Painel / Meus cursos / SC26EL / 10-Resolução das Equações de Estado / Questionário sobre Resolução das Equações de Estado

Iniciado em domingo, 18 abr 2021, 00:20

Estado Finalizada

Concluída em domingo, 18 abr 2021, 00:52

Tempo 31 minutos 12 segundos
empregado

Notas 3,0/3,0

Avaliar 9,9 de um máximo de 10,0(99%)

Questão **1**

Correto

Atingiu 1,0 de 1,0

Considere o sistema abaixo onde u(t) é um degrau unitário. Obtenha a solução das equações de estado. Considere 3 algarismos significativos após a vírgula.

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -6 & -5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} u$$

$$y = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix}$$

Os polos do sistema são (do maior para o menor): $s_1 =$

- -2
- **✓** e **s**₂ =

~

A solução das equações de estado é dada por $x(t) = e^{At}x(0) + \int_0^t e^{A(t-\tau)}Bu(\tau)d\tau$, onde, $e^{At} = \phi(t) = \mathcal{L}^{-1}\left\{(sI-A)^{-1}\right\}$.

Assim, a matriz $\phi(s) = (sI - A)^{-1}$ tem a forma $\phi(s) = \frac{1}{den(s)} \begin{bmatrix} \phi_{11}(s) & \phi_{12}(s) \\ \phi_{21}(s) & \phi_{22}(s) \end{bmatrix}$. Os coeficientes do polinômio den(s) e dos elementos $\phi_{ij}(s)$ da matriz são:

- den(s) =
- 1
- $\checkmark s^2 +$
- **✓ 5**+
- **~** ;
- $\phi_{11}(s) = 0$
- **✓** s²+
- **✓ s**+
- **v** ;
- $\phi_{12}(s) = 0$
- s^2+
- **✓** 5+
- ~
- $\phi_{21}(s) = 0$
- $\checkmark s^2 +$
- **✓ s**+
- **v** ;
- $\phi_{22}(s) =$

0	
,	c2⊥

~

A matriz $\phi(t) = \mathrm{e}^{At}$ tem a forma $\phi(t) = \begin{bmatrix} \phi_{11}(t) & \phi_{12}(t) \\ \phi_{21}(t) & \phi_{22}(t) \end{bmatrix}$. Os elementos $\phi_{ij}(t)$ da matriz são:

- $\phi_{11}(t) = 3$
- **e**(
- **✓** t)_
- **y** e(
- **✓** t);
- $\frac{\phi_{12}(t) =}{1}$
- **y** e(-2
- **✓** t)_
- 1
- **y** e(-3
- **✓** t);
- $\phi_{21}(t) = 6$
- **y** e(-3
- **✓** t)_
 - 6
- **y** e(-2
- **✓** t);
- $\phi_{22}(t) = \frac{1}{3}$
- **y e**(-3
- **✓** t)_
- 2
- **∨** e(

-2

A solução das equações de estados é dada por:

$$\begin{bmatrix} x_1(t) \\ x_2(t) \end{bmatrix} = e^{At} \begin{bmatrix} x_1(0) \\ x_2(0) \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} f_1(t) \\ f_2(t) \end{bmatrix},$$

onde.

 $f_1(t) = 0.167$

✓ + 0,334

y e(

✓ t)_

0,500

v e⁽

✓ t);

 $f_2(t) =$

y e(-2

✓ t)_

1

✓ e(

✓ t).

Consequentemente, considerando x(0)=0, no instante $t=1\ s$ a saída y(t) do sistema vale:

y(1) = 0,115

-

Para $t \to \infty$, a saída y(t) do sistema vale:

 $y(\infty) = 0,167$

~ .

Questão **2**

Correto

Atingiu 1,0 de 1,0

Considere o sistema abaixo onde u(t) é um degrau unitário. Obtenha a solução das equações de estado. Considere 3 algarismos significativos após a vírgula.

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -4 & -4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} u$$

$$y = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix}$$

Os polos do sistema são: $s_1 =$

- -2
- **✓** e **s**₂ =

~

A solução das equações de estado é dada por $x(t) = e^{At}x(0) + \int_0^t e^{A(t-\tau)}Bu(\tau)d\tau$, onde, $e^{At} = \phi(t) = \mathcal{L}^{-1}\left\{(sI-A)^{-1}\right\}$.

