II Moyenne pondérée

Dans une série statistique, toutes les valeurs n'ont pas forcément le même nombre d'effectif et donc n'ont pas la même importance.

On utilise alors la moyenne pondérée : chaque donnée a un « poids » différent.

Définition: Pour calculer la moyenne pondérée d'une série statistique:

- on multiplie chaque valeur par son effectif,
- ensuite on additionne tous les produits obtenus,
- puis on divise cette somme par l'effectif total.

Exemple: Reprenons l'exemple précédent.

| Notes au devoir | 7 | 10 | 12 | 13 | 15 | 18 | 20 |
|-----------------|---|----|----|----|----|----|----|
| Effectif | 3 | 1 | 2 | 4 | 2 | 3 | 9 |

Moyenne pondérée =
$$\frac{7\times 3+10\times 1+12\times 2+13\times 4+15\times 2+18\times 3+20\times 9}{24}$$
 Moyenne pondérée =
$$\frac{21+10+24+52+30+54+180}{24}$$
 Moyenne pondérée =
$$\frac{371}{24}\simeq 15,46$$

La moyenne pondérée des notes pour ce devoir est d'environ 15,46/20.

Exemple: Nous étudions les pointures des chaussures vendues dans un magasin.

- **Population :** L'ensemble des chaussures vendues par le magasin.
- Caractère : La pointure.

| Pointures | 35 | 36 | 37 | 38 | 39 | 40 | 41 | 42 | 44 |
|-----------|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| Effectif | 3 | 7 | 8 | 7 | 7 | 4 | 8 | 7 | 2 |

• Effectif total = 3+7+8+7+7+4+8+7+2=53.

Moyenne pondérée =
$$\frac{35 \times 3 + 36 \times 7 + 37 \times 8 + 38 \times 7 + 39 \times 7 + 40 \times 4 + 41 \times 8 + 42 \times 7 + 44 \times 2}{53}$$
 Moyenne pondérée =
$$\frac{105 + 252 + 296 + 266 + 273 + 160 + 328 + 294 + 88}{53}$$
 Moyenne pondérée =
$$\frac{2062}{53} \simeq 39$$

La moyenne pondérée des pointures est d'environ 39.

Remarque: Lorsque chaque valeur d'une série statistique a le même nombre d'effectif, il suffit d'additionner toutes les valeurs et de diviser la somme par le nombre de valeurs.

On parle alors de moyenne simple.