

# Homework3

Daniel de Souza Sobrinho Macedo RA: 813524

## Inicialização das bibliotecas

```
#install.packages("lmtest")

library(BatchGetSymbols)
library(tidyverse)
library(ggthemes)
library(FinTS)
library(WriteXLS)
library(xtable)
library(tbl2xts)
library(forecast)
library(tseries)
library(timeSeries)
```

## Análise inicial dos dados:

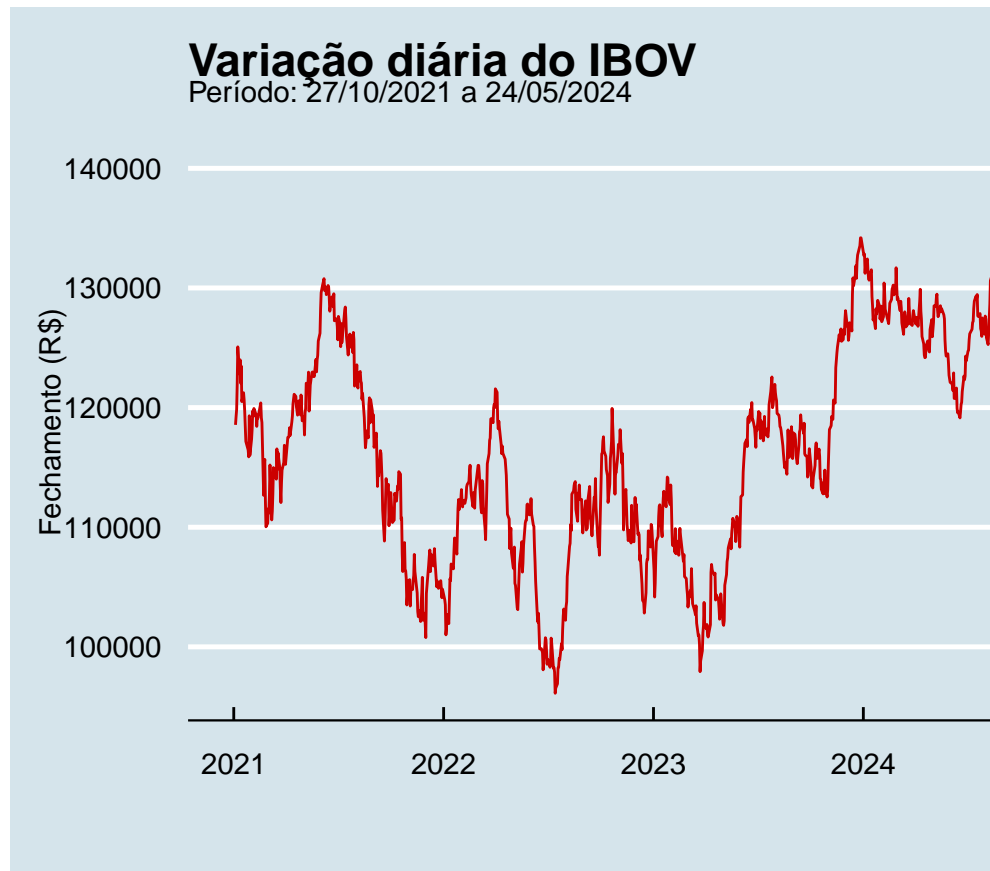
Coleta e preparação dos dados do IBOVESPA desde 01/01/2021:

```
dados_ibov <- BatchGetSymbols("^BVSP",
                             first.date = '2021-01-01',
                             last.date = Sys.time(),
                             type.return = "log",
                             freq.data = "daily")[[2]]

serie_retornos <- dados_ibov %>%
  select(ref.date, ticker, ret.closing.prices) %>%
  select(ret.closing.prices) %>%
  slice(-1)

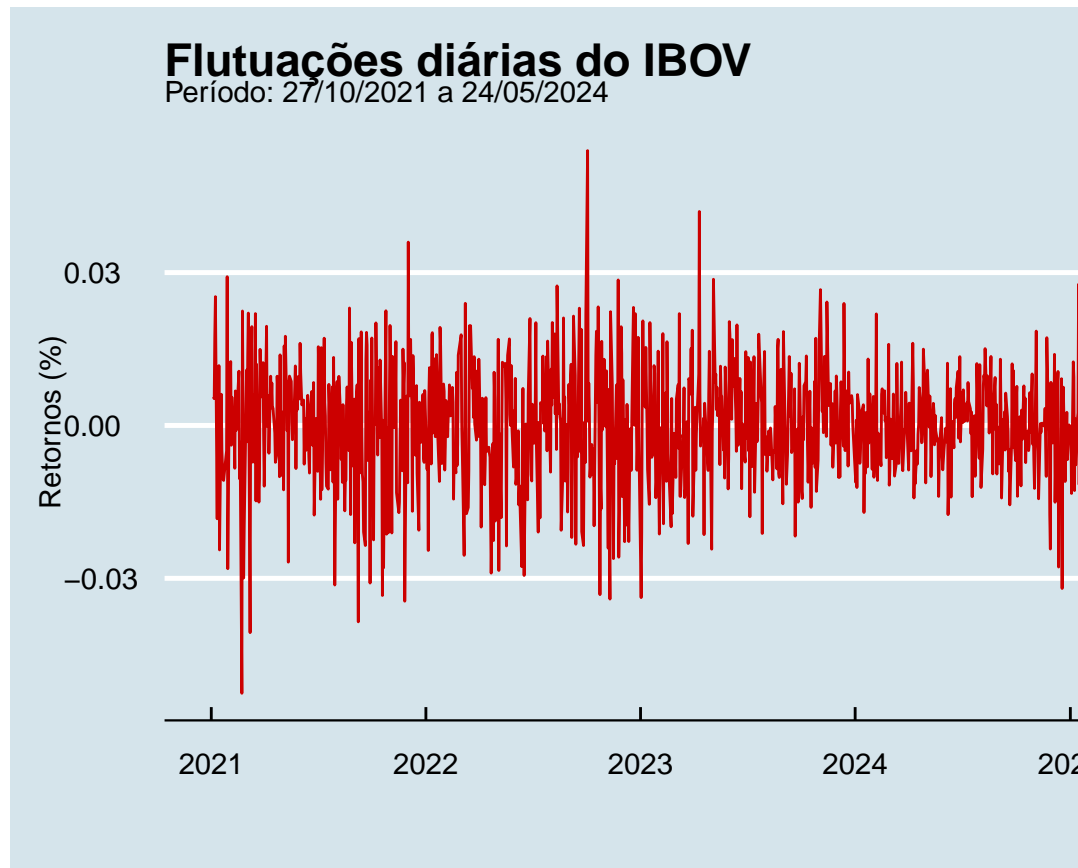
serie_retornos <- as.ts(serie_retornos)
```

```
grafico_precos <- ggplot(dados_ibov, aes(ref.date, price.close)) +
  geom_line(color = '#CC0000') +
  labs(x = "", y = 'Fechamento (R$)', title = "Variação diária do IBOV",
       subtitle = "Período: 27/10/2021 a 24/05/2024", caption = "Fonte: B3") +
  theme_economist()
grafico_precos
```



