

with(plots) :
with(Student[LinearAlgebra]) :

Noter:
 Rotation ting ting som Christian fil læren til at fortælle ham

Vi starter med at finde vektoren mellem de to punkter \vec{u}
 så rotere vi den rundt om origo med θ og bruger den nye vektor til at gå fra punkt x_0 , og så har vi det nye.

$$\theta := \frac{\pi}{4} :$$

$$P := (1, 1) :$$

RotationMatrix(θ)

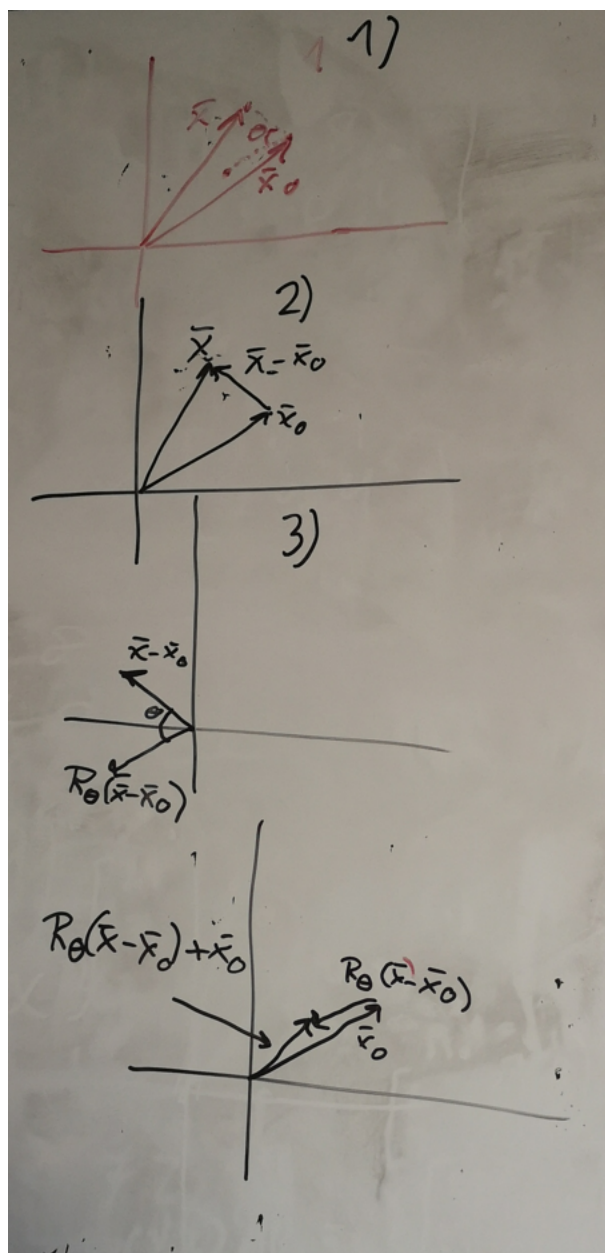
$$\begin{bmatrix} \frac{\sqrt{2}}{2} & -\frac{\sqrt{2}}{2} \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \end{bmatrix} \tag{1}$$

$$T\theta := \begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta \\ \sin \theta & \cos \theta \end{bmatrix} :$$

$$T_a \tag{2}$$

Delopgave 1

(i)



vi skal argumentere for giver formel:

så det vi gerne ville i andre ord er at roter punkt x rundt om punkt x_0 med vinklet θ .

Vi ved hvordan man rotater omkring origo (punkt $(0,0)$) ved hjælp af $R_\theta(x)$

Vi ved at vektoren punktet vi gerne ville rotater er x omkring x_0 . Vi kender jo hvordan man rotater rundt omkring origo og vektoren vi jo gerne ville roter er vektoren fra x_0 til vector x med θ . Vi kan finde vektoren imellem dem ved at trække dem fra hinanden. så vektoren er $x - x_0$ og rotation med theta omkring origo er $R_\theta(x)$ så hvis vi ersatter x med vores vector for vi nu den rotateret vector omkring origo som er $R_\theta(x - x_0)$. vi kan rykke vektoren med frem til pivoted pointet med at lægge pivotpoint vektoren til så vi for $R_\theta(x - x_0) + x_0$

hvilket har givet os formelen:

$$R_{\theta}(x - x_{\theta}) + x_{\theta} = R_{\theta}x + (1 - R_{\theta})x_{\theta}$$

