

R-Paket für Kanalkodierung mit Faltungskodes

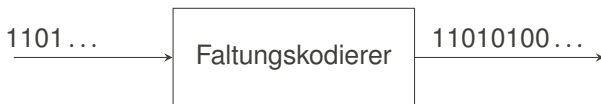
Gliederung

1. Blockcodes
2. R
3. **Faltungskodes**
4. **C++, Rcpp**
5. Turbo-Kodes
6. RMarkdown



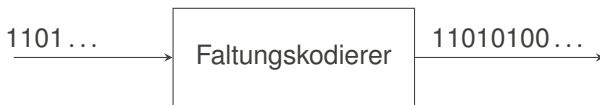
Faltungskodes

- ▶ Informationsstrom - keine Blöcke fester Länge
- ▶ ein einziges Kodewort als Resultat
- ▶ Redundanz wird kontinuierlich eingefügt



Faltungskodes

- ▶ Informationsstrom - keine Blöcke fester Länge
- ▶ ein einziges Kodewort als Resultat
- ▶ Redundanz wird kontinuierlich eingefügt

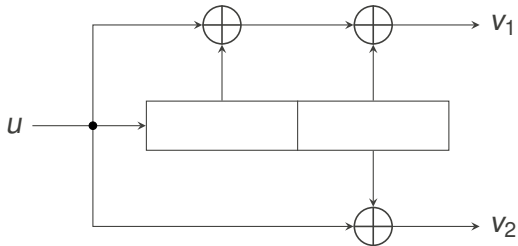


Verwendung

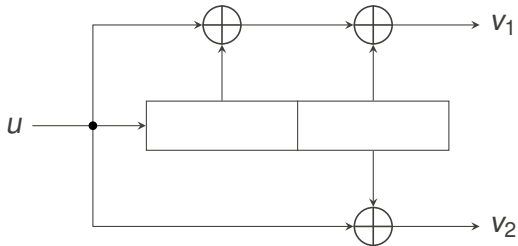
- ▶ Mobil- und Satellitenkommunikation
- ▶ Turbokodes



