

## i Introduksjon til DAT200 eksamen

**EKSAMEN I:** DAT200 Algoritmer og Datastrukturer

**DATO:** 7. mars 2019

**TID FOR EKSAMEN:** 4 timer

**TILLATTE HJELPEMIDDEL:** Ingen trykte og håndskrevne hjelpemidler, standard enkel kalkulator

**Merknad:** Du må lese instruksjonene før du starter med å løse eksamensoppgavene!

For oppgavene som krever programmering: Det viktigste er at du viser at du forstår hvordan en løsning kan programmeres i Java. Enkle skrivefeil i navn på metoder vil ikke trekke ned. Å bruke et annet navn på en metode så lenge det går klart fram hva du prøver å gjøre vil heller ikke trekke ned.

Når du programmerer kan du bruke C++-lik syntaks for å indikere at en metode tilhører en klasse. Dette betyr at i stedet for å skrive metoden inni klassen så skriver du klassenavn::metodenavn.

Du trenger ikke å inkludere import-setninger i programmene dine med mindre oppgaven eksplisitt spør om det.

**1 Kjøretid, enkel metode**

Gitt følgende metode:

```
public static int finn(int[] tall, int verdi) {  
    for (int i=0;i<tall.length;i++) {  
        if (tall[i] == verdi) return i;  
    }  
    return -1;  
}
```

Hva er worst-case kjøretida til denne metoden? (2%)

**Velg ett alternativ**

- O(n\*log(n))
- O(log(n))
- O(1)
- O(n)
- O(n^2)
- O(n^3)
- O(2^n)

Hva er best-case kjøretida til denne metoden? (2%)

**Velg ett alternativ**

- O(1)
- O(log(n))
- O(n)
- O(n\*log(n))
- O(n^2)
- O(n^3)
- O(2^n)

Maks poeng: 4

**2 Kjøretid, mer komplisert algoritme**

Hva er kjøretida til metoden oppgitt under i O-notasjon, hvor n er "størrelse" verdien? (6%)

- O(1)
- O(log(n))
- O(n)
- O(n\*log(n))
- O(n^2)
- O(n^3)
- O(2^n)

```
public static void tegnDiamant(int storrelse) {  
  
    for (int j = 0; j < storrelse; j++) {  
  
        for (int i = 1; i <= storrelse; i++) {  
  
            if (i == storrelse-j) {  
  
                System.out.print("*");  
  
            } else {  
  
                System.out.print(" ");  
  
            }  
  
        }  
  
        if (j>0) {  
  
            for (int i=0;i<j-1;i++) {  
  
                System.out.print(" ");  
  
            }  
  
            System.out.print("*");  
  
        }  
  
        System.out.println();  
  
    }  
  
    for (int j = storrelse-2; j >= 0; j--) {  
  
        for (int i = 1; i <= storrelse; i++) {  
  
            if (i == storrelse-j) {  
  
                System.out.print("*");  
  
            } else {  
  
                System.out.print(" ");  
  
            }  
  
        }  
  
        if (j>0) {  
  
            for (int i=0;i<j-1;i++) {  
  
                System.out.print(" ");  
  
            }  
  
            System.out.print("*");  
  
        }  
  
        System.out.println();  
  
    }  

```

```

    }
}
```

Maks poeng: 6

**3 Kjøretid, rekursiv**

Hva er kjøretida til metoden "finnISortert" i O-notasjon? (6%)

```

public static int finnISortert(int[] tall, int verdi) {
    return finnISortert(tall, verdi, 0, tall.length);

}

private static int finnISortert(int[] tall, int verdi, int start, int slutt) {
    if (slutt-start <= 2) {
        if (tall[start] == verdi) return start;
        if (tall[slutt] == verdi) return slutt;
        return -1;
    } else {
        int midten = (start + slutt)/2;
        if (tall[midten] > verdi) {
            return finnISortert(tall, verdi, start, midten);
        } else {
            return finnISortert(tall, verdi, midten, slutt);
        }
    }
}
```

**Velg ett alternativ**

- O(1)
- O(log(n))
- O(n)
- O(n\*log(n))
- O(n^2)
- O(n^3)
- O(2^n)