Evolução dos preços da Ibovespa:

```
grafico_retornos <- ggplot(dados_ibov, aes(ref.date, ret.closing.prices)) +  
  geom_line(color = '#CC0000') +  
  labs(x = "", y = 'Retornos (%)', title = "Flutuações diárias do IBOV",  
       subtitle = "Período: 27/10/2021 a 24/05/2024", caption = "Fonte: B3") +  
  theme_economist()  
grafico_retornos
```



Variação percentual diária

## Identificação de modelos:

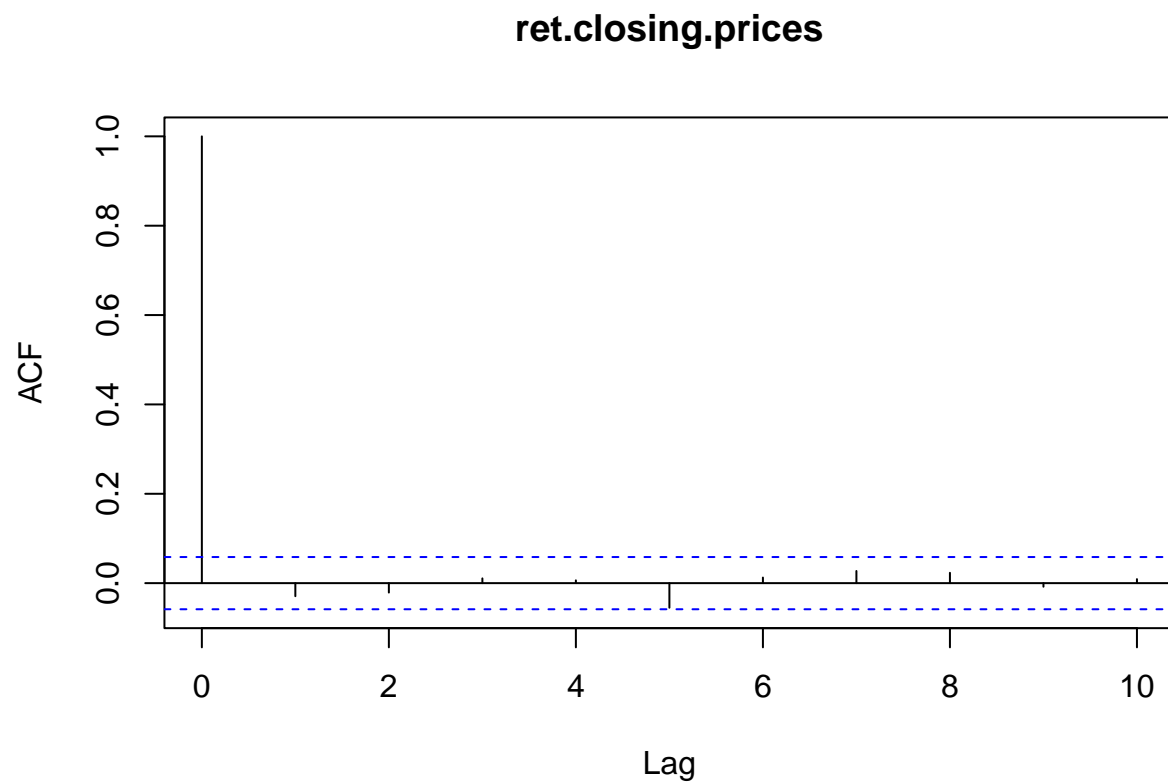
Utilizando `auto.arima` para sugestão automática de modelo

```
auto.arima(serie_retornos)
```

```
## Series: serie_retornos  
## ARIMA(0,0,0) with zero mean  
##  
## sigma^2 = 0.00013: log likelihood = 3439.93  
## AIC=-6877.85 AICc=-6877.85 BIC=-6872.83
```

