universität innsbruck

Fakultät für Mathematik, Informatik und Physik



Martin Nocker

R-Paket für Kanalkodierung mit Faltungskodes

Bachelorarbeit

27. Mai 2016



R-Paket für Kanalkodierung mit Faltungskodes

Bachelorarbeit

vorgelegt von

Martin Nocker

geb. am 1. Mai 1993 in Innsbruck

angefertigt am

Institut für Informatik Leopold-Franzens-Universität Innsbruck

Betreuer: Univ.-Prof. Dr. Rainer Böhme

Dr. Pascal Schöttle

Abgabe der Arbeit: 27. Mai 2016

Erklärung

Ich versichere, dass ich die Arbeit ohne fremde Hilfe und ohne Benutzung anderer als der angegebenen Quellen angefertigt habe und dass die Arbeit in gleicher oder ähnlicher Form noch keiner anderen Prüfungsbehörde vorgelegen hat und von dieser als Teil einer Prüfungsleistung angenommen wurde. Alle Ausführungen, die wörtlich oder sinngemäß übernommen wurden, sind als solche gekennzeichnet.

Declaration

I declare that the work is entirely my own and was produced with no assistance from third parties.

I certify that the work has not been submitted in the same or any similar form for assessment to any other examining body and all references, direct and indirect, are indicated as such and have been cited accordingly.

(Martin Nocker) Innsbruck, 27. Mai 2016



Inhaltsverzeichnis

1	Einl	eitung		1		
2	Gru	ndlagei	n und ähnliche Arbeiten	2		
	2.1	Kanalk	kodierung	2		
		2.1.1	Koderate	2		
		2.1.2	Hamming-Distanz	3		
		2.1.3	Hamming-Gewicht	3		
	2.2	Faltun	gskodierung	4		
		2.2.1	Dekodierung	4		
			2.2.1.1 hard decision	4		
			2.2.1.2 soft decision	4		
		2.2.2	Katastrophale Faltungskodierer	4		
		2.2.3	Systematische Faltungskodierer	4		
		2.2.4	Rekursiv Systematische Faltungskodierer (RSC)	5		
3	Verwendete Technologien					
	3.1	R, RSt	rudio, Pakete	6		
	3.2	C++, 1	Rcpp	8		
	3.3	RMark	kdown, ÞTEX, TikZ	9		
4	Implementierung					
	4.1	Faltun	gskodierer	. 11		
	4.2	Kodier	rung	13		
	4.3	Dekod	lierung	14		
	4.4		hen	14		
	4.5	Punkti	ierung	15		

Inhaltsverzeichnis	ii
--------------------	----

5	R-Paket Schnittstelle				
	5.1	Faltun	ngskodierung	16	
		5.1.1	ConvGenerateEncoder	16	
		5.1.2	ConvGenerateRscEncoder	17	
		5.1.3	ConvEncode	18	
		5.1.4	ConvDecodeSoft	19	
		5.1.5	ConvDecodeHard	19	
		5.1.6	ConvSimulation	20	
	5.2	Hilfsfu	ınktionen	. 21	
		5.2.1	ConvGetPunctuationMatrix	. 21	
		5.2.2	ConvOpenPDF	. 21	
	5.3	Kanall	kodierung	22	
		5.3.1	ApplyNoise	22	
		5.3.2	ChannelcodingSimulation	23	
		5.3.3	PlotSimulationData	23	
6	Visualisierung				
	6.1	Kodie	rung	25	
	6.2	Dekod	lierung	27	
	6.3	Simul	ation	27	
7	Beis	piele		28	
8	Fazi	t, Ausb	olick, Erweiterungen	29	

Einleitung

Kanalkodierung stellt einen wichtigen Teil der Nachrichtentechnik dar. Kanalkodierung stellt Methoden zur Verfügung, um Fehler, die während der Übertragung über einen verrauschten Kanal auftreten, zu korrigieren. Die Leistungsfähikeit und Zuverlässigkeit vieler digitaler Systeme basiert auf der Verwendung von Kanalkodierung. Eine Art der Kanalkodierung stellen Faltungskodes dar, auf welche sich diese Arbeit konzentriert. Verwendung finden Faltungskodes in der Mobil- und Satellitenkommunikation aber vor allem bilden sie die Basis für Turbokodes, welche die Faltungskodes mittlerweile aufgrund ihrer noch höheren Leistungsfähigkeit abgelöst haben.

Ziel dieser Arbeit ist die Implementierung von Faltungskodes mithilfe der Programmiersprache R. Das entwickelte R-Paket dient zukünftigen Studenten zu Lernzwecken und soll sie beim Verstehen von Faltungskodes unterstützen.

Grundlagen und ähnliche Arbeiten

In diesem Kapitel werden die theoretischen Grundlagen eingeführt.

2.1 Kanalkodierung

Eine Kanalkodierung kann als Zuordnung bzw. Abbildung von Quellzeichen (Zeichen die eine Informationsquelle emittiert) zu Kanalzeichen (Zeichen die über den Kanal übertragen werden) angesehen werden.

Würde die Information unkodiert über den verrauschten Kanal übertragen werden, kann die verfälschte Nachricht nicht wiederhergestellt werden. Daher fügt der Kanalkodierer den Quellzeichen Redundanz hinzu, sodass empfängerseitig verfälschte Zeichen erkannt und korrigiert werden können. Abbildung 2.1 zeigt einen Kommunikationskanal inklusive Kanalkodierung. Eine Nachricht $\mathbf{u}=(u_1,u_2,\ldots,u_k)$ wird in ein Kodewort $\mathbf{v}=(v_1,v_2,\ldots,v_n)$, welches Redundanz enthält, kodiert und über den Kanal gesendet. Dabei wird das Signal durch Rauschen, welches als Fehlervektor $\mathbf{e}=(e_1,e_2,\ldots,e_n)$ dargestellt wird, verfälscht und den Empfangsvektor $\mathbf{y}=\mathbf{v}+\mathbf{e}$ ergibt. Der Empfangsvektor wird vom Dekodierer zur Schätzung \mathbf{u}' der originalen Nachricht dekodiert, wobei hoffentlich $\mathbf{u}'=\mathbf{u}$.