Maks poeng: 6

## 4 Operasjoner for lister

Hvilke listeoperasjoner er raskest (i O-notasjon) på hvilken type liste? (1% pr. riktig svar)

**Finn de som passer sammen**

	LinkedList	Like rask på begge	ArrayList
Fjern på slutten	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
Hent ut neste element i en for each loop	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
Sett inn på starten	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
Gi elementet på oppgitt indeks en ny verdi	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
Sett inn på slutten	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
Fjern på starten	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
Hent ut element på oppgitt indeks	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

Maks poeng: 7

## 5 Innsetting i en ArrayList

Beskriv algoritmen for å sette inn et element på en valgfri indeks i en ArrayList, med pseudokode eller Java kode. (7%)

**Skriv ditt svar her...**

1	
---	--

---

Maks poeng: 7

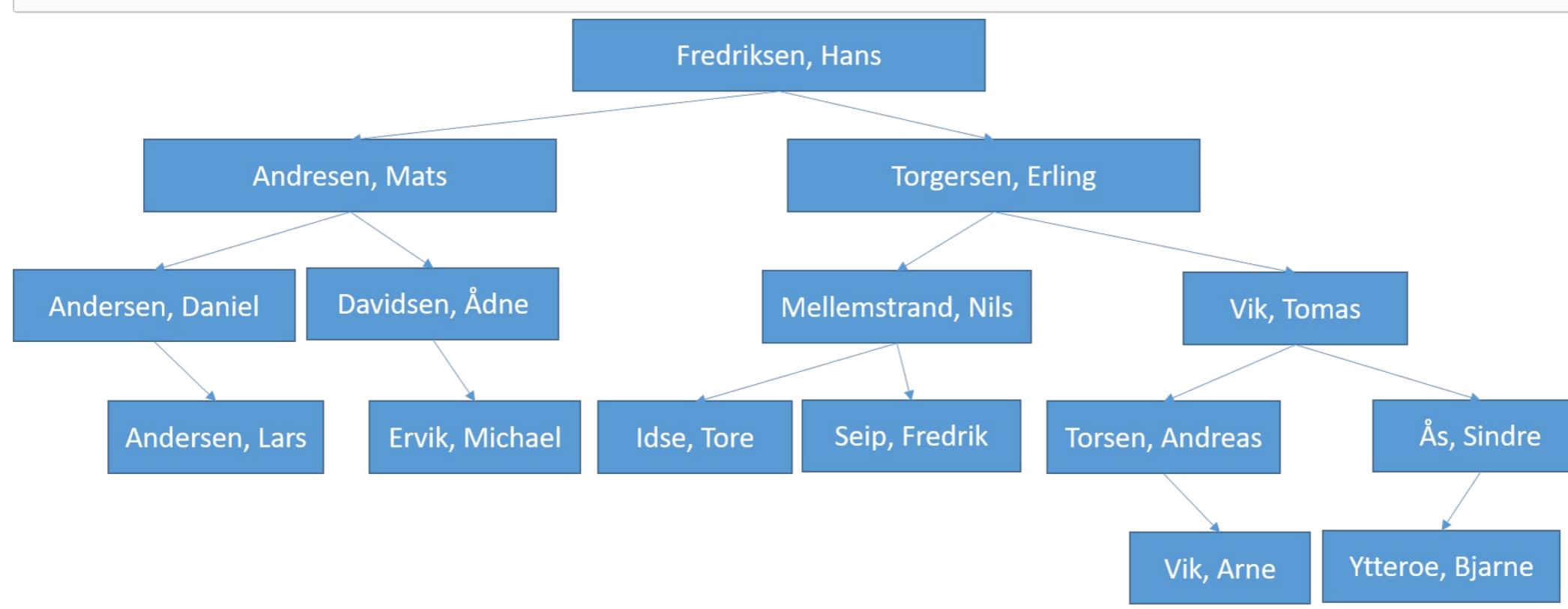
## 6 Identifiser datastrukturen

Hvilken datastruktur er avbildet på bildet under. Vær så spesifikk som mulig. Begrunn svaret ditt. Inkluder en kort beskrivelse av datastrukturen. (10%)