Faltungskodierer



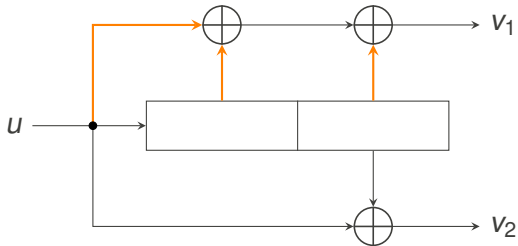
Faltungskodierer



$$G = \left(\begin{array}{c} \\ \end{array} \right)$$



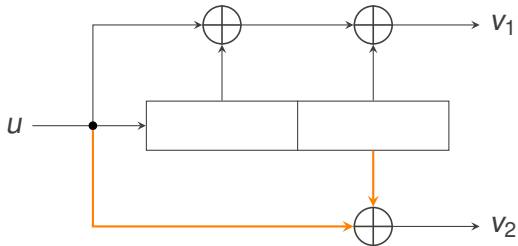
Faltungskodierer



$$G = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$



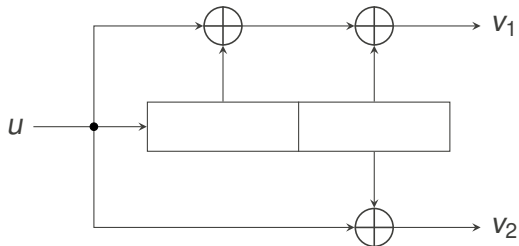
Faltungskodierer



$$G = \begin{pmatrix} 111 \\ 101 \end{pmatrix}$$



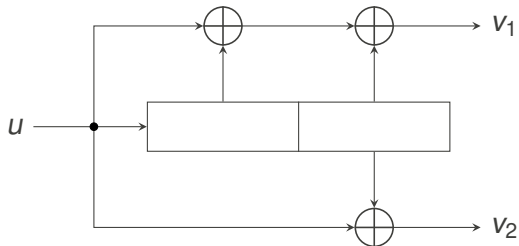
Faltungskodierer



$$G = \begin{pmatrix} 111 \\ 101 \end{pmatrix} = (7_8, 5_8)$$



Faltungskodierer

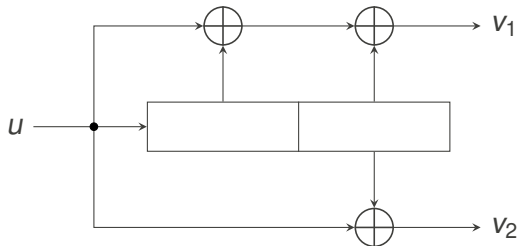


$$G = \begin{pmatrix} 111 \\ 101 \end{pmatrix} = (7_8, 5_8)$$

$$f_k = \left\lfloor \frac{d_{\min} - 1}{2} \right\rfloor$$



Faltungskodierer

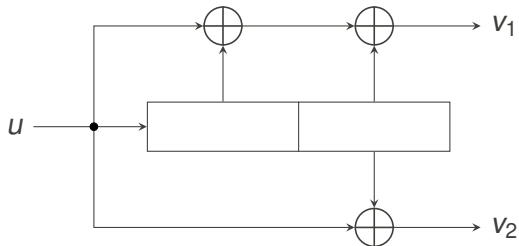


$$G = \begin{pmatrix} 111 \\ 101 \end{pmatrix} = (7_8, 5_8)$$

$$f_k = \left\lfloor \frac{w(G) - 1}{2} \right\rfloor$$

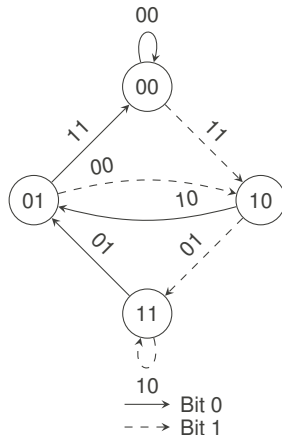


Faltungskodierer



$$G = \begin{pmatrix} 111 \\ 101 \end{pmatrix} = (7_8, 5_8)$$

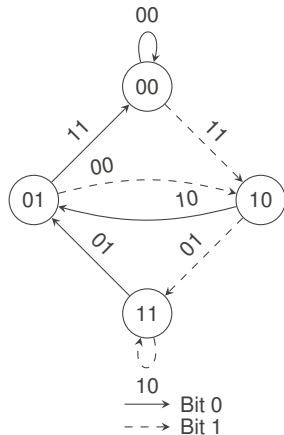
$$f_k = \left\lfloor \frac{w(G) - 1}{2} \right\rfloor$$



Faltungskodierung

Nachricht: (1, 1, 0, 1, 0, 0)

Input	Zustand	Folgezustand	Output
-------	---------	--------------	--------



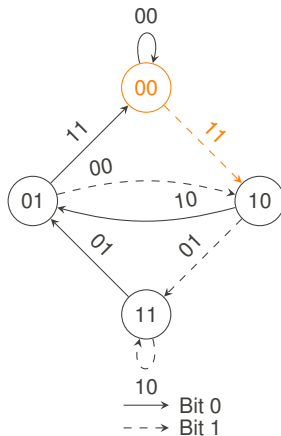
Kode :



Faltungskodierung

Nachricht: (1, 1, 0, 1, 0, 0)

Input	Zustand	Folgezustand	Output
1	00	10	11



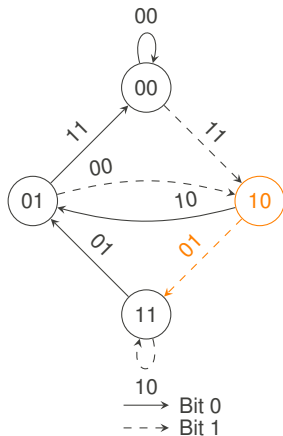
Kode : (1, 1



Faltungskodierung

Nachricht: (1, 1, 0, 1, 0, 0)

Input	Zustand	Folgezustand	Output
1	00	10	11
1	10	11	01



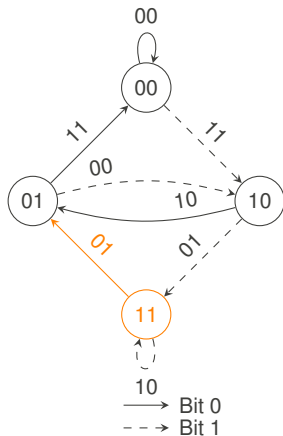
Kode : (1, 1, 0, 1



Faltungskodierung

Nachricht: (1, 1, 0, 1, 0, 0)

Input	Zustand	Folgezustand	Output
1	00	10	11
1	10	11	01
0	11	01	01



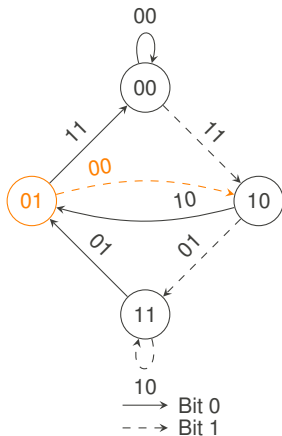
Kode : (1, 1, 0, 1, 0, 1)



Faltungskodierung

Nachricht: (1, 1, 0, 1, 0, 0)

Input	Zustand	Folgezustand	Output
1	00	10	11
1	10	11	01
0	11	01	01
1	01	10	00



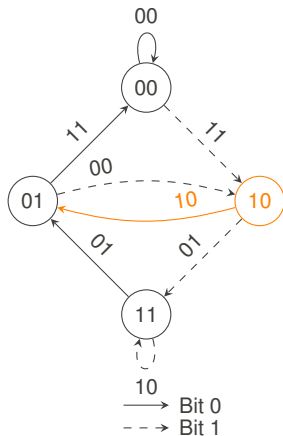
Kode : (1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0)



Faltungskodierung

Nachricht: (1, 1, 0, 1, 0, 0)

Input	Zustand	Folgezustand	Output
1	00	10	11
1	10	11	01
0	11	01	01
1	01	10	00
0	10	01	10



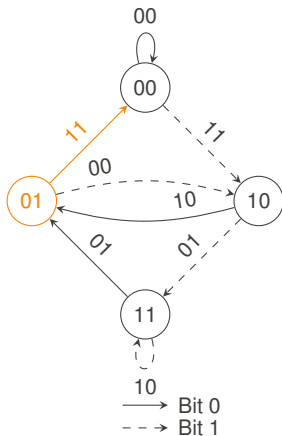
Kode : (1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0)



Faltungskodierung

Nachricht: (1, 1, 0, 1, 0, 0)

Input	Zustand	Folgezustand	Output
1	00	10	11
1	10	11	01
0	11	01	01
1	01	10	00
0	10	01	10
0	01	00	11