2.1.1 Koderate

Die Koderate eines Kodes beschreibt das Verhältnis der Länge zwischen Quellwort $\mathbf{u} = (u_1, u_2, \dots, u_k)$ und Kodewort $\mathbf{v} = (v_1, v_2, \dots, v_n)$.

$$R = \frac{k}{n} < 1 \tag{2.1}$$

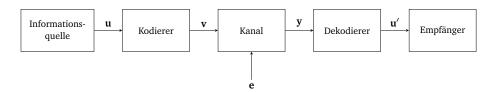


Abbildung 2.1 - Kommunikationskanal

Bei hoher Redundanz ergibt sich eine niedrige Koderate. Der Kode ist zuverlässiger, da mehr Fehler erkannt und korrigiert werden können. Jedoch dauert die Übertragung ein und derselben Information bei gleicher Übertragungsgeschwindigkeit länger, als bei Kodes mit höherer Koderate.

2.1.2 Hamming-Distanz

Die Hamming-Distanz d (auch d_H) zweier Kodewörter $\mathbf{x} = (x_1, x_2, ..., x_n)$ und $\mathbf{y} = (y_1, y_2, ..., y_n)$ entspricht der Anzahl an Stellen in denen sich die beiden Kodewörter unterscheiden:

$$d(x,y) = |\{i \in \{1,2,\dots,n\} | x_i \neq y_i\}|.$$
 (2.2)

Für binäre Kodewörter ergibt sich die Hamming-Distanz aus der binären Addition der Kodewörter:

$$d(x,y) = \sum_{i=1}^{n} (x_i \oplus y_i).$$
 (2.3)

2.1.3 Hamming-Gewicht

Das Hamming-Gewicht w eines binären Kodeworts $\mathbf{x} = (x_1, x_2, ..., x_n)$ entspricht der Anzahl an 1 im Wort:

$$w(u) = \sum_{i=1}^{n} x_i.$$
 (2.4)

2.2 Faltungskodierung

2.2.1 Dekodierung

2.2.1.1 hard decision

2.2.1.2 soft decision

2.2.2 Katastrophale Faltungskodierer

Sei \mathbf{u} eine Nachricht, die mit den Generatorpolynomen in G zum Kode \mathbf{v} kodiert wird. Nach der Übertragung erhält der Dekodierer den Kode \mathbf{y} , der/die/das aufgrund von Rauschen verändert sein könnte. Der Dekodierer findet ein Kodewort \mathbf{v}' welches \mathbf{v} am nächsten ist. Aus \mathbf{v}' kann die Schätzung \mathbf{u}' berechnet werden, die hoffentlich \mathbf{u} entspricht. Dies ist bei einer fehlerfreien Übertragung, d.h. $\mathbf{v}' = \mathbf{v}$, sicherlich der Fall. Zu untersuchen ist der Fall $\mathbf{v}' \neq \mathbf{v}$: Zu erwarten wäre, wenn sich \mathbf{v}' und \mathbf{v} in endlich vielen Stellen unterscheiden, dass sich auch \mathbf{u}' und \mathbf{u} in endlich vielen Stellen unterscheiden. Wenn sich \mathbf{u}' und \mathbf{u} in unendlich vielen Stellen unterscheiden wäre das "katastrophal". Ein Faltungskodierer wird katastrophal genannt, wenn es eine Nachricht mit unendlichem Hamming-Gewicht gibt, sodass sein Kode endliches Hamming-Gewicht hat. [1, 5.569]

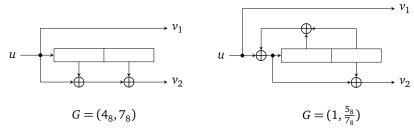
Zur Überprüfung ob ein Kodierer katastrophal ist hilft das Theorem von Massey-Sain. Zuvor muss jedoch eine alternative Angabe der Generatorpolynome eingeführt werden:

Theorem von Massey-Sain. Theoreminhalt

(S. 570, S. 569 f.)

2.2.3 Systematische Faltungskodierer

Bei systematischen Faltungskodierern entspricht ein Ausgang dem Eingangssignal. Die Quellinformation ist somit explizit im Kodewort enthalten. Abbildung 2.2a zeigt einen systematischen Faltungskodierer mit der Generatormatrix $G = (4_8, 7_8)$. Systematische Faltungskodierer sind nie katastrophal, sind jedoch weniger robust wie nichtsystematische Faltungskodierer. [4, S. 217]



- (a) Systematischer Faltungskodierer
- **(b)** Rekursive Systematischer Faltungskodierer

Abbildung 2.2 – Verschiedene Faltungskodierertypen

2.2.4 Rekursiv Systematische Faltungskodierer (RSC)

Abbildung 2.2a zeigt einen rekursiv systematischen Faltungskodierer.

