

Câu 1: Trong giải thuật RSA, để tạo khóa công khai, ta cần chọn hai số nguyên tố p và q . Nếu $p = 3$ và $q = 5$, thì n bằng bao nhiêu?

Giải: $n = p * q = 3 * 5 = 15$

Câu 2: Cho $n = 10000$, $a = 10023$, $b = 10004$. Giá trị của biểu thức $(a*b) \bmod n$ là bao nhiêu?

Giải: $a * b \bmod n = 10023 * 10004 \bmod 10000 = 92$

Câu 3: Trong hệ mật mã RSA, Alice chọn 2 số nguyên tố $p = 13$, $q = 23$. Hỏi Alice phải chọn e bằng bao nhiêu là hợp lệ?

Giải:

$$n = p * q = 13 * 23 = 299$$

$$\phi(n) = 12 * 22 = 264$$

Chọn $e = 5$ vì $e = 5$ nguyên tố cùng nhau với $\phi(n)$

Câu 4: Trong hệ mật mã RSA, Alice chọn 2 số nguyên tố $p = 37$, $q = 43$. Hỏi Alice phải chọn e bằng bao nhiêu là hợp lệ?

$$n = p * q = 37 * 43 = 1591$$

$$\phi(n) = 36 * 42 = 1512$$

Chọn $e = 5$ vì $e = 5$ nguyên tố cùng nhau với $\phi(n)$

Câu 5: Trong hệ RSA, Với $n = 15$ và $\Phi(n) = 8$, giá trị e hợp lệ phải thỏa mãn điều kiện gì?

Giải: chọn $e = 3$ vì $e = 3$ nguyên tố cùng nhau với $\phi(n)$

Câu 6: Trong RSA, để mã hóa thông điệp m ở chế độ bảo mật, ta sử dụng công thức nào?

Giải: $C = M^e \bmod n$

Câu 7: Để giải mã bản mã c trong RSA hoạt động ở chế độ xác thực, ta sử dụng công thức nào?

Giải: $M = C^d \bmod n$

Câu 8: Trong hệ mật mã RSA hoạt động ở chế độ bảo mật, Với $n = 21$, $e = 5$, để mã hóa thông điệp $m = 2$, bản mã c sẽ là:

Giải: $C = M^e \bmod n = 2^5 \bmod 21 = 11$

Câu 9: Trong hệ mật mã RSA hoạt động ở chế độ bảo mật, Alice chọn 2 số nguyên tố $p = 19$, $q = 5$ và $e = 5$. Bob muốn gửi cho Alice bản tin $M = 15$. Hỏi bản mã mà Alice gửi đến Bob là bao nhiêu?

Giải: $n = p * q = 95$

$C = M^e \bmod n = 15^5 \bmod 95 = 40$

Câu 10: Trong hệ mật mã RSA hoạt động ở chế độ bảo mật, Alice chọn 2 số nguyên tố $p = 11$, $q = 7$ và $e = 13$. Bob muốn gửi cho Alice bản tin $M = 25$. Hỏi bản mã mà Alice gửi đến Bob là bao nhiêu?

Giải: $n = p * q = 77$

$C = M^e \bmod n = 25^{13} \bmod 77 = 60$

Câu 11: Trong hệ mật mã RSA, Alice chọn 2 số nguyên tố $p = 7$, $q = 37$ và $e = 173$. Bob chọn 2 số nguyên tố $p = 19$, $q = 23$ và $e = 17$. Hỏi khóa bí mật d của Alice và Bob tương ứng là bao nhiêu?

Giải:

Alice: $n = 7 * 37 = 259$

$\phi(n) = 6 * 36 = 216$

$e \cdot d \equiv 1 \bmod \phi(n) \Rightarrow d = 29$

Bob: $n = 19 * 23 = 437$

$\phi(n) = 18 * 22 = 396$

$e \cdot d \equiv 1 \bmod \phi(n) \Rightarrow d = 233$

Câu 12: Trong hệ mật mã RSA, Alice chọn 2 số nguyên tố $p=3$, $q=29$ và $e=3$. Bob chọn 2 số nguyên tố $p=11$, $q=13$ và $e=23$. Hỏi khoá bí mật d của Alice và Bob tương ứng là bao nhiêu?

Giải:

Alice: $n = 3 * 29 = 87$

$\phi(n) = 2 * 28 = 56$

$e.d \equiv 1 \pmod{\phi(n)} \Rightarrow d = 19$

Bob: $n = 11 * 13 = 143$

$\phi(n) = 10 * 12 = 120$

$e.d \equiv 1 \pmod{\phi(n)} \Rightarrow d = 47$

Câu 13: Trong hệ mật mã RSA, Alice chọn 2 số nguyên tố $p=41$, $q=11$ và $e=23$. Bob chọn 2 số nguyên tố $p=23$, $q=5$ và $e=7$. Hỏi khoá bí mật d của Alice và Bob tương ứng là bao nhiêu?

Khóa bí mật của Alice: $d=87$

Khóa bí mật của Bob: $d=63$

Câu 14: Trong hệ mật mã RSA, Alice chọn 2 số nguyên tố $p=41$, $q=11$ và $e=23$. Bob chọn 2 số nguyên tố $p=23$, $q=5$ và $e=7$. Alice muốn gửi cho Bob bản tin $M=256$ một cách bảo mật, bản mã tương ứng là bao nhiêu?

$n(Bob) = 115$

$C = m^e \pmod{n} = 71$