



UiT Norges arktiske universitet

Handelshøgskolen ved UiT

Fakultet for biovitenskap, fiskeri og økonomi

Mappeoppgave 2

Næringsøkonomi og konkurransestrategi

Kandidatnummer: 30

SOK-2030, Vår 2024

Sammendrag

Innholdsfortegnelse

Oppslagsverk av variabler	5
Oppgave 1 (30%)	5
Valg av modell	5
Optimal tilpasning ved stackelberg	5
Stackelberg ovenfor cournot	7
Oppgave 2 (70%)	9
Markedet for mikrobryggeri før fusjonering	9
Markedet for mikrobryggeri etter fusjonering	10
Fusjonsparadokset	12
Fusjonsparadokset ved stackelberg	12
Cournot modell for Graff Brygghus og Mack Mikrobrygg 13	14
Monopoltilpasning ved at Mack Mikrobrygg 13 og Graff Brygghus fusjonerer	15
Konklusjon	17
Referanser	18
Appendix Generell KI bruk	19
Appendix Kode	20

Figurliste

1	Stackelberg modell for Olivita og Dr Choice	8
2	Cournot modell for Olivita og Dr Choice	8
3	Cournot modell før fusjon	12
4	Cournot modell etter fusjon	12
5	Stackelberg modell etter fusjon	12
6	Symmetrisk cournot markedsandel før fusjon	16
7	Profitt før og etter fusjon	16

Tabelliste

1	Oppslagsverk av variabler	5
2	Optimalt kvantum, pris og profitt	8
3	Optimalt kvantum, pris og profitt før og etter fusjon	13
4	Optimalt kvantum, pris og profitt før og etter fusjon	17

Oppslagsverk av variabler

Variabel	Beskrivelse
Q	Kvantum
Q_i^*	Optimalt kvantum for gitt bedrift
P	Pris
P^*	Optimal pris
a	Maksimal betalingsvillighet
b	Koeffisient for prisfølsomhet
c_i	Marginale kostnader for gitt bedrift
f_k	Faste kostnader for bedrifter
π_i	Profittfunksjonen for gitt bedrift

Tabell 1: Oppslagsverk av variabler

Merk: det er mulighet for notasjonsfeil i [Tabell 1](#) mot hva som er skrevet videre i oppgaven.

Oppgave 1 (30%)

Hva blir optimal tilpasning i dette markedet når Olivita kan gjøre sine strategiske valg før konkurrenten, Dr Choice AS, gjør sitt valg?

Valg av modell

Godene vi ser på er substitutter (de er like) hvor Olivita har vært lengst i markedet og dermed er lederbedriften. Derfor blir stackelberg-modellen brukt, hvis den ene bedriften (lederbedriften) øker sin produksjon vil den andre bedriften sin produksjon minke, noe som gjør det til kvantumkonkurranse.

Stackelberg-modellen er en sekvensiell modell hvor kvantum er bedriftenes handlingsvariabler i motsetning til bertrand hvor bedriftene konkurrerer om pris. Lederbedriften Olivita, tar sine beslutninger først og bestemmer hvor mye som produseres som maksimerer deres egen profitt basert på at følgerbedriften Dr Choice vil tilpasse seg sekvensielt med sitt eget kvantum som en reaksjon på Olivita sitt valg av kvantum.

Optimal tilpasning ved stackelberg

Ved å bruke en stackelberg modell kan vi finne optimal tilpasning i markedet.

Den inverse etterspørselen i markedet er gitt ved $P = a - b(Q_O + Q_C)$ hvor Q_O er antall solgte flasker med Olivita, Q_C er antall solgte flasker Easy Choice Omega-3 og P er pris per flaske av Omega-3 produktene. I produksjon av Omega-3 produktene vil begge bedriftene ha konstante marginalkostnader c på kr 50 per produsert flaske. Faste kostnader f_k for begge bedriftene er på 3 millioner kroner. $a = 990$ og $b = \frac{1}{60}$ og da blir den inverse etterspørselen $P = 990 - \frac{1}{60}(Q_O + Q_C)$.

Siden begge bedrifter har samme faste kostnader og marginale kostnader, kan vi bruke en felles profittfunksjon for begge bedriftene. Profittfunksjonen er gitt ved:

$$\pi = Q_O(a - b(Q_C + Q_O) - c) \quad (1)$$

Tar så og deriverer profittfunksjonen mhp Q_C :

$$\frac{\partial \pi}{\partial Q_C} = a - bQ_C - b(Q_O + Q_C) - c \quad (2)$$

løser for kvantum og setter den deriverte lik 0 for å finne reaksjonsfunksjonen til Dr Choice AS

$$Q_C = \frac{a - bQ_O - c}{2b} \quad (3)$$

Setter så reaksjonsfunksjonen til Dr Choice inn i profittfunksjonen til Olivita og deriveres mhp Q_O og forenkles (ser egentlig mye verre ut):

$$\frac{\partial \pi}{\partial Q_O} = \frac{a}{2} - bQ_O - \frac{c}{2} \quad (4)$$

Ved å løse for Q_O får vi optimalt kvantum for lederbedriften (Olivita), og substituerer inn tallverdier:

$$Q_O^* = \frac{a - c}{2b} = \frac{(990 - 50)}{(2 \cdot \frac{1}{60})} = 28200 \quad (5)$$

Optimalt kvantum for lederbedriften (Olivita) er 28200 flasker.

Og for å finne ut optimalt kvantum for følgerbedriften (Dr Choice) setter vi inn Q_O^* i reaksjonsfunksjonen til Dr Choice:

$$Q_C^* = \frac{a - c}{4b} = \frac{(990 - 50)}{(4 \cdot \frac{1}{60})} = 14100 \quad (6)$$

Hvor optimalt kvantum for følgerbedriften (Dr Choice) blir 14100 flasker.

Videre for å finne optimal pris i sluttmarkedet setter vi inn optimal Q_O^* og Q_C^* i den inverse etterspørselen:

$$P^* = a - b(Q_O^* + Q_C^*) = 990 - \frac{1}{60}(28200 + 14100) = 990 - 705 = 285 \quad (7)$$

Den optimale prisen i sluttmarkedet blir 285 kr per flaske.

Så finner vi profitten til lederbedriften Olivita med å gange optimal pris med optimalt kvantum Q_O^* og trekker fra marginal kostnader c og faste kostnader f_k :

$$\pi_O = \frac{(a - c)^2}{8b} - f_k = \frac{(990 - 50)^2}{(8 \cdot \frac{1}{60})} - 3000000 = 3627000 \quad (8)$$

Profitten til Olivita AS blir å være 3.627.000 kroner.

