Biologia Quantitativa Dispersão de Organismos na Paisagem: Poisson, Uniforme, Binomial

Depto de Zoologia 11 de maio de 2023

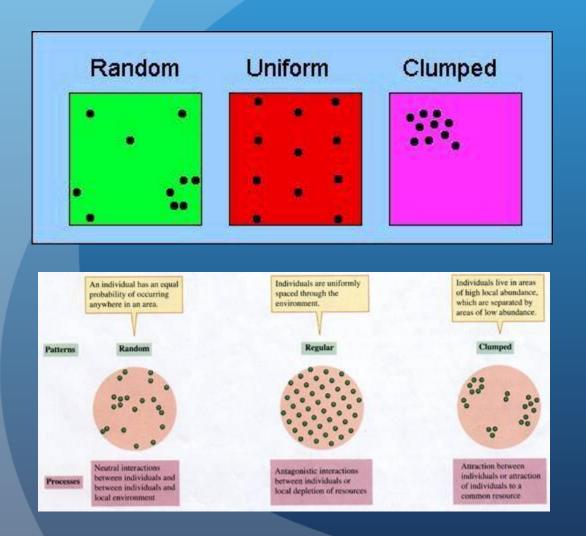
Roteiro da Aula

- Andrade e Ogliari sec 4.4.3 e 4.5 Poisson
- Andrade e Ogliari 4.4.2 Binomial
- Vieira Bioestatística cap 9 Binomial
- Sokal e Rohlf cap 5.2 (binomial) 5.3 (poisson)
- Ludwig & Reynolds Statistical Ecology cap 3

Tipos de dispersão

- Aleatória a presença do organismo é independente da presença dos demais
- Uniforme o espaçamento entre organismos é maior do que seria esperado ao acaso - interação negativa
- Agregada os organismos tem distribuição mais agregada do que ao acaso - interações positivas

Distribuição Espacial



Distribuições e tipo de dispersão

- Poisson aleatória média igual à variância
- Binomial negativa média menor que a variância agregada
- Binomial positiva média maior que a variância uniforme
- Um teste prático para estimar agregação é simplesmente calcular a razão média/variância
- Entretanto isto n\u00e3o quer dizer que a distribui\u00e7\u00e3o seja uma das acima
- O teste mais aceito hoje é o índice de morisita, que representa um estimador não tendencioso da distribuição estatística

Médias e Variâncias

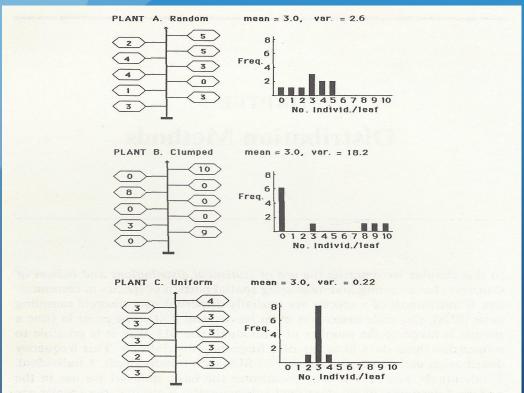


Figure 3.1 Possible dispersals for 30 scale insects on 10 leaves (natural SUs) showing number of insects found on each leaf. The mean and variance for the number of insects per leaf for plants A (random), B (clumped), and C (uniform) is given.

Distribuição Poisson

- Usada para contagem de indivíduos por intervalo de tempo, comprimento, área ou volume.
- Valores por unidade tem de ser baixos para poder usar (escala)
- Cada unidade tem igual probabilidade de ocorrencia de individuos
- A ocorrência de indivíduos não afeta a probabilidade de presença de outros
- Cada unidade está igualmente acessível
- Hipótese: número de indivíduos por amostra é de distribuição poisson. Se Ho for rejeitada, sabemos apenas que não é aleatória, mas não a qual pertence

Distribuição Poisson

Pode esse padrão de dispersão aleatória ser descrito matematicamente? A resposta é sim, e a descrição é feita através de um modelo, cuja função de probabilidade, ou seja, a probabilidade de encontrar x indivíduos por quadrante, é dada por:

$$Prob(X = x) = \frac{e^{-\lambda} \times \lambda^x}{x!}$$
 (4.7)

com x=0,1,2,3,..., onde e é o número de Euler e vale 2,718282 e $\lambda>0$ é o parâmetro da distribuição e corresponde ao número médio ou esperado de

 $[\]overline{\ ^2}$ O nome desta distribuição está associado ao matemático francês Siméon Denis Poisson (1781-1840).