(ii)

løsning 1

Denne opgave er forkert se: <https://panopto.aau.dk/Panopto/Pages/Viewer.aspx?pid=fcc471b5-cabd-40d7-85d6-acc50072e077&id=fea846f7-099c-45c2-92d3-acc40159487d&advance=true>

Vi ved at for at en transformation T kan siges at være lineær er hvis

$$T(\vec{0}) = \vec{0}$$

og at:

$$T(a\vec{u} + b\vec{v}) = aT(\vec{u}) + bT(\vec{v})$$

vi ved at første del af transformation er $T_{\theta,p}(x) = R_{\theta}x + (1 - R_{\theta})x_{\theta}$ så $R_{\theta}(x)$ da vi har fået oplyst så vi kan undersøge om de er lineære hvis disse regler gælder

Regl 1

vi kan finde ud af om regl 1 er sandt ved at sætte $T(\vec{0}) = \vec{0}$

$$T(x) = (1 - R_{\theta})x$$

vi ville gerne finde ud af hvad $T(0)$ er lig med 0

$$T(x) = (1 - R_{\theta})x$$

$$T(0) = (1 - R_{\theta})0$$

$$T(0) = 1 \cdot 0 - R_{\theta} \cdot x$$

$$T(0) = 0 - 0$$

$$T(0) = 0$$

(3)

og som sagt oven over er i beskrivelsen er regl 1 opfyldt

Regl 2

Vi ved jo at regl 2 er:

$$T(a\vec{u} + b\vec{v}) = aT(\vec{u}) + bT(\vec{v})$$

så hvis vi først finder

$T(au + bv)$ og derefter $aT(u) + bT(v)$ og de er det samme så er transformation lineær

$$T(a\vec{u} + b\vec{v})$$

$$T(a\vec{u} + b\vec{v}) = (I - R_\theta) \cdot (a\vec{u} + b\vec{v})$$

$$= I \cdot (a\vec{u} + b\vec{v}) - R_\theta \cdot (a\vec{u} + b\vec{v})$$

$$= I \cdot a\vec{u} + I \cdot b\vec{v} - R_\theta \cdot a\vec{u} - R_\theta \cdot b\vec{v}$$

$$aT(\vec{u}) + bT(\vec{v})$$

$$aT(\vec{u}) + bT(\vec{v}) = a \cdot (I - R_\theta) \cdot \vec{u} + b \cdot (I - R_\theta) \cdot \vec{v}$$

$$= (I - R_\theta) \cdot a\vec{u} + (I - R_\theta) \cdot b\vec{v}$$

$$= I \cdot a\vec{u} - R_\theta \cdot a\vec{u} + I \cdot b\vec{v} - R_\theta \cdot b\vec{v}$$

Konklusion

da begge regler er opfyldt kan vi konkludere at transformation T kan siges at være lineær

løsning 2 :

Vi kan sige at den er lineær hvis $T(x + y) = Tx + Ty$ og at $T(c \cdot x) = c \cdot T(x)$ så hvis vi starter med at renege:

$$T(c \cdot x) = R(c \cdot x) + (I - R)x_0$$

$$c \cdot T(x) = c \cdot (R(x) + (I - R)x_0)$$

$$c \cdot T(x) = c \cdot R(x) + c \cdot (I - R)x_0$$

vi kan se at de 2 linjer at den tilføjet konstant kun er lineær hvis $(I - R)x_0$ er 1 for ellers er de 2 ligninger ikke lig hinanden

(iii)

Da vi oven over har fået af hvide at formelen er $R_\theta(x - x_0) + x_0$

og vi ved at

$$\theta := \frac{\pi}{4}$$

$$\theta := \frac{\pi}{4} \quad (4)$$

$$P := \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$P := \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} \quad (5)$$

vi kender også punktet som det skal dreje omkring

$$\begin{bmatrix} 2 \\ 0 \end{bmatrix}$$

Det betyder vi kan regne resultatet ud sådan her

$$\begin{bmatrix} \cos(\theta) & -\sin(\theta) \\ \sin(\theta) & \cos(\theta) \end{bmatrix} \left(\begin{bmatrix} 2 \\ 0 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} \right) + \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \cos(\theta) & -\sin(\theta) \\ \sin(\theta) & \cos(\theta) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \sqrt{2} \\ 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 + \sqrt{2} \\ 1 \end{bmatrix} \quad (6)$$

$$\begin{bmatrix} 1 + \sqrt{2} \\ 1 \end{bmatrix} \approx \begin{bmatrix} 2,414 \\ 1 \end{bmatrix}$$