Verwendete Technologien

Dieses Kapitel über die verwendeten Technologien bei der Implementierung setzt sich folgendermaßen zusammen: Kapitel 3.1 behandelt die Programmiersprache R und die verwendete Entwicklungsumgebung RStudio. In Kapitel 3.2 werden die Möglichkeiten der Einbindung von C/C++ Code, v.a. mithilfe des Pakets *Rcpp*, beschrieben. Schließlich wird in Kapitel 3.3 auf die Erstellung dynamischer Dokumente und Visualisierungen mittels *RMarkdown*, 上下X und TikZ.

3.1 R, RStudio, Pakete

R ist eine, im Jahre 1992 entwickelte, schwach und dynamisch typisierte Programmiersprache, die vor allem in der Statistik für die Analyse von großen Datenmengen Anwendung findet. Ein weiteres Motiv für die Verwendung von R sind die vielseitigen Möglichkeiten, bei gleichzeitig einfacher Handhabung, graphischer Darstellungen großer Datenmengen. R-Code wird nicht kompiliert, sondern nur interpretiert und ist daher platformübergreifend verwendbar. Datentypen müssen zur Übersetzungszeit nicht bekannt sein. Die Typüberprüfung findet zur Laufzeit statt. Diese Eigenschaft erschwert das Finden von Fehlern im Code erheblich.

Der Funktionsumfang der Sprache kann durch sogenannte Pakete erweitert werden. Bei der Installation von R sind die wichtigsten Pakete inkludiert. Über Repositories wie $CRAN^1$ oder GitHub sind über 8000 zusätzliche Pakete

¹The Comprehensive R Archive Network: https://cran.r-project.org/

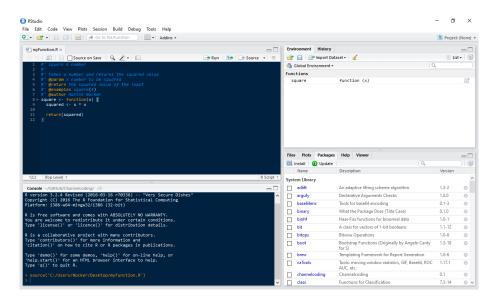


Abbildung 3.1 - RStudio Standardansicht

(Stand: Mai 2016) für die verschiedensten Anwendungsbereiche verfügbar. Diese Vielfalt an Paketen ist ein Grund für den Erfolg von R [6]. Pakete werden laufend aktualisiert und verbessert. Selbst entwickelte Pakete können via CRAN für andere Entwickler veröffentlicht werden, müssen jedoch strenge Auflagen zur Aufrechterhaltung der Konsistenz bei Inhalt, Form und Dokumentation der Pakete einhalten [3].

Ein wichtiges Paket welches im Rahmen dieser Arbeit verwendet wurde ist *roxygen*. Mithilfe dieses Pakets wird, ähnlich wie JavaDoc für Java, durch spezielle Kommentare und Annotations überhalb der Paketfunktionen automatisch die Paketdokumentation erstellt. Die roxygen-Kommentare der Paketfunktionen, die für wartbaren Code ohnehin unabdingbar sind, sind für den Entwickler erheblich angenehmer als die Paketdokumentation von Hand zu schreiben. Roxygen-Kommentare werden durch das Kommentarsymbol #' am Zeilenbeginn eingeleitet. Zu den wichtigsten Annotations gehören jene für die Beschreibung der Parameter (@param) und Rückgabewerte (@return) sowie Beispiele zur Ausführung der Funktion (@examples). Weiters wird über die @export Annotation geregelt welche Funktionen nach Auslieferung des Pakets von außen aufrufbar sind.

Ein weiteres hilfreiches Paket ist das devtools Paket. Das Paket stellt hilf-

reiche Funktionen für die Erstellung (Build) von Paketen zur Verfügung und beschleunigt so den Build-Workflow für den Entwickler.

RStudio ist eine freie und open source Entwicklungsumgebung für R. RStudio verfügt über alle notwendigen Funktionalitäten für die Softwareentwicklung mit R und bietet darüber hinaus Funktionen für eine vereinfachte Entwicklung von R-Paketen an. Abbildung 3.1 zeigt die Version 0.99.893.

3.2 C++, Rcpp

Manchmal ist R-Code einfach nicht schnell genug. Typische Flaschenhälse sind Schleifen und rekursive Funktionen. Die Performance kann in solchen Fällen durch Auslagern von Funktionen und Algorithmen in C oder C++ erheblich verbessert werden, da der Code kompiliert und somit optimiert werden kann anstatt nur interpretiert zu werden.

R bietet drei Möglichkeiten C/C++ Code aufzurufen:

- .C native Schnittstelle
- .Call Schnittstelle
- · Rcpp Paket

Die .*C* Schnittstelle ist die einfachste Variante C Code auszuführen, jedoch auch jene mit den größten Einschränkungen. Im C Code sind keinerlei R Datentypen oder Funktionen bekannt. Alle Argumente sowie der Rückgabewert müssen als Zeiger in der Parameterliste übergeben werden deren Speicher vor dem Aufruf reserviert werden muss.