## Análise de autocorrelação (FAC)

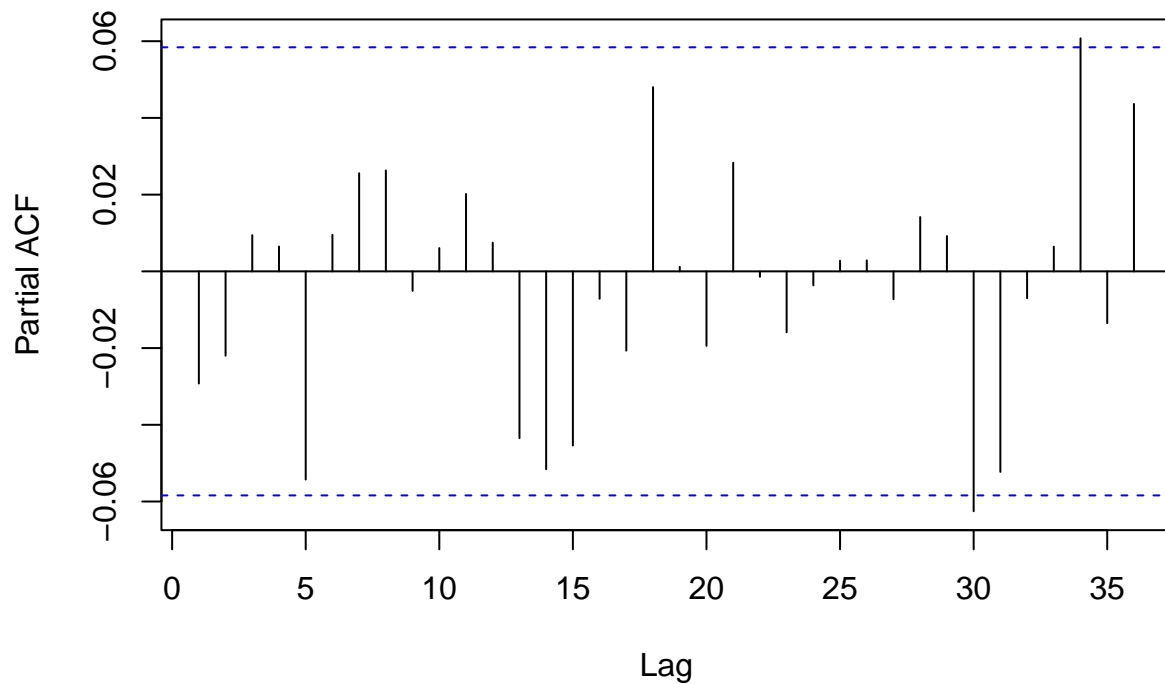
```
acf(serie_retornos, lag.max = 10)
```



Análise parcial de autocorrelação (FACP)

```
pacf(serie_retornos, lag.max = 36)
```

## Series serie\_retornos



Verificação via AIC e BIC (modelo ARMA)

```
melhor_aic <- Inf
melhor_bic <- Inf
melhor_arma_aic <- c(0, 0)
melhor_arma_bic <- c(0, 0)

for (p in 0:5) {
  for (q in 0:5) {
    tryCatch({
      modelo_temp <- Arima(serie_retornos, order = c(p, 0, q))
      if (AIC(modelo_temp) < melhor_aic) {
        melhor_aic <- AIC(modelo_temp)
        melhor_arma_aic <- c(p, 0, q)
      }
      if (BIC(modelo_temp) < melhor_bic) {
        melhor_bic <- BIC(modelo_temp)
        melhor_arma_bic <- c(p, 0, q)
      }
    }, error = function(e) NULL)
  }
}

cat("Modelo ótimo segundo AIC: ", melhor_arma_aic, "\n")
```

```
## Modelo ótimo segundo AIC: 3 0 3
```

```
cat("Modelo ótimo segundo BIC: ", melhor_arma_bic, "\n")
```

