# Sprawozdanie z drugiej części projektu z przedmiotu "Technika Automatyzacji Procesów"

Numer zadania: 3 Wykonawcy: Dawidiuk Marek Giełdowski Daniel Kłos Maciej Taras Sylwia

## Spis treści

1.	Opis otrzymanego modelu	2
2.	Zadanie projektowe	4
	2.1. PID	
	2.2. Regulacia DMC	

### 1. Opis otrzymanego modelu

W ramach tego projektu analizowaliśmy otrzymany model obiektu znanego jako reaktor przepływowy. Obiekt składa się z pojemnika wypełnionego cieczą z rozpuszczoną nieokreśloną substancją. Do pojemnika wpływa strumieniem  $F_{in}$  ciecz o określonej temperaturze  $T_{in}$  oraz stężeniu rozpuszczonej substancji  $C_{Ain}$ . W pojemniku jest określona ilość cieczy V w określonej temperaturze T. Ciecz z pojemnika wypływa strumieniem F, zawierając stężenie  $C_A$  rozpuszczonej substancji. Dodatkowo przez pojemnik przeprowadzona jest rura odpowiedzialna za chłodzenie bądź podgrzewanie, którą strumieniem  $F_C$  płynie ciecz o temperaturze wejściowej  $T_{Cin}$ .

Obiekt opisany jest następującymi równaniami:

$$\begin{cases}
V \cdot \frac{dC_A}{dt} = F_{in} \cdot C_{Ain} - F \cdot C_A - V \cdot k_0 \cdot e^{-\frac{E}{R \cdot T}} \cdot C_A \\
V \cdot \rho \cdot c_p \cdot \frac{dT}{dt} = F_{in} \cdot \rho \cdot c_p \cdot T_{in} - F \cdot \rho \cdot c_p \cdot T + V \cdot h \cdot k_0 \cdot e^{-\frac{E}{R \cdot T}} \cdot C_A - \frac{a \cdot (F_C)^{b+1}}{F_C + \frac{a \cdot (F_C)^b}{2 \cdot \rho_C \cdot c_{pc}}} \cdot (T - T_{Cin})
\end{cases}$$
(1.1)

W równaniach występują stałe o podanych wartościach:

$$- \rho = \rho_c = 10^6 \frac{g}{m^3}$$

$$- c_p = c_{pc} = 1 \frac{cal}{g \cdot K}$$

$$- k_0 = 10^{10} \frac{1}{min}$$

$$- \frac{E}{R} = 8330, 1 \frac{1}{K}$$

$$- h = 130 \cdot 10^6 \frac{cal}{kmol}$$

$$- a = 1,678 \cdot 10^6 \frac{cal}{K \cdot m^3}$$

$$- b = 0,5$$

Na potrzeby linearyzacji otrzymaliśmy także dane odnośnie wartości zmiennych modelu w zadanym punkcie pracy układu:

$$-V = 1m^{3}$$

$$-F_{in} = F = 1 \frac{m^{3}}{min}$$

$$-C_{Ain} = 2 \frac{kmol}{m^{3}}$$

$$-F_{C} = 15 \frac{m^{3}}{min}$$

$$-T_{in} = 323K$$

$$-T_{Cin} = 365K$$

$$-C_{A} = 0, 26 \frac{kmol}{m^{3}}$$

$$-T = 393, 9K$$

W ramach zadania wielkości te podzielone zostały na 4 grupy:

— stałe -  $V, F, F_{in}$ — regulowane -  $C_A, T$ — sterujące -  $C_{Ain}, F_C$ — zakłócenia -  $T_{in}, T_{Cin}$  Po zastąpieniu stałych w równaniach liczbami, otrzymywany jest następujący układ równań:

$$\begin{cases}
\frac{dC_A}{dt} = C_{Ain} - C_A - 10^{10} \cdot e^{-\frac{8330,1}{T}} \cdot C_A \\
\frac{dT}{dt} = T_{in} - T + 130 \cdot 10^{10} \cdot e^{-\frac{8330,1}{T}} \cdot C_A - \frac{1,678 \cdot (F_C)^{1,5}}{F_C + 0,839 \cdot (F_C)^{0,5}} (T - T_{Cin})
\end{cases}$$
(1.2)

Ostatnią rzeczą jaka musiała zostać wzięta pod uwagę było dokładniejsze określenie wartości wyjść w punkcie pracy, ponieważ te podane w zadaniu były przybliżone. Podczas realizacji pierwszej części projektu otrzymaliśmy w przybliżeniu  $C_A=0,2646$  oraz T=393,9531.