Til slutt for å finne profitten til følgerbedriften (Dr Choice) så repeterer vi forrige prosess bare at vi ganger med optimalt kvantum for Dr Choice Q_C^* :

$$\pi_C = \frac{(a-c)^2}{16b} - f_k = \frac{(990-50)^2}{(16 \cdot \frac{1}{60})} - 3000000 = 313500 \quad (9)$$

Og finner at profitten til Dr Choice AS blir å være 313.500 kroner.

Den optimale tilpasningen blir 28200 kvantum solgt for Olivita mens Dr Choice vil tilpasse seg med halvparten av kvantumet på 14100 flasker.

Totalt kvantum blir 42.300 kvantum solgt for begge bedriftene til en markedspris på 285 kroner per flaske.

Vil det være en fordel for Olivita å ha mulighet til å gjøre sine valg før konkurrenten gjør sitt valg?

Stackelberg ovenfor cournot

For å finne ut om det vil være en fordel for Olivita å ha mulighet til å gjøre sine valg før Dr Choice, så tar jeg å regner på en cournot modell for symmetriske bedrifter siden begge bedriftene har samme marginalkostnader.

Starter likt som med stackelberg og bruker samme etterspørsel og profittfunksjoner:

$$P = a - b(Q_O + Q_C) \quad (10)$$

$$\pi = Q_O(a - b(Q_C + Q_O) - c) \quad (11)$$

Videre så deriverer jeg profittfunksjonene mhp Q_O og Q_C :

$$\frac{\partial \pi}{\partial Q_O} = a - bQ_O - b(Q_O + Q_C) - c \quad (12)$$

$$\frac{\partial \pi}{\partial Q_C} = a - bQ_C - b(Q_O + Q_C) - c \quad (13)$$

Og løser for Q_O og Q_C :

$$Q_O^* = \frac{a-c}{3b} = \frac{(990-50)}{(3 \cdot \frac{1}{60})} = 18800 \quad (14)$$

$$Q_C^* = \frac{a-c}{3b} = \frac{(990-50)}{(3 \cdot \frac{1}{60})} = 18800 \quad (15)$$

Setter så inn Q_O^* og Q_C^* i etterspørselen for å finne optimal pris i sluttmarkedet:

$$P^* = a - b(Q_O^* + Q_C^*) = 990 - \frac{1}{60}(18800 + 18800) = 990 - 626.666 = 363.33 \quad (16)$$

Fra et samfunnsøkonomisk perspektiv så er det best for samfunnet at lederbedriften setter prisen først, siden det vil være større kvantum produsert under stackelberg hvis man ser på Tabell 2 og prisen blir lavere per enhet. Dette vil føre til at flere kunder vil kjøpe produktet og det vil være en velferdsgevinst for samfunnet ovenfor cournot. I dette tilfellet blir totalt kvantum produsert under cournot noe lavere på 37.600, og prisen per enhet noe dyrere på 363.33 kroner.

Lederbedriften Olivita vil også tjene mer på sekvensielt valg under stackelberg enn cournot, siden lederbedriften kan sette kvantum produsert først og følgerbedriften vil tilpasse seg. Dette vil føre til at lederbedriften vil tjene mer enn følgerbedriften siden de konkurrerer om kvantum solgt.

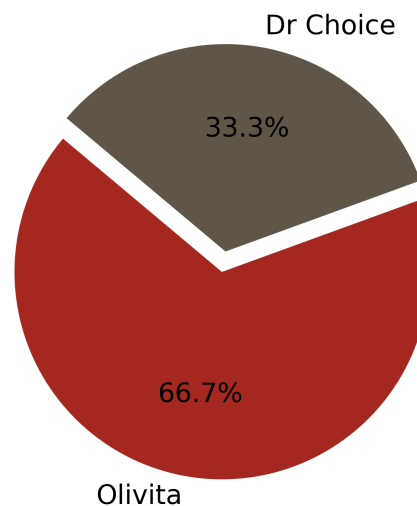
Totalt vil lederbedriften tjene 3.627.000 kroner under stackelberg og $(P^* - c) \cdot Q_O^* - f_k = (363 - 50) \cdot 18800 - 3000000 = 2890666$ kroner under cournot. Derfor vil det være en fordel for Olivita å ha mulighet til å gjøre sine valg før Dr Choice gjør sitt valg.

I Figur 1 kan vi se hvor stor andel av kvantum produsert hver bedrift får under stackelberg sin modell. Lederbedriften får $\frac{2}{3}$ av kaken med 28.200 kvantum produsert mens følgerbedriften får $\frac{1}{3}$ av kaken med 14100 enheter produsert.

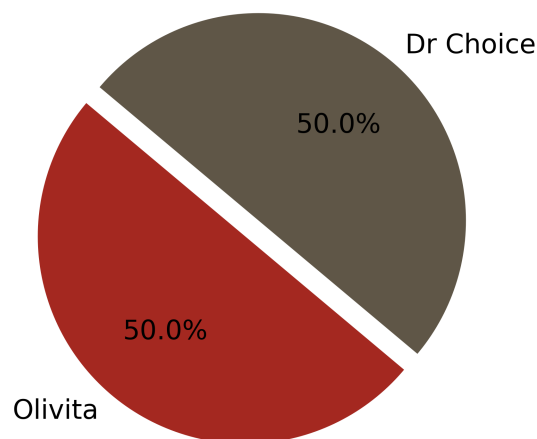
I Figur 2 kan vi se hvor stor andel av kvantum produsert hver bedrift får under cournot sin modell. Begge bedriftene får lik andel av kaken med 18.800 kvantum produsert hver.

Svaret blir da at det er en fordel for Olivita å ha mulighet til å gjøre sine valg før Dr Choice gjør sitt valg.

I Tabell 2 kan vi se optimalt kvantum, salgspris og profitt ved stackelberg og cournot modell. Ved cournot deles profitten likt mellom bedriftene, mens ved stackelberg vil Olivita ha større profitt og prisen blir lavere.



Figur 1: Stackelberg modell for Olivita og Dr Choice



Figur 2: Cournot modell for Olivita og Dr Choice

	Stackelberg	Cournot
Q_O^*	28200	18800
Q_C^*	14100	18800
P^*	285	363.33
π_O	3627000	2890666
π_C	313500	2890666

Tabell 2: Optimalt kvantum, pris og profitt

Oppgave 2 (70%)

Markedet for mikrobryggeri før fusjonering

Markedet for produksjon av mikroøl består av tre lokale bryggerier: Graff Brygghus, Bryggeri 13 og Mack Mikrobryggeri.