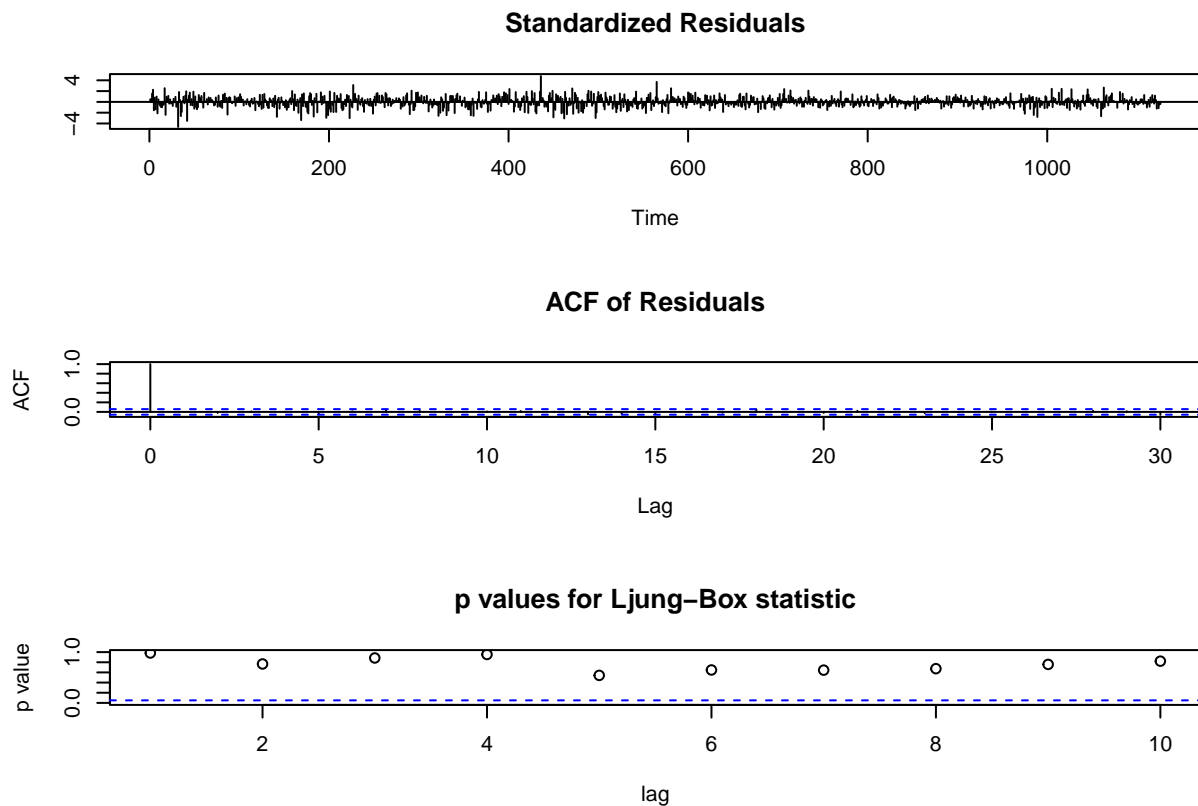
```
## Modelo ótimo segundo BIC: 0 0 0
```

Modelo AR(1) e diagnóstico dos resíduos

```
modelo_ar1 <- arima(serie_retornos, order = c(1, 0, 0))
```

Testes do Box-Pierce e Ljung-Box

```
tsdiag(modelo_ar1)
```



```
Box.test(modelo_ar1$residuals, lag = 1)
```