Bei der .*Call* Schnittstelle handelt es sich um eine Erweiterung der .*C* Schnittstelle. Die Implementierung ist komplexer, dafür sind R Datentypen verfügbar und es gibt die Möglichkeit eines Rückgabewerts mittels dem return Statements. [6]

Bei den ersten beiden Möglichkeiten muss der C Code vor dem Aufruf per Hand kompiliert und in der R Session geladen werden. Das *Rcpp* Paket ermöglicht die Verwendung von C++ Code ohne diesen Aufwand. Im C++ Code stehen R Datentypen wie Vektoren, Matrizen oder Listen ohne kompliziertem

3.2 C++, Rcpp 9

Syntax zur Verfügung. Die Funktionsaufrufe sehen, im Gegensatz zu den ersten beiden Ausführungen, aus wie normale R Funktionsaufrufe und macht dadurch den Code erheblich lesbarer. Weiters stehen Vektorfunktionen zur Verfügung, d.h. eine auf einen Vektor angewandte Funktion wird auf jedes Vektorelement ausgeführt und erspart somit beispielsweise eine Schleife. Bei der Entwicklung eines eigenen Pakets ist es bei der Verwendung des *Rcpp* Pakets zusammen mit RStudio sehr einfach C++ Code zu integrieren. Durch all diese Vorteile ist das *Rcpp* Paket die zu wählende Schnittstelle. Während der Paketerzeugung kompiliert RStudio automatisch alle C++ Dateien und erstellt automatisch Wrapper-Funktionen, die den Zugriff auf die Funktionen erleichtern.

Die C++ Datei muss mit folgenden Zeilen starten:

```
#include <Rcpp.h>
using namespace Rcpp;
```

Sowie jede Funktion, die in R verfügbar sein soll muss folgenden Präfix erhalten:

```
// [[Rcpp::export]]
```

Die genaue Verwendung des Rcpp Pakets ist in [5] beschrieben/ nachzulesen.

3.3 RMarkdown, ŁTEX, TikZ



Abbildung 3.2 – RMarkdown Überblick

und dessen Ergebnisse beinhaltet. Die erzeugte Markdown-Datei wird von *pandoc* weiterverarbeitet, was für die Erstellung des endgültigen Dokuments im gewünschten Format zuständig ist. Bei der Verwendung von RStudio ist *pandoc* automatisch verfügbar. Den eben beschriebenen Ablauf kapselt das *RMarkdown*-Paket in einen einzigen *render*-Funktionsaufruf.

Für die Erzeugung dynamischer Grafiken wird die Sprache TikZ verwendet, die durch 上上X interpretiert wird. Mithilfe des Dokumenttyps Beamer in 上上X lassen sich Präsentationen erstellen. Die Grafiken und Inhalte können dadurch dynamisch ein- oder ausgeblendet werden oder farblich hervorgehoben werden. Dies ist insofern wertvoll, da Informationen, die Schritt für Schritt vervollständigt werden, es dem Benutzer leichter machen den Ablauf nachzuvollziehen. Damit zukünftige Studenten die Prinzipien von Faltungskodes besser verstehen werden die Visualisierungen der Kodierung und Dekodierung wie beschrieben sukzessive eingeblendet.

Implementierung

Dieses Kapitel gibt einen Einblick in die Konzepte der Implementierung. Als Einstiegspunkt stand eine Referenzimplementierung² zur Verfügung, die den Dekodier-Algorithmus für Turbo-Kodes beinhaltet, jedoch für ein konkretes Beispiel. Dieser musste angepasst werden um für allgemeine Faltungskodes verwendbar zu sein.

Kapitel 4.1 beinhaltet den Entwurf der Faltungskodierer-Datenstruktur. [TO-DO: Fertigstellung]

4.1 Faltungskodierer

Ein Faltungskodierer ist gegeben durch

- N: Anzahl an Ausgangsbits je Eingangsbit,
- M: Länge des Schieberegisters,
- *G*: Vektor von Generatorpolynomen.

Die Angabe von *M* ist hier redundant, jedoch Teil der Benutzereingabe zur Generierung eines Faltungskodierers, welche durch [2] inspiriert wurde.

Zur leichteren Implementierung der Kodierung und Dekodierung wird die Kodierer-Datenstruktur um folgende Elemente erweitert:

• eine *Zustandsübergangsmatrix*, die angibt, in welchen Zustand der Kodierer bei einem Eingangsbit wechselt,

²http://vashe.org/turbo/turbo_example.c (01.06.2016)

- eine *inverse Zustandsübergangsmatrix*, die angibt, aus welchem Zustand der Kodierer bei einem Eingangsbit kommt,
- eine *Outputmatrix*, die angibt, welche Kodebits der Kodierer bei einem Eingangsbit in einem bestimmten Zustand ausgibt,
- ein Flag zur Markierung rekursiver systematischer Kodierer (RSC),
- ein *Terminierungsvektor* die für rekursiver systematische Kodierer angibt, ob ein Eingangsbit 0 oder 1 in einem bestimmten Zustand für die Terminierung zu verwenden ist.

Die Implementierung der Matrizen wurde aus der Referenzimplementierung übernommen, musste jedoch erweitert werden, um für allgemeine Faltungskodes verwendbar zu sein. Für alle gilt, die Anzahl an Zeilen entspricht der Anzahl an Zuständen. Der Zeilenindex entspricht dem Zustand. Die Zustandsübergangsmatrix sowie die Outputmatrix besitzen jeweils zwei Spalten. Je eine Spalte steht für ein Eingangsbit (0 oder 1), wobei der Spaltenindex dem Eingangsbit entspricht. Die inverse Zustandsübergangsmatrix benötigt eine dritte Spalte. Für viele Kodierer (v.a. nicht-rekursive) tritt der Fall ein, dass nur durch ein bestimmtes Eingangsbit in einen bestimmten Zustand gewechselt werden kann. Sei ein Zustand bspw. nur durch das Eingangsbit 0 erreichbar, so bedeutet das, dass es für diesen Zustand mit dem Bit 0 zwei Vorgängerzustände gibt, für ein Eingangsbit 1 jedoch keinen Vorgänger. Diese zweite Möglichkeit wird in der dritten Spalte gespeichert.