Etterspørselen i dette markedet er gitt ved: $P = 175 - 4Q$ hvor P er markedspris per flaske mikroøl, Q er totalt kvantum (antall tusen flasker), som er summen av produksjonen til de tre bryggeriene: $Q = Q_G + Q_B + Q_M$, der Q_G er produsert kvantum for Graff Brygghus, Q_B er produsert kvantum for Bryggeri 13 og Q_M er produsert kvantum for Mack Mikrobryggeri.

Mack Mikrobryggeri, som er en del av Mack Ølbryggeri, har en mer effektiv produksjonslinje enn de to andre, med konstante marginalkostnader på 7 kr per flaske, mens Graff Brygghus og Bryggeri 13 har marginalkostnader på 10 kr per flaske. Alle tre mikrobryggeriene har faste årlige kostnader på 300 000 kr. Styrene i selskapene Mack Mikrobryggeri og Bryggeri 13 har startet samtaler knyttet til mulig fusjon av disse to selskapene. Ved en fusjon vil all produksjon flyttes til Mack Mikrobryggeri. De faste kostnadene vil også reduseres ved sammenslåing av selskapene, og totalt utgjøre kr 500.000 per år for det fusjonerte selskapet.

For å finne ut om en fusjon vil være lønnsom for bedriftene til mikrobryggeriene så regner vi ved cournot modell for assymetriske bedrifter først og ser på hva profitten blir for hvert bryggeri før fusjon.

Etterspørselfunksjonen er som tidligere gitt ved:

$$P = a - b(Q_G + Q_B + Q_M) \quad (17)$$

Lager så en felles profittfunksjon for de tre bryggeriene:

$$\pi = Q_G(a - b(Q_G + Q_B + Q_M) - c) \quad (18)$$

Deriverer profittfunksjonen mhp Q_G og setter $c_G = 10$:

$$\frac{\partial \pi}{\partial Q_G} = a - bQ_G - b(Q_G + Q_B + Q_M) - c_G \quad (19)$$

Deriverer så mhp Q_B og setter $c_B = 10$:

$$\frac{\partial \pi}{\partial Q_B} = a - bQ_B - b(Q_G + Q_B + Q_M) - c_B \quad (20)$$

Deriverer så mhp Q_M og setter $c_M = 7$:

$$\frac{\partial \pi}{\partial Q_M} = a - bQ_M - b(Q_G + Q_B + Q_M) - c_M \quad (21)$$

Løser så for optimalt kvantum for alle tre bryggerier Q_G^* , Q_B^* og Q_M^* ved å sette $\frac{\partial \pi}{\partial Q_G} = 0$, $\frac{\partial \pi}{\partial Q_B} = 0$ og $\frac{\partial \pi}{\partial Q_M} = 0$ i tusener:

$$Q_G^* = \frac{a + c_b - 3c_g + c_m}{4b} = \frac{175 + 10 - 3 \cdot 10 + 7}{4 \cdot 4} = 10.125 \quad (22)$$

$$Q_B^* = \frac{a + c_g - 3c_b + c_m}{4b} = \frac{175 + 10 - 3 \cdot 10 + 7}{4 \cdot 4} = 10.125 \quad (23)$$

$$Q_M^* = \frac{a + c_b + c_g - 3c_m}{4b} = \frac{175 + 10 + 10 - 3 \cdot 7}{4 \cdot 4} = 10.875 \quad (24)$$

Dette forteller oss at det optimale kvantum for Graff Brygghus og Bryggeri 13 er 10.125 tusen flasker og for Mack Mikrobryggeri er det 10.875 tusen flasker.

Setter så inn Q_G^* , Q_B^* og Q_M^* i etterspørsselfunksjonen for å finne markedsprisen:

$$P = a - b(Q_G^* + Q_B^* + Q_M^*) = 175 - 4 \cdot (10.125 + 10.125 + 10.875) = 175 - (4 \cdot 31.125) = 175 - 124.5 = 50.5 \quad (25)$$

Markedsprisen blir da 50.5 kr per flaske om de velger å ikke fusjonere.

Setter så inn optimalt kvantum Q_G^* , Q_B^* og Q_M^* i profittfunksjonen for Graff Brygghus, Bryggeri 13 og Mack Mikrobryggeri for å finne profitten for hvert bryggeri og trekker fra faste kostnader (her er kvantum ganget med 1000 slik at det blir direkte profitt):

$$\pi_G = \frac{125(a + c_b - 3c_g + c_m)^2}{2b} - f_k = \frac{125(175 + 10 - 3 \cdot 10 + 7)^2}{2 \cdot 4} - 300000 = 110062.5 \quad (26)$$

$$\pi_B = \frac{125(a - 3c_b + c_g + c_m)^2}{2b} - f_k = \frac{125(175 - 3 \cdot 10 + 10 + 7)^2}{2 \cdot 4} - 300000 = 110062.5 \quad (27)$$

$$\pi_m = \frac{125(a + c_b + c_g - 3 \cdot c_m)^2}{2b} - f_k = \frac{125(175 + 10 + 10 - 3 \cdot 7)^2}{2 \cdot 4} - 300000 = 173062.5 \quad (28)$$

Dette forteller oss at profitten for Graff Brygghus blir 110.062,5 kr og før fusjon vil Bryggeri 13 og Mack Mikrobryggeri få en summert profitt på 283.125 kr.

Vil en slik fusjon være lønnsom for de fusjonerte partene?

For å finne ut om en fusjon vil være lønnsom for de fusjonerte partene så regner vi på en cournot modell for assymetriske bedrifter etter fusjonering.

Markedet for mikrobryggeri etter fusjonering

Videre skal vi nå regne og se om en fusjon blir å være lønnsom for Mack Mikrobryggeri og Bryggeri 13. Her brukes det fortsatt en cournot modell med assymetriske bedrifter.

