

# i Introduksjon til DAT200 eksamen

**EKSAMEN I:**        **DAT200 Algoritmer og Datastrukturer**

**DATO:** 7. mars 2019

**TID FOR EKSAMEN:**        **4 timer**

**TILLATTE HJELPEMIDDEL:** Ingen trykte og håndskrevne hjelpemidler, standard enkel kalkulator

**Merknad:** Du må lese instruksjonene før du starter med å løse eksamensoppgavene!

For oppgavene som krever programmering: Det viktigste er at du viser at du forstår hvordan en løsning kan programmeres i Java. Enkle skrivefeil i navn på metoder vil ikke trekke ned. Å bruke et annet navn på en metode så lenge det går klart fram hva du prøver å gjøre vil heller ikke trekke ned.

Når du programmerer kan du bruke C++-lik syntaks for å indikere at en metode tilhører en klasse. Dette betyr at i stedet for å skrive metoden inni klassen så skriver du klassenavn::metodenavn.

Du trenger ikke å inkludere import-setninger i programmene dine med mindre oppgaven eksplisitt spør om det.

1 **Kjøretid, enkel metode**

Gitt følgende metode:

```
public static int finn(int[] tall, int verdi) {  
    for (int i=0;i<tall.length;i++) {  
        if (tall[i] == verdi) return i;  
    }  
    return -1;  
}
```

Hva er worst-case kjøretida til denne metoden? (2%)

Velg ett alternativ

- ☐  $O(n \cdot \log(n))$
- ☐  $O(\log(n))$
- ☐  $O(1)$
- ☐  $O(n)$
- ☐  $O(n^2)$
- ☐  $O(n^3)$
- ☐  $O(2^n)$

Hva er best-case kjøretida til denne metoden? (2%)

Velg ett alternativ

- ☐  $O(1)$
- ☐  $O(\log(n))$
- ☐  $O(n)$
- ☐  $O(n \cdot \log(n))$
- ☐  $O(n^2)$
- ☐  $O(n^3)$
- ☐  $O(2^n)$

Maks poeng: 4

2 **Kjøretid, mer komplisert algoritme**

Hva er kjøretida til metoden oppgitt under i O-notasjon, hvor n er "storrelse" verdien? (6%)

- ☐ O(1)
- ☐ O(log(n))
- ☐ O(n)
- ☐ O(n\*log(n))
- ☐ O(n^2)
- ☐ O(n^3)
- ☐ O(2^n)

```
public static void tegnDiamant(int storrelse) {  
  
    for (int j = 0; j < storrelse; j++) {  
  
        for (int i = 1; i <= storrelse; i++) {  
  
            if (i == storrelse-j) {  
  
                System.out.print("*");  
  
                } else {  
  
                    System.out.print(" ");  
  
                }  
            }  
        }  
  
        if (j>0) {  
  
            for (int i=0;i<j-1;i++) {  
  
                System.out.print(" ");  
  
            }  
  
            System.out.print("*");  
  
        }  
  
        System.out.println();  
  
    }  
  
    for (int j = storrelse-2; j >=0; j--) {  
  
        for (int i = 1; i <= storrelse; i++) {  
  
            if (i == storrelse-j) {  
  
                System.out.print("*");  
  
                } else {  
  
                    System.out.print(" ");  
  
                }  
            }  
        }  
  
        if (j>0) {  
  
            for (int i=0;i<j-1;i++) {  
  
                System.out.print(" ");  
  
            }  
  
            System.out.print("*");  
  
        }  
  
        System.out.println();  
  
    }  
}
```

```
}  
  
}
```

Maks poeng: 6

3   **Kjøretid, rekursiv**

Hva er kjøretida til metoden "finnISortert" i O-notasjon? (6%)

```
public static int finnISortert(int[] tall, int verdi) {  
    return finnISortert(tall, verdi, 0, tall.length);  
}  
  
private static int finnISortert(int[] tall, int verdi, int start, int slutt) {  
    if (slutt-start <= 2) {  
        if (tall[start] == verdi) return start;  
        if (tall[slutt] == verdi) return slutt;  
        return -1;  
    } else {  
        int midten = (start + slutt)/2;  
        if (tall[midten] > verdi) {  
            return finnISortert(tall, verdi, start, midten);  
        } else {  
            return finnISortert(tall, verdi, midten, slutt);  
        }  
    }  
}
```

