

ATIVIDADE AVALIATIVA 1 (30%) - LISTA - FIB - BAURU Professor M.e Daniel Fernandes

Disciplina: Cálculo Numérico

1 Representação numérica

- 1. Realize a enumeração dos sistemas numéricos a seguir até o valor M, indicado:
 - (a) Base 2, M = 100
 - (b) Base 3, M = 100
 - (c) Base 4, M = 30
 - (d) Base 8, M = 30
 - (e) Base 10, M = 25
 - (f) Base 12, M = 25
 - (g) Base 16, M = 35
- **2**. Um sistema numérico é constituído desses 4 algarismos: 0, \triangle (equivalente a 1), \oplus (equivalente a 2) e \otimes (equivalente a 3).
 - (a) Conte até o trigésimo número, fazendo a correspondência com a contagem de inteiros na base decimal e na base hexadecimal.
 - (b) Calcule $\oplus \otimes + \triangle \oplus$ e escreva o resultado no referido sistema e nas bases decimal e hexadecimal.
 - (c) Multiplique $\oplus \triangle \otimes$ por \oplus e escreva o resultado no referido sistema e nas bases decimal e hexadecimal.
 - (d) Calcule $\oplus \oplus \oplus \triangle \oplus$ e escreva o resultado no referido sistema e nas bases decimal e hexadecimal
- **3**. Trunque, Arredonde e Arredonde utilizando o padrão Resolução Nº886/66 do IBGE os seguintes números (decimais), utilizando-se 4 algarismos significativos:
 - (a) 12,16478

- (b) 21,16689
- (c) 39,36516
- (d) 123,5678
- (e) 256,5578
- (f) 4511,64671
- (g) 54321,5463
- 4. Converta as bases numéricas a seguir para a representação indicada:
 - (a) $(10110)_2 \rightarrow x_5$
 - (b) $(51)_{10} \rightarrow x_{12}$
 - (c) $(46)_7 \rightarrow x_{12}$
 - (d) $(75)_8 \rightarrow x_{16}$
 - (e) $(88)_8 \rightarrow x_{16}$
 - (f) $(A2EBF)_{16} \to x_{10}$
 - (g) $(FF)_{16} \to x_2$
 - (h) $(BDA15E)_{16} \rightarrow x_{12}$
- 5. Converta os números em representação binária para sua representação decimal, e os números em representação decimal para binária:
 - (a) $(110011)_2$
 - (b) $(366)_{10}$
 - (c) $(101.11011)_2$
 - (d) $(4.25)_{10}$
 - (e) $(0.1000001)_2$
 - $(f) (29/6)_{10}$

Sistema de Ponto Flutuante 2

- 6. Denote os seguintes números em forma de Notação Científica:
 - (a) 412345545412132321
 - (b) 0,00000065
 - (c) 59000000000000123
 - (d) 0,00000000000001213456
- 7. Considere uma máquina cujo sistema de representação de números é definido por F(10, 4, -5, 5) (i.e., base decimal, 4 dígitos na mantissa, e expoente no intervalo -5, ..., 5.). Pede-se:
 - (a) Qual o menor e maior número em módulo representados neste sistema?
 - (b) Como será representado o número 73.758 nesta máquina, se for usado o arredondamento? E se for usado o truncamento?

- (c) Se a = 42450 e b = 3 qual o resultado de a+b?
- 8. Considere o sistema F(2, 8, 10, 10). Represente no sistema os números: $x_1 = \sqrt{8}, x_2 = \pi^2$ e $x_3 = 3.57$. Existe algum número x_i com representação exata neste sistema?
- 9. Quais os maiores e menores números em módulo que podem ser representados no sistema F(10, 4, 3, 4)? Indique a representação de zero nessa máquina.
- 10. Quais os maiores e menores números em módulo que podem ser representados no sistema F(2, 3, 1, 2)? Indique a representação de zero nessa máquina.
- 11. Quantos números podem ser representados no sistema F(2, 3, 1, 2)? Represente os números $x_1 = (0.38)_{10}, x_2 = (5.3)_{10}, e x_3 = (0.15)_{10}.$
- 12. Seja uma máquina fictícia que opera em um sistema de ponto flutuante de base binária e que representa os números usando 32 bits. Seja o seguinte número representado nesta máquina:

											8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31																						
	0	1	1	2	3	4	5	6	7													20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31
	0	(0	0	0	0	1	1	0	0	1	0	1	0	0	1	0	0	1	1	1	0	1	1	0	1	1	1	1	0	1	1	0
L																																	_