**Skriv ditt svar her...**

Format - | B I U x<sub>1</sub> x<sup>2</sup> |  $\mathcal{I}_x$  |  $\square$   $\square$  | ← → ⌂ |  $\vdash \vdash$   $\vdash \vdash$  |  $\Omega$   $\#$  |  $\checkmark$  |  $\Sigma$  |  $\otimes$

Words: 0

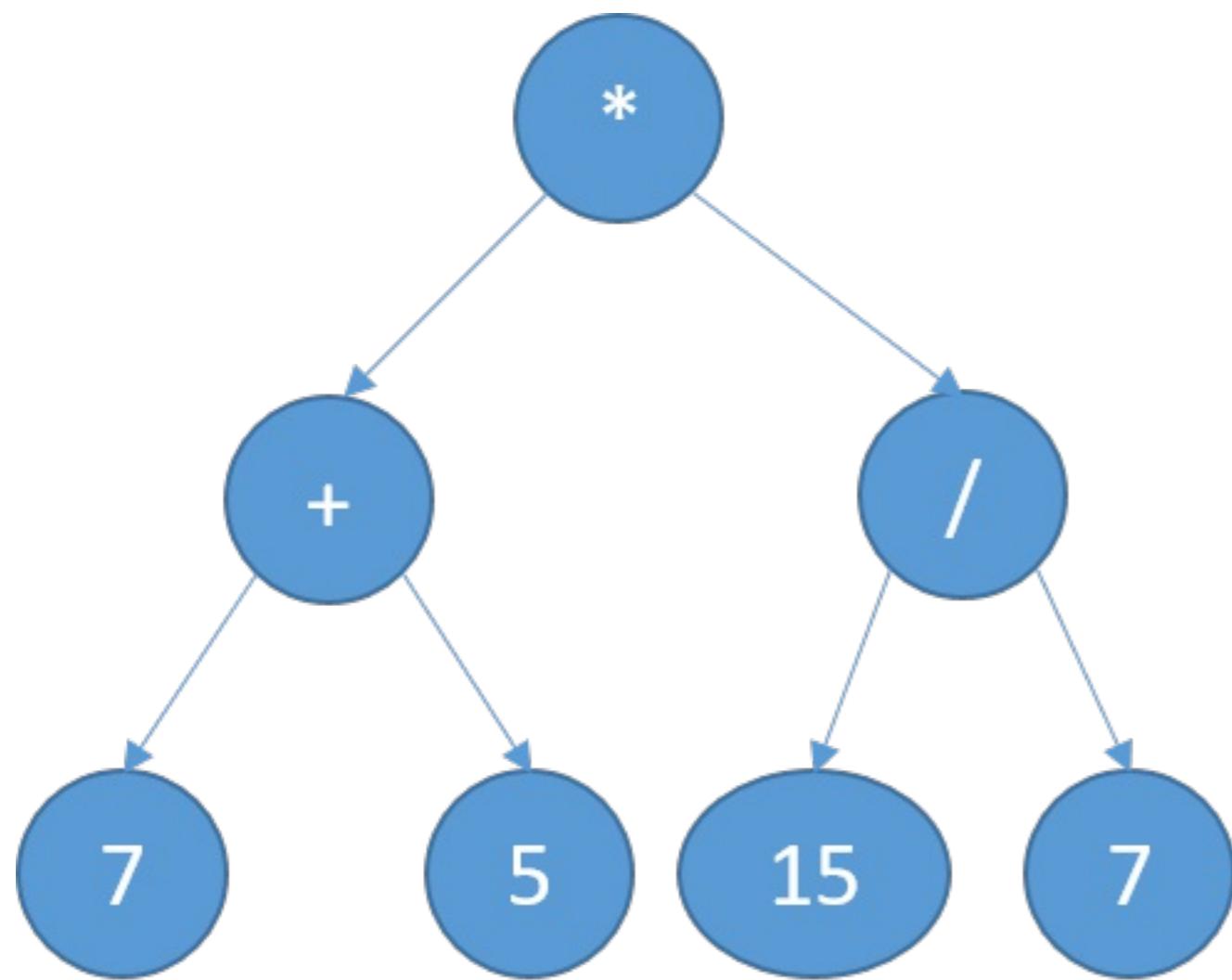


Maks poeng: 10

## 7 Tre-algoritme

Regnestykker kan representeres som trær. Et eksempel på et slikt tre er oppgitt under. Eksemplet under representerer regnestykket  $(7 + 5) * (15 / 7)$ .

