

# Expansão Teórica 29 — Visualização e Simulação Computacional de Rupturas

## Resumo

Este documento apresenta uma abordagem prática para a representação computacional de rupturas coerenciais no domínio da Teoria das Singularidades Ressonantes (TSR). Utilizando formas paramétricas, projeções angulares e variações de coerência  $Z(\phi)$ , propõe-se um conjunto de estratégias para visualizar e simular numericamente estruturas florais e toroidais derivadas do operador  $\ast_\infty$ . A proposta inclui equações base para renderização de topologias ressonantes, bem como diretrizes para aplicar a estrutura TSR em engines computacionais como ERIRE. O objetivo é tornar acessível a interpretação visual das singularidades como formas projetadas e dinâmicas, com ênfase em sua coerência, simetria e comportamento energético ao longo do tempo.

## 1. Introdução

A TSR descreve singularidades como reorganizações coerenciais projetadas a partir de rupturas rotacionais. Tais entidades, embora matematicamente bem definidas, ganham profundidade quando visualizadas como estruturas paramétricas no espaço tridimensional. A simulação dessas formas permite não apenas ilustrar a geometria resultante da coerência variável, mas também explorar dinamicamente sua evolução, energia e topologia.

Este artigo fornece um conjunto de representações computacionais e visuais para expressar essas entidades, utilizando a coerência angular  $Z(\phi)$  como vetor gerador da forma e da energia projetada.

## 2. Representação Paramétrica de Toroides Ressonantes

A forma canônica de uma singularidade ressonante é um toroide dinâmico. Sua superfície pode ser representada por:

$$\begin{cases} x(\theta, \phi) = [R + r(\phi) \cos(\theta)] \cos(\phi) \\ y(\theta, \phi) = [R + r(\phi) \cos(\theta)] \sin(\phi) \\ z(\theta, \phi) = r(\phi) \sin(\theta) \end{cases}$$

Onde:

- $\theta, \phi \in [0, 2\pi]$  são os ângulos toroidais e polares;
- $R$  é o raio maior (distância ao centro do toroide);
- $r(\phi)$  é o raio menor, modulado pela coerência angular:

$$r(\phi) = \rho \cdot \frac{1}{|Z(\phi)|}$$

Essa modulação permite a formação de toroides florais, com lóbulos variáveis, ou colapsos assimétricos.

## 3. Exemplos de Coerência Angular

A coerência  $Z(\phi)$  pode ser definida como:

- **Uniforme (toroide puro):**

$$Z(\phi) = Z_0 \Rightarrow \text{toroide constante}$$

- **Floral simétrico:**

$$Z(\phi) = Z_0 \cdot \cos(n\phi), \quad n \in \mathbb{N}$$

- **Instável oscilante:**

$$Z(\phi) = Z_0 \cdot [1 + \epsilon \cdot \sin(n\phi + \delta)]$$

Essas expressões geram variações topológicas visíveis no toroide renderizado.

## 4. Visualização Computacional com Engine ERIRE

O sistema ERIRE, já utilizado para simular efeitos como coerência atômica e estados quânticos, pode ser estendido para renderizar as singularidades ressonantes:

### 4.1 Parâmetros de entrada sugeridos:

- Função  $Z(\phi)$  como vetor numpy ou função simbólica;
- Raio base  $\rho$  e  $R$ ;
- Resolução em  $\theta$  e  $\phi$ .

### 4.2 Renderização 3D:

- Utilizar bibliotecas como `matplotlib` (modo 3D), `mayavi`, `vtk` ou `plotly`.
- Colorir a superfície com base em  $|Z(\phi)|$  para destacar coerência.

### 4.3 Projeção dinâmica:

- Animação da forma com coerência em evolução  $Z(\phi, t)$ ;
- Simulação de colapso coerencial em tempo real.

## 5. Visualização de Rupturas e Reorganizações

Quando a coerência colapsa em uma região angular  $\phi \approx \phi_0$ , a função  $Z(\phi) \rightarrow 0$  naquele ponto. O gráfico resultante apresenta:

- **Estreitamento local:** Onde  $r(\phi) \rightarrow \infty$ , a superfície se “abre”;
- **Descontinuidade projetiva:** A superfície pode perder continuidade visual;
- **Geração de lóbulos:** Multiplicidade de  $n$  causa formação de padrões florais.

Estas características visuais representam o colapso rotacional real no domínio da TSR.

## 6. Topologias Classificáveis por Simulação

Com base nos padrões de  $Z(\phi)$ , podem-se gerar as seguintes classes de formas:

Tipo de Forma	Coerência $Z(\phi)$	Topologia Visual
Toroide puro	Constante	Anel uniforme
Floral n-modo	$\cos(n\phi)$	Forma com n lóbulos
Pulsante	$1 + \epsilon \sin(n\phi)$	Toroide expandido/contraído
Assimétrica	Trecho nulo $Z(\phi) = 0$	Rasgo, gota, ruptura parcial

## 7. Considerações para Animações

- A fase angular  $\phi$  pode ser incrementada ao longo do tempo  $t$ , para gerar rotação simulada da estrutura.
- Variações de  $Z(\phi, t)$  podem representar instabilidades reais em tempo físico.
- A colisão de duas estruturas pode ser simulada por sobreposição de toroides com coerências interferentes.

## 8. Conclusão

A simulação computacional das singularidades ressonantes amplia o poder da TSR ao torná-la tangível, visual e experimental em ambientes digitais. As formas toroidais geradas por modulações de  $Z(\phi)$  traduzem com precisão os conceitos topológicos da teoria, permitindo estudos quantitativos e classificações visuais das rupturas.

Essa ferramenta visual fortalece a ponte entre matemática rotacional, geometria projetiva e aplicação física, preparando o terreno para aplicações mais amplas em topologias emergentes e modelagem de partículas.