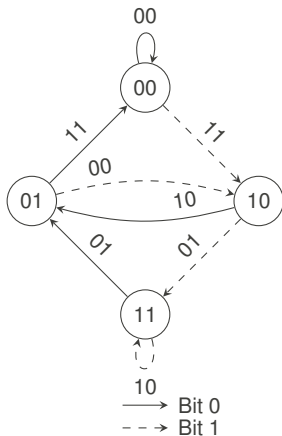
Kode : (1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1)



Faltungskodierung

Nachricht: (1, 1, 0, 1, 0, 0)

Input	Zustand	Folgezustand	Output
1	00	10	11
1	10	11	01
0	11	01	01
1	01	10	00
0	10	01	10
0	01	00	11



Kode : (1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1)



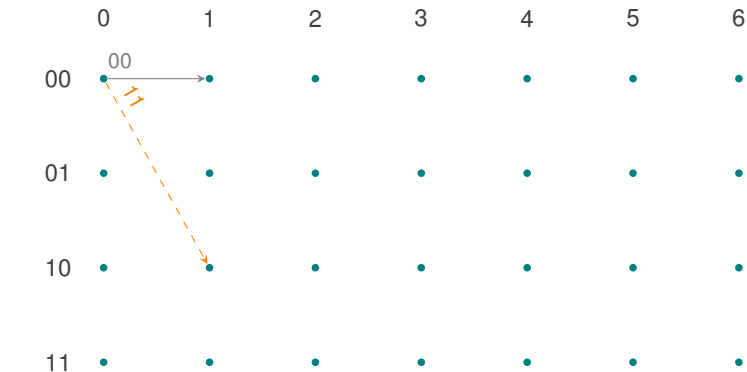
Trellis - Kodierung

	0	1	2	3	4	5	6
00	•	•	•	•	•	•	•
01	•	•	•	•	•	•	•
10	•	•	•	•	•	•	•
11	•	•	•	•	•	•	•
Nachricht:	1	1	0	1	0	0	

Kode:



