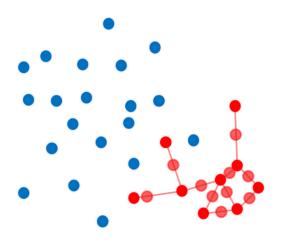


Figure – Schéma de SMOTE

#### **Notations**

- n : nb total d'observations
- n<sub>min</sub>: nb d'observations minoritaires
- d : dimension (nb de variables)

- k : nb de plus proches voisins
- M : nb de points synthétiques générés

#### Étapes dominantes & complexité (naïf)

- **Q** Recherche des k-PPV (vers tous les points) : coût d'une distance  $\mathcal{O}(d) \Rightarrow$  comparaison à n points  $\mathcal{O}(n d) \Rightarrow$  pour  $n_{\min}$  points minoritaires  $\boxed{\mathcal{O}(n_{\min} n d)}$ .
- **2** Génération :  $x_{\text{new}} = x_i + \lambda(x_j x_i)$ ,  $\lambda \sim \mathcal{U}(0, 1)$

 $\mathcal{O}(Md)$ 

#### Synthèse

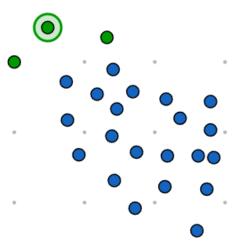
 $T_{\text{SMOTE}} = \mathcal{O}(n_{\min} n d) + \mathcal{O}(M d)$ 

(recherche kNN dominante).

- Contexte
- 2 Problématique
- Méthodes
- 4 Limites des méthodes
- 6 Application
- 6 Conclusion

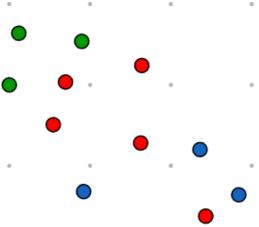
#### ROS

Overfitting



#### RUS

Perte d'information

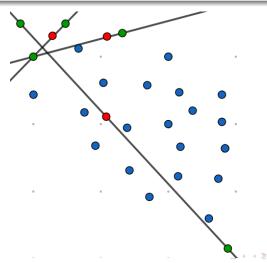


#### **SMOTE**

- Temps de calculs
- Création de points aberrants
- Hyperparamètre k
- Variables qualitatives

#### SMOTE

Points aberrants



- Contexte
- 2 Problématique
- Méthodes
- 4 Limites des méthodes
- 6 Application
- 6 Conclusion

- Contexte
- 2 Problématique
- Méthodes
- 4 Limites des méthodes
- 6 Application
- 6 Conclusion

#### Bilan général des méthodes

Méthode	Points forts	Limites
ROS	Simplicité, conserve	Overfitting, grand
	toutes les données	volume de données
RUS	Rapide et réduit le	perte d'information
	biais	et représentativité
SMOTE	Données	Coût élevé, sensible
	synthétiques variées	aux outliers

#### Aucune méthode n'est universelle :

le choix dépend du jeu de données et du modèle.

#### Conclusion et perspectives

- Pour notre jeu de données, la méthode la plus efficace est SMOTE.
- Pour aller plus loin : il serait pertinent de combiner des méthodes existantes ou de pondérer les modèles.

# Merci pour votre attention!