Distribuição Poisson

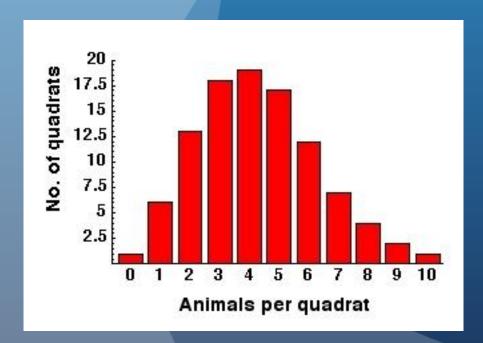
Abaixo esq: poisson média 4.3

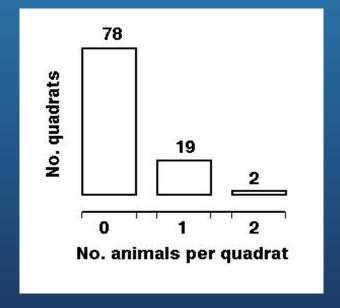
Abaixo dir: poisson média 0,25 n=25 100

quadrats

Dir: distribuição palmeiras em Penang, Malásia







Distribuição Binomial

4.5 Aproximação da distribuição binomial pela distribuição de Poisson

O modelo de Poisson pode ser considerado como limite da distribuição binomial, isto é, para valores de n grande (fazendo-se n cada vez maior) e π pequeno (fazendo-se π cada vez menor), verifica-se a seguinte aproximação:

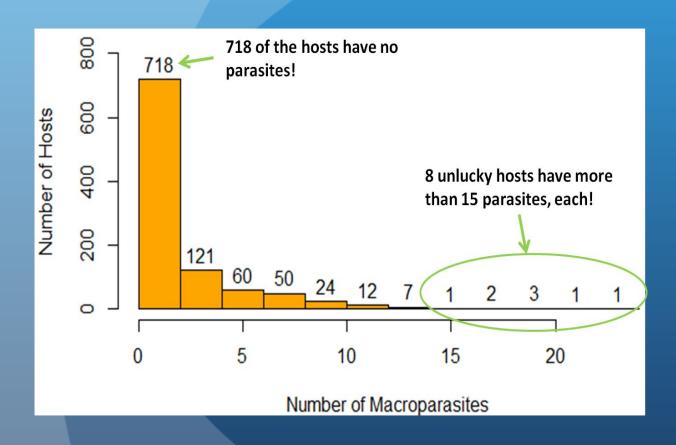
$$\binom{n}{x}\pi^x (1-\pi)^{n-x} \cong \frac{e^{-\lambda} \times \lambda^x}{x!}, \text{com } x = 0, 1, 2, ..., n,$$
 (4.8)

com parâmetro $\lambda = n\pi$, a média da distribuição binomial. Observemos que, no lado esquerdo de (4.8), temos a função de probabilidade da binomial; e, no lado direito, a função de probabilidade da Poisson, com parâmetro dado pela média da binomial. Para saber se a aproximação é boa, uma recomendação prática é verificar se a desigualdade $n\pi \le 10$ é válida. No Apêndice H estão apresentadas algumas situações do cálculo das probabilidades usando os dois modelos. Podemos notar que para $n \ge 500$ e $\lambda \le 10$ a aproximação é boa.