(iv)

restart :

Vi ved at rotation for kan udtrykkes som:

$$R_{\theta}x + (1 - R_{\theta})x_{\theta}$$

$$R_{\theta}x + (1 - R_{\theta})x_{\theta} \quad (7)$$

$$\begin{bmatrix} \cos(\theta) & -\sin(\theta) \\ \sin(\theta) & \cos(\theta) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} + \left(1 - \begin{bmatrix} \cos(\theta) & -\sin(\theta) \\ \sin(\theta) & \cos(\theta) \end{bmatrix} \right) \begin{bmatrix} x_0 \\ y_0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \cos(\theta) & -\sin(\theta) \\ \sin(\theta) & \cos(\theta) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 - \cos(\theta) & \sin(\theta) \\ -\sin(\theta) & 1 - \cos(\theta) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_0 \\ y_0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \cos(\theta) & -\sin(\theta) \\ \sin(\theta) & \cos(\theta) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} (1 - \cos(\theta)) x_0 + \sin(\theta) y_0 \\ -\sin(\theta) x_0 + (1 - \cos(\theta)) y_0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \cos(\theta) & -\sin(\theta) \\ \sin(\theta) & \cos(\theta) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} (1 - \cos(\theta)) x_0 + \sin(\theta) y_0 \\ (1 - \cos(\theta)) y_0 - \sin(\theta) x_0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \cos(\theta)x - \sin(\theta)y + (1 - \cos(\theta)) x_0 + \sin(\theta)y_0 \\ \sin(\theta)x + \cos(\theta)y + (1 - \cos(\theta)) y_0 - \sin(\theta) x_0 \end{bmatrix} :$$

Da vi skal have det havde det som rumlig koordinater og vi ved at det kun skal være i kordinat 1 kan vi skrive matrixen som

$$\begin{bmatrix} \cos(\theta)x - \sin(\theta)y + (1 - \cos(\theta)) x_0 + \sin(\theta)y_0 \\ \sin(\theta)x + \cos(\theta)y + (1 - \cos(\theta)) y_0 - \sin(\theta) x_0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

og dette kan også skrives som:

$$\begin{bmatrix} \cos(\theta) & -\sin(\theta) & (1 - \cos(\theta)) x_0 + \sin(\theta)y_0 \\ \sin(\theta) & \cos(\theta) & (1 - \cos(\theta)) y_0 - \sin(\theta) x_0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix}$$

Delopgave 2

(i)

dette kan gøres med at gange Rx på dem alle

(ii)

udrenging af matrice:

$$\theta := \frac{\pi}{2} :$$

$$R_x := \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos(\theta) & -\sin(\theta) \\ 0 & \sin(\theta) & \cos(\theta) \end{bmatrix}$$

$$R_x := \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \quad (8)$$

$$R_y := \begin{bmatrix} \cos(\theta) & 0 & \sin(\theta) \\ 0 & 1 & 0 \\ -\sin(\theta) & 0 & \cos(\theta) \end{bmatrix}$$

$$R_y := \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad (9)$$

$$R_z := \begin{bmatrix} \cos(\theta) & -\sin(\theta) & 0 \\ \sin(\theta) & \cos(\theta) & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$R_z := \begin{bmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (10)$$

$$R = R_z R_y R_x$$

$$R = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad (11)$$

(iii)

For at kunne vise at rotatoinerne sammensætning er det samme som rotation på y akse kan gøre ved at udregne R og R_y og hvis de er det samme så må sammensætningen af tre rotationer så er det faktisk bare

en rotation om y-aksen med en vinkel på $\frac{\pi}{2}$

$$\theta := \frac{\pi}{2} :$$

$$R_y := \begin{bmatrix} \cos(\theta) & 0 & \sin(\theta) \\ 0 & 1 & 0 \\ -\sin(\theta) & 0 & \cos(\theta) \end{bmatrix}$$

$$R_y := \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad (12)$$

$$R = R_z R_y R_x$$

$$R = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad (13)$$

Da de to rotationer er det samme kan vi konkludere at

ammensætningen af tre rotationer så er det faktisk bare en rotation om y-aksen med en vinkel på $\frac{\pi}{2}$