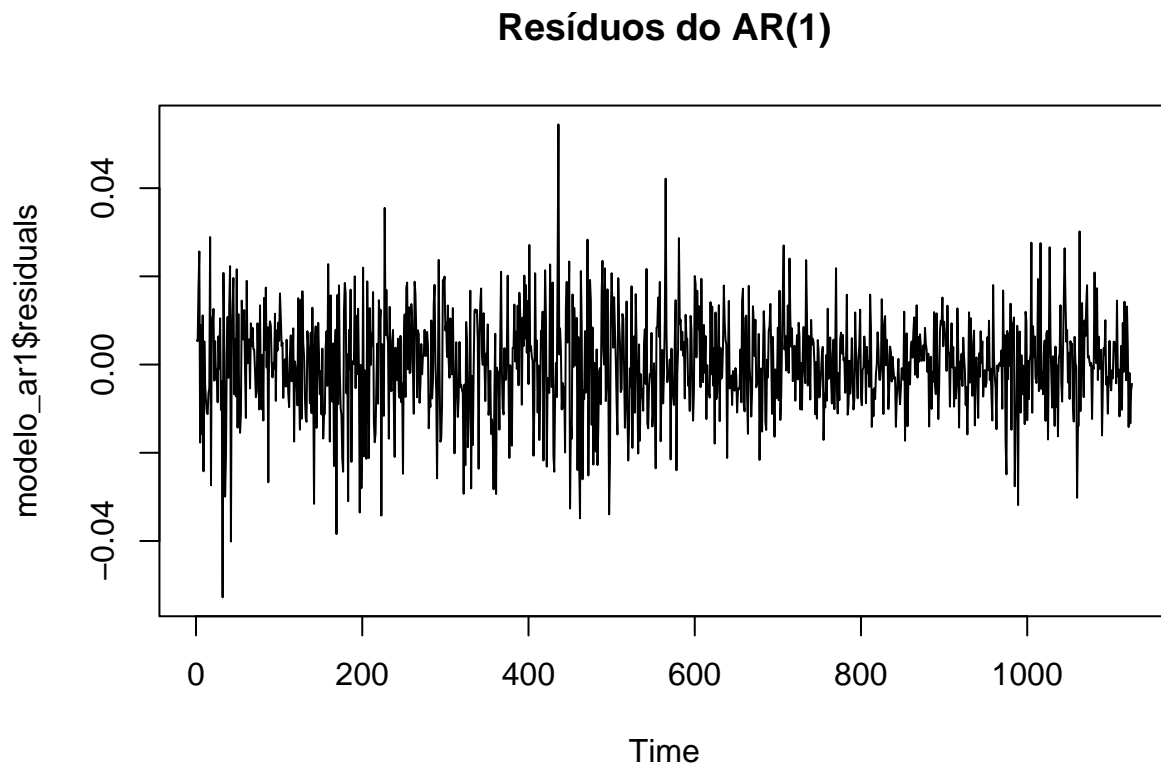
```
##  
## Box-Pierce test  
##  
## data: modelo_ar1$residuals  
## X-squared = 0.00049438, df = 1, p-value = 0.9823
```

```
Box.test(residuals(modelo_ar1), type = "Ljung")
```

```
##  
## Box-Ljung test  
##  
## data: residuals(modelo_ar1)  
## X-squared = 0.0004957, df = 1, p-value = 0.9822
```

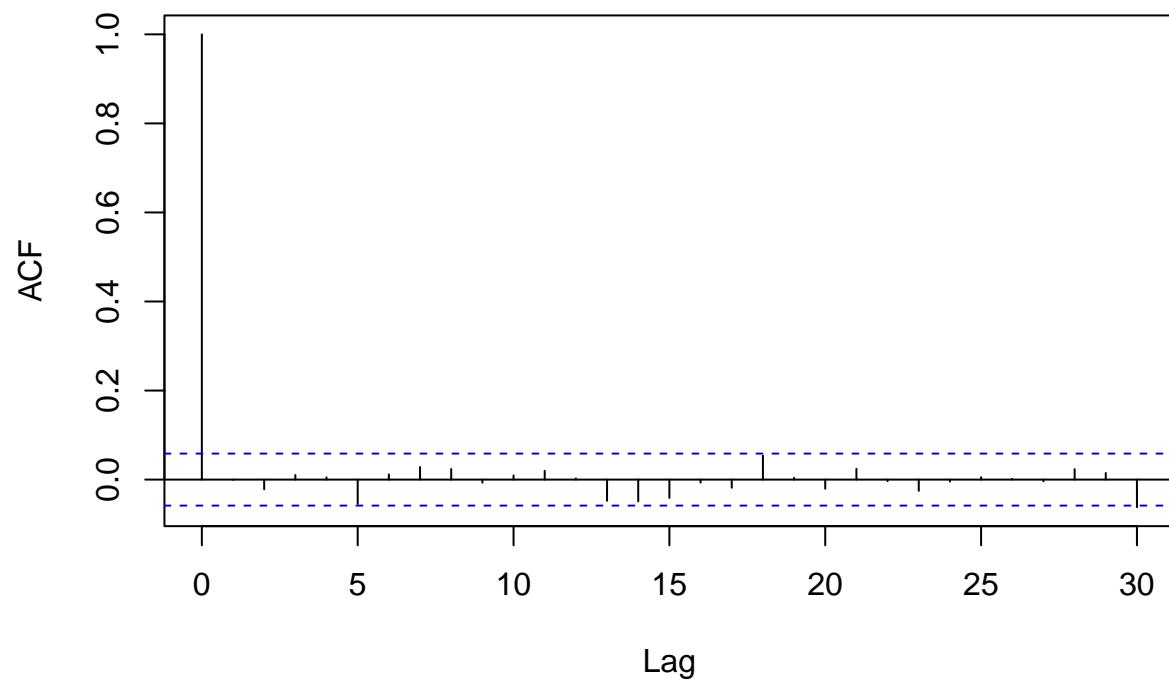
O gráfico dos resíduos e das FAC e FACP dos resíduos

```
plot.ts(modelo_ar1$residuals, main = "Resíduos do AR(1)")
```