Velg ett alternativ

- ☐ O(1)
- ☐ O(log(n))
- ☐ O(n)
- ☐ O(n\*log(n))
- ☐ O(n^2)
- ☐ O(n^3)
- ☐ O(2^n)

Maks poeng: 6

4    **Operasjoner for lister**

Hvilke listeoperasjoner er raskest (i O-notasjon) på hvilken type liste? (1% pr. riktig svar)

**Finn de som passer sammen**

	LinkedList	Like rask på begge	ArrayList
Fjern på slutten	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
Hent ut neste element i en for each loop	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
Sett inn på starten	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
Gi elementet på opppgitt indeks en ny verdi	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
Sett inn på slutten	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
Fjern på starten	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
Hent ut element på oppgitt indeks	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

Maks poeng: 7

5

Innsetting i en ArrayList

Beskriv algoritmen for å sette inn et element på en valgfri indeks i en ArrayList, med pseudokode eller Java kode. (7%)

Skriv ditt svar her...

1	
---	--

Maks poeng: 7

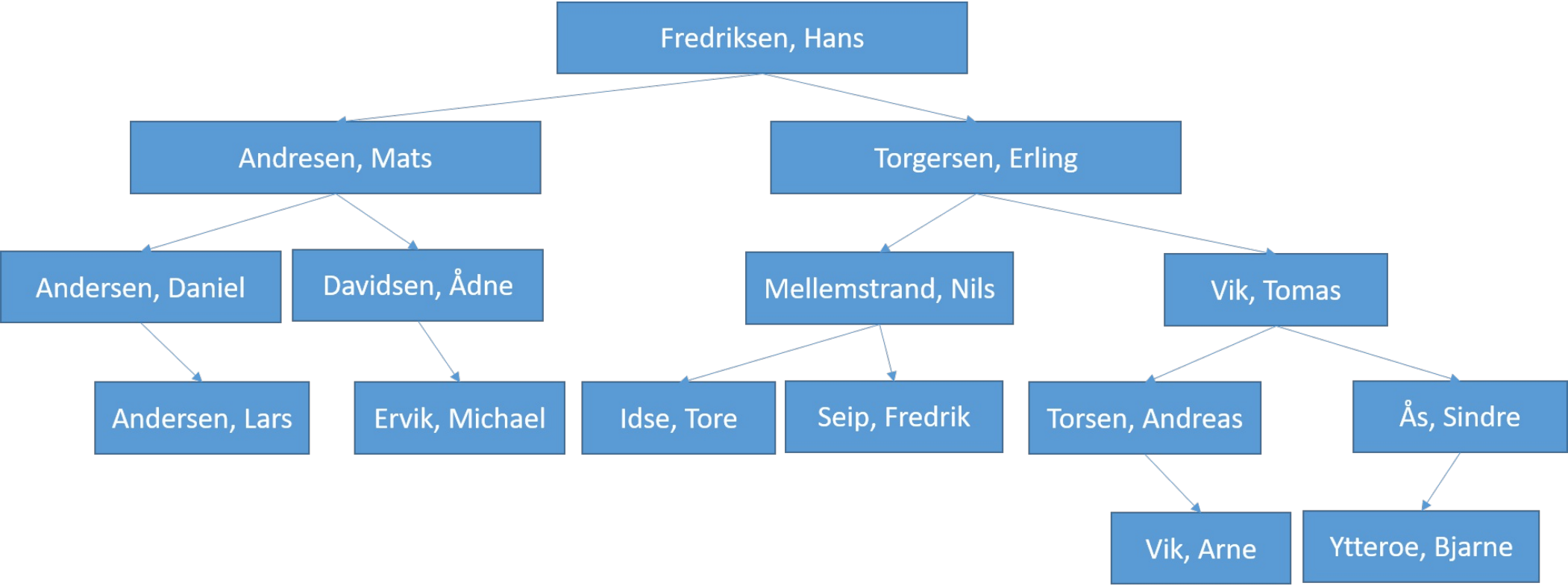
6 Identifiser datastrukturen

Hvilken datastruktur er avbildet på bildet under. Vær så spesifikk som mulig. Begrunn svaret ditt. Inkluder en kort beskrivelse av datastrukturen. (10%)

Skriv ditt svar her...