Assim, a matriz $\phi(s) = (sI - A)^{-1}$ tem a forma $\phi(s) = \frac{1}{den(s)} \begin{bmatrix} \phi_{11}(s) & \phi_{12}(s) \\ \phi_{21}(s) & \phi_{22}(s) \end{bmatrix}$. Os coeficientes do polinômio den(s) e dos elementos $\phi_{ij}(s)$ da matriz são:

- den(s) =
- 1
- **✓** s²+
- **✓** 5+
- **v** ;
- $\phi_{11}(s) = 0$
- s^2+
- 4
- **~** ;
- $\phi_{12}(s) = 0$
- s^2+
- **✓** s+
- **~**
- $\phi_{21}(s) = 0$
- s^2+
- **✓** 5+
- **~** ;
- $\phi_{22}(s) =$

- 0
- **✓** s²+
- **√** s+
- ~

A matriz $\phi(t)=e^{At}$ tem a forma $\phi(t)=egin{bmatrix}\phi_{11}(t)&\phi_{12}(t)\\\phi_{21}(t)&\phi_{22}(t)\end{bmatrix}$. Os elementos $\phi_{ij}(t)$ da matriz são:

- $\phi_{11}(t) = 1$
- **v** t)₊
- **v** te(-2
- **✓** t);
- $\phi_{12}(t) = 1$
- **v** te(-2
- **✓** t);
- $\phi_{21}(t) = -4$
- **y** te(
 -2
- **✓** t);
- $\frac{\phi_{22}(t) =}{1}$
- **✓ e**(
- **v** t)+
- ✓ te(
- **✓** t).

A solução das equações de estados é dada por:

$$\begin{bmatrix} x_1(t) \\ x_2(t) \end{bmatrix} = e^{At} \begin{bmatrix} x_1(0) \\ x_2(0) \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} f_1(t) \\ f_2(t) \end{bmatrix},$$

onde,

$$f_1(t) = 0,250$$





- **✓** t)+
- -0,25
- **✓** t);
- $f_2(t) =$
- **y** te(-2
- **✓** t).

Consequentemente, considerando x(0) = 0, no instante t = 1 s a saída y(t) do sistema vale:

y(1) = 0,148

~

Para $t o \infty$, a saída y(t) do sistema vale:

$$y(\infty) = 0.250$$

V

Questão **3**

Parcialmente correto

Atingiu 1,0 de 1,0

Considere o sistema abaixo onde u(t) é um degrau unitário. Obtenha a solução das equações de estado. Considere 3 algarismos significativos após a vírgula.

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -13 & -4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} u$$
$$y = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix}$$

Os polos do sistema são: $s_{1,2} =$

- -2
- **✓** ±**j**

~

A solução das equações de estado é dada por $x(t) = e^{At}x(0) + \int_0^t e^{A(t-\tau)}Bu(\tau)d\tau$, onde, $e^{At} = \phi(t) = \mathcal{L}^{-1}\left\{(sI-A)^{-1}\right\}$.

Assim, a matriz $\phi(s) = (sI - A)^{-1}$ tem a forma $\phi(s) = \frac{1}{den(s)} \begin{bmatrix} \phi_{11}(s) & \phi_{12}(s) \\ \phi_{21}(s) & \phi_{22}(s) \end{bmatrix}$. Os coeficientes do polinômio den(s) e dos elementos $\phi_{ij}(s)$ da matriz são:

- den(s) =
- 1
- $\checkmark s^2 +$
- **✓ 5**+
- **v** ;
- $\phi_{11}(s) = 0$
- **✓** s²+
- 4
- **v** ;
- $\phi_{12}(s) = 0$
- s^2+
- **✓** s+
- **~**
- $\phi_{21}(s) = 0$
- $\checkmark s^2 + 0$
- **✓ s**+
- **~** ;
- $\phi_{22}(s) =$

0

✓ s²+

V 5+

~

A matriz $\phi(t)=e^{At}$ tem a forma $\phi(t)=egin{bmatrix}\phi_{11}(t)&\phi_{12}(t)\\\phi_{21}(t)&\phi_{22}(t)\end{bmatrix}$. Os elementos $\phi_{ij}(t)$ da matriz são:

 $\phi_{11}(t) = e^{\left(\frac{1}{2}\right)^{-2}}$

v t) (

✓ cos(

✓ t)+
0,667

✓ sen(

(t); $\phi_{12}(t) = 0.333$

✓ t) sen(

✓ t);

 $\phi_{21}(t) = -4,333$

y e(-2

✓ t) sen(

✓ t);

 $\phi_{22}(t) = e^{\left(\frac{1}{2}\right)^{2}}$

v t) (

✓ cos(

✓ t)+

✓ sen(

	٠.١	1
~	t)).

A solução das equações de estados é dada por:

$$\begin{bmatrix} x_1(t) \\ x_2(t) \end{bmatrix} = e^{At} \begin{bmatrix} x_1(0) \\ x_2(0) \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} f_1(t) \\ f_2(t) \end{bmatrix},$$

onde,

$$f_1(t) =$$

0,0769

✓ t)(

0,0769

✓ cos(

3

✓ t)+
0,0513

✓ sen(

✓ t));

 $f_2(t) = 0,333$

y e(-2

✓ t) sen(

✓ t).

Consequentemente, considerando x(0) = 0, no instante t = 1 s a saída y(t) do sistema vale:

y(1) = 0,0662

~

Para $t \to \infty$, a saída y(t) do sistema vale:

 $y(\infty) = 0,0769$

~

■ Script Python

Seguir para...

Aula 11 - Alocação de Polos ►