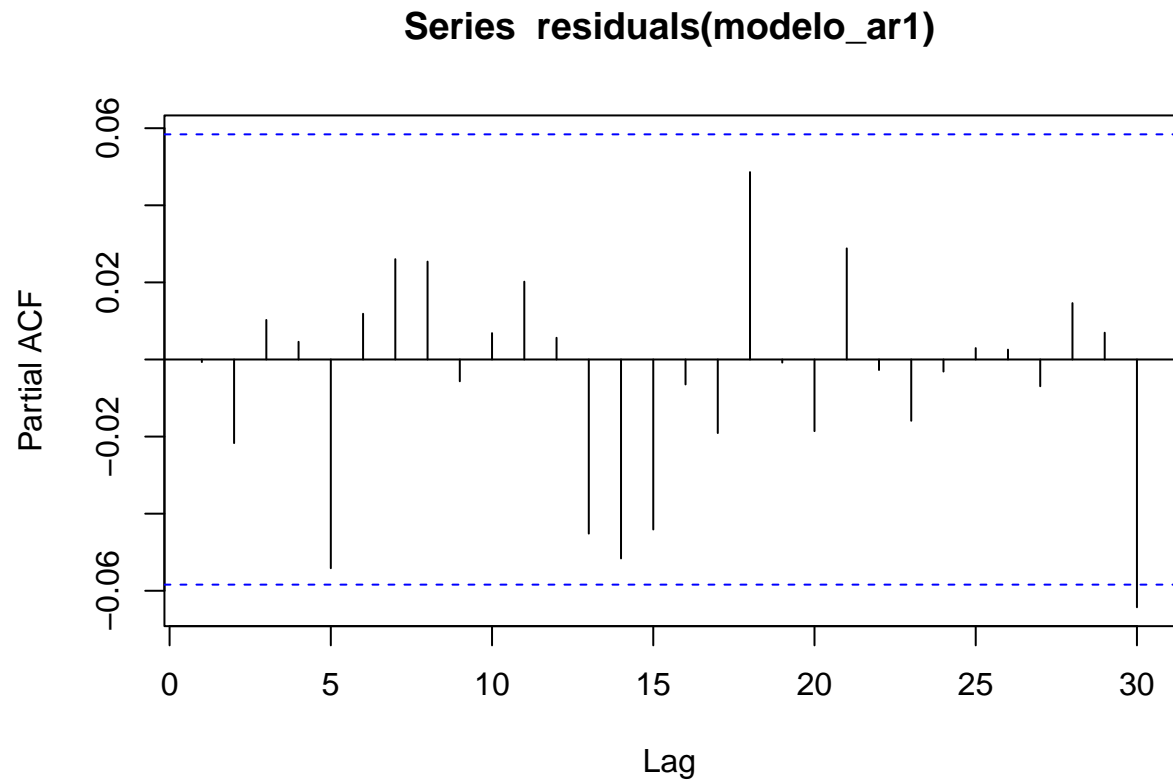
```
acf(residuals(modelo_ar1))
```

### Series residuals(modelo\_ar1)



```
pacf(residuals(modelo_ar1))
```





### Nota-se que os resíduos não apresentam um comportamento típico de ruído branco, parecendo-se mais com a própria série temporal. Dessa forma, podemos concluir que os modelos ARMA não são suficientemente precisos para representar séries temporais financeiras

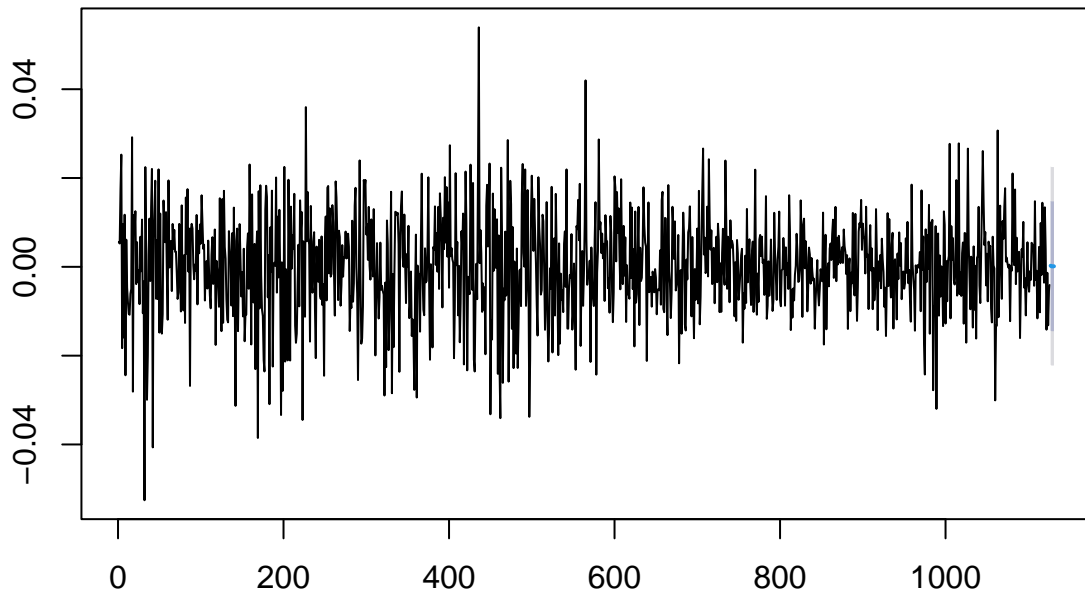
**Previsões futuras com AR(1) dos próximos 5 tempos:**

```
prev <- forecast(modelo_ar1, h = 5)
prev
```