Der Terminierungsvektor ist für nicht-rekursive Kodierer nicht notwendig, da ein Kode eines solchen Kodierers immer mit M 0-Bits terminiert wird. Bei einem rekursiven Kodierer ist es nicht trivial zu sagen mit welchem Eingangsbit in einem bestimmten Zustand terminiert wird, um den Kodierer in den Nullzustand zu bringen. Dies hängt von der Definition des Rekursionpolynoms ab. Der Terminierungsvektor wird bei der Erzeugung rekursiver Kodierer berechnet.

Bei der Erzeugung von Faltungskodierern ist zu prüfen ob es sich um einen katastrophalen Kodierer handelt. RSC-Kodierer sind, wie in Kapitel 2.2.3 beschrieben, nicht zu prüfen. Zur Prüfung wird nach dem Theorem von Massey-Sains in Kapitel 2.2.2 der größte gemeinsame Teiler der Generatorpolynome berechnet. Die Berechnung des größten gemeinsamen Teilers wurde

mithilfe des des euklidschen Algorithmus implementiert. Sowohl der euklidsche Algorithmus als auch die dafür notwendige binäre Polynomdivision wird an eine C++ Funktion delegiert.

4.2 Kodierung

Bei Faltungskodes stellt die Kodierung den bei Weitem einfacheren Teil dar. Es muss lediglich jedes Bit der zu kodierenden Nachricht zusammen mit dem aktuellen Zustand, der nach jedem Bit mithilfe der Zustandsübergangsmatrix aktualisiert wird, auf die Outputmatrix angewendet werden. Die Terminierung funktioniert analog, einzig das zu kodierende Bit muss ermittelt werden. Für RSC-Kodierer muss im Terminierungsvektor nachgeschaut werden, andernfalls ist das Bit immer 0. Abgeschlossen wird die Kodierung mit dem Abbilden der Kodebits 0 bzw. 1 auf die Signalwerte +1 bzw. -1. Algorithmus 1 zeigt den Kodierungsalgorithmus.

```
1: state = 0, code = result = " "
 2: for each bit in message do
      output = output.matrix[state][bit]
 3:
      code = concat(code, output)
 4:
      state = state.transition.matrix[state][bit]
 5:
 6: end for
 7: if terminate code then
      for i = 0 to M - 1 do
        termination.bit = rsc-coder ? termination.vector[state] : 0
 9:
        output = output.matrix[state][termination.bit]
10:
        code = concat(code, output)
11:
12:
        state = state.transition.matrix[state][termination.bit]
      end for
13:
14: end if
15: for each bit in code do
16:
      signal = 1 - 2bit
17:
      result = concat(result, signal)
18: end for
19: return result
```

Algorithmus 1 – Faltungskodierung

4.2 Kodierung 14

4.3 Dekodierung

Die Dekodierung stellt den wesentlich komplexeren Teil der Faltungskodes dar.

```
1: NUM_STATES = 2^M
 2: for t = 1 to length(message) do
       for s = 0 to NUM_STATES - 1 do
 3.
          m_1 = \text{metric}[\text{t-1}][\text{prev.state1}] + \delta_1
 4:
          m_2 = \text{metric}[\text{t-1}][\text{prev.state2}] + \delta_2
 5:
          metric[t][s] = min(m_1, m_2)
 6:
          survivor.bit = xyz(0, 1, min(min(m_1, m_2)))
 7:
       end for
 8:
 9: end for
10: return result
```

Algorithmus 2 – Faltungsdekodierung

4.4 Rauschen

Um auch zeigen zu können, dass die Dekodierung auch tatsächlich für verrauschte Signale funktioniert, benötigt es eine Funktion, die die Übertragung einer Nachricht über einen verrauschten Kanal simuliert, d.h. das Signal mit Rauschen überlagert. Zum Signal soll ein additives weißes gaußsches Rauschen (AWGR oder AWGN³) addiert werden um dieses zu verfälschen. [apply noise quelle] stellt eine alternative Implementierung zur eingebauten AWGN-Funktion in Matlab vor. Die Implementierung wurde übernommen bzw. nach R übersetzt. Durch die Möglichkeit das Signal-Rausch-Verhältnis über einen Parameter zu steuern, können verschiedene Übertragungskanäle simuliert und Nachrichten somit verschieden stark verrauscht werden. Der Benutzer kann dadurch herausfinden, ab wann eine Nachricht zu viel Rauschen enthält, um sie korrekt dekodieren zu können. Weiters kann nach mehrfacher Ausführung auf Fehlermuster geschlossen werden, mit denen die Dekodierung gut bzw. schlecht umgehen kann. Durch Versuche mit anderen Kanalkodierungs-Methoden können Vergleiche mit diesen angestellt

³additive white Gaussian noise

4.4 Rauschen 15

werden. Die genannten Punkte helfen dem Benutzer sein Verständnis für Faltungskodes noch besser zu stärken.

4.5 Punktierung

Punktierung leicht, jedoch Depunktierung vor der Dekodierung nicht trivial.

R-Paket Schnittstelle

In diesem Kapitel wird die Schnittstelle für den Benutzer erläutert. Kapitel 5.1 listet Funktionen zur Erzeugung von Faltungskodierern, der Kodierung, Dekodierung und Simulation von Faltungskodes. Kapitel 5.2 beinhaltet Hilfsfunktionen für Faltungskodes. Schließlich beschreibt Kapitel 5.3 weitere nützliche Funktionen der Kanalkodierung.

5.1 Faltungskodierung

5.1.1 ConvGenerateEncoder

ConvGenerateEncoder

ConvGenerateEncoder(N, M, generators)

Erzeugt einen Faltungskodierer für nichtrekursive Faltungskodes.