Etterspørsselfunksjonen etter fusjon blir nå:

$$P = a - b(Q_G + Q_{bm}) - c \quad (29)$$

Deriverer så mhp Q_G og setter marginalkostnaden $c_G = 10$:

$$\frac{\partial \pi}{\partial Q_G} = a - bQ_G - b(Q_B M + Q_G) - c_G \quad (30)$$

Deriverer så mhp Q_{bm} og setter marginalkostnaden $c_{bm} = 7$:

$$\frac{\partial \pi}{\partial Q_{bm}} = a - bQ_{bm} - b(Q_{bm} + Q_G) - c_{bm} \quad (31)$$

Løser så for optimalt kvantum for alle Graff og de to fusjonerte bedriftene Q_G^* , Q_{bm}^* ved å sette $\frac{\partial \pi}{\partial Q_G} = 0$ og $\frac{\partial \pi}{\partial Q_{bm}} = 0$ i tusener:

$$Q_G^* = \frac{a + c_{bm} - 2c_g}{3b} = \frac{175 + 7 - 2 \cdot 10}{3 \cdot 4} = 13.5 \quad (32)$$

$$Q_{bm}^* = \frac{a - 2 \cdot c_{bm} + c_g}{3b} = \frac{175 - 2 \cdot 7 + 10}{3 \cdot 4} = 14.25 \quad (33)$$

Dette forteller oss at det optimale kvantum for Graff Brygghus blir 13.5 tusen flasker og for de to fusjonerte bedriftene blir kvantumet 14.25 tusen flasker etter fusjon.

Setter så inn Q_G^* og Q_{bm}^* i etterspørselsfunksjonen for å finne markedsprisen:

$$P = a - b(Q_G^* + Q_{bm}^*) = 175 - b \cdot (13.5 + 14.25) = 175 - (4 \cdot 27.75) = 175 - 111 = 64 \quad (34)$$

Markedsprisen blir da 64 kr per flaske om de velger å fusjonere.

Setter så inn optimalt kvantum Q_G^* og Q_{bm}^* i profittfunksjonen for Graff Brygghus, og den fusjonerte bedriften for å finne profitten for hvert bryggeri og trekker fra faste kostnader (her er kvantum ganget med 1000 slik at det blir direkte profitt):

$$\pi_G = \frac{1000(a + c_{bm} - 2c_g)^2}{9b} - f_k = \frac{1000(175 + 7 - 2 \cdot 10)^2}{9 \cdot 4} - 300000 = 429000 \quad (35)$$

$$\pi_{bm} = \frac{1000(a - 2c_{bm} + c_g)^2}{9b} - f_{kbm} = \frac{1000(175 - 2 \cdot 7 + 10)^2}{9 \cdot 4} - 500000 = 312250 \quad (36)$$

Dette forteller oss at profitten etter fusjon for Graff Brygghus blir 429.000 kr og for de fusjonerte bedriftene blir profitten på 312.250 kr.

Fusjonsparadokset

Fusjonsparadokset er enkelt forklart ved at etterspørselen etter mikrobryggeriøl ikke endrer seg etter fusjonen og Graff som tidligere delte markedet med to andre bryggerier, vil nå kun dele markedet med ett bryggeri. Dette vil føre til at Graff Brygghus øker produksjonen med $13.15 - 10.125 = 3.025$ tusen flasker i kvantum og markedsprisen per flaske øker fra 50.5 til 64 kr.

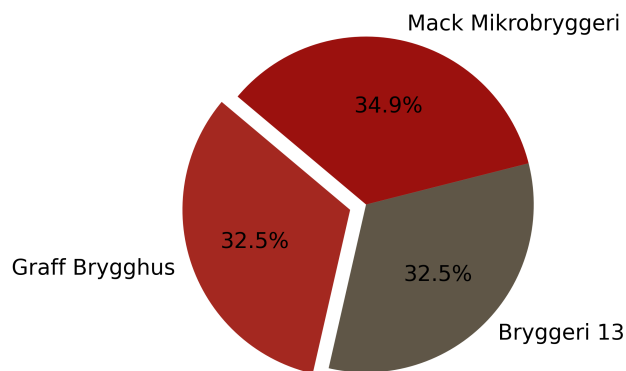
Fusjonsparadokset slår til her på profitten og det er Graff Brygghus som tjener mest med en økning fra 110.062,5 kr før fusjon til 429.000 kr i profitt. Før fusjonen hadde Bryggeri 13 og Mack Mikrobryggeri en samlet profitt på 283.125 kr og etter fusjonen øker den til 312.250 kr opp med 29125 kr. Fusjonen vil være lønnsom for de fusjonerte partene på grunn av at de kan flytte produksjonen til Mack hvor marginalkostnaden går ned, dog ikke nært like mye som for Graff Brygghus.

Samfunnsøkonomisk blir kvantumet etter fusjonen ved cournot å gå ned fra 31.125 til 27.75 tusen flasker og prisen per flaske øker fra 50.5 til 64 kr. Dette vil føre til at det blir produsert mindre mikrobryggeriøl i markedet og prisen per flaske vil øke. Og i [Figur 3](#) og [Figur 4](#) kan vi se at Graff Brygghus øker sin produksjon etter fusjonen, mens Bryggeri 13 og Mack Mikrobryggeri sin totale produksjon går ned, dog de har større markedsandel.

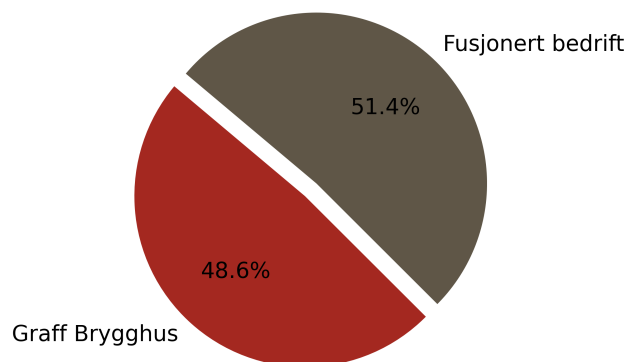
Fusjonsparadokset ved stackelberg

Siden fusjonen vil føre til at Graff Brygghus får størst profitt, så vil det være en fordel for den nye fusjonerte bedriften å sette kvantum først i markedet som lederbedrift ettersom de har en større produksjonskapasitet.