Format | B | I | U | x<sub>2</sub> | x<sup>2</sup> | I<sub>x</sub> | [Icons: Copy, Paste, Undo, Redo, Bulleted List, Numbered List, Link, Table, Link Icon, Sum, Erase]

Words: 0

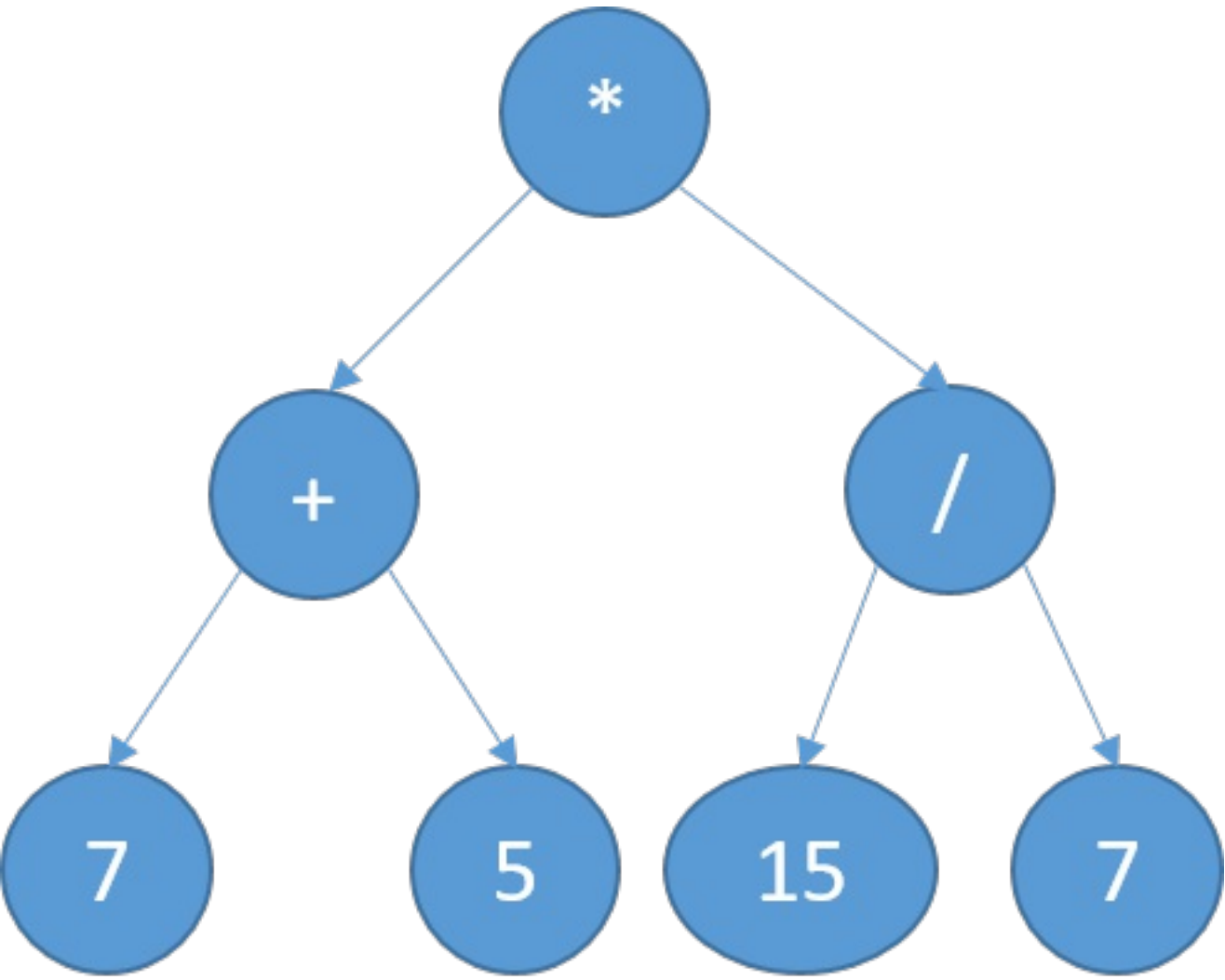


Maks poeng: 10

7 **Tre-algoritme**

Regnestykker kan representeres som trær. Et eksempel på et slikt tre er oppgitt under. Eksemplet under representerer regnestykket  $(7 + 5) * (15 / 7)$ .

Skriv en algoritme som regner ut resultatet av et slike regnestykke-tre. Du kan skrive algoritmen i pseudokode eller Java kode. Algoritmen blir evaluert på kjøretid og hvor kort / elegant koden er. (10%)



Skriv ditt svar her...

1

Maks poeng: 10



8    **Haug fra liste**

En haug kan representeres som en array. Gitt arrayen under, hvor elementet "dummy" har indeks 0. Tegn opp haugen som denne arrayen representerer på papir. (5%)

Dummy	5	16	24	12	9	55	34	75	62
-------	---	----	----	----	---	----	----	----	----

Maks poeng: 5

9    **Lovlig haug**

Er haugen representert med lista oppgitt under (og tegnet opp i forrige deloppgave) en lovlig haug? Hvis ikke, begrunn svaret. (5%)

Dummy	5	16	24	12	9	55	34	75	62
-------	---	----	----	----	---	----	----	----	----

Skriv ditt svar her...

