II Moyenne pondérée

Dans une série statistique, toutes les valeurs n'ont pas forcément le même nombre d'effectif et donc n'ont pas la même importance.

On utilise alors la moyenne pondérée : chaque donnée a un « poids » différent.

Définition: Pour calculer la moyenne pondérée d'une série statistique:

- on multiplie chaque valeur par son effectif,
- ensuite on additionne tous les produits obtenus,
- puis on divise cette somme par l'effectif total.

Exemple: Reprenons l'exemple précédent.

Notes au devoir	7	10	12	13	15	18	20
Effectif	3	1	2	4	2	3	9

Moyenne pondérée =
$$\frac{7\times 3+10\times 1+12\times 2+13\times 4+15\times 2+18\times 3+20\times 9}{24}$$
 Moyenne pondérée =
$$\frac{21+10+24+52+30+54+180}{24}$$
 Moyenne pondérée =
$$\frac{371}{24} \simeq 15,46$$

La moyenne pondérée des notes pour ce devoir est d'environ 15,46/20.

Exemple: Nous étudions les pointures des chaussures vendues dans un magasin.

- **Population :** L'ensemble des chaussures vendues par le magasin.
- Caractère : La pointure.

Pointures	35	36	37	38	39	40	41	42	44
Effectif	3	7	8	7	7	4	8	7	2

• Effectif total = 3+7+8+7+7+4+8+7+2=53.

Moyenne pondérée =
$$\frac{35 \times 3 + 36 \times 7 + 37 \times 8 + 38 \times 7 + 39 \times 7 + 40 \times 4 + 41 \times 8 + 42 \times 7 + 44 \times 2}{53}$$
 Moyenne pondérée =
$$\frac{105 + 252 + 296 + 266 + 273 + 160 + 328 + 294 + 88}{53}$$
 Moyenne pondérée =
$$\frac{2062}{53} \simeq 39$$

La moyenne pondérée des pointures d'environ 39.

Remarque: Lorsque chaque valeur d'une série statistique a le même nombre d'effectif, il suffit d'additionner toutes les valeurs et de diviser la somme par l'effectif total.

On parle alors de moyenne simple.