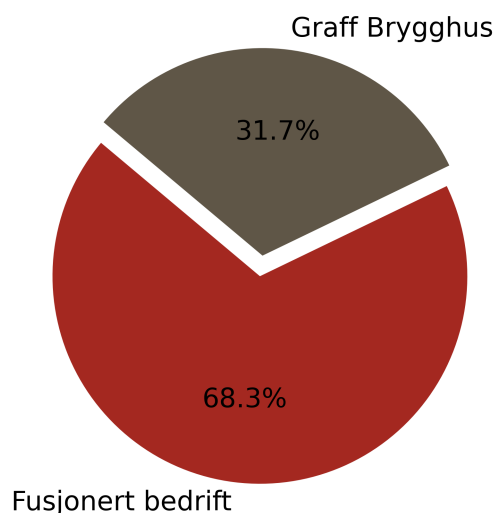
Utrekningen ved at Mack Mikrobryggeri og Bryggeri 13 fusjonerer og blir en lederbedrift ligger i appendix i kode men oppsummeres i [Tabell 4](#). Og ved at Graff Brygghus er følgerbedrift så vil profitten til Graff Brygghus gå ned til 95.015 kroner mens profitten til den fusjonerte bedriften vil øke til 413.781 kroner, som vil gjøre det veldig lønnsomt for de fusjonerte partene å fusjonere dersom de har mulighet å bli lederbedrift og bestemme kvantum i markedet som vises i [Figur 5](#).



Figur 3: Cournot modell før fusjon



Figur 4: Cournot modell etter fusjon



Figur 5: Stackelberg modell etter fusjon

I Tabell 4 kan man se at det også er samfunnsøkonomisk bra hvis Mack Mikrobryggeri og Bryggeri 13 fusjonerer og blir lederbedrift da det vil føre til at det blir produsert mer mikrobryggeriøl i markedet og prisen per flaske blir lavest. Merk at profitten er reelle tall mens kvantum og pris er i tusener.

	Cournot før fusjon	Cournot etter fusjon	Stackelberg etter fusjon
Q_G^*	10.125	13.5	10
Q_B^*	10.125	0	0
Q_M^*	10.875	14.25	21
P^*	50.5	64	50
π_G	110062.5	429000	95015
π_B	110062.5	0	0
π_M	173062.5	312250	413781

Tabell 3: Optimalt kvantum, pris og profitt før og etter fusjon

Videre i oppgaven skal vi anta at fusjon mellom Mack Mikrobryggeri og Bryggeri 13 blir gjennomført, og det nye selskapet vil operere under navnet Mack Mikrobrygg 13. Markedet for produksjon av mikroøl vi da bestå av to lokale produsenter: Mack Mikrobrygg 13 og Graff Brygghus. For å styrke sin posisjon i markedet, investerer Graff Brygghus i nytt og mer effektivt produksjonsutstyr, noe som reduserer deres variable kostnader til kr 7 per flaske. Denne investeringen vil gi selskapet økte faste kostnader på kr 200.000. Totale faste kostnader for begge bryggeriene er da på kr 500.000 for hvert av selskapene.

I restaurantbransjen i Tromsø er Restaurant Gruppen Holdig (RGH) en sentral aktør, som har monopol i sitt segment. RGH kjøper sitt mikroøl fra de to lokale produsentene Mack Mikrobrygg 13 og Graff Brygghus. For å drifte sine restauranter har RGH faste kostnader på kr 600.000.

Etterspørselen etter mikroøl i restaurantbransjen er lik: $P = 175 - 2Q$ hvor Q er antall solgte flasker mikroøl (antall tusen flasker) for RGH og P er prisen for en flaske mikroøl til sluttbruker.

For å ytterligere styrke sin posisjon i oppstrømsmarkedet, vurderer ledelsen i Mack Mikrobrygg 13 en fusjon med konkurrenten Graff Brygghus. Det antas at denne fusjonen ikke vil resultere i kostnadsbesparelser for bryggeriene.

Som konsulent for styret i Mack Mikrobrygg 13, er du bedt om å analysere markedskonsekvensene av en potensiell fusjon mellom Mack Mikrobrygg 13 og Graff Brygghus. Analysen skal omfatte en vurdering av dagens markedstilpasning og en sammenligning med tilpasningen etter en eventuell fusjon i oppstrømsmarkedet.

Basert på din analyse, vil du anbefale styret i Mack Mikrobrygg 13 å gjennomføre fusjon med Graff Brygghus?

Cournot modell for Graff Brygghus og Mack Mikrobrygg 13

Regner på en cournot modell for symmetriske bedrifter ettersom at de har samme marginalkostnader og faste kostnader. Etterspørselen er gitt ved:

$$P = 175 - 4(Q_G + Q_M) \quad (37)$$

Deriverer så profittfunksjonen mhp Q_G :

$$\frac{\partial \pi}{\partial Q_G} = a - bQ_G - b(Q_G + Q_M) - c \quad (38)$$

Deriverer så mhp Q_M :

$$\frac{\partial \pi}{\partial Q_M} = a - bQ_M - b(Q_G + Q_M) - c \quad (39)$$

Løser så for optimalt kvantum for Graff Brygghus og Mack Mikrobrygg 13 Q_G^* og Q_M^* ved å sette $\frac{\partial \pi}{\partial Q_G} = 0$ og $\frac{\partial \pi}{\partial Q_M} = 0$ i tusener:

$$Q_G^* = \frac{a - c}{3b} = \frac{175 - 7}{3 \cdot 4} = 14 \quad (40)$$

$$Q_M^* = \frac{a - c}{3b} = \frac{175 - 7}{3 \cdot 4} = 14 \quad (41)$$

Optimal pris i sluttmarkedet:

$$P^* = a - b(Q_G^* + Q_M^*) = 175 - 4 \cdot (14 + 14) = 175 - (4 \cdot 29) = 175 - 116 = 63 \quad (42)$$

Setter så inn Q_G^* og Q_M^* i profittfunksjonen for Graff Brygghus og Mack Mikrobrygg 13 for å finne profitten for hvert bryggeri og trekker fra faste kostnader (her er kvantum ganget med 1000 slik at det blir direkte profitt):

$$\pi_G = \frac{1000(a - c)^2}{9b} - f_k = \frac{1000(175 - 7)^2}{9 \cdot 4} - 500000 = 284000 \quad (43)$$

$$\pi_M = \frac{1000(a - c)^2}{9b} - f_k = \frac{1000(175 - 7)^2}{9 \cdot 4} - 500000 = 284000 \quad (44)$$

Dette forteller oss at profitten for Graff Brygghus og Mack Mikrobrygg 13 blir 284.000 kr hver før fusjon, kvantumet solgt blir 14 i tusener hver og pris til nedstrømsbedrift blir 63 kroner per flaske.

Monopoltilpasning ved at Mack Mikrobrygg 13 og Graff Brygghus fusjonerer

Regner på en monopoltilpasning for Mack Mikrobrygg 13 og Graff Brygghus etter fusjon. Begynner ved nedstrømsbedriften:

$$P_n = a - b(Q) \quad (45)$$

Marginalinntekten er gitt ved:

$$MR_n = a - 2bQ \quad (46)$$

og nedstrømsbedriften har en marginalkostnad som er r .