Format

**B**


*I*


U


$x_2$


$x^2$


$I_x$






























ABC



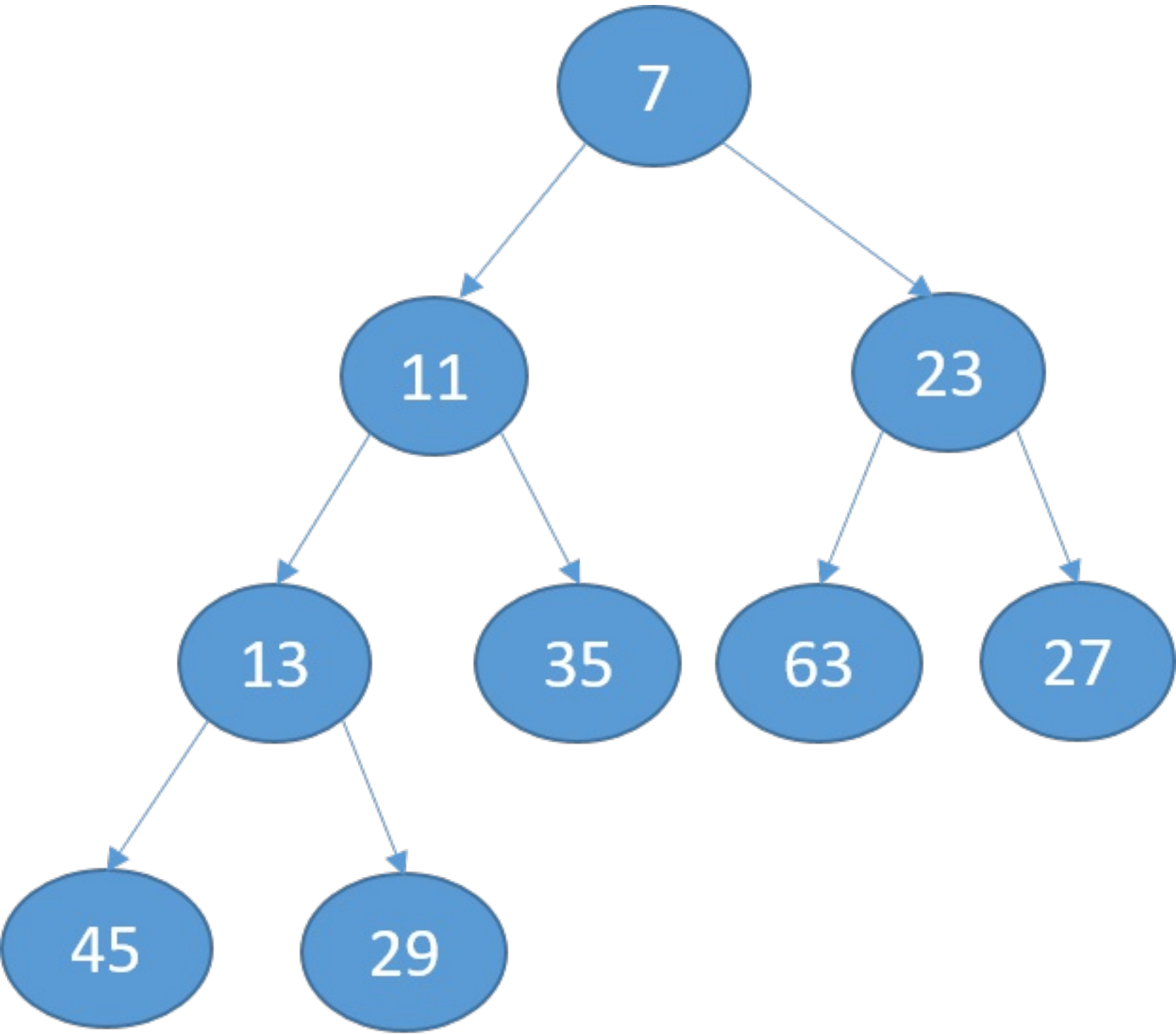
Words: 0

Maks poeng: 5

9/13

10 **Innsetting i hauger**

Gitt haugen under. Vis hvordan algoritmen for innsetting i hauger virker gjennom å sette inn elementet "10" i denne haugen og vise stegene som algoritmen går gjennom på papir. (7%)



Maks poeng: 7

11 **Huffman koder**

Tegn opp et huffman kodetre for ordet "abrakadabra". (8%)

Maks poeng: 8

12

## Ut-graden for en node

Ut-graden for en node i en graf er antall kanter som går ut fra noden. For en node med naboliste representasjon lik den som er oppgitt under, skriv en algoritme for å beregne utgraden til en oppgitt node. Du kan skrive algoritmen i pseudokode eller Java kode. Oppgi også kjøretida i O-notasjon. (5%)

Skriv ditt svar her...

1

```
public class Naboliste <E> implements KortesteVeiGraf<E> {  
    private class Node {  
        E element;  
  
        HashMap<Integer, Integer> edges; // HashMap tilNodeIndex -> Vekt  
  
        int kostnad;  
  
        int forrige;  
  
        public Node(E element) {  
            this.element = element;  
            edges = new HashMap<>();  