Distribuição Binomial / Negativa

- Mais usada de todas para modelar dados agregados.
- Aplica-se no caso de duas premissas da poisson não serem válidas: a) cada amostra ter probabilidade igual de hospedar organismo e b) presença de organismo não afeta a ocorrência dos demais.
- Indicada por alta variância em relação à média
- Dois parâmetros: média e k= parâmetro indicando grau de agregação

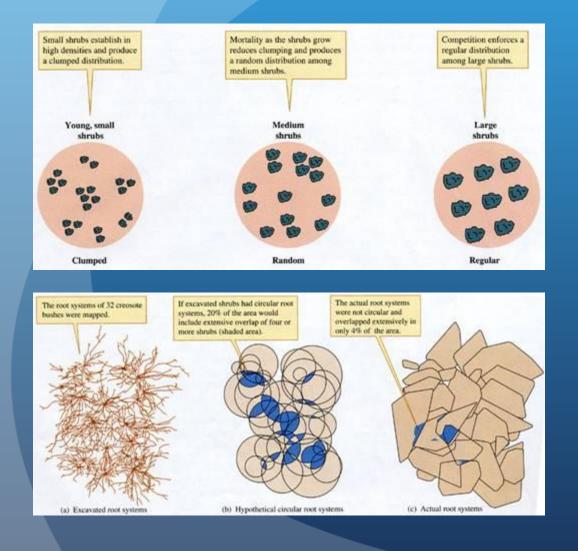
Agregação de Parasitas



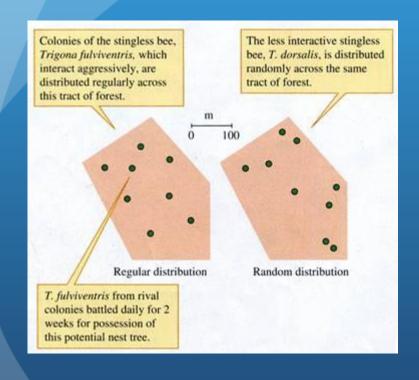
Distribuição Binomial / Positiva

- Assim como a binomial negativa, usada quando as premissas da poisson não se aplicam
- Entretanto está associada a baixa variância em relação à média
- Interações negativas levam a super-dispersão

Interações Intra-Específicas



Abelhas - Hubbell e Johnson



Como medir

- Métodos diversos
- Quadrat
- Transectos
- Contagens instantâneas

Quadrats - Curso Biomar 2011









- Trabalho de Elida Cunha (2011) distribuição cupins
- Índice de morisita para gerar hipótese
- Agregada ou poisson?
- Gerou distribuição esperada
- Comparou com observada qui-quadrado

Cupins - Iporá - GO

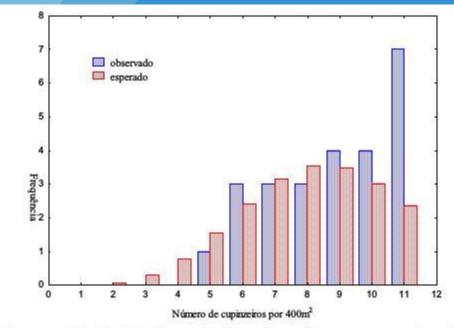


Figura 1. Distribuição de cupinzeiros observados em 25 parcelas da pastagem e a frequência esperada pela Distribuição Poisson, Iporá-GO, 2005.

Cupins - Iporá - GO

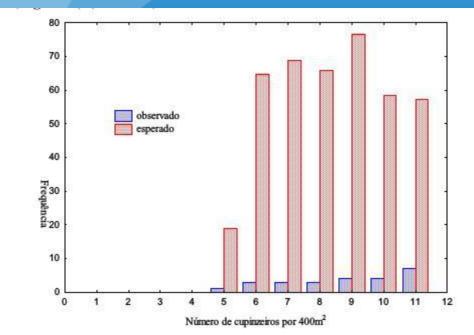


Figura 2. Distribuição de cupinzeiros observados em 25 parcelas da pastagem e a frequência esperada pela Distribuição Binomial Positiva, Iporá-GO, 2005

- Lima-Ribeiro e Prado 2007 arvore Vernonia aurea cerradão Caiapônia, GO
- Distribuição Poisson (aleatória) e binomial negativa (agregada)
- Teste G (esperado vs observado)
- Indice de dispersao

Tabela 2. Distribuição de freqüências esperadas de acordo com a Distribuição Binomial Negativa e cálculos do teste G para parcelas de tamanho 0,09 m² em um fragmento de Cerradão no extremo oeste do município de Caiapônia, Goiás, Brasil.