Trellis - Kodierung

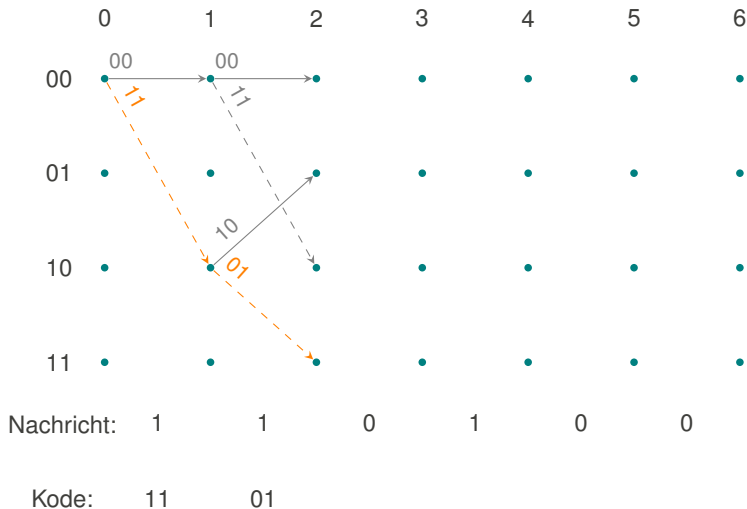


Nachricht: 1 1 0 1 0 0

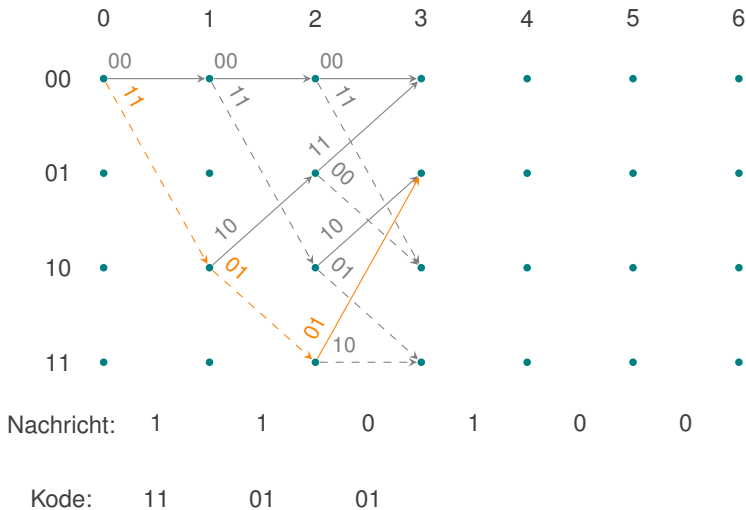
Kode: 11



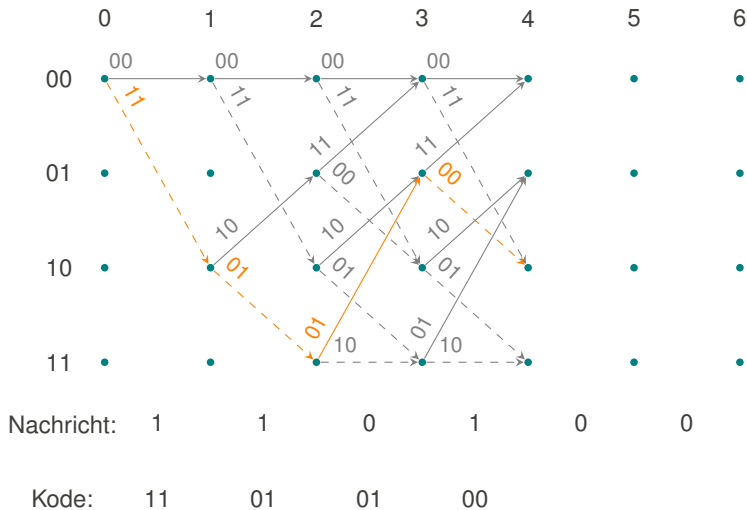
Trellis - Kodierung



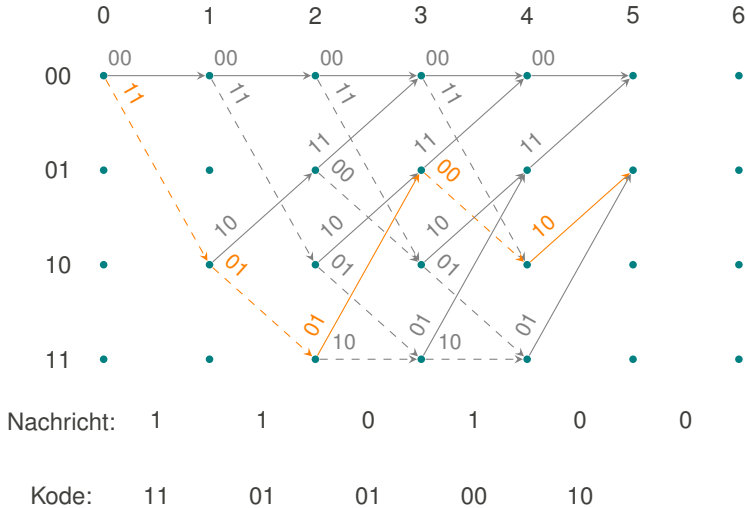
Trellis - Kodierung



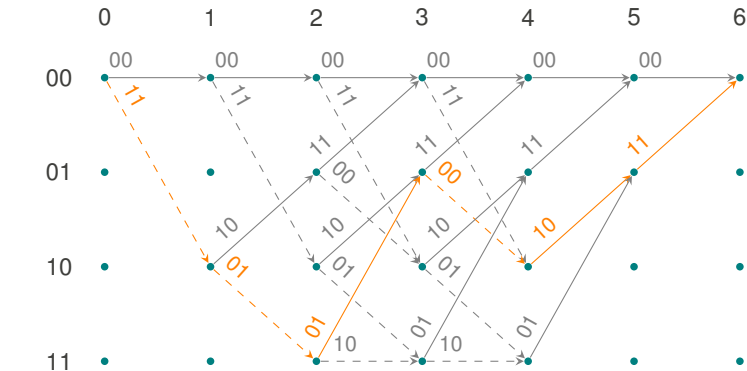
Trellis - Kodierung



Trellis - Kodierung



Trellis - Kodierung



Nachricht: 1 1 0 1 0 0

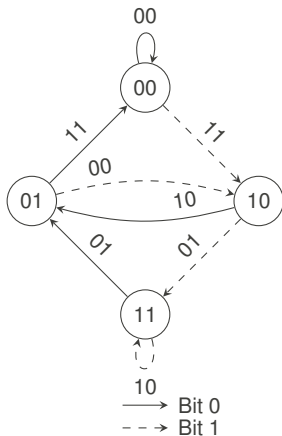
Kode: 11 01 01 00 10 11



Faltungskodierung

Nachricht: (1, 1, 0, 1, 0, 0)

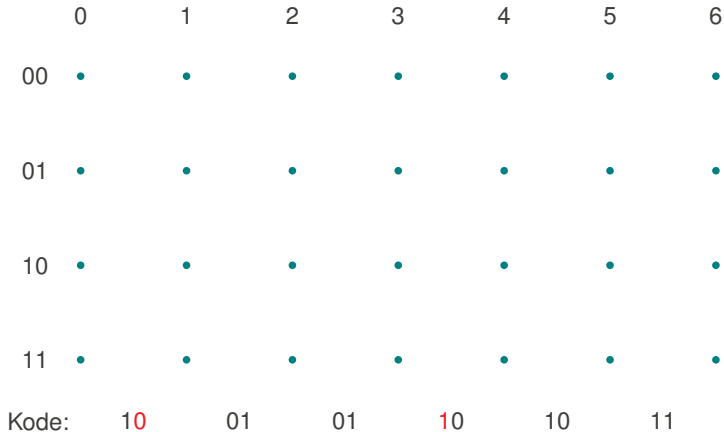
Input	Zustand	Folgezustand	Output
1	00	10	11
1	10	11	01
0	11	01	01
1	01	10	00
0	10	01	10
0	01	00	11



Kode : (1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1)



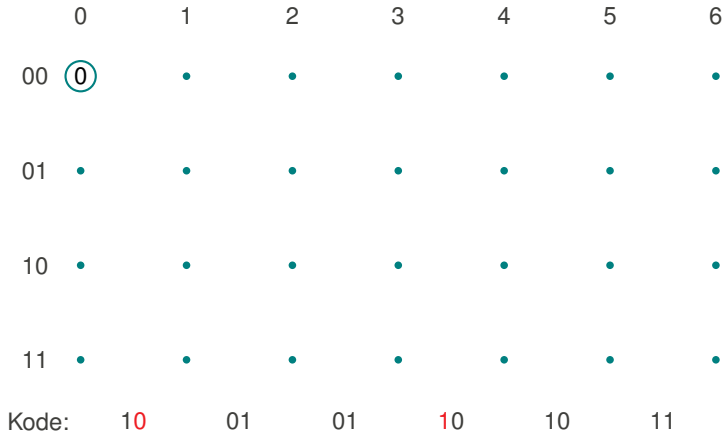
Faltungsdekodierung (Viterbi-Algorithmus)