Se o primeiro bit indica o sinal do número, o segundo bit é o sinal do expoente, os próximos seis bits são o expoente, e os últimos vinte e quatro bits são a mantissa, responda às seguintes perguntas:

- (a) O número está normalizado? Se não, normalize-o.
- (b) O número é positivo ou negativo?
- (c) Em módulo, o número e menor do que 1 ou maior do que 1?
- (d) Como ficaria a representação deste número no sistema F(10.6,-10,10) (i.e., base decimal, 6 dígitos na mantissa, e expoente variando de -10, ..., 10)?
- 13. (Exercício Extra) Seja um sistema de aritmética de ponto flutuante de quatro dígitos na mantissa, base decimal e que usa o arredondamento. Dados os números $x = 0.9370 \cdot 10^4$ e $y = 0.1272 \cdot 10^2$, efetue as operações: x+y e $x\cdot y$. Obtenha o erro relativo no resultado supondo que x e y estão exatamente representados.

3 Tipos de Erros

- 14. Determine os intervalos de overflow e underflow no sistema de ponto flutuante F(10, 3, -4, 4)? Indique a representação de zero nessa máquina.
- 15. Determine os intervalos de overflow e underflow no sistema de ponto flutuante F(2, 5,-5, 3)? Indique a representação de zero nessa máquina.
- 16. Determine os erros absolutos e relativos ao arredondar ou truncar os seguintes valores, registrar de forma truncada o valor x=2,37659.

considerando-se 4 algarismos significativos:

- (a) 12,16478
- (b) 39,36516
- (c) 4511,64671
- (d) 54321,5463
- 17. Determine os erros absoluto e relativo ao se

 10^3 no sistema de ponto flutuante F(10,4,-5,5). O erro encontrado é proveniente de um ERRO DE ARREDONDAMENTO ou de um ERRO DE TRUNCAMENTO?

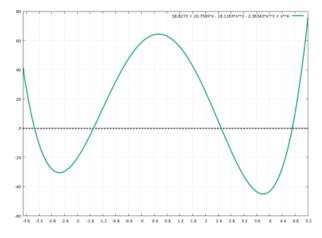
18. Determine, utilizando-se apenas 2 iterações

com o Método da Bissecção, uma das raízes da função $f(x)=x^3-4.24x^2-10.51x+33.65$ no internalo [0,4]. O erro encontrado é proveniente de um ERRO DE ARREDONDAMENTO ou de um ERRO DE TRUNCAMENTO?

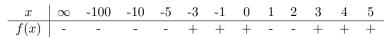
4 Zeros reais de funções reais

- 19. Marque V para verdadeiro, F para falso:
- a) Uma desvantagem de usar $|f(\bar{x})| < \epsilon$ como critério de parada é que a função pode apenas chegar próximo de 0, mas não cruzar o eixo x.
- b) Uma vantagem de se usar $|\bar{x} \xi| < \epsilon$ como critério de parada é que pode-se determinar determinado zero com precisão de casas decimais.
- c) Dado um intervalo [a,b], se f é contínua, f(a) > 0 e f(b) > 0, então não há raiz real no intervalo [a,b].
- d) Dado um intervalo [a,b], se f é contínua, f(a) > 0 e f(b) < 0, então há exatamente uma única raiz real no intervalo [a,b].
- e) Dado um intervalo [a,b], se f é contínua, f(a)f(b) < 0, então há pelo menos uma raiz real no intervalo [a,b].

20. Determine 4 intervalos reais onde se encontram os zeros da função $f(x)=x^4-2.36343x^3-18.1163x^2+20.7595x+58.8273$. Justifique.



- **21**. Encontre computacionalmente as 4 raízes reais da função $f(x)=x^4-2.36343x^3-18.1163x^2+20.7595x+58.8273$, utilizando o método da bisseção.
- **22.** Identifique, utilizando a tabela abaixo, os intervalos que contenham os zeros reais da função $f(x) = x^3 9x + 3$.



- **23**. Determine, utilizando o Método da Bissecção, com uma precisão de $\epsilon < 10^{-2}$, as raízes da função $f(x) = x^3 9x + 3$.
- 24. (Exercício Extra) Duas escadas se cruzam em um beco de largura L. Cada escada tem uma extremidade apoiada na base de uma parede e a outra extremidade apoia em algum ponto na parede oposta. As escadas se cruzam a uma altura A acima do pavimento. Calcule L, sendo $x_1 = 20m$ e $x_2 = 30m$ os respectivos comprimentos das escadas e A = 8m. Use um dos métodos para encontrar raízes utilizando como critério de parada $|f(x_i)| < 0.001$.