



Tecnológico de Monterrey

Escuela de Ingeniería y Ciencias

Campus Sonora Norte

Act 1.1 - Funciones Iterativas, Recursivas y su análisis de Complejidad

Curso:

Programación de estructuras de datos y algoritmos fundamentales

(TC1031)

Estudiante:

Daniel Alfredo Barreras Meraz A01254805

Docente:

Baldomero Olvera Villanueva

Fecha de entrega:

27 de agosto de 2023

Código fuente

```
1  #include <iostream>
2  #include <fstream>
3  #include <string>
4  #include <vector>
5
6  /* Este programa calcula la sumatoria de los primeros n números naturales utilizando tres métodos diferentes:
7   iterativo, recursivo y directo.
8   Autor: Daniel Alfredo Barreras Meraz
9   Matrícula: A01254805
10  Fecha de creación/modificación: 28/08/2023
11  */
12
13
14  /* Este algoritmo tiene una complejidad de  $O(n)$  ya que el for se ejecuta n veces y cada vez que se ejecuta
15   se hace una operación constante ( $\text{suma} += i$ ) por lo que la complejidad es  $O(n) * O(1) = O(n)$  */
16  int sumatoriaIterativa(int n){
17      if (n <= 0)
18          return 0;
19
20      int suma = 0;
21      for (int i = 0; i <= n; i++)
22          suma += i;
23      return suma;
24  }
25
26  /* Este algoritmo tiene una complejidad de  $O(n)$  ya que la función se llama a sí misma n veces y cada vez que se llama
27   se hace una operación constante ( $n + \text{sumatoriaRecursiva}(n - 1)$ ) por lo que la complejidad es  $O(n) * O(1) = O(n)$  */
28  int sumatoriaRecursiva(int n){
29      if (n <= 0)
30          return 0;
31
32      if (n == 1)
33          return 1;
34      else
35          return n + sumatoriaRecursiva(n - 1);
36  }
37
38
39  /* Este algoritmo tiene una complejidad de  $O(1)$  ya que solo se hace una operación constante  $(n * (n + 1)) / 2$ 
40   por lo que la complejidad es  $O(1)$  */
41  int sumatoriaDirecta(int n){
42      if (n <= 0)
43          return 0;
44
45      return (n * (n + 1)) / 2;
46  }
```

```

49 int main(){
50     std::ifstream file("input.txt");
51     std::string line;
52
53     std::vector<int> iterativeResults, recursiveResults, directResults;
54
55     // Lectura de casos de prueba del archivo input.txt
56     while (std::getline(file, line)){
57         int n = std::stoi(line);
58         iterativeResults.push_back(sumatoriaIterativa(n));
59         recursiveResults.push_back(sumatoriaRecursiva(n));
60         directResults.push_back(sumatoriaDirecta(n));
61     }
62
63     file.close();
64
65     std::cout << "Casos de prueba, algoritmo iterativo: " << std::endl;
66     for (int result : iterativeResults)
67         std::cout << result << std::endl;
68
69     std::cout << "\n" << "Casos de prueba, algoritmo recursivo: " << std::endl;
70     for (int result : recursiveResults)
71         std::cout << result << std::endl;
72
73     std::cout << "\n" << "Casos de prueba, algoritmo directo: " << std::endl;
74     for (int result : directResults)
75         std::cout << result << std::endl;
76
77     return 0;
78 }
79

```

Casos de prueba

| Caso de prueba | Entrada | Salida esperada (Iterativo) | Salida esperada (Recursivo) | Salida esperada (Directo) |
|----------------|---------|--------------------------------|--------------------------------|------------------------------|
| 1 | -5 | 0 | 0 | 0 |
| 2 | -10 | 0 | 0 | 0 |
| 3 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 4 | 15 | 120 | 120 | 120 |
| 5 | 20 | 210 | 210 | 210 |
| 6 | 25 | 325 | 325 | 325 |

Comprobación de casos de prueba

Casos de prueba, algoritmo iterativo:

0

0

0

120

210

325

Casos de prueba, algoritmo recursivo:

0

0

0

120

210

325

Casos de prueba, algoritmo directo:

0

0

0

120

210

325

Explicación de complejidad algorítmica utilizando ecuaciones recurrentes

Algoritmo iterativo: Este algoritmo declara una variable inicializada en 0 y utiliza un bucle for para calcular la sumatoria. La variable se inicializa una vez y el bucle se ejecuta n veces y en cada iteración se realiza una operación constante (suma += i). Por lo tanto, la complejidad de tiempo del algoritmo iterativo es $O(n) * O(1) = O(n)$.

Podemos escribir la ecuación recurrente para este algoritmo como:

$$T(n) = T(n - 1) + 1$$

Donde $T(n)$ es el tiempo de ejecución para calcular la sumatoria de los primeros n números naturales.

Si resolvemos esta ecuación, obtenemos

$$\begin{aligned} T(n) &= T(n - 1) + 1 \\ &= T(n - 2) + 1 + 1 \\ &= T(n - 2) + 1 + 1 = T(n - 3) + 1 + 1 + 1 \dots \\ &= T(1) + 1 + \dots + 1. \\ &= 1 + (n - 1) \\ &= n \end{aligned}$$

Por lo tanto, la complejidad de tiempo del algoritmo iterativo es $O(n)$.

Algoritmo recursivo: Este algoritmo utiliza recursión para calcular la sumatoria. La función se llama a sí misma n veces y en cada llamada se realiza una operación constante ($n + \text{sumatoriaRecursiva}(n - 1)$). Como resultado, la complejidad de tiempo del algoritmo recursivo es $O(n) * O(1) = O(n)$.

Podemos escribir la ecuación recurrente para este algoritmo como:

$$T(n) = T(n - 1) + 1$$

Donde $T(n)$ es el tiempo de ejecución para calcular la sumatoria de los primeros n números naturales.

Si resolvemos esta ecuación, obtenemos

$$\begin{aligned}T(n) &= T(n - 1) + 1 \\&= T(n - 2) + 1 + 1 \\&= T(n - 2) + 1 + 1 = T(n - 3) + 1 + 1 + 1 \dots \\&= T(1) + 1 + \dots + 1. \\&= 1 + (n - 1) \\&= n\end{aligned}$$

Por lo tanto, la complejidad de tiempo del algoritmo recursivo es $O(n)$.

Algoritmo directo: Este algoritmo utiliza una fórmula matemática, la cual es comprobable que es equivalente a la sumatoria de números para calcular la sumatoria directamente sin utilizar un bucle o recursión. Solo se realiza una operación constante $\frac{n*(n+1)}{2}$. Esto nos dice que la complejidad de tiempo del algoritmo directo es $O(1)$.

Podemos escribir la ecuación recurrente para este algoritmo como:

$$T(n) = 1$$

Esta ecuación ya está resuelta, por lo tanto:

$$T(n) = 1$$

La complejidad de tiempo del algoritmo iterativo es $O(1)$.