#### 2. Zadanie projektowe

Zadaniem projektowym tej części naszej pracy było przygotowanie oraz dobranie optymalnych nastawów regulatorów w środowisku Matlab. W części a) należało dobrać strukturę i nastawy dwupętlowego układu regulacji PI/PID z odsprzęganiem i bez odsprzęgania. Kolejno, należało zaprojektować i zaimplementować analityczny regulator predykcyjny z uwzględnieniem ograniczeń przez rzutowanie oraz, w części c), numeryczny regulator predykcyjny z uwzględnieniem ograniczeń na sterowanie. Następnie należało porównać działanie tych regulatorów. Algorymem regulatora jaki należało zaimplementować w części b) i c) w ramach naszego zadania był regulator predykcyjny DMC (Dynamic Matrix Control)

#### 2.1. PID

Zadanie implementacji dwupętlowego regulatora PID podzieliliśmy na kilka etapów. W pierwszym etapie należało uzależnić odpowiednio wejścia od wyjść. Zdecydowaliśmy się połączyć sterowanie  $F_C$  z uchybem wyjścia  $C_A$ , a sterowanie  $C_{Ain}$  z uchybem T. Wybór ten został starannie przemyślany. Po pierwsze w tej konfiguracji wzrost sterowania oznaczał wzrost wartości odpowiadającego my wyjścia. Po drugie transmitancja ciągła  $C_A$  względem  $C_{Ain}$  zawiera biegun niestabilny w liczniku. Dodatkowo dla odwrotne połączenie zostało sprawdzone symulacyjnie i dobranie dobrych nastaw regulatora nie było możliwe.

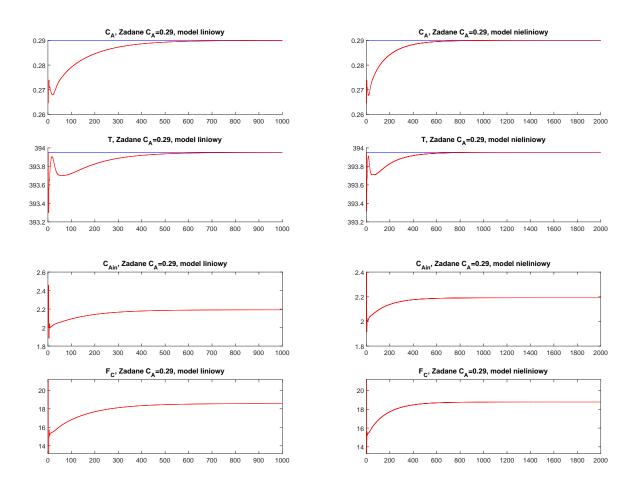
Drugim etapem było dobranie nastaw regulatorów. Podczas dobierania nastaw korzystaliśmy z utworzonego w pierwszej części projektu modelu zlinearyzowanego obiektu. Ostateczne dobrane nastawy przedstawione zostały przez nas w tabeli poniżej.

Trzecim i ostatnim etapem było przetestowanie nastrojonego układu regulacji dla obiektu nieliniowego. Efekty tego procesu dla różnych zmian wartości zadanej i zakłóceń przedstawiliśmy na wykresach poniżej. Dla każdego przebiegu modelu nieliniowego zamieściliśmy także przebieg dla modelu zlinearyzowanego w celach porównawczych. O ile model liniowy poradził sobie znakomicie we wszystkich sytuacjach, tak model nieliniowy nie do końca. Na rysunku 2.1 widać wyraźnie, że w niektórych dla dużego skoku zakłócenia T model ten nie poradził sobie z utrzymaniem wartości zadanej.