Argumente:

- N Anzahl an Ausgangssymbole je Eingangssymbol.
- M Länge des Schieberegisters des Kodierers.

generators - Vektor der N oktale Generatorpolynome enthält (ein Polynom je Ausgangssymbol).

Rückgabewert:

Faltungskodierer, abgebildet als Liste mit folgenden Feldern:

- N: Anzahl an Ausgangssymbole je Eingangssymbol
- M: Länge des Schieberegisters des Kodierers
- *generators*: Generatorpolynomvektor
- next.state: Zustandsübergangsmatrix
- *prev.state*: inverse Zustandsübergangsmatrix
- *output*: Outputmatrix
- rsc: RSC Flag (FALSE)
- termination: Terminierungsvektor (logical(0))

Funktion 5.1 - ConvGenerateEncoder

5.1.2 ConvGenerateRscEncoder

ConvGenerateRscEncoder

ConvGenerateRscEncoder(N, M, generators)

Erzeugt einen Faltungskodierer für rekursive systematische Faltungskodes (rsc).

Argumente:

- N Anzahl an Ausgangssymbole je Eingangssymbol.
- M Länge des Schieberegisters des Kodierers.

generators - Vektor der oktale Generatorpolynome enthält (ein Polynom je nicht-systematischen Ausgang und ein Polynom für die Rekursion).

Rückgabewert:

Faltungskodierer, abgebildet als Liste mit folgenden Feldern:

- N: Anzahl an Ausgangssymbole je Eingangssymbol
- M: Länge des Schieberegisters des Kodierers
- generators: Generatorpolynomvektor
- next.state: Zustandsübergangsmatrix
- *prev.state*: inverse Zustandsübergangsmatrix
- *output*: Outputmatrix
- rsc: RSC Flag (TRUE)
- termination: Terminierungsvektor

Funktion 5.2 – ConvGenerateRscEncoder

5.1.3 ConvEncode

ConvEncode

ConvEncode(message, conv.encoder, terminate,
punctuation.matrix, visualize)

Erzeugt einen Faltungskode aus einer unkodierten Nachricht.

Argumente:

message - Nachricht die kodiert wird.

conv.encoder - Faltungskodierer der für die Kodierung verwendet wird. terminate - Markiert ob der Kode terminiert werden soll. Standard: TRUE punctuation.matrix - Wenn ungleich NULL wird die kodierte Nachricht mit der Punktierungsmatrix punktiert. Standard: NULL

visualize - Wenn TRUE wird ein PDF-Bericht der Kodierung erstellt. Standard: FALSE

Rückgabewert:

Die kodierte Nachricht mit den Signalwerten +1 und -1 welche die Bits 0 und 1 darstellen. Falls punktiert wurde Liste mit dem Originalkode (nicht punktiert) und dem punktiertem Kode.

Funktion 5.3 - ConvEncode

5.1.4 ConvDecodeSoft

ConvDecodeSoft

ConvDecodeSoft(code, conv.encoder, terminate,
punctuation.matrix, visualize)

Dekodiert einen Faltungskode mittels soft decision Dekodierung.

Argumente:

code - Faltungskode der dekodiert wird. Genauer Signalpegel (soft input).
conv.encoder - Faltungskodierer der für die Kodierung verwendet wurde.
terminate - Markiert ob der Kode terminiert ist. Standard: TRUE
punctuation.matrix - Wenn ungleich NULL wird der Kode vor der Dekodierung depunktiert. Standard: NULL

visualize - Wenn TRUE wird ein PDF-Bericht der Dekodierung erstellt. Standard: FALSE

Rückgabewert:

Liste die dekodierte Nachricht und die soft output Werte enthält.

Funktion 5.4 – ConvDecodeSoft

5.1.5 ConvDecodeHard

ConvDecodeHard

ConvDecodeHard(code, conv.encoder, terminate,
punctuation.matrix, visualize)

Dekodiert einen Faltungskode mittels hard decision Dekodierung.

Argumente:

code - Faltungskode der dekodiert wird.

conv.encoder - Faltungskodierer der für die Kodierung verwendet wurde. terminate - Markiert ob der Kode terminiert ist. Standard: TRUE punctuation.matrix - Wenn ungleich NULL wird der Kode vor der Dekodierung depunktiert. Standard: NULL

visualize - Wenn TRUE wird ein PDF-Bericht der Dekodierung erstellt. Standard: FALSE

Rückgabewert:

Vektor der Dekodierten Nachricht.

Funktion 5.5 - ConvDecodeHard

5.1.6 ConvSimulation

ConvSimulation

ConvSimulation(conv.coder, msg.length, min.db, max.db,
db.interval, iterations.per.db, punctuation.matrix,
visualize)

Simulation einer Faltungskodierung und -dekodierung nach einer Übertragung über einen verrauschten Kanal mit verschiedenen Signal-Rausch-Verhältnissen (SNR).

Argumente:

conv.coder - Faltungskodierer der für die Simulation verwendet wird. Kann mittels ConvGenerateEncoder oder ConvGenerateRscEncoder erzeugt werden.

msg.length - Nachrichtenlänge der zufällig generierten Nachrichten. Standard: 100

min.db - Untergrenze der getesteten SNR. Standard: 0.1

max.db - Obergrenze der getesteten SNR. Standard: 2.0

db.interval - Schrittweite zwischen zwei getesteten SNR. Standard: 0.1 iterations.per.db - Anzahl der Iterationen (Kodieren und Dekodieren) je SNR. Standard: 100

punctuation.matrix - Wenn ungleich NULL wird die kodierte Nachricht punktiert. Kann mittels ConvGetPunctuationMatrix erzeugt werden. Standard: NULL 5.2 Hilfsfunktionen 21

visualize - Markiert ob ein Simulationsbericht erzeugt wird. Standard: FALSE

Rückgabewert:

Dataframe das die Bitfehlerrate für die getesteten Signal-Rausch-Verhältnisse beinhaltet.