| ##      | Point Forecast | Lo 80       | Hi 80      | Lo 95       | Hi 95      |
|---------|----------------|-------------|------------|-------------|------------|
| ## 1127 | 0.0002446729   | -0.01436092 | 0.01485026 | -0.02209265 | 0.02258200 |
| ## 1128 | 0.0001184200   | -0.01449341 | 0.01473025 | -0.02222845 | 0.02246529 |
| ## 1129 | 0.0001221106   | -0.01448973 | 0.01473395 | -0.02222476 | 0.02246898 |
| ## 1130 | 0.0001220027   | -0.01448983 | 0.01473384 | -0.02222487 | 0.02246888 |
| ## 1131 | 0.0001220059   | -0.01448983 | 0.01473384 | -0.02222487 | 0.02246888 |

```
plot(prev)
```

## Forecasts from ARIMA(1,0,0) with non-zero mean



## Modelos para as ações da GetSP500Stocks

### Coleta dos tickers

```
df_empresas <- GetSP500Stocks()
lista_tickers <- head(df_empresas %>% select(Tickers) %>% slice(-1), 50)
```

Obtivemos as informações de cada ticker e inserimos como uma linha no nosso data.frame. Nesse data.frame, a primeira coluna corresponde ao nome da empresa e a segunda traz a série temporal dos retornos associados a ela.

```
dados_acoes <- data.frame()

for (ticker in lista_tickers$Tickers) {
  tmp <- BatchGetSymbols(ticker,
    first.date = '2019-01-01',
    last.date = Sys.time(),
    type.return = "log",
    freq.data = "daily")[[2]]

  if (nrow(tmp) > 0) {
    dados_acoes <- rbind(dados_acoes, data.frame(
      "Empresa" = ticker,
```

```

    "Serie" = I(list(na.omit(as.ts(tmp$ret$closing.prices))))
  ))
}
}
head(dados_acoes, 5)

```

```

##      Empresa      Serie
## 1      AOS -0.02445....
## 2      ABT -0.04834....
## 3      ABBV -0.03350....
## 4      ACN -0.03473....
## 5      ADBE -0.04029....

```

Com base na série temporal, podemos utilizar a função `auto.arima` para identificar o modelo mais adequado para cada uma delas.

```

modelos <- c()

for (i in 1:nrow(dados_acoes)) {
  modelo_i <- auto.arima(dados_acoes$Serie[[i]])
  modelo_i$series <- dados_acoes$Empresa[[i]]
  modelos <- c(modelos, I(list(modelo_i)))
}

dados_acoes$Modelo <- modelos

```

Por fim, o modelo obtido anteriormente pode ser utilizado para estimar o valor no tempo  $t+1$ .

```

previsoes_t1 <- c()

for (i in 1:nrow(dados_acoes)) {
  pred <- predict(dados_acoes$Modelo[[i]], n.ahead = 1)
  previsoes_t1 <- c(previsoes_t1, pred$pred[1])
}

dados_acoes$Prev_T1 <- previsoes_t1
dados_acoes <- dados_acoes[order(-dados_acoes$Prev_T1), ]
head(data.frame(dados_acoes$Empresa, dados_acoes$Prev_T1), 5)

```

```

##      dados_acoes.Empresa dados_acoes.Prev_T1
## 1              ACGL          0.005171326
## 2              AMP          0.002910074
## 3              ALLE          0.002317148
## 4              AMAT          0.002205528
## 5              AMGN          0.002160119

```

Separação em estimativa e previsão (80/20)

```

serie_amostra <- dados_acoes[1, ]
serie <- serie_amostra$Serie[[1]]
serie_vetor <- as.vector(serie)
serie_limpa <- ts(serie_vetor[!is.null(serie_vetor)])

n_total <- length(serie_limpa)
n_estimativa <- floor(0.8 * n_total)
serie_estimativa <- serie_limpa[1:n_estimativa]
serie_prev <- serie_limpa[(n_estimativa + 1):n_total]

```

```

modelo_final <- auto.arima(serie_estimativa)
previsoes <- forecast(modelo_final, h = length(serie_prev))

resultado <- data.frame(
  Tempo = time(serie_prev),
  Observado = as.numeric(serie_prev),
  Previsto = as.numeric(previsoes$mean),
  Inferior = as.numeric(previsoes$lower[,2]),
  Superior = as.numeric(previsoes$upper[,2])
)

erro <- resultado$Observado - resultado$Previsto
mae <- mean(abs(erro))
mse <- mean(erro^2)

head(resultado, 5)