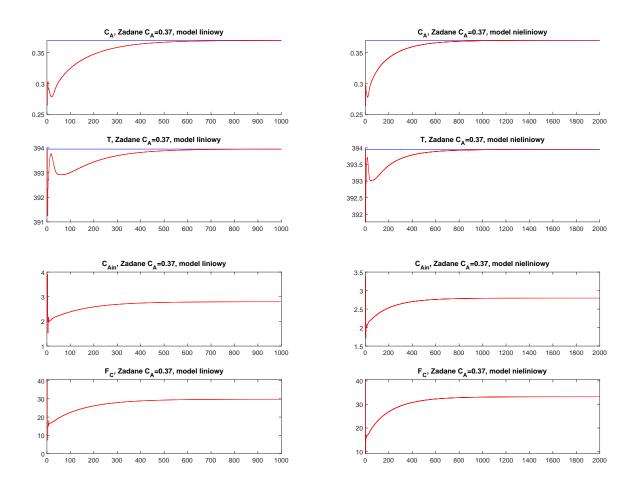
$$\frac{C_A(s)}{C_{Ain}(s)} = \frac{s - 5,769}{s^2 + 1,79s + 35,83} \tag{2.1}$$

Uchyb na wejściu	Wyjście	Kp	Ti	Td
$C_A$	$F_C$	2	0,03	2
T	$C_{Ain}$	0,1	0,5	0,1

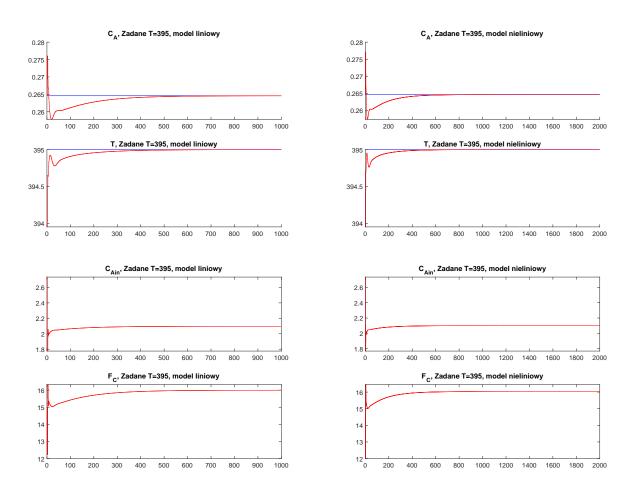
Tab. 2.1. Ostateczne nastawy regulatorów PID



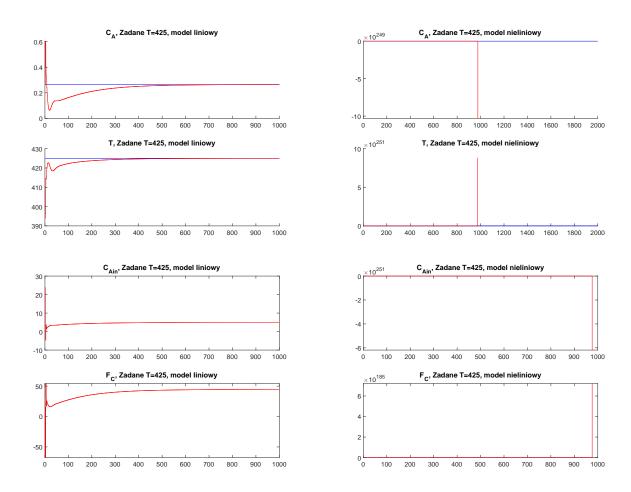
Rys. 2.1. Regulacja PID - skok wartości zadanej  $\mathcal{C}_A$  do 0.29



