

1. 核心算法实现

程序实现了两种策略：

- ? 随机策略：每个囚犯随机打开50个盒子寻找自己的编号
- ? 循环策略：囚犯从自己编号的盒子开始，根据盒内纸条跳转到对应盒子

2. 关键函数

- ? generate_boxes(n)：生成随机排列的盒子
- ? random_strategy(boxes, prisoner, k)：随机策略实现
- ? cycle_strategy(boxes, prisoner, k)：循环策略实现
- ? simulate_single_trial(n, k, strategy)：单次试验模拟
- ? get_cycle_lengths(boxes)：获取排列的循环长度分布
- ? calculate_theoretical_success(n, k)：计算循环策略的理论成功率

3. 分析功能

程序提供以下分析：

- ? 两种策略的成功率对比
- ? 最大循环长度分布直方图
- ? 成功/失败试验的循环长度对比
- ? 参数变化分析（成功率随K/N比例变化）
- ? 理论成功率与实际成功率对比

4. 理论背景

循环策略的成功率与排列的循环分解有关。当且仅当排列中没有长度大于K的循环时，所有囚犯都能在K步内找到自己的编号。对于N=100, K=50，理论成功率约为：

$$1 - (1/51 + 1/52 + \dots + 1/100) \approx 0.3118$$

5. 性能优化

程序通过以下方式优化性能：

- ? 循环策略中直接分析循环分解，避免模拟每个囚犯的搜索过程
- ? 使用向量化操作和高效数据结构
- ? 批量处理多次试验

复杂度分析

? 时间复杂度：

- o 随机策略： $O(T * N * K)$
- o 循环策略： $O(T * N)$ （通过循环分解优化）
- ? 空间复杂度： $O(N)$ （存储盒子排列和访问标记）