(iv)

tror dette er forkert for vi kan bare finde den reduceret trappeform og finde løsningen

Vi ved at lining systemet er:

$$(R - I)x = 0$$

Vi ved at R er rotations matrixen som lyder:

$$R = R_z R_x R_y = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 1 & \sqrt{2} \\ 1 & 1 & -\sqrt{2} \\ -\sqrt{2} & \sqrt{2} & 0 \end{bmatrix}$$

I er identitet matrixen:

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

I denne opgave skal vi finde x hvor det opfylder

$$(R - I)x = 0$$

og

$$Rx = Ix = x$$

$$\left(\frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 1 & \sqrt{2} \\ 1 & 1 & -\sqrt{2} \\ -\sqrt{2} & \sqrt{2} & 0 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \right)_{x=0} :$$

$$\left(\frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 1 & \sqrt{2} \\ 1 & 1 & -\sqrt{2} \\ -\sqrt{2} & \sqrt{2} & 0 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \right)_{x=0}$$

$$\begin{bmatrix} -\frac{x}{2} & \frac{x}{2} & \frac{x\sqrt{2}}{2} \\ \frac{x}{2} & -\frac{x}{2} & -\frac{x\sqrt{2}}{2} \\ -\frac{x\sqrt{2}}{2} & \frac{x\sqrt{2}}{2} & -x \end{bmatrix} = 0 \quad (14)$$

Hvis vi gætter 0 for vi

$$x := 0$$

$$x := 0 \quad (15)$$

$$\left(\begin{bmatrix} -\frac{1}{2}x & \frac{1}{2}x & \frac{1}{2}x\sqrt{2} \\ \frac{1}{2}x & -\frac{1}{2}x & -\frac{1}{2}x\sqrt{2} \\ -\frac{1}{2}x\sqrt{2} & \frac{1}{2}x\sqrt{2} & -x \end{bmatrix} \right)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad (16)$$

vi kan nu se om svaret passer: $Rx = Ix = x$

$$\frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 1 & \sqrt{2} \\ 1 & 1 & -\sqrt{2} \\ -\sqrt{2} & \sqrt{2} & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad (17)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad (18)$$

Da svaret er det samme på begge sider må det være rigtigt

(v)

(iv)

Delopgave 3

(i)

Vi har 2 kvationer

$$q := \left[1, \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \right] :$$

$$p := \left[1, \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} \right] :$$

$$qp = \left[1 \cdot 1 - \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}, 1 \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} + 1 \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} \right]$$

$$qp = \left[1 - \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} \right]$$

$$qp = \left[1 - \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} \right]$$

$$qp = \left[1 - 0, \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} \right]$$

$$qp = \left[1, \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} \right]$$

$$pq = \left[1 \cdot 1 - \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}, 1 \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} + 1 \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \right]$$

$$pq = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$$

$$pq = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$$

(ii)

der skal vises at $q = [s, \lambda v]$ er en enheds kvaternion når $s^2 + \lambda^2 = 1$ og $\|v\| = 1$

længden kan regnes ud :

$$q^* q = [s, -\lambda v][s, \lambda v]$$

$$= [s \cdot s - (-\lambda v) \cdot \lambda v, 0 \cdot s + 0 \cdot s + 0 \times 0]$$

$$= [s^2 + \|\lambda v\|^2, 0]$$

$$= [s^2 + \lambda^2 \|v\|^2, 0]$$

vi har antaget at $\|v\| = 1$ og $s^2 + \lambda^2$

$$= [1 \cdot 1 \cdot 1, 0]$$

$$= [1, 0]$$

da vi for $[1, 0]$ kan vi antage at $q = [s, \lambda v]$ er en enheds kvaternion når $s^2 + \lambda^2 = 1$ og $\|v\| = 1$

(iii)