Nachricht:



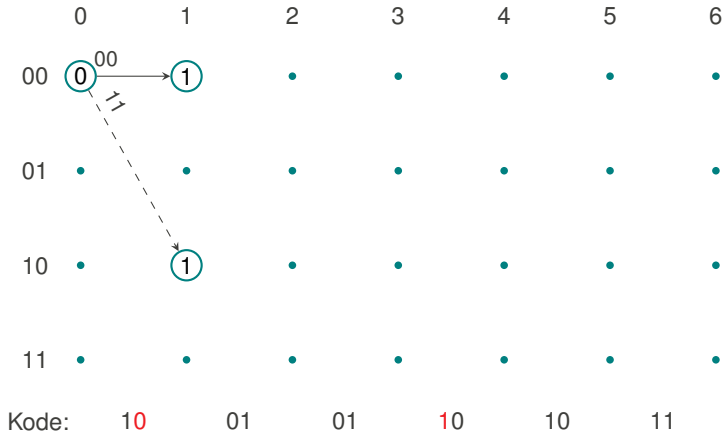
Faltungsdekodierung (Viterbi-Algorithmus)



Nachricht:



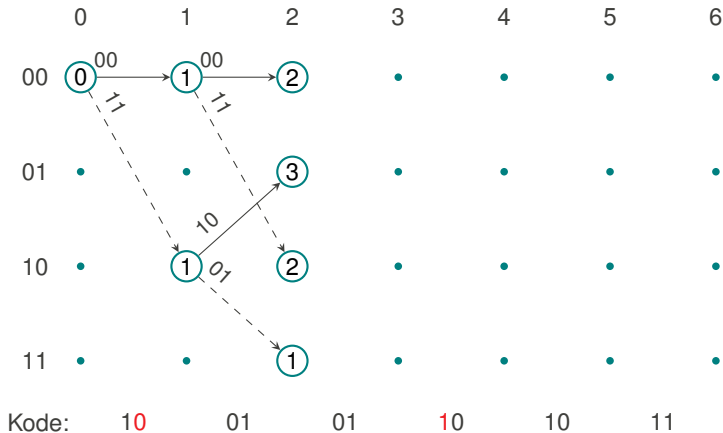
Faltungsdekodierung (Viterbi-Algorithmus)



Nachricht:



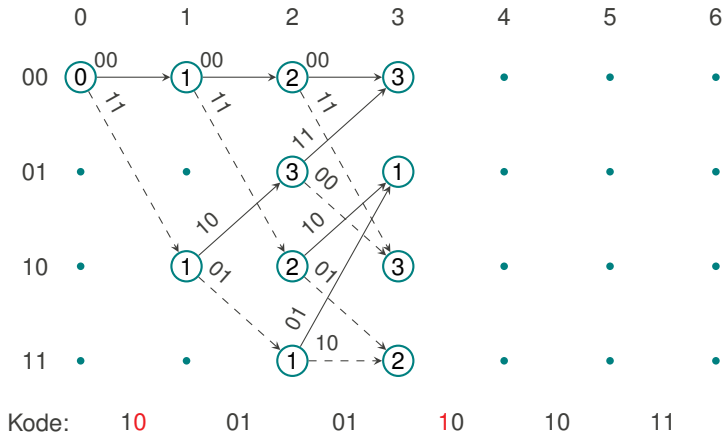
Faltungsdekodierung (Viterbi-Algorithmus)



Nachricht:



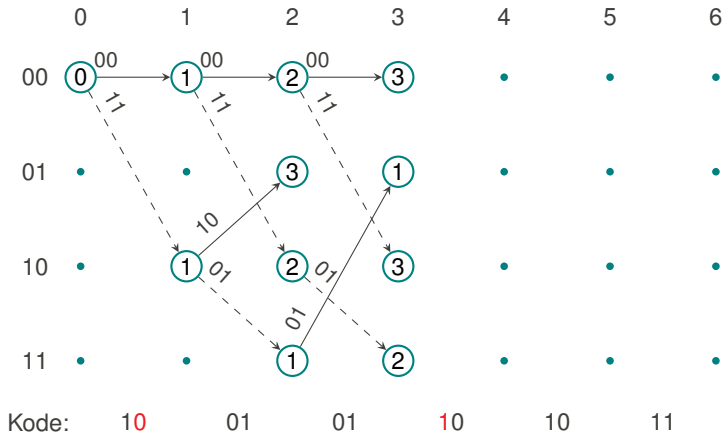
Faltungsdekodierung (Viterbi-Algorithmus)



Nachricht:



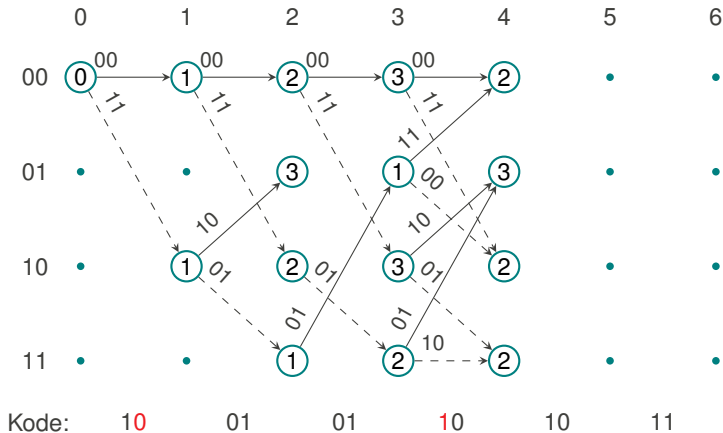
Faltungsdekodierung (Viterbi-Algorithmus)