Skriv en algoritme som regner ut resultatet av et slike regnestykke-tre. Du kan skrive algoritmen i pseudokode eller Java kode. Algoritmen blir evaluert på kjøretid og hvor kort / elegant koden er. (10%)



**Skriv ditt svar her...**

1		
---	--	--

Maks poeng: 10

**8 Haug fra liste**

En haug kan representeres som en array. Gitt arrayen under, hvor elementet "dummy" har indeks 0. Tegn opp haugen som denne arrayen representerer på papir. (5%)

Dummy	5	16	24	12	9	55	34	75	62
-------	---	----	----	----	---	----	----	----	----

Maks poeng: 5

**9 Lovlig haug**

Er haugen representert med lista oppgitt under (og tegnet opp i forrige deloppgave) en lovlig haug? Hvis ikke, begrunn svaret. (5%)

Dummy	5	16	24	12	9	55	34	75	62
-------	---	----	----	----	---	----	----	----	----

**Skriv ditt svar her...**

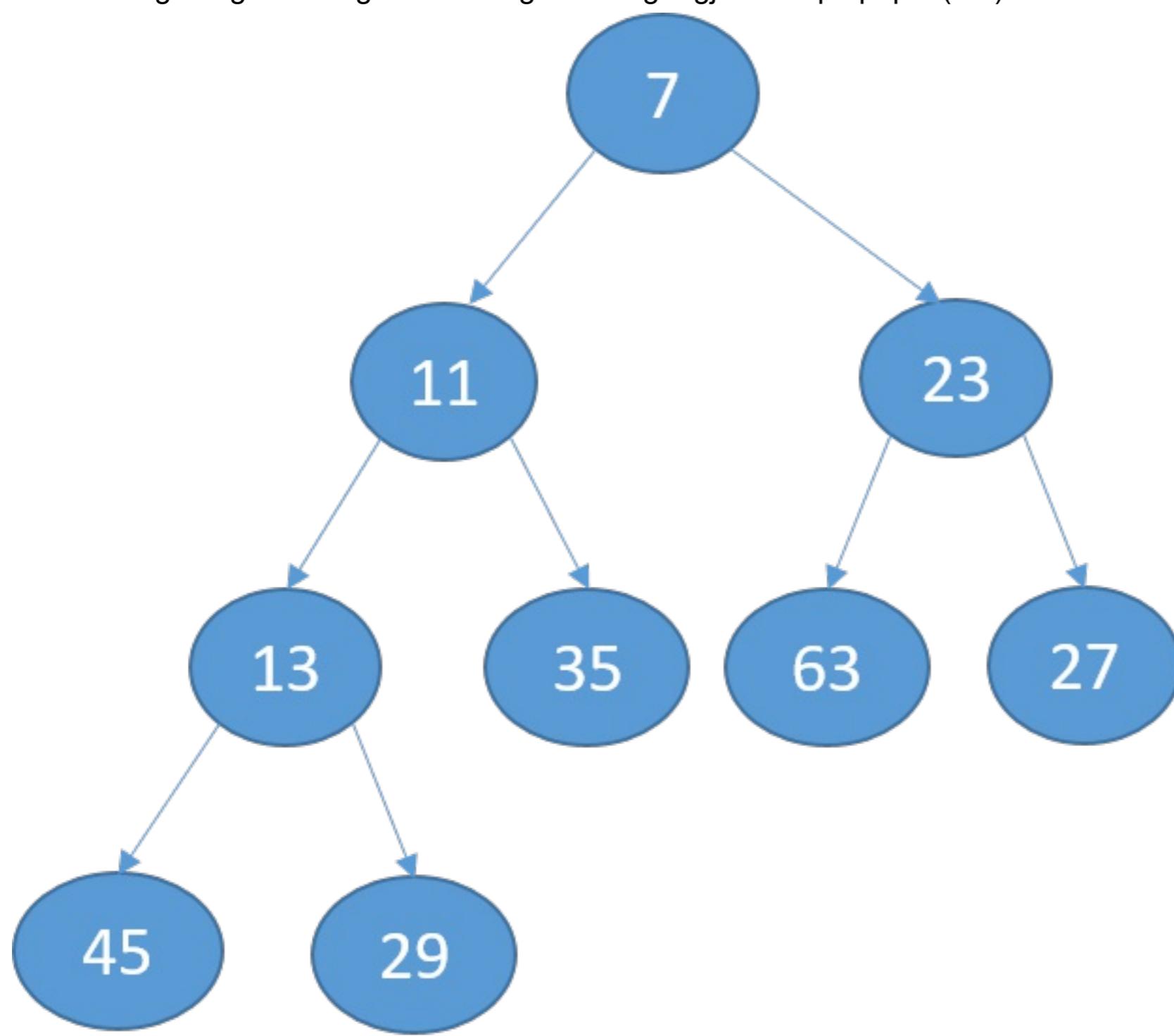
Format Font size | **B** *I* U  $x_1$   $x^2$  |  $\frac{1}{x}$  |  $\frac{d}{dx}$   $\int$  |  $\leftarrow$   $\rightarrow$   $\circlearrowleft$  |  $\frac{1}{2} =$   $\frac{3}{2} =$  |  $\Omega$   $\frac{\partial}{\partial x}$  |  $\checkmark$  |  $\Sigma$  | ABC |  $\otimes$