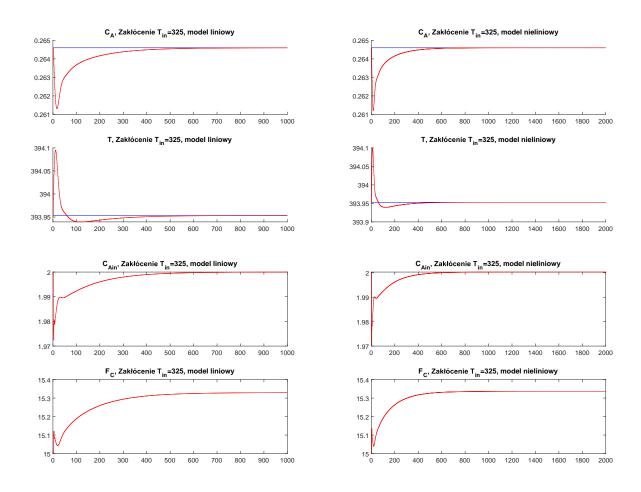
Rys. 2.2. Regulacja PID - skok wartości zadanej  $\mathcal{C}_A$  do 0.37



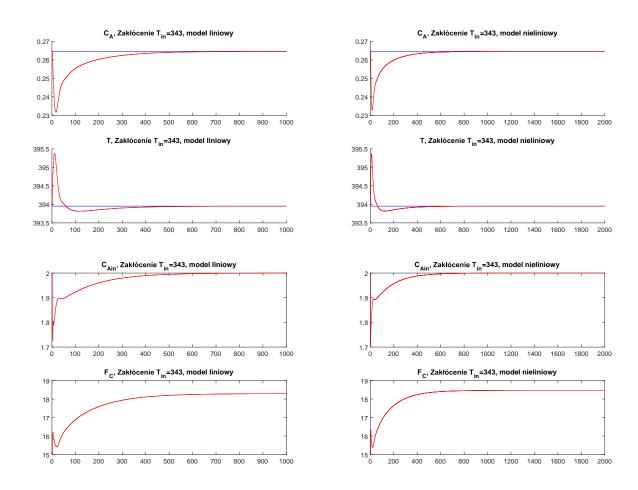
Rys. 2.3. Regulacja PID - skok wartości zadanej T do  $395\,$ 



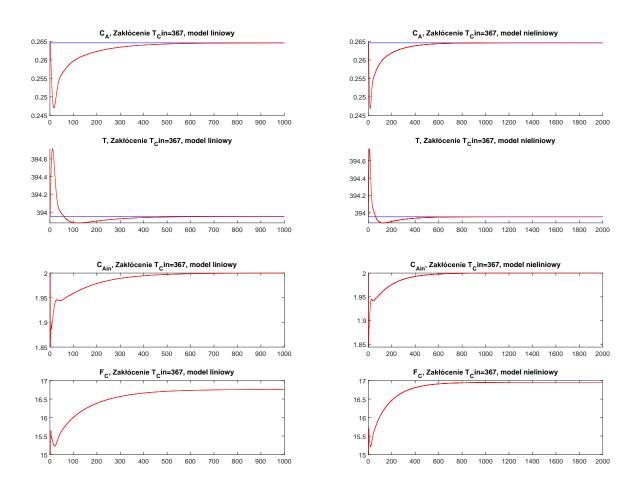
Rys. 2.4. Regulacja PID - skok wartości zadanej T do  $425\,$ 



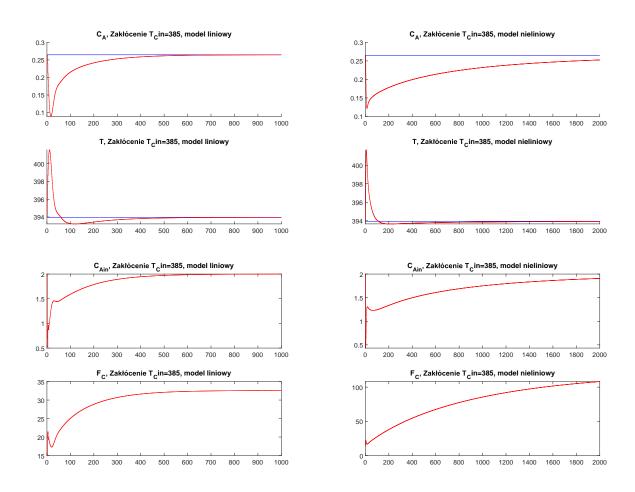
Rys. 2.5. Regulacja PID - skok zakłócenia  $T_{in}$  do 325