Setter så marginalinntekten lik marginalkostnaden for å finne optimalt kvantum:

$$a - 2bQ = r \quad (47)$$

Løser så for optimalt kvantum:

$$Q^* = \frac{a - r}{2b} = \frac{175 - r}{4} \quad (48)$$

Setter så optimalt kvantum inn i etterspørselsfunksjonen for å finne optimal pris, simplifisert får man da:

$$P_n^* = \frac{r}{2} + \frac{175}{2} \quad (49)$$

Videre så har oppstrømsbedriften dobbel marginalisering, så etterspørsel og marginalinntekten blir:

$$P_r = a - 2 * bQ \quad (50)$$

$$MR_r = a - 2bQ \quad (51)$$

Setter så marginalinntekten lik marginalkostnaden for å finne optimalt kvantum:

$$a - 2bQ = c = 175 - 8 = 7 \quad (52)$$

Løser så for optimalt kvantum for oppstrømsbedriften:

$$Q^* = \frac{a - c}{4b} = \frac{175 - 7}{8} = 21 \quad (53)$$

Setter så optimalt kvantum inn i etterspørselsfunksjonen for å finne optimal pris:

$$P_r^* = \frac{a}{2} + \frac{c}{2} = \frac{175}{2} + \frac{7}{2} = 91 \quad (54)$$

Finner så prisen til sluttbruker ved å sette inn optimal pris fra oppstrømsbedriften i etterspørselsfunksjonen til nedstrømsbedriften:

$$P_n^* = \frac{3a}{4} + \frac{c}{4} = \frac{3 \cdot 175}{4} + \frac{7}{4} = 133 \quad (55)$$

Optimalt kvantum blir da det samme i sluttmarked ved å sette inn optimal kvantum fra oppstrømsbedriften i etterspørselsfunksjonen til nedstrømsbedriften:

$$Q^* = \frac{a - c}{8b} = \frac{175 - 7}{8 \cdot 2} = 21 \quad (56)$$

Profitt for oppstrømsbedriften blir da:

$$\pi_r = \frac{(125a - c)^2}{b} - fk_r = \frac{(125 \cdot 175 - 7)^2}{2} - 1000000 = 764000 \quad (57)$$

og profitt for nedstrømsbedriften blir:

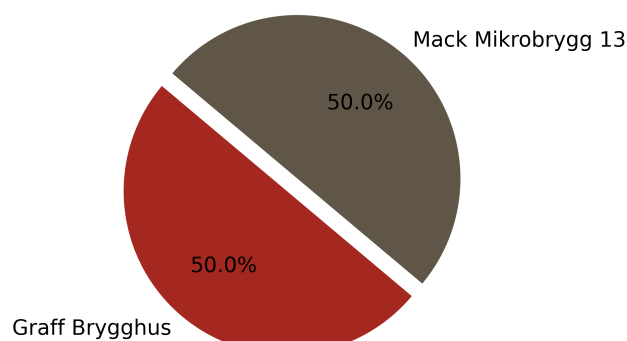
$$\pi_n = \frac{(125a - c)^2}{2b} - fk_n = \frac{(125 \cdot 175 - 7)^2}{4} = 282000 \quad (58)$$

Dette forteller oss at profitten for Graff Brygghus og Mack Mikrobrygg 13 blir $(284.000 \cdot 2) = 568000$ kr før fusjon hver for seg og 764.000 samlet etter fusjon, kvantumet solgt blir 21 i tusener og pris til nedstrømsbedrift blir 91 kroner per flaske mens utsalgspris etter fusjon blir 133 kroner, oppsumert kan man se dette i Tabell 4. Basert på min analyse vil jeg anbefale styret i Mack Mikrobrygg 13 å gjennomføre fusjonen med Graff Brygghus for å bli monopolist.

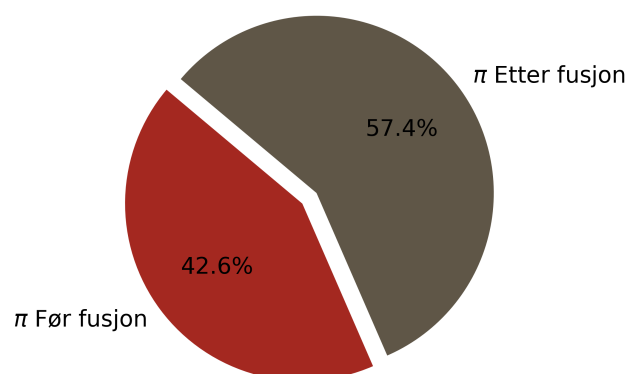
Hva blir de samfunnsøkonomiske konsekvensene av en fusjon mellom Mack Mikrobrygg 13 og Graff Brygghus?

De samfunnsøkonomiske effektene blir at det blir produsert mindre mikrobryggeriøl i markedet, fra 28 tusener ned til 21 tusen. Prisen per flaske vil øke fra 63 kroner til 91. Og i Figur 6 ser man at før fusjon har begge bryggerier like stor markedsandel med kvantum solgt.

I Figur 7 kan vi se at etter fusjonen øker bedriftene sin profitt selv om de faste kostnadene ikke endrer seg og totalt er på en million.



Figur 6: Symmetrisk cournot markedsandel før fusjon



Figur 7: Profitt før og etter fusjon

Oppsummerer resultatene i en tabell:

	Cournot før fusjon	Monopol
Q_G^*	14	21
Q_M^*	14	0
P^*	63	91
π_G	284000	0
π_M	284000	764000

Tabell 4: Optimalt kvantum, pris og profitt før og etter fusjon

Konklusjon

Samfunnsøkonomisk ser det ut som at samfunnet generelt taper på at bedrifter fusjonerer under cournot modell. Paradoksalt taper også bedriftene som fusjonerer selv på det, med mindre de blir monopolist eller kan bli en lederbedrift. Samfunnsøkonomisk er det best at bedriftene ikke blir monopolister, men at det er flere aktører i markedet hvor det er sekvensiell konkurranse under stackelberg modell. Dette vil føre til at det blir produsert mer mikrobryggeriøl i markedet og prisen per flaske blir lavest.

Referanser

Pepall, L., Richards, D. J. & Norman, G. (2014). *Industrial organization: Contemporary theory and empirical applications* (Fifth edition). Wiley.

