МИНОБРНАУКИ РОССИИ САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА) Кафедра МО ЭВМ

ОТЧЕТ

по лабораторной работе №3 по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов»

Тема: Потоки в сети

Студент гр. 8304	 Масалыкин Д.Р.
Преподаватель	 Размочаева Н.В.

Санкт-Петербург 2020

Цель работы.

Реализовать алгоритм Форда-Фалкерсона, найти максимальный поток в сети, а также фактическую величину потока, протекающего через каждое ребро.

Вар. 2. Поиск в ширину. Обработка совокупности вершин текущего фронта как единого целого, ду́ги выбираются в порядке уменьшения остаточных пропускных способностей. При равенстве остаточных пропускных способностей выбирается та дуга, из начала которой выходит меньше дуг, при этом учитываются только ду́ги с положительными остаточными пропускными способностями, не ведущие в вершины текущего или прошлых фронтов.

Задание.

Найти максимальный поток в сети, а также фактическую величину потока, протекающего через каждое ребро, используя алгоритм Форда-Фалкерсона.

Сеть (ориентированный взвешенный граф) представляется в виде триплета из имён вершин и целого неотрицательного числа - пропускной способности (веса).

Входные данные:

N – количество ориентированных рёбер графа

 V_0 – исток

 V_N – сток

 $V_i \ V_j \ W_{ij}$ — ребро графа

 $V_i \ V_j \ W_{ij}$ – ребро графа

. . .

Выходные данные:

 P_{max} — величина максимального потока

 $V_i \ V_j \ W_{ij}$ — ребро графа с фактической величиной протекающего потока $V_i \ V_j \ W_{ij}$ — ребро графа с фактической величиной протекающего потока ...

В ответе выходные рёбра отсортируйте в лексикографическом порядке по первой вершине, потом по второй (в ответе должны присутствовать все указанные входные рёбра, даже если поток в них равен 0).

Пример входных данных

7

a

f

a b 7

a c 6

b d 6

c f 9

de3

df4

e c 2

Пример выходных данных

12

a b 6

a c 6

b d 6

c f 8

d e 2

df4

e c 2

Описание алгоритма.

В начале работы алгоритма создается граф. С помощью поиска в ширину производится поиск пути от истока в сток. Если такой путь существует, то мы в этом пути ищем дугу с наименьшей пропускной способностью, затем обновляем граф: для всех дуг, которые попали в путь от истока в сток и для обратных им пересчитывается их пропускная способность. Затем производиться подсчет максимального потока, к этому мы шагу сразу переходим, если путь не был найден. Выводятся фактические потоки для дуг.

Сложность алгоритма по операциям: О (E * F), E – число ребер в графе, F – максимальный поток

Сложность алгоритма по памяти: O (N+E), N – количество вершин, $E- количество \ peбер$

Описание функций и структур данных.

```
class FordFalkGraph {
    std::map< char, std::map< char, int > > graph;
}
```

Структура данных, используемая для хранения направленного графа. Представляет собой ассоциативный контейнер хранения вершин и соответствующего ей контейнера вершина-расстояние. Для каждой вершины хранится ассоциативный массив вершин, до которых можно добраться из текущей и вес пути до них.

1. void maxStream(char source, char estuary);

Метод вычисления максимального потока.

- 2. int get_min_stream(std::map< char, std::pair< char, int > > way, char source, char stock);
 - Метод нахождения минимальной пропускной способности на пути.
- 3. void update_network(std::map< char, std::map< char, int > > &network, std::map< char, std::pair< char, int > > way, char source, char stock);

Метод перестройки сети в соответствии с правилом: если дуга входит в путь, то к ней прибавляется обратная(относительно нуля)

величина минимальной пропускной способности в данном пути. Если дуга обратная той, которая находится в этом пути, то к ней прибавляется величина минимальной пропускной способности.

4. std::map< char, std::pair< char, int > > BFS(std::map< char, std::map< char, int > > net, char source, char stock);

Поиск в ширину.

5. UML-диаграмма класса

class FordFalkGraph
+graph: map< char, map <char, int=""> ></char,>
input_graph(count)
maxStream(source, estuary)
get_min_stream(way, source, stock)
update_network(&network, way, source, stock)
BFS(net, source, stock)

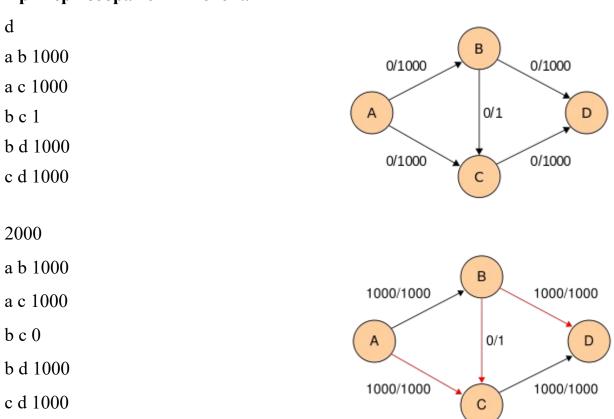
CREATED WITH YUML

Тестирование и исследование.

Input	Output	Время
7	12	3 сек
a	a b 6	
f	a c 6	
a b 7 a c 6	b d 6	
b d 6	c f 8	
c f 9	d e 2	
d e 3	d f 4	
d f 4 e c 2	e c 2	
10	6	2 сек
a	a b 1	
h	a c 4	
a b 5	a d 1	
a c 4	b g 1	
a d 1 b g 1	c e 2	

c e 2	cf2	
c f 3	d e 1	
d e 6	e h 3	
e h 4	fh2	
fh4	g h 1	
g h 8		
d	2000	1 сек
a b 1000	a b 1000	
a c 1000	a c 1000	
b c 1	b c 0	
b d 1000	b d 1000	
c d 1000		
	c d 1000	

Пример изображения потока



Выводы.

В ходе выполнения лабораторной работы был реализован алгоритм Форда-Фалкерсона(точнее алгоритм Эдмондса — Карпа, так как используется поиск в ширину), который находит максимальный поток в сети, а также фактическую величину потока, протекающего через каждое ребро.