

一、開發環境：

1. 硬體設備：

- 處理器 (CPU)：11th Gen Intel(R) Core(TM) i7-11800H @ 2.30GHz
- 記憶體 (RAM)：16 GB
- 作業系統：Windows

2. 開發工具：

- 編譯器：g++ (版本 12.2.0)
- 程式編輯器：vscode (Visual Studio Code)

二、實驗方法和流程

1. FIFO_Algorithm:

- 說明：當 page frame 已滿且需要替換時，移除佇列中的第一個進入的 page。
- 資料結構：
 - a. `queue<int> pageQueue; // page frame`
 - b. `unordered_map<int, bool> Page_Records; // page -> isExist`
- 實作方法：
 - a. 如果 page 不在 frame 中：
 - i. `pageFaults++`
 - ii. 如果 frame 已滿，移除 `pageQueue` 的第一個 page，並在 `Page_Records` 中刪除此 page。
 - iii. 移除選定 page，重設其資料，並 `pageReplaces++`。
 - iv. 將新 page 加入 `pageQueue` 並在 `Page_Records` 中記錄。
 - b. 如果頁面已存在於 frame 中：
 - i. 保持原先排序。

2. LRU_Algorithm:

- 說明：當 page frame 已滿且需要替換時，移除佇列中最久未使用的 page。
- 資料結構：
 - a. `unordered_map<int, int> pagePosition; // page -> timestamp`
- 實作方法：
 - a. 如果 page 不在 frame 中：
 - i. `pageFaults++`
 - ii. 如果 frame 滿了，使用 `find_oldest()` 找出最近最久未使用的 page 並將其移除。
 - iii. 在 frame 中插入新 page 並記錄當前時間戳。
 - b. 如果頁面已存在於 frame 中：

- i. 更新此 page 的時間戳。
- ii. 依照最近使用的時間排序。

3. LFU_and_FIFO_Algorithm:

- 說明：當 page frame 已滿且需要替換時，移除佇列中 frequency 最少的，若 frequency 相等，則移除最先進入佇列的 page，並將 frequency 歸零等待下次進入重新計算。
- 資料結構：
 - a. `unordered_map<int, page_record> pageRecords; // page -> (in_page_frame_flag, count, timestamp)`
 - b. `set<pair<int, pair<int, int>>, Compare> pageFrames_data; // <page, <count, timestamp>>`
- 實作方法：
 - a. 如果 page 不在 frame 中：
 - i. `pageFaults++`
 - ii. 如果 frame 滿了，使用 `find_least_frequent()` 找出使用次數最少且最早進入 frame 的 page。
 - iii. 從 `pageFrames_data` 中移除選中的 page，重設其資料，並 `pageReplaces++`。
 - iv. 將新的 page 加入 frame，更新其使用次數為 1 並記錄當前時間戳。
 - b. 如果頁面已存在於 frame 中：
 - i. 更新此 page 的時間戳。
 - ii. 在 `pageFrames_data` 中移除舊資料，插入更新後的 page 資料。

4. MFU_and_FIFO_Algorithm:

- 說明：當 page frame 已滿且需要替換時，移除佇列中 frequency 最多的，若 frequency 相等，則移除最先進入佇列的 page，並將 frequency 歸零等待下次進入重新計算。
- 資料結構：
 - a. `unordered_map<int, page_record> pageRecords; // page -> (in_page_frame_flag, count, timestamp)`
 - b. `set<pair<int, pair<int, int>>, Compare> pageFrames_data; // <page, <count, timestamp>>`
- 實作方法：
 - a. 如果 page 不在 frame 中：
 - i. `pageFaults++`
 - ii. 如果 frame 已滿，使用 `find_most_frequent()` 尋找使用次數最多的 page。
 - iii. 從 `pageFrames_data` 中移除選中的 page，重設其資料、`pageReplaces++`。
 - iv. 將新 page 加入 frame，更新其資料。
 - b. 如果頁面已存在於 frame 中：
 - i. 更新 page 的使用次數。
 - ii. 在 `pageFrames_data` 中移除舊資料，插入更新後的 page 資料

5. LFU_and_LRU_Algorithm:

- 說明：當 page frame 已滿且需要替換時，移除佇列中 frequency 最少的，若 frequency 相等，移除佇列中最久未使用的 page。

- 資料結構：
 - a. `unordered_map<int, page_record> pageRecords; // page -> (in_page_frame_flag, count, timestamp)`
 - b. `set<pair<int, pair<int, int>>, Compare> pageFrames_data; // <page, <count, timestamp>>`
- 實作方法：
 - a. 如果 `page` 不在 `frame` 中：
 - i. 增加 `page` 錯誤計數 (`pageFaults++`)
 - ii. 如果 `frame` 已滿，呼叫 `find_least_frequent_and_recently()` 尋找最少使用且最久未使用的 `page`。
 - iii. 移除選定 `page`，重設其資料，並 `pageReplaces++`。
 - iv. 將新 `page` 加入 `frame`，更新其資料。
 - b. 如果頁面已存在於框中：
 - i. 更新 `page` 的使用次數和時間戳。
 - ii. 為了使輸出順序與老師一致，在 `pageFrames_data` 中移除舊 `page`，插入更新後的 `page`。