Appendix Generell KI bruk

I løpet av koden så kan det ses mange # kommentarer der det er skrevet for eks “#fillbetween q1 and q2”. Når jeg skriver kode i Visual Studio Code så finnes det en plugin som heter Github Copilot. Når vi skriver slike kommentarer så kan den foresøke å fullføre kodelinjene mens jeg skriver de. Noen ganger klarer den det, men andre ikke. Det er vanskelig å dokumentere hvert bruk der den er brukt siden det “går veldig fort” men siden det ikke er fått på plass en slik dokumentasjon så kan all python kode der det er brukt kommentarer antas som at det er brukt Github Copilot. Nærmere info om dette KI verktøyet kan ses på <https://github.com/features/copilot>

Appendix Kode

```
import sympy as sp
from matplotlib import pyplot as plt
import numpy as np

q_o, q_c, c, a, b, pi, i, f_k = sp.symbols('q_o q_c c a b pi i f_k')

# c er konstante marginalkostnader
# a og b er parametre i etterspørselsfunksjonen som er gitt ved  $P = a - bQ$ 
# hvor etterspørselen er  $P = 990 - 1/60(Q_o + Q_c)$ 
# faste kostnader for begge bedrifter er 3 millioner
c = 50
a = 990
b = 1/60
f_k = 3000000
def P_demand(Q, a, b):
    return a - b*Q

def profit(q_o, q_c, c, a, b):
    return (P_demand(q_o + q_c, a, b) - c) * q_o
```

```
# Deriverer profittfunksjon til Dr Choice
d_profit2_Q = sp.diff(profit(q_c, q_o, c, a, b), q_c)
d_profit2_Q
```

$$-0.0333333333333333q_c - 0.0166666666666667q_o + 940$$

```
# Setter den deriverte lik 0 og finner reaksjonsfunksjon til Dr choice
Q2_sol1 = sp.solve(d_profit2_Q, q_c)[0]
Q2_sol1
```

$$28200.0 - 0.5q_o$$

```
# På trinn 1 settes reaksjonsfunksjonene til Dr Choice inn i Olivita
# sin profittfunksjon, og deriverer dette uttrykket mhp q_o
d_profit1_Q = sp.diff(profit(q_o, Q2_sol1, c, a, b), q_o)
d_profit1_Q
```

$$470.0 - 0.0166666666666667q_o$$

```
# For å finne optimalt kvantum til lederbedriften (Olivita)
# setter vi uttrykket over lik 0
Q1_sol = sp.solve(d_profit1_Q, q_o)[0]
Q1_sol
```

$$28200.0$$

```
# Optimalt kvantum for Dr Choice
Q2_sol2=Q2_sol1.subs({q_o:Q1_sol})
Q2_sol2
```

14100.0

```
def P_demand(q1,q2):
    return a-b*(q1+q2)

# Optimal pris i sluttmarkedet:
P_opt=P_demand(q_o,q_c).subs({q_o:Q1_sol,q_c:Q2_sol2})

P_opt
```

285.0

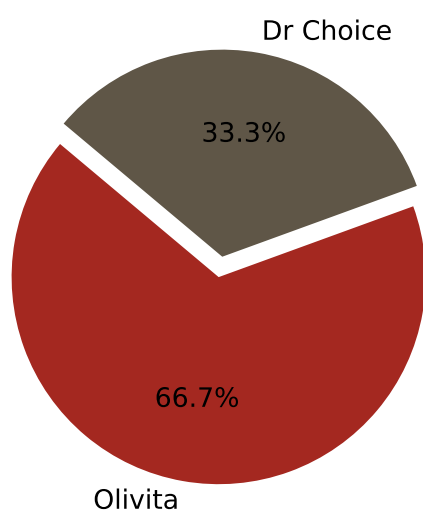
```
# profitt for lederbedrift (Olivita):
sp.simplify((P_opt-c)*Q1_sol-f_k)
```

3627000.0

```
# profitt for følgerbedrift (Dr Choice):
sp.simplify((P_opt-c)*Q2_sol2-f_k)
```

313500.0

```
# Lager første pai som viser hvor stort kvantum av markedet hver bedrift har ved bruk av
labels = 'Olivita', 'Dr Choice'
sizes = [Q1_sol,Q2_sol2]
colors = ['#A42820', '#5F5647']
explode = (0.1, 0) # explode 1st slice
plt.pie(sizes, explode=explode, labels=labels, colors=colors, autopct='%1.1f%%', startangle=90)
plt.savefig('dokumentobjekter/figurer/stackelberg_olivita_dr_choice.png', bbox_inches='tight')
```



```
# regner cournot likevekt
q1, q2, c1, c2, a, b = sp.symbols('q1 q2 c1 c2 a b')

a = 990
b = 1/60
c = 50
def P_demand(Q, a, b):
    return a - b * Q

def profit(q1, q2, c, a, b):
    return (P_demand(q1 + q2, a, b) - c) * q1
```

```
d_profit1_Q = sp.diff(profit(q1, q2, c, a, b), q1)
d_profit2_Q = sp.diff(profit(q2, q1, c, a, b), q2)

display(d_profit1_Q)
display(d_profit2_Q)
```

$$-0.0333333333333333q_1 - 0.0166666666666667q_2 + 940$$

$$-0.0166666666666667q_1 - 0.0333333333333333q_2 + 940$$

```
sol = sp.solve([d_profit1_Q, d_profit2_Q], [q1, q2])

display((sol[q1]))
display((sol[q2]))
```

18800.0
18800.0

```
sol = sp.solve([d_profit1_Q, d_profit2_Q], [q1, q2])

Q1_sol = sp.simplify((sol[q1]))
Q1_sol
```

18800.0

```
Q2_sol = sp.simplify((sol[q1]))
Q2_sol
```

18800.0

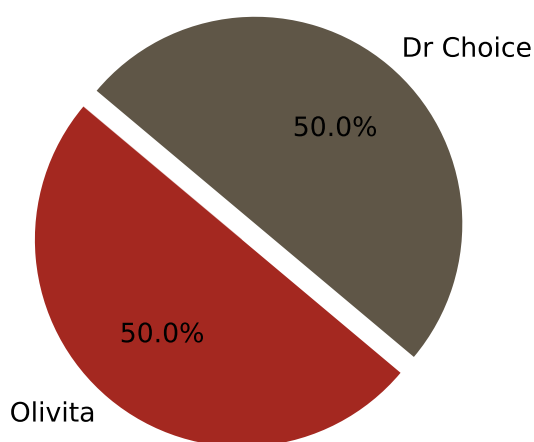
```
def P_demand(q1, q2):
    return a - b * (q1 + q2)
# Optimal pris i sluttmarkedet:
P_opt = P_demand(q1, q2).subs({q1: sol[q1], q2: sol[q2]})
P_opt
```