N° indivíduos por parcela (r)	Interior do fragmento			Borda do fragmento		
	Freqüências		Teste G	Freqüências		Teste G
	Fo(r)	Fe(r)	cumulativo	150	Fe(r)	cumulativo
0	72	71,20	0,80	52	52,75	-0,75
1	59	59,19	0,61	54	50,15	3,24
2	31	35,34	-3,46	34	36,69	0,65
3	24	18,35	2,99	21	24,16	-2,29
4	5	8,81	0,16	16	15,03	-1,29
5	7	4,02	4,04	10	9,02	-0,26
6	1	1,77	1726	6	5,28	0,51
7	1	1,32		2	3,04	-0,33
8	2		-	4	1,72	5
9	20	12	(40)	1	2,16	2
-	*2	*3,09	3,17	*5	*3,88	0,94
Tot	al 200	200,0	G = 6,34	200	200,0	G = 1,88

Fo(r): distribuição de freqüências observadas (número de parcelas com 0, 1, 2, ..., r indivíduos); Fe(r): distribuição de freqüências esperadas (modelo teórico); *Somatória das frequências esperadas menores que três. Suas respectivas frequências observadas também foram somadas para o calculo do teste G.

Tabela 1. Distribuição de frequências esperadas de acordo com o modelo de Poisson e cálculos do test parcelas de tamanho 6,05 m² em um fragmento de Cerradão no extremo oeste do muni Caiapônia, Goiás, Brasil.

Nº indivíduos por parcela (r)	Interior do fragmento			Borda do fragmento		
	Freqüências		Teste G	Freqüências		Teste G
	Fo(r)	Fe(r)	cumulativo	Fo(r)	Fe(r)	cumulativo
0	72	54,24	20,39	52	28,48	31,31
1	59	70,78	9,65	54	55,48	29,85
2	31	46,18	-2,71	34	54,10	14,06
3	24	20,08	1,57	21	35,16	3,24
4	5	6,56	0,21	16	17,14	2,14
5	7	1,72	100	10	6,68	6,17
6	1	0,38	-	6	2,18	-
7	1	0,06	-	2	0,60	-
8	(<u>=</u>)	-	121	4	0,14	2
9	-		(+0)	1	0,04	-
-	*9	*2,16	13,06	*13	*2,96	25,40
Tota	1 200	200,0	G = 26,13	200	200,0	G = 50,80

Fo(r): distribuição de frequências observadas (número de parcelas com 0, 1, 2, ..., r indivíduos); Fe(r): distribuição de f esperadas (modelo teórico); *Somatória das frequências esperadas menores que três. Suas respectivas frequências observada foram somadas para o calculo do teste G.

- Medeiros et al 2015 distribuição moluscos em estuários
- Diversas distâncias a partir do litoral
- Densidades
- Índice de morisita

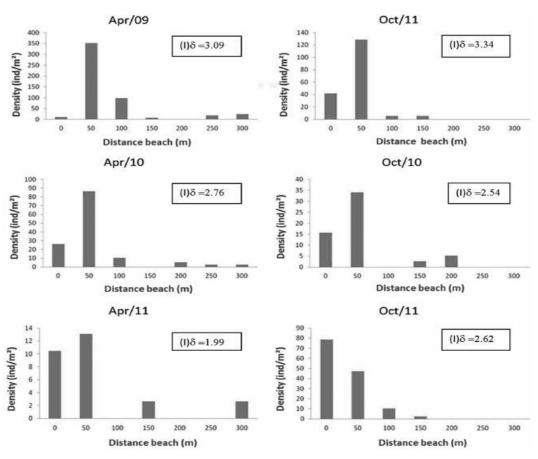


Figure 5. Average density of *Donax striatus*, in the estuary of Apodi/Mossoró River, Rio Grande do Norte State (RN), Northeast Brazil, according to different sampling times (Apr/09, Oct/09, Apr/10, Oct/10, Apr/11, and Oct/11) and corresponding Morisita index values (Iδ).

Índices de Agregação

- Variancia Média
- Binomial negativa k
- Coeficiente de Green
- Indice de Morisita
- Distancia vs regularidade