实验七 用 MATLAB 设计 FIR 数字滤波器

一、实验目的:

- 1、加深对窗函数法设计 FIR 数字滤波器的基本原理的理解。
- 2、学习用 MATLAB 语言的窗函数法编写设计 FIR 数字滤波器的程序。
- 3、了解 MATLAB 语言有关窗函数法设计 FIR 数字滤波器的常用函数用法。
- 4、掌握 FIR 滤波器的快速卷积实现原理。
- 二、实验原理:

1、用窗函数法设计 FIR 数字滤波器

FIR 数字滤波器的系统函数为

$$H(z) = \sum_{n=0}^{N-1} h(n)z^{-n}$$

这个公式也可以看成是离散 LSI 系统的系统函数

$$H(z) = \frac{Y(z)}{X(z)} = \frac{b(z)}{a(z)} = \frac{\sum_{m=0}^{M} b_m z^{-m}}{1 + \sum_{k=1}^{N} a_k z^{-k}} = \frac{b_0 + b_1 z^{-1} + b_2 z^{-2} + \dots + b_m z^{-m}}{1 + a_1 z^{-1} + a_2 z^{-2} + \dots + a_k z^{-k}}$$

分母 a_0 为 1, 其余 a_k 全都为 0 时的一个特例。由于极点全部集中在零点,稳定和线性相位特性是 FIR 滤波器的突出优点,因此在实际中广泛使用。

FIR 滤波器的设计任务是选择有限长度的 h(n),使传输函数 $H(e^{j^{\alpha}})$ 满足技术要求。主要设计方法有窗函数法、频率采样法和切比雪夫等波纹逼近法等。本实验主要介绍窗函数法。

用窗函数法设计 FIR 数字滤波器的基本步骤如下:

- (1) 根据过渡带和阻带衰减指标选择窗函数的类型,估算滤波器的阶数 N。
- (2) 由数字滤波器的理想频率响应 H(e^{j®})求出其单位冲激响应 h_d(n)。

可用自定义函数 ideal lp 实现理想数字低通滤波器频率响应的求解。

程序清单如下:

function hd=ideal lp(wc,N) %点 0 到 N-1 之间的理想脉冲响应

%wc=截止频率(弧度)

%N=理想滤波器的长度

tao = (N-1)/2:

n=[0:(N-1)];

m=n-tao+eps; %加一个小数以避免 0 作除数

hd=sin(wc*m)./(pi*m);

其它选频滤波器可以由低通频响特性合成。如一个通带在 $\omega_{c1} \sim \omega_{c2}$ 之间的带通滤波器 在给定 N 值的条件下,可以用下列程序实现:

Hd=ideal_lp(wc2,N)-ideal_lp(wc1,N)

- (3) 计算数字滤波器的单位冲激响应 h(n)=w(n)h_d(n)。
- (4) 检查设计的滤波器是否满足技术指标。

如果设计的滤波器不满足技术指标,则需要重新选择或调整窗函数的类型,估算滤波器的阶数 N。再重复前面的四个步骤,直到满足指标。

常用的窗函数有矩形窗、三角形窗、汉宁窗、哈明窗、切比雪夫窗、布莱克曼窗、凯塞窗等,MATLAB 均有相应的函数可以调用。另外,MATLAB 信号处理工具箱还提供了fir1 函数,可以用于窗函数法设计 FIR 滤波器。

由于第一类线性相位滤波器(类型 I)能进行低通、高通、带通、带阻滤波器的设计, 因此,本实验所有滤波器均采用第一类线性相位滤波器。

2、各种窗函数特性的比较

例 7-1 在同一图形坐标上显示矩形窗、三角形窗、汉宁窗、哈明窗、布莱克曼窗、凯 寒窗的特性曲线。

程序清单如下:

```
N=64;beta=7.865;n=1:N;

wbo=boxcar(N);

wtr=triang(N);

whn=hanning(N);

whm=hamming(N);

wbl=blackman(N);

wka=kaiser(N,beta);

plot(n,wbo,'-',n,wtr,'*',n,whn,'+',n,whm,'.',n,wbl,'o',n,wka,'d');

axis([0,N,0,1.1]);
```

legend('矩形','三角形','汉宁','哈明','布莱克曼','凯塞')