三、 探討結果和原因

1. 畢雷笛反例(Belady's Anomaly)：

定義：某些頁面替換算法中，當 `page frames` 增加時，`page fault` 反而增多的現象。通常發生在 FIFO (First In First Out) 替換方法中，因為它只考慮 `page` 進入的先後順序，忽略了 `page` 使用的頻率或時間。

在 FIFO 中，增加 `page frames` 數量通常會預期減少 `page faults`，因為有更多的空間可以存放 `page`。但從下方兩張圖可以看出，使用 FIFO 時，當 `page frames` 從 3 增加到 4，`page fault` 反而從 9 增加到 10。

-----FIFO-----

1	1	F
2	21	F
3	321	F
4	432	F
1	143	F
2	214	F
5	521	F
1	521	
2	521	
3	352	F
4	435	F
5	435	

Page Fault = 9 Page Replaces = 6 Page Frames = 3

-----FIFO-----

1	1	F
2	21	F
3	321	F
4	4321	F
1	4321	
2	4321	
5	5432	F
1	1543	F
2	2154	F
3	3215	F
4	4321	F
5	5432	F

Page Fault = 10 Page Replaces = 6 Page Frames = 4

2. 比較五種方法間 **pageFaults**、**pageReplace** 的差異 (page 輸入：123412512345)：

方法 (PAGE FRAMES = 3)	PAGE FAULTS	PAGE REPLACES
FIFO	9	6
LRU	10	7
LFU + FIFO	10	7
MFU + FIFO	9	6
LFU + LRU	10	7

(表一)

方法 (PAGE FRAMES = 4)	PAGE FAULTS	PAGE REPLACES
FIFO	10	6
LRU	8	4
LFU + FIFO	8	4
MFU + FIFO	10	6
LFU + LRU	8	4

(表二)

- I. FIFO：因為不考慮 **page** 的使用頻率與時間，**pageFaults** 和 **pageReplaces** 相對較高。
- II. LRU：尋找最近沒使用的 **page** 進行替換，適合每種 **page** 與任務執行階段高度關聯的情況，如此才可降低替換的發生次數。
- III. LFU + FIFO：結合使用頻率與先進先出，能有效處理常用 **page**，但在每個 **page** 的頻率變化大的情況下性能可能下降，因為仍會頻繁發生置換。
- IV. MFU + FIFO：認為頻率高的 **page** 可能已經使用完畢，但我認為此法並不特別符合真實場景，就我的常理而言除非每種 **page** 都有限制相同的總數，否則我會認為目前出現次數最高的 **page**，未來的出現次數也會更高。
- V. LFU + LRU：綜合考慮使用頻率與最近使用時間，最佳方案。

-----LRU-----

```

1      1      F
2      21     F
3      321    F
4      432    F
1      143    F
2      214    F
5      521    F
1      152
2      215
3      321    F
4      432    F
5      543    F

```

Page Fault = 10 Page Replaces = 7 Page Frames = 3

-----LRU-----

```

1      1      F
2      21     F
3      321    F
4      4321   F
1      1432
2      2143
5      5214   F
1      1524
2      2154
3      3215   F
4      4321   F
5      5432   F

```

Page Fault = 8 Page Replaces = 4 Page Frames = 4

-----Least Frequently Used Page Replacement-----

1	1	F
2	21	F
3	321	F
4	432	F
1	143	F
2	214	F
5	521	F
1	521	
2	521	
3	321	F
4	421	F
5	521	F

Page Fault = 10 Page Replaces = 7 Page Frames = 3

-----Least Frequently Used Page Replacement-----

1	1	F
2	21	F
3	321	F
4	4321	F
1	4321	
2	4321	
5	5421	F
1	5421	
2	5421	
3	3521	F
4	4321	F
5	5421	F

Page Fault = 8 Page Replaces = 4 Page Frames = 4

-----Most Frequently Used Page Replacement -----

1	1	F
2	21	F
3	321	F
4	432	F
1	143	F
2	214	F
5	521	F
1	521	
2	521	
3	352	F
4	435	F
5	435	

Page Fault = 9 Page Replaces = 6 Page Frames = 3

-----Most Frequently Used Page Replacement -----

1	1	F
2	21	F
3	321	F
4	4321	F
1	4321	
2	4321	
5	5432	F
1	1543	F
2	2154	F
3	3215	F
4	4321	F
5	5432	F

Page Fault = 10 Page Replaces = 6 Page Frames = 4

-----Least Frequently Used LRU Page Replacement-----

1	1	F
2	21	F
3	321	F
4	432	F
1	143	F
2	214	F
5	521	F
1	152	
2	215	
3	321	F
4	421	F
5	521	F

Page Fault = 10 Page Replaces = 7 Page Frames = 3

-----Least Frequently Used LRU Page Replacement-----

1	1	F
2	21	F
3	321	F
4	4321	F
1	1432	
2	2143	
5	5214	F
1	1524	
2	2154	
3	3215	F
4	4321	F
5	5421	F

Page Fault = 8 Page Replaces = 4 Page Frames = 4