Vi skal regne :

$$qpq^{-1} = [s, \lambda v][0, u]q^{-1}$$

$$qpq^{-1} = [s, \lambda v][0, u] \frac{1}{|q|^2} q^*$$

da det er en enheds kvaternion er længden 1

$$qpq^{-1} = [s, \lambda v][0, u] \frac{1}{1} [s, -\lambda v]$$

$$qpq^{-1} = [s, \lambda v][0, u][s, -\lambda v]$$

$$qpq^{-1} = [s, \lambda v](pq^{-1})$$

$$pq^{-1} = [0, u][s, -\lambda v]$$

$$pq^{-1} = [-u \cdot (-\lambda v), su + u \times (-\lambda v)]$$

$$qpq^{-1} = [s\lambda \cdot (u \cdot v) - \lambda v \cdot (su + u \times (-\lambda v)), s \cdot (su + u \times (-\lambda v)) + \lambda^2 (u \cdot v)v + \lambda v \times (su + u \times (-\lambda v))] :$$

$$qpq^{-1} = [s\lambda \cdot (u \cdot v) - \lambda v \cdot (su + u \times (-\lambda v)), s \cdot (su + u \times (-\lambda v)) + \lambda^2 (u \cdot v)v + \lambda v \times (su + u \times (-\lambda v))] :$$

Fordi prikproduktet er symetisk altså rækkefølgen er ligegyldig så står der endelig at de 2 første led er det samme. og fordi $-\lambda v$ prikkes sammen med $su + u \times (-\lambda v)$ og da krydsproduktet står vinkelret på u og $-\lambda v$ så giver det 0

så scalar er = 0

$$= [s\lambda \cdot (u \cdot v) - \lambda v \cdot (su + u \times (-\lambda v)), s(su + u \times (-\lambda v)) + \lambda^2 (u \cdot v)v + \lambda v \times (su + u \times (-\lambda v))]$$

$$qpq^{-1} = [0, s^2 u - s\lambda(u \times v) + \lambda^2 (u \cdot v)v + s\lambda v(v \times u) + \lambda^2 v \times (u \times (-v))]$$

vi for at vide at vis man bytter rundt på rækkefølgen af et krydsprodukt kan man ændre fortegenet

$$qpq^{-1} = [0, s^2 u + 2s\lambda(u \times v) + \lambda^2 (u \times v) \times v]$$

da regne reglen $(x \times y) \times z = (z \cdot x)y - (z \cdot y)x$. så kan vi

$$qpq^{-1} = [0, s^2 u + 2s\lambda(v \times u) + (v \cdot u) \cdot v - (v \cdot v)u + \lambda^2 (u \times v) \times v]$$

$$qpq^{-1} = [0, s^2 u + 2s\lambda(v \times u) + (u \cdot u) \cdot v - 1u + \lambda^2 (u \times v) \times v]$$

$$qpq^{-1} = [0, s^2 u + 2s\lambda(v \times u) + (v \cdot u) \cdot v - u + \lambda^2 (u \times v) \times v]$$

$$qpq^{-1} = [0, (s^2 - \lambda^2)u + 2\lambda^2 (u \cdot v)v + 2s\lambda(v \times u)]$$

(iv)

vi ved at :

$$\sin^2 \frac{\theta}{2} = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \cos(\theta)$$

$$\cos^2 \frac{\theta}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cos \theta$$

$$2 \cos \frac{\theta}{2} \sin \frac{\theta}{2} = \sin \theta$$

Vi skal se om vi kan få .. ud fra tidligere resultat når $s = \cos\left(\frac{\theta}{2}\right)$ og $\lambda = \sin\left(\frac{\theta}{2}\right)$

$$s := \cos\left(\frac{\theta}{2}\right)$$

$$s := \cos\left(\frac{\theta}{2}\right) \quad (19)$$

$$\lambda := \sin\left(\frac{\theta}{2}\right)$$

$$\lambda := \sin\left(\frac{\theta}{2}\right) \quad (20)$$

$$2 \lambda^2 (v \cdot u) v + (s^2 - \lambda^2) u + 2 \lambda s (v \times u) \\ 2 \sin^2\left(\frac{\theta}{2}\right) (v \cdot u) v + \left(-\sin^2\left(\frac{\theta}{2}\right) + \cos^2\left(\frac{\theta}{2}\right)\right) u + 2 \lambda s (u \times v) \quad (21)$$

$$2 \sin^2\left(\frac{\theta}{2}\right) (v \cdot u) v + \left(-\sin^2\left(\frac{\theta}{2}\right) + \cos^2\left(\frac{\theta}{2}\right)\right) u + 2 \lambda s (u \times v)$$

(v)

Delopgave 4

Dette er matlab opgaver

(i)

(ii)

(iii)