程序运行结果如图 7-1 所示。

为了便于滤波器设计,表7-1给出了六种窗函数的特性参数。

窗函数	旁瓣峰值/dB	近似过渡带宽	精确过渡带宽	阻带最小衰减/dB
矩形窗	-13	$4\pi/N$	$1.8\pi/N$	21
三角形窗	-25	$8\pi/N$	$6.1\pi/N$	25
汉宁窗	-31	$8\pi/N$	$6.2\pi/N$	44
哈明窗	-41	$8\pi/N$	$6.6\pi/N$	53
布莱克曼窗	-57	$12\pi/N$	11 π / N	74
凯塞窗	-57		$10\pi/N$	80

表 7-1 六种窗函数的特性参数表

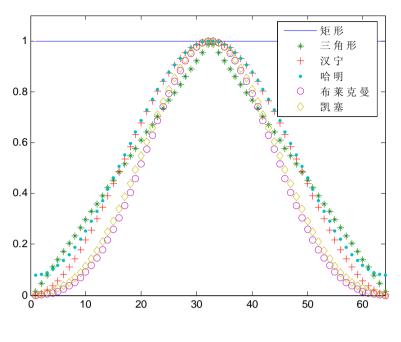


图 7-1

3、用窗函数法设计 FIR 数字低通滤波器

例 7-2 选择合适的窗函数设计一个 FIR 数字低通滤波器,要求:通带截止频率为 ω_p =0.3 π , R_p =0.05dB;阻带截止频率为 ω_s =0.45 π , A_s =50dB。描绘该滤波器的脉冲响应、窗函数及滤波器的幅频响应曲线和相频响应曲线。

分析:根据设计指标要求,并查表 7-1,选择哈明窗。程序清单如下:

wp=0.3*pi;ws=0.45*pi;deltaw=ws-wp;N0=ceil(6.6*pi/deltaw);

N=N0+mod(N0+1,2)%为实现 FIR 类型 1 偶对称滤波器, 应确保 N 为奇数

windows=(hamming(N))';wc=(ws+wp)/2;

hd=ideal lp(wc,N);b=hd.*windows;

[H,w] = freqz(b,1,1000, 'whole');

H=(H(1:501))'; w=(w(1:501))';

mag=abs(H);

db=20*log10((mag+eps)/max(mag));

pha=angle(H);

n=0:N-1;dw=2*pi/1000;

Rp=-(min(db(1:wp/dw+1))) %检验通带波动

As=-round(max(db(ws/dw+1:501))) %检验最小阻带衰减

subplot(2,2,1);stem(n,b);axis([0,N,1.1*min(b),1.1*max(b)]);title('实际脉冲响应');

xlabel('n');ylabel('h(n)');subplot(2,2,2);stem(n,windows);

axis([0,N,0,1.1]);title('窗函数特性');xlabel('n');ylabel('wd(n)');

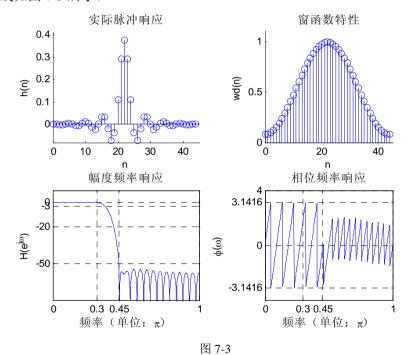
subplot(2,2,3);plot(w/pi,db);axis([0,1,-80,10]);title('幅度频率响应');

xlabel('频率(单位: \pi)');ylabel('H(e^{j\omega})'); set(gca,'XTickMode','manual','XTick',[0,wp/pi,ws/pi,1]); set(gca,'YTickMode','manual','YTick',[-50,-20,-3,0]);grid subplot(2,2,4);plot(w/pi,pha);axis([0,1,-4,4]);title('相位频率响应'); xlabel('频率(单位: \pi)');ylabel('\phi(\omega)'); set(gca,'XTickMode','manual','XTick',[0,wp/pi,ws/pi,1]); set(gca,'YTickMode','manual','YTick',[-3.1416,0,3.1416,4]);grid 程序运行结果如下:

Nd = 45 Rp = 0.0428

As = 50

特性曲线如图 7-3 所示。



例 7-3 用 MATLAB 信号处理工具箱的 fir1 函数设计一个 FIR 数字低通滤波器,要求: 通带截止频率为 ω_p =0.3 π , R_p =0.05dB; 阻带截止频率为 ω_s =0.45 π , A_s =50dB。

程序清单如下:

wp=0.3*pi;ws=0.45*pi;

deltaw=ws-wp;

N0=ceil(6.6*pi/deltaw);

N=N0+mod(N0+1,2)%为实现 FIR 类型 1 偶对称滤波器,应确保 N 为奇数 windows=hamming(N);%使用哈明窗,此句可省略 wc=(ws+wp)/2/pi;%截止频率取归一化通阻带频率的平均值

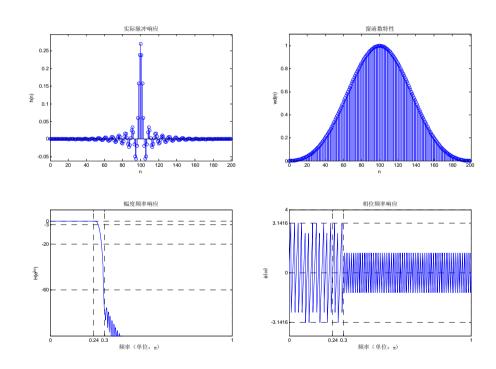
b=fir1(N-1,wc,windows);%用 fir1 函数求系统函数系数, windows 可省略

[H,w]=freqz(b,1,1000,'whole'); H=(H(1:501))';w=(w(1:501))'; mag=abs(H); db=20*log10((mag+eps)/max(mag)); pha=angle(H); n=0:N-1;dw=2*pi/1000; Rp=-(min(db(1:wp/dw+1))) %检验通带波动 As=-round(max(db(ws/dw+1:501))) %检验最小阻带衰减

其余部分与例 7-2 完全相同。

三、实验内容:

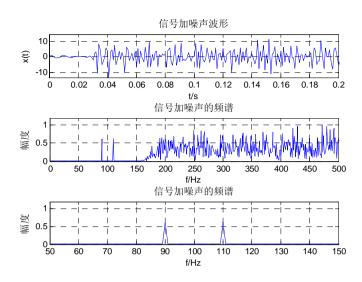
- 1、阅读并输入实验原理中介绍的例题程序,观察输出的数据和图形,结合基本原理理解每一条语句的含义。
- 2、选择合适的窗函数设计 FIR 数字低通滤波器,要求: $ω_p$ =0.24 π , R_p =0.1dB; $ω_s$ =0.3 π , A_s =60dB。描绘该滤波器的脉冲响应、窗函数及滤波器的幅频响应曲线和相频响应曲线。



3、调用信号产生函数 xtg 产生具有加性噪声的信号 x(t),并显示信号及其频谱。程序清单如下:

[xt,t]=xtg(1000);

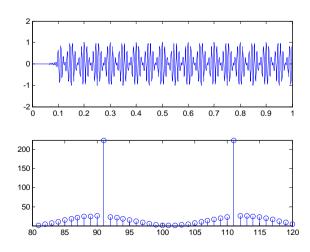
程序运行结果如下:



4、采用实验内容步骤 2 中设计的 FIR 数字低通滤波器,调用 MATLAB 快速卷积函数 fftfilt 实现对 x(t)的滤波,从高频噪声中提取 x(t)中的单频调幅信号。绘图显示滤波器的频率响应特性曲线、滤波器输出信号的幅频特性图和时域波形图。

部分代码如下:

```
yt=fftfilt(b,xt); %b 为 FIR 数字滤波器的单位脉冲相应 h(n)
Hyk=abs(fft(yt));
figure;
subplot(2,1,1);
plot(t,yt);
subplot(2,1,2);
stem(Hyk);
axis([80,120,min(Hyk),max(Hyk)]);
```



四、实验预习:

- 1、认真阅读实验原理。明确本次实验任务,读懂例题程序,了解实验方法。
- 2、根据实验任务预先编写实验程序。

五、实验报告:

- 1、列写调试通过的实验程序,打印实验程序产生的曲线图形。
- 2、列出本实验提出的有关 MATLAB 函数在调用时应注意的问题。