Funktion 5.6 - ConvSimulation

5.2 Hilfsfunktionen

5.2.1 ConvGetPunctuationMatrix

ConvGetPunctuationMatrix

ConvGetPunctuationMatrix(punctuation.vector, conv.coder)

Erzeugt aus dem gegebenem Punktierungsvektor und Faltungskodierer eine Punktierungsmatrix.

Argumente:

punctuation.vector - Vektor der die Punktierungsinformation enthält welche in eine Punktierungsmatrix transformiert wird.

conv.coder - Faltungskodierer der für die Matrixdimension verwendet wird.

Rückgabewert:

Punktierungsmatrix die für ConvEncode, ConvDecodeSoft, ConvDecodeHard und ConvSimulation verwendet werden kann.

Funktion 5.7 – ConvGetPunctuationMatrix

5.2.2 ConvOpenPDF

ConvOpenPDF

ConvOpenPDF(encode, punctured, simulation)

Öffnet die mit ConvEncode, ConvDecodeSoft, ConvDecodeHard und ConvSimulation erzeugten PDF-Berichte.

Argumente:

encode - Markiert ob Kodierungsbericht (TRUE) oder Dekodierungsbericht (FALSE) geöffnet wird. Standard: TRUE

punctured - Markiert ob Berichte mit Punktierung geöffnet werden. Standard: FALSE

simulation - Markiert ob Simulationsbericht geöffnet wird. Standard: FALSE

Funktion 5.8 - ConvOpenPDF

5.3 Kanalkodierung

5.3.1 ApplyNoise

ApplyNoise

ApplyNoise(msg, SNR.db, binary)

Verrauscht ein Signal basierend auf dem AWGN Modell (Additive White Gaussian Noise), dem Standardmodell für die Simulation eines Übertragungskanals.

Argumente:

msg - Die zu verrauschende Nachricht

SNR.db - Signal-Rausch-Verhältnis (signal noise ratio) des Übertragungskanals in dB. Standard: 3.0

binary - Blockkode Parameter. Nicht zu verwenden. Standard: FALSE

Rückgabewert:

Verrauschtes Signal.

Funktion 5.9 - ApplyNoise

5.3.2 ChannelcodingSimulation

ChannelcodingSimulation

ChannelcodingSimulation(msg.length, min.db, max.db, db.interval, iterations.per.db, turbo.decode.iterations, visualize)

Simulation von Block-, Faltungs- und Turbo-Kodes und Vergleich ihrer Bitfehlerraten bei unterschiedlichen SNR.

Argumente:

msg.length - Nachrichtenlänge der zufällig generierten Nachrichten. Standard: 100

min.db - Untergrenze der getesteten SNR. Standard: 0.1

max.db - Obergrenze der getesteten SNR. Standard: 2.0

db.interval - Schrittweite zwischen zwei getesteten SNR. Standard: 0.1 iterations.per.db - Anzahl der Iterationen (Kodieren und Dekodieren) je SNR. Standard: 100

turbo.decode.iterations - Anzahl der Iterationen bei der Turbo-Dekodierung. Standard: 5

visualize - Wenn TRUE wird ein PDF-Bericht erstellt. Standard: FALSE

Rückgabewert:

Dataframe das alle Simulationsergebnisse der 3 Kodierungsverfahren beinhaltet.

Funktion 5.10 – ChannelcodingSimulation

5.3.3 PlotSimulationData

PlotSimulationData

PlotSimulationData(...)

Stellt die mitgegebenen Dataframes bzw. die Bitfehlerraten für verschiedene Signal-Rausch-Verhältnisse in einem Diagramm dar. Dataframes können mittels ConvSimulation, TurboSimulation und BlockSimulation erzeugt werden.

Argumente:

... - Dataframes die mit den Simulationsfunktionen erzeugt wurden.

Funktion 5.11 – PlotSimulationData

Visualisierung

LIMITS!

Um das Verständnis für Faltungskodes beim Benutzer dieses R-Pakets zu stärken, stehen Visualisierungen der Kodierung, Dekodierung und Simulation mithilfe des *RMarkdown* Pakets, wie in Kapitel 3.3 beschrieben, zur Verfügung.

Wird der visualize Parameter bei der Ausführung einer Simulation bzw. Funktion zur Kodierung oder Dekodierung auf TRUE gesetzt, wird ein *RMarkdown* Skript ausgeführt. Dieses generiert eine Beamer Präsentation mit Informationen und Visualisierungen.

6.1 Kodierung

Bei der Kodierung befinden sich auf den ersten Folien allgemeine Informationen zum verwendeten Faltungskodierer wie die Kode-Rate, Generatorpolynome, Zustandsübergangstabelle etc. Daraufhin folgt die Kodierungsvisualisierung. Diese zeigt zunächst die zu kodierende Nachricht (Input), das Zustandsübergangsdiagramm sowie eine noch nicht befüllte Kodierungstabelle. Um für einen noch besseren Lerneffekt zu sorgen wird Schritt für Schritt mittels Overlays ein Bit des Inputs, der aktuelle Zustand, Folgezustand sowie der resultierende Output in eine neue Zeile der Kodierungstabelle geschrieben. Der aktuelle Zustand sowie der entsprechende Übergang werden im Diagramm farblich hervorgehoben. Die kodierte Nachricht wächst mit jedem Schritt bis schlussendlich die gesamte Nachricht kodiert wurde. Da die Kodierungsfunktion nicht die Bitwerte des Kodeworts zurückliefert