Rys. 2.6. Regulacja PID - skok zakłócenia  $T_{in}$  do 343

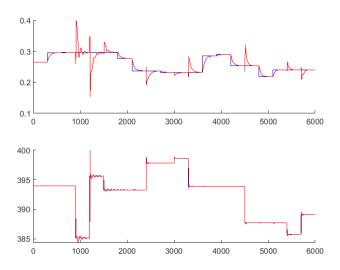


Rys. 2.7. Regulacja PID - skok zakłócenia  $T_{Cin}$  do 367

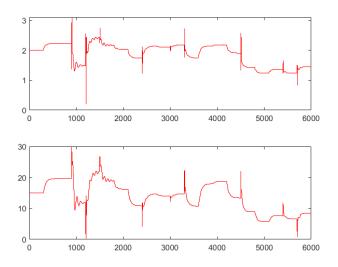


Rys. 2.8. Regulacja PID - skok zakłócenia  $T_{Cin}$  do 385

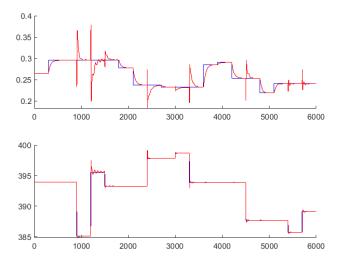
### 2.2. Regulacja DMC



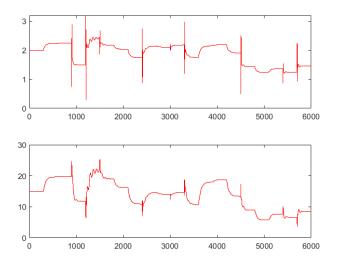
Rys. 2.9. Regulacja DMC analityczna - wyjście na tle wartości zadanej



Rys. 2.10. Regulacja DMC analityczna - sterowanie

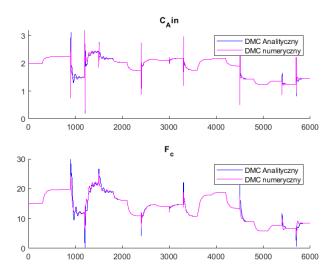


Rys. 2.11. Regulacja DMC numeryczna - wyjście na tle wartości zadanej

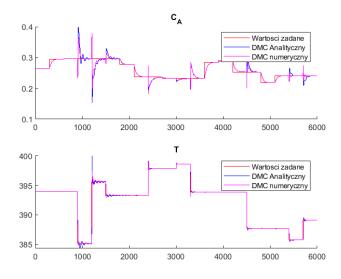


Rys. 2.12. Regulacja DMC numeryczna - sterowanie

Działanie prezentowanych powyżej algorytmów najłatwiej porównać będzie prezentując je na wspólnym rysunku. Zgodnie z oczekiwaniami, regulacja przebieg w podobny sposób dla obu implementacji regulatora. W obu przypadkach występują oscylacje wyjścia przy dużych skokach wartości zadanej dla wyjścia T procesu. Dla niewielkich skoków, regulatory porównywalnie szybko sprowadzają wartość wyjścia T do zadanego poziomu. Wyjście CA również zachowuje porównywalny przebieg przy zastosowaniu regulatora analitycznego, czy numerycznego. Ta zmienna wyjściowa, nieco wrażliwsza w regulacji, a oba typy regulatorów spowodowały zbliżony, a często pokrywający się przebieg, z podobnymi wysokościami przeregulowania. Należy jednak zaznaczyć, że mimo podobieństwa wyników i przebiegu sterowań, obliczenia dla algorytmu numerycznego trwały znacznie dłużej niż dla analitycznego.



Rys. 2.13. Regulacja DMC analityczna i numeryczna - sterowanie



Rys. 2.14. Regulacja DMC analityczna i numeryczna - wyjścia