Nachricht:



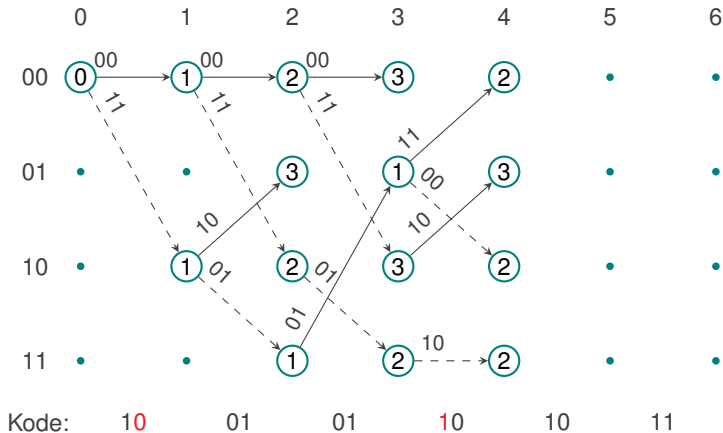
Faltungsdekodierung (Viterbi-Algorithmus)



Nachricht:



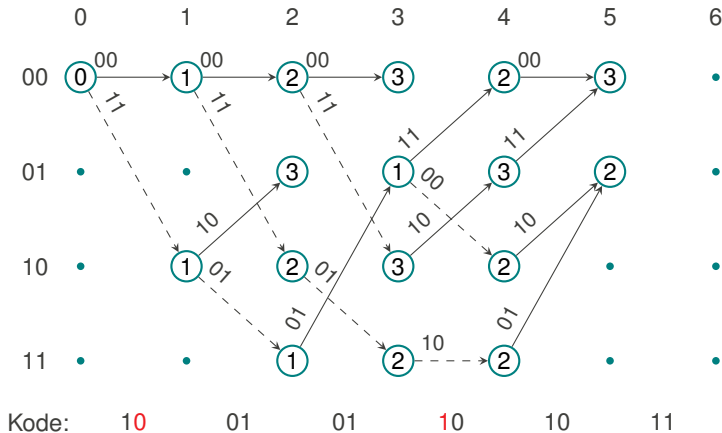
Faltungsdekodierung (Viterbi-Algorithmus)



Nachricht:



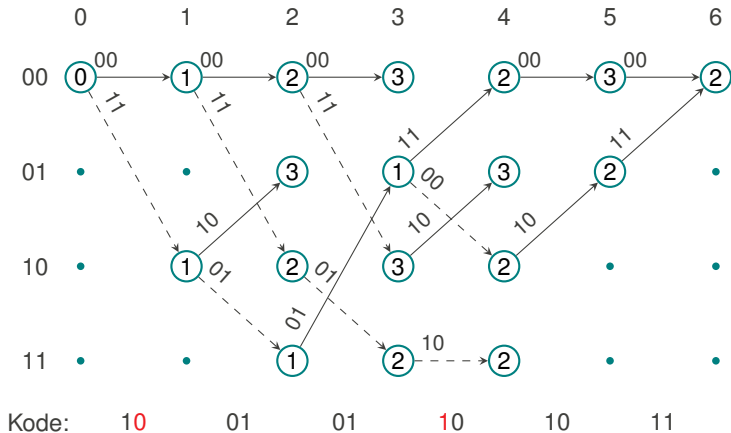
Faltungsdekodierung (Viterbi-Algorithmus)



Nachricht:



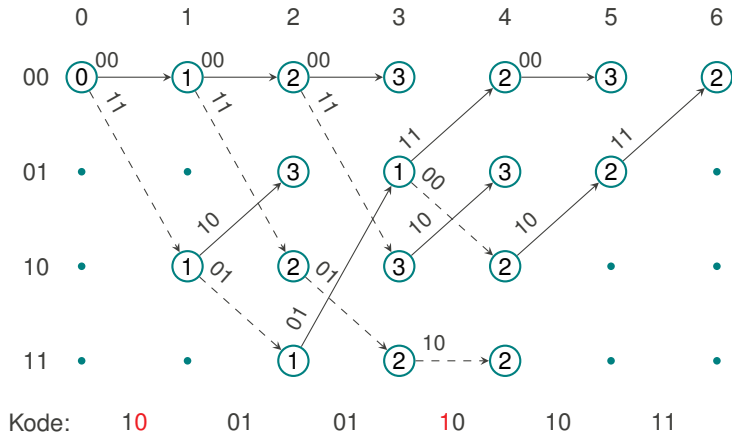
Faltungsdekodierung (Viterbi-Algorithmus)



Nachricht:



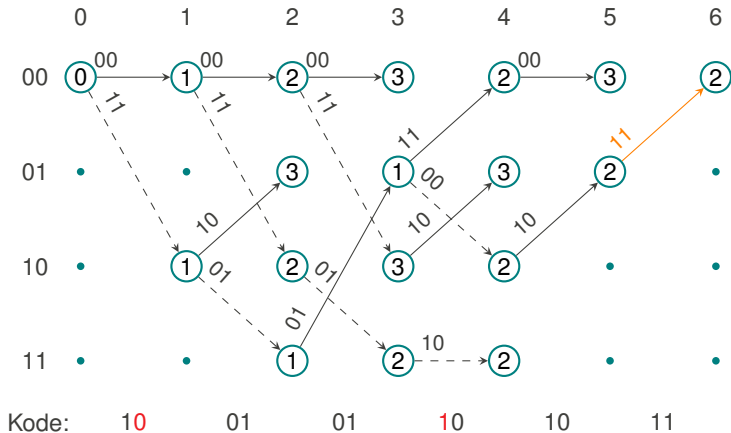
Faltungsdekodierung (Viterbi-Algorithmus)



Nachricht:



Faltungsdekodierung (Viterbi-Algorithmus)

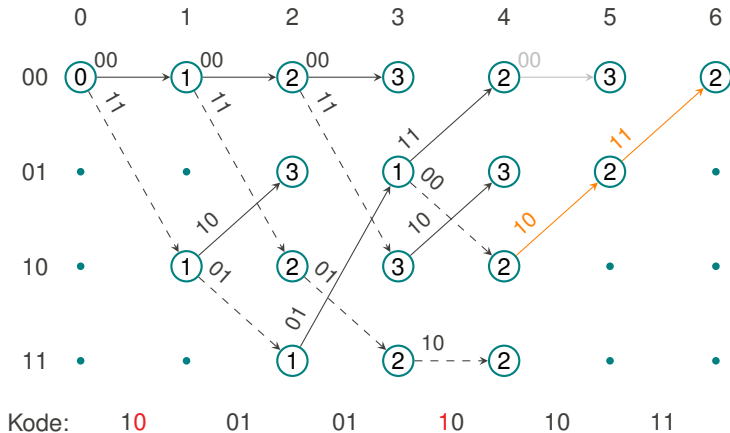


Nachricht:

0



Faltungsdekodierung (Viterbi-Algorithmus)

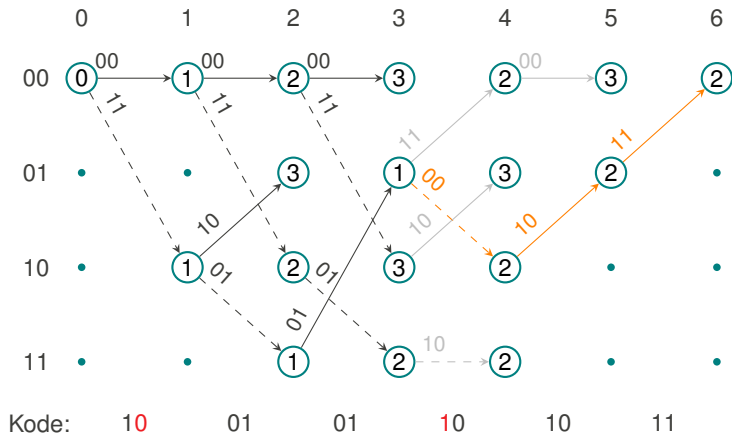


Nachricht:

0 0



Faltungsdekodierung (Viterbi-Algorithmus)

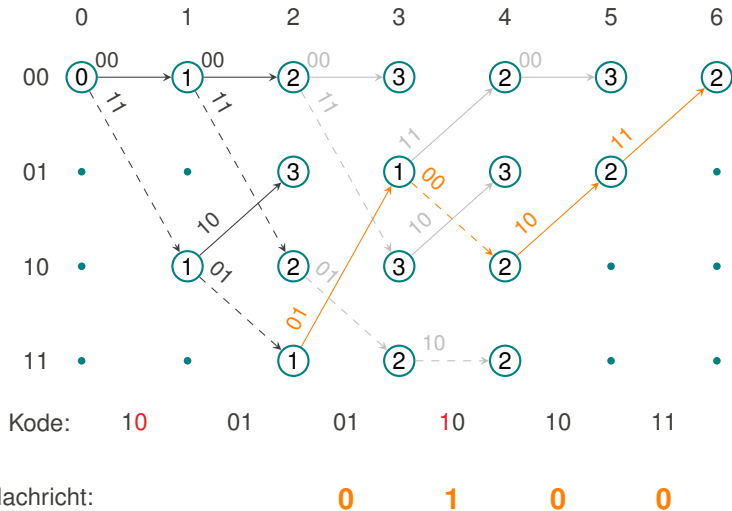


Nachricht:

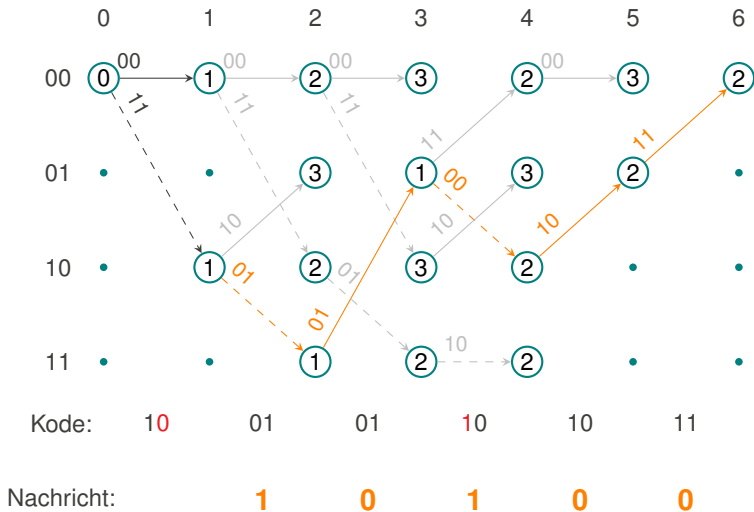
1 0 0



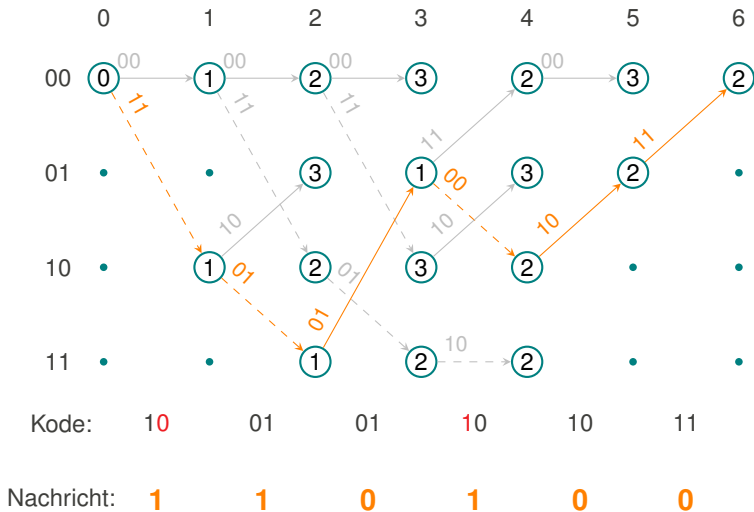
Faltungsdekodierung (Viterbi-Algorithmus)



Faltungsdekodierung (Viterbi-Algorithmus)



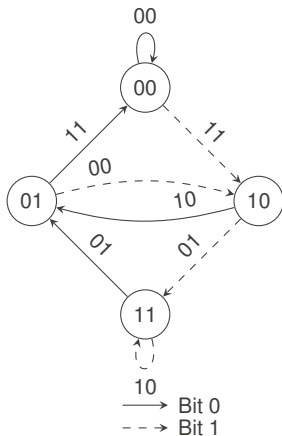
Faltungsdekodierung (Viterbi-Algorithmus)



Faltungskodierung

Nachricht: (1, 1, 0, 1, 0, 0)

Input	Zustand	Folgezustand	Output
1	00	10	11
1	10	11	01
0	11	01	01
1	01	10	00
0	10	01	10
0	01	00	11



Kode : (1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1)



Viterbi-Algorithmus

- ▶ Varianten
 - ▶ hard decision Dekodierung
 - ▶ soft decision Dekodierung
- ▶ Dekodierung aufwändig → Flaschenhals



Viterbi-Algorithmus

- ▶ Varianten
 - ▶ hard decision Dekodierung
 - ▶ soft decision Dekodierung
- ▶ Dekodierung aufwändig → Flaschenhals

R vs. C/C++

- ▶ R-Code wird interpretiert → langsam
- ▶ Flaschenhals: Schleifen, rekursive Funktionen
- ▶ Performance mittels C/C++-Code verbessern (kompiliert)
- ▶ Rcpp-Paket



R-Datentypen

- ▶ NumericVector
- ▶ IntegerVector
- ▶ CharacterVector
- ▶ LogicalVector
- ▶ NumericMatrix
- ▶ IntegerMatrix
- ▶ CharacterMatrix
- ▶ LogicalMatrix



R-Datentypen

Beispiel

```
1 IntegerVector replicate(int x, int times)
2 {
3     IntegerVector v(times);
4
5     for (int i = 0; i < times; i++)
6     {
7         v[i] = x;
8     }
9
10    return v;
11 }
```

einfacher Funktionsaufruf

C++-Code: *vectors.cpp*

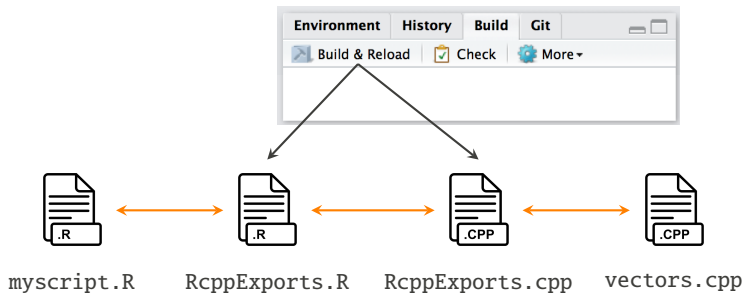
```
1 #include <Rcpp.h>
2 using namespace Rcpp;
3
4 // [[Rcpp::export]]
5 double vector_mean(NumericVector x) {
6
7     int n = x.size();
8     double total = 0;
9
10    for (int i = 0; i < n; i++) {
11        total += x[i];
12    }
13    return total / n;
14 }
```

einfacher Funktionsaufruf

R-Code: *myscript.R*

```
1 | mean <- vector_mean(c(5,12,9,1,3))  
2 | mean  
3 | # 6
```

einfacher Funktionsaufruf



Literatur

- ▶ W. C. Huffman und V. Pless. *Fundamentals of Error-Correcting Codes*. 2010
- ▶ R. H. Morelos-Zaragoza. *The Art of Error Correcting Coding*. 2006
- ▶ D. Schönfeld, H. Klimant und R. Piotraschke. *Informations- und Kodierungstheorie*. 2012
- ▶ H. Wickham. *Advanced R*. 2015
- ▶ H. Wickham. *R Packages*. 2015