```

### Treinamento e avaliação do modelo

```

##      Tempo      Observado      Previsto      Inferior      Superior
## 1      1  0.0060903416 -2.018721e-03 -0.04178634  0.03774890
## 2      2 -0.0168383693  3.367197e-03 -0.03647427  0.04320866
## 3      3 -0.0001102954  5.665715e-04 -0.03981089  0.04094403
## 4      4  0.0034127579 -6.180767e-05 -0.04065327  0.04052966
## 5      5 -0.0044057956  2.014699e-03 -0.03857698  0.04260638

```

```
print(paste("Erro absoluto médio (MAE):", mae))
```

```
## [1] "Erro absoluto médio (MAE): 0.0117695493066049"
```

```
print(paste("Erro quadrático médio (MSE):", mse))
```

```
## [1] "Erro quadrático médio (MSE): 0.000266644112680996"
```

```
# Plotar os resultados
```

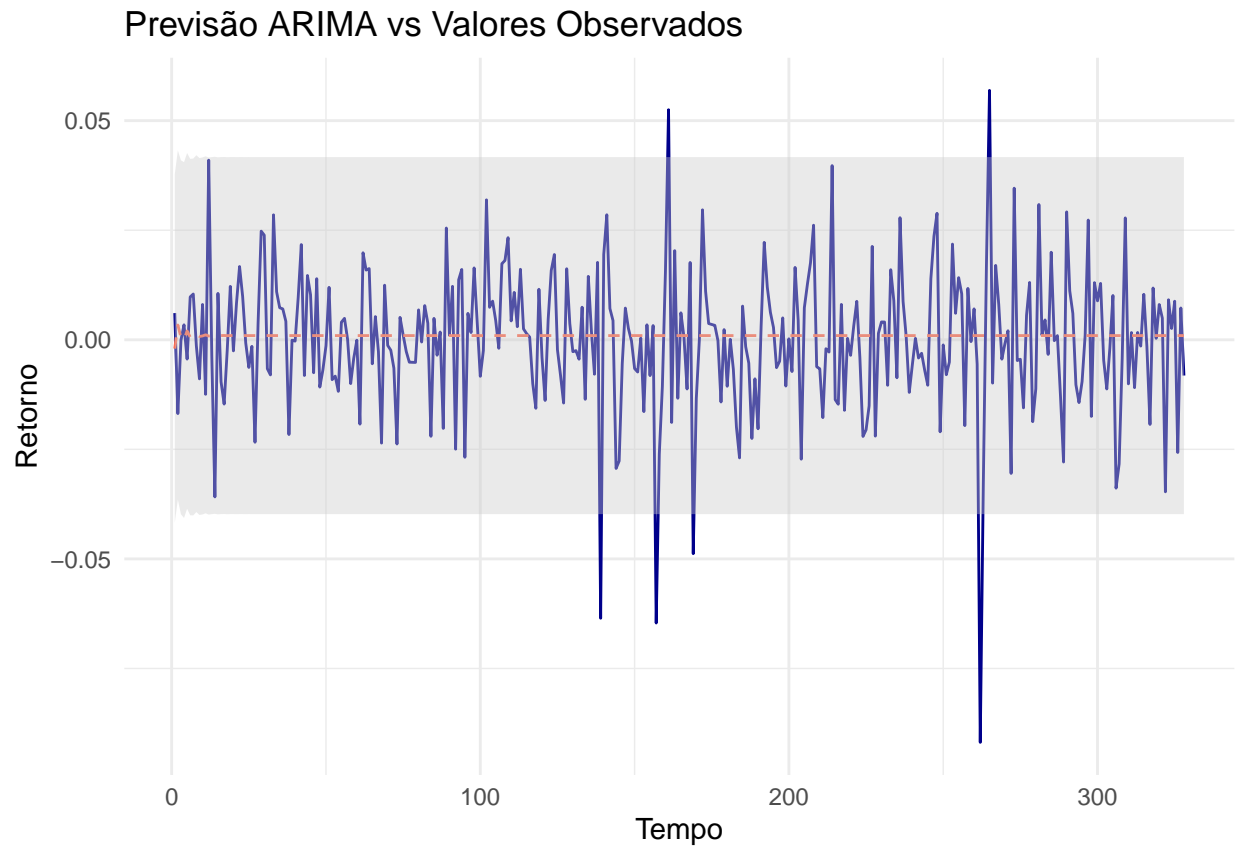
```

grafico_final <- ggplot(resultado, aes(x = Tempo)) +
  geom_line(aes(y = Observado), color = "darkblue") +

```

```
geom_line(aes(y = Previsto), color = "tomato", linetype = "dashed") +
geom_ribbon(aes(ymin = Inferior, ymax = Superior), fill = "gray80", alpha = 0.4) +
labs(title = "Previsão ARIMA vs Valores Observados",
     x = "Tempo", y = "Retorno") +
theme_minimal()
```

grafico\_final



Como podemos ver, as previsões geradas pelo modelo ARIMA não apresentam alta confiabilidade quando aplicadas a séries temporais financeiras