

$K$  divide a  $N$ .

Entrada:  $S[0..N)$ ,  $N > 0$ , y  $K > 0$  tal que  $K | N$

Salida: Mínima cantidad de pedazos requeridos para codificar  $S[0..N)$  reorganizando individualmente cada uno de los  $N/K$  bloques de tamaño  $K$  de  $S[0..N)$ .

Sea  $M = N \text{ div } K$ . El bloque  $T[0..M)$  es tal que, para  $0 \leq m < M$ :

$T[m] \in \{ 'a', 'b', \dots, 'z' \}$  es el conjunto de letras que hacen parte del  $m$ -ésimo bloque de  $S[0..N)$ ; es decir  $T[m]$  son las letras en  $S[mK..(m+1)K)$ .

Dado que hay 26 letras minúsculas, vamos a suponer que cada  $T[m] \in \{0, \dots, 26\}$ , en donde el número 26 identifica una letra que no aparece en  $S[0..N)$ .

Con base en esto, se propone la siguiente función para  $0 \leq m \leq M$  y  $0 \leq x \leq 26$ :

$\phi(m, x)$ : "Mínima cantidad de pedazos requeridos para codificar  $T[m..M)$  en donde el último bloque (antes de  $m$ ) termina con el carácter  $x$ ".

Objetivo:

$\phi(0, 26)$

Se busca la menor cantidad suponiendo que en el bloque 0 se inicia con una letra nueva (26 no está en  $S[0..N)$ )

Recurrencia: Para  $0 \leq m \leq M$  y  $0 \leq x \leq 26$ :

$$\phi(m, x) = \begin{cases} 0 & , m = M \\ |T[m]| + (\forall i | i \in T[m] : \phi(m+1, i)) & \textcircled{1} , m \neq M \wedge x \notin T[m] \\ \phi(m+1, x) & \textcircled{2} , m \neq M \wedge \{x\} = T[m] \\ \left[ (|T[m]| - 1) + (\forall i | i \in T[m] \wedge i \neq x : \phi(m+1, i)) \right] & \textcircled{3} , m \neq M \wedge \{x\} \neq T[m] \\ |T[m]| + \phi(m+1, x) & \end{cases}$$

Sobre algunos casos de la recurrencia:

- ①  $c$  no está en  $T[m]$ , luego se requieren  $|T[m]|$  pedazos (no por carácter en  $T[m]$ ) y se prefiere como carácter para terminar aquel que está en  $T[m]$  que minimice la codificación para  $T[m+1..M]$
- ②  $c$  es el único carácter en  $T[m]$ , luego no se deben crear nuevos pedazos para codificar  $T[m]$  y se recurre usando  $c$  como carácter final de  $T[m]$ .
- ③  $c$  es uno de los caracteres en  $T[m]$ ; hay dos casos:
  - inicia la codificación de  $T[m]$  con  $c$  y prefiere el 'mejor' de los demás caracteres para terminar la codificación de  $T[m]$
  - termina la codificación de  $T[m]$  con  $c$ , creando un total de  $|T[m]|$  pedazos para codificar  $T[m]$ .