6.1 Kodierung 26

- Nicht-Rekursiver Kodierer
- Anzahl von Ausgängen:

$$N = 2$$

• Anzahl von Registern:

$$M = 2$$

• Generatoren:

$$(7,5)_8 = \begin{pmatrix} 111\\101 \end{pmatrix}$$

• Kode-Rate:

 $\frac{1}{2}$

Abbildung 6.1 – Faltungskodierer Informationen

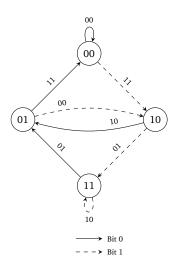


Abbildung 6.2 – Kodierung

sondern die Signalwerte (für eine Übertragung über einen Kanal) wird auf einer weiteren Folie dargestellt, wie die Kodebits in Signalwerte überführt werden.

Wird eine Punktierungsmatrix bei der Kodierung mitgegeben, wird eine zusätzliche Folie am Ende hinzugefügt. Auf dieser wird die Punktierung des Signals, d.h. das Entfernen von Signalwerten (definiert durch die Punktierungsmatrix) dargestellt. Dabei wird neben dem originalen Signal und der Punktierungsmatrix das punktierte Signal dargestellt, wobei zunächst die

6.1 Kodierung 27

punktierten Signalwerte, d.h. die entfernten Werte, durch Asterisk-Symbole (*) ersetzt werden. Diese Darstellung dient als visueller Zwischenschritt für das danach folgende tatsächlich punktierte Signal, bei dem die punktierten Werte fehlen, was auch dem Rückgabewert der Funktion entspricht.

6.2 Dekodierung

Bei der Dekodierung befinden sich ebenfalls, wie bei der Kodierung, allgemeine Informationen des Faltungskodierers auf den ersten Folien. Als Input erhält die Dekodierung das Kodewort als Signalwerte, die möglicherweise durch Anwendung der ApplyNoise Funktion verfälscht worden sind. Die soft decision Dekodierung verwendet zur Dekodierung zwar kontinuierliche Signalwerte, da aber sowohl die hard decision Dekodierung Bitwerde zur Dekodierung verwendet und Trellis-Diagramme mit Bitwerten beschriftet werden, wird auf einer Folie die Überführung der Signalwerte zu Bits dargestellt. Dieser transformierte Input wird auch als Input für die Visualisierung des Viterbi-Algorithmus verwendet. Anschließend folgt die Visualisierung des Viterbi-Algorithmus mithilfe des Trellis-Diagramms. Zunächst werden, zur besseren Übersicht bei großen Diagrammen, jene Pfade entfernt, für die es eine bessere Alternative gibt, d.h. die eine größere Metrik bei hard decision Dekodierung bzw. eine kleinere Metrik bei soft decision Dekodierung als ihre Alternative haben. Danach erfolgt Schritt für Schritt mittels Backtracking die Rekonstruktion der Nachricht. Der gewählte Pfad beim Backtracking wird farblich hervorgehoben. Die übrigen Pfade werden ausgegraut. Am Ende befindet sich unter dem Trellis-Diagramm die farblich hervorgehobene dekodierte Nachricht. Wird eine Punktierungsmatrix bei der Dekodierung mitgegeben, wird eine zusätzliche Folie nach den Kodiererinformationen hinzugefügt. Auf dieser wird die Depunktierung des Signals, d.h. das Einfügen des Signalwerts 0 (definiert durch die Punktierungsmatrix), dargestellt. Die eingefügten 0-Werte sind zur leichteren visuellen Erkennung farblich hervorgehoben.

6.3 Simulation

Weiters können Berichte der Simulation generiert werden, die die resultierenden Daten u.a. in einem Diagramm darstellen.

Beispiele

Fazit, Ausblick, Erweiterungen

Abbildungsverzeichnis

2.1	Kommunikationskanal	3
2.2	Verschiedene Faltungskodierertypen	5
	RStudio Standardansicht	
	Faltungskodierer Informationen	
U.Z	ROUIEI UIIY	20

Funktionsverzeichnis

5.1	ConvGenerateEncoder	17
5.2	ConvGenerateRscEncoder	18
5.3	ConvEncode	18
5.4	ConvDecodeSoft	19
5.5	ConvDecodeHard	20
5.6	ConvSimulation	21
5.7	ConvGetPunctuationMatrix	21
5.8	ConvOpenPDF	22
5.9	ApplyNoise	22
5.10	ChannelcodingSimulation	23
5 11	DlotCimulationData	24

Listingverzeichnis

Literatur

- [1] W Cary Huffman und Vera Pless. *Fundamentals of error-correcting codes*. Cambridge university press, 2010.
- [2] Robert H Morelos-Zaragoza. *The art of error correcting coding*. John Wiley & Sons, 2006.
- [3] R Core Team. R: A Language and Environment for Statistical Computing. R Foundation for Statistical Computing. Vienna, Austria, 2016. URL: https://www.R-project.org.
- [4] D. Schönfeld, H. Klimant und R. Piotraschke. *Informations- und Kodie-rungstheorie*. Vieweg+Teubner Verlag, 2012. ISBN: 9783834882189. URL: https://books.google.at/books?id=PDkpBAAAQBAJ.
- [5] H. Wickham. *Advanced R. CRC Press*, 2015. URL: https://books.google.at/books?id=FfsYCwAAQBAJ.
- [6] H. Wickham. *R Packages*. O'Reilly Media, 2015. URL: https://books.google.at/books?id=eqOxBwAAQBAJ.