Übungen zu Analysis 1 für Ingenieure und Informatiker

(Abgabe: Dienstag, 19.04.2016, bis 14:15 Uhr, H22)

- 1. Es seien $a, b \in \mathbb{R}$. Zeige folgende Aussagen:
 - a) |a+b| > ||a| |b||,

b)
$$|a+b| \le |a+b| + |a-b|$$
. (4+4 Punkte)

- 2. Es seien $(\mathbb{K}, +, \cdot)$ ein angeordneter Körper und $a, b, x, y \in \mathbb{K}$ mit a > 0, b > 0, x > 0, y > 0 sowie $x^2 = a$ und $y^2 = b$. Zeige folgende Aussagen:
 - a) $a \le b \Leftrightarrow x \le y$,

b)
$$xy \leq \frac{a+b}{2}$$
. (4+4 Punkte)

- 3. Es seien $x \in \mathbb{R} \setminus \mathbb{Q}$ und $a \in \mathbb{Q}$. Zeige folgende Aussagen:
 - a) $x + a \in \mathbb{R} \setminus \mathbb{Q}$,

b) Falls
$$a \neq 0$$
, ist $xa \in \mathbb{R} \setminus \mathbb{Q}$. (3+3 Punkte)

4. Zeige, dass $\sqrt{2} \notin \mathbb{Q}$. (8 Punkte)

- 5. Berechne den Real- und Imaginärteil folgender komplexer Zahlen:
 - a) (2+i)(1-2i)
 - b) $(1+3i)(1-i)\overline{(1+3i)}$
 - c) i^{2016}
 - d) $\frac{i-2}{1+i}$

e)
$$\left(\frac{\sqrt{2}}{1-i}\right)^4$$
 (2+2+2+2 Punkte)

Allgemeine Hinweise:

- Die Blätter bitte zu zweit abgeben, jeweils mit Vor- und Nachname sowie Name des Tutors.
- Gebt bitte bis spätestens Donnerstag, 14. April, 18 Uhr, Eure Präferenzen im Moodle für die Tutoriumstermine an. Das erste Tutorium findet am Freitag, 15. April, statt.