        }  
    }  
  
    private ArrayList<Node> nodes;  
  
    public Naboliste() {  
        nodes = new ArrayList<>();  
    }  
}
```

Maks poeng: 5

13    **Inn-graden til en node**

Inn-graden til en node er antall kanter i en rettet graf som kommer inn til noden. For en node med naboliste representasjon lik den oppgitt under, skriv en algoritme som beregner inn-graden til en oppgitt node. Du kan skrive algoritmen i pseudokode eller Java kode. Oppgi også kjøretida til algoritmen din i O-notasjon. (10%)  
**Skriv ditt svar her...**

1

```
public class Naboliste <E> implements KortesteVeiGraf<E> {  
    private class Node {  
        E element;  
        HashMap<Integer, Integer> edges; // HashMap tilNodeIndex -> Vekt  
        int kostnad;  
        int forrige;  
  
        public Node(E element) {  
            this.element = element;  
            edges = new HashMap<>();  
        }  
    }  
  
    private ArrayList<Node> nodes;  
  
    public Naboliste() {  
        nodes = new ArrayList<>();  
    }  
}
```

Maks poeng: 10

14 **Bellman Ford**

Skriv Bellman Ford algoritmen, enten med Java kode eller pseudokode. (10%)

Skriv ditt svar her...

1	
---	--

Maks poeng: 10