Words: 0

Maks poeng: 5

## 10 Innsetting i hauger

Gitt haugen under. Vis hvordan algoritmen for innsetting i hauger virker gjennom å sette inn elementet "10" i denne haugen og vise stegene som algoritmen går gjennom på papir. (7%)



---

Maks poeng: 7

## 11 Huffman koder

Tegn opp et huffman kodetre for ordet "abrakadabra". (8%)

---

Maks poeng: 8

## 12 Ut-graden for en node

Ut-graden for en node i en graf er antall kanter som går ut fra noden. For en node med naboliste representasjon lik den som er oppgitt under, skriv en algoritme for å beregne utgraden til en oppgitt node. Du kan skrive algoritmen i pseudokode eller Java kode. Oppgi også kjøretida i O-notasjon. (5%)

**Skriv ditt svar her...**

1	
---	--

```

public class Nabolist <E> implements KortesteVeiGraf<E> {

    private class Node {
        E element;
        HashMap<Integer, Integer> edges; // HashMap tilNodeIndex -> Vekt
        int kostnad;
        int forrige;

        public Node(E element) {
            this.element = element;
            edges = new HashMap<>();
        }
    }

    private ArrayList<Node> nodes;

    public Nabolist() {
        nodes = new ArrayList<>();
    }
}

```

Maks poeng: 5

### 13 Inn-graden til en node

Inn-graden til en node er antall kanter i en rettet graf som kommer inn til noden. For en node med nabolistes representasjon lik den oppgitt under, skriv en algoritme som beregner inn-graden til en oppgitt node. Du kan skrive algoritmen i pseudokode eller Java kode. Oppgi også kjøretida til algoritmen din i O-notasjon. (10%)

**Skriv ditt svar her...**

1	
---	--

```

public class NaboliSTE <E> implements KortesteVeiGraf<E> {

    private class Node {
        E element;
        HashMap<Integer, Integer> edges; // HashMap tilNodeIndex -> Vekt
        int kostnad;
        int forrige;
    }

    public Node(E element) {
        this.element = element;
        edges = new HashMap<>();
    }

    private ArrayList<Node> nodes;

    public NaboliSTE() {
        nodes = new ArrayList<>();
    }
}

```

Maks poeng: 10

**14 Bellman Ford**

Skriv Bellman Ford algoritmen, enten med Java kode eller pseudokode. (10%)

**Skriv ditt svar her...**

1

---

Maks poeng: 10