363.333333333333

```
# profitt for lederbedrift (Olivita):
sp.simplify((P_opt-c)*sol[q1]-f_k)
```

2890666.66666667

```
# Lager andre pai som viser hvor stor andel av markedet hver bedrift har ved bruk av cournot
sizes = [Q1_sol,Q2_sol]
plt.pie(sizes, explode = explode,labels=labels, colors=colors, autopct='%1.1f%%', startangle=90)
plt.savefig('dokumentobjekter/figurer/cournot_olivita_dr_choice.png', bbox_inches='tight')
```



```
# Starter på oppgave 2, regner på nytt cournot for mikroøl
# q_g er graffi, q_b er bryggeri 13 og q_m er mack mikrobryggeri

# regner cournot likevekt
q_g, q_b, q_m, c_g, c_b, c_m, a, b, f_k, c = sp.symbols('q_g q_b q_m c_g c_b c_m a b f_k c')

a = 175
b = 4
c_g = 10
c_b = 10
c_m = 7
f_k = 300000

def P_demand(Q, a, b):
    return a - b * Q

def profit(q_g, q_b, q_m, c, a, b):
    return (P_demand(q_g + q_b + q_m, a, b) - c) * q_g

d_profit1_Q = sp.diff(profit(q_g, q_b, q_m, c_g, a, b), q_g)
d_profit2_Q = sp.diff(profit(q_b, q_g, q_m, c_b, a, b), q_b)
d_profit3_Q = sp.diff(profit(q_m, q_g, q_b, c_m, a, b), q_m)
```

```
display(d_profit1_Q)
display(d_profit2_Q)
display(d_profit3_Q)
```

$$-4q_b - 8q_g - 4q_m + 165$$

$$-8q_b - 4q_g - 4q_m + 165$$

$$-4q_b - 4q_g - 8q_m + 168$$

```
# Tallene blir i tusener
```

```
sol=sp.solve([d_profit1_Q,d_profit2_Q,d_profit3_Q],[q_g,q_b,q_m])
```

```
# Kvantum til Graff brygghus
```

```
display((sol[q_g]))
```

```
# Kvantum til Bryggeri 13
```

```
display((sol[q_b]))
```

```
# Kvantum til Mack mikrobryggeri
```

```
display((sol[q_m]))
```

$$\frac{81}{8}$$

$$\frac{81}{8}$$

$$\frac{87}{8}$$

```
def P_demand(q_g,q_b,q_m):
    return a-b*(q_g+q_b+q_m)
```

```
# Optimal pris i sluttmarkedet:
```

```
P_opt=P_demand(q_g,q_b,q_m).subs({q_g:sol[q_g],q_b:sol[q_b],q_m:sol[q_m]})
```

```
P_opt
```

$$\frac{101}{2}$$

```
# Husk å gange med 1000 for å finne profitt siden tall er oppgitt i tusen
```

```
# profitt for (Graff brygghus):
```

```
Graff= sp.simplify((P_opt-c_g)*(sol[q_g]*1000)-f_k)
```

```
display(Graff)
```

```
# profitt for Bryggeri 13:
```

```
Bryggeri_13= sp.simplify((P_opt-c_b)*(sol[q_b]*1000)-f_k)
```

```
# profitt for Mack mikrobryggeri:
```

```
Mack = sp.simplify((P_opt-c_m)*(sol[q_m]*1000)-f_k)
```



```
display(Bryggeri_13)
display(Mack)

#Profitt for bryggeri 13 og mack før fusjon
Mack+Bryggeri_13
```

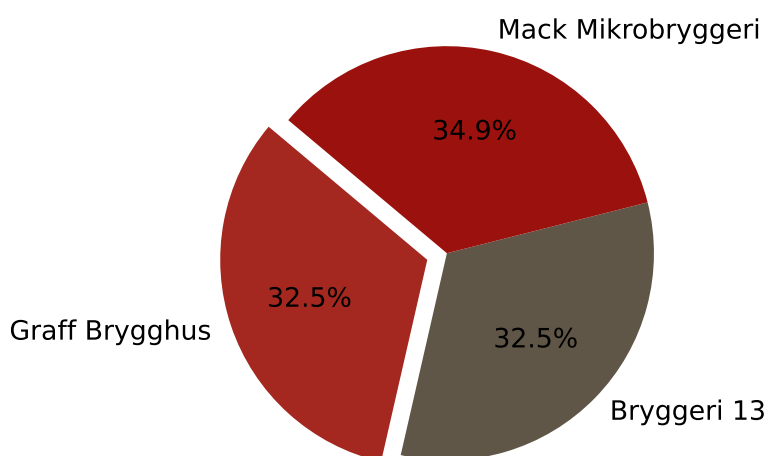
$$\frac{220125}{2}$$

$$\frac{220125}{2}$$

$$\frac{346125}{2}$$

$$283125$$

```
# Oppgave 2 figur for mikrobryggeriene
labels = 'Graff Brygghus', 'Bryggeri 13', 'Mack Mikrobryggeri'
sizes = [sol[q_g],sol[q_b],sol[q_m]]
colors = ['#A42820', '#5F5647', '#9B110E']
explode = (0.1, 0, 0) # explode 1st slice
plt.pie(sizes, explode=explode, labels=labels, colors=colors, autopct='%1.1f%%', startangle=90)
plt.savefig('dokumentobjekter/figurer/cournot_mikrobryggerier.png', bbox_inches='tight')
```



```
# Fusjonerer to asymmetriske cournot bedrifter Mack mikrobryggeri og Bryggeri 13

# Oppgave 2a
# q_g er kvantum til Graff brygghus
# q_bm blir kvantum til den fusjonerte bedriften
# ny fk for den fusjonerte bedriften blir 500 000

# regner cournot likevekt
q_g, q_bm, c_g, c_bm, a, b, f_k, c, f_k_bm = sp.symbols('q_g q_bm c_g c_bm a b f_k c f_k_bm')
```

```

a = 175
b = 4
c_g = 10
c_bm = 7
f_k = 300000
f_k_bm = 500000
def P_demand(Q,a,b):
    return a-b*Q

def profit(q_g,q_bm,c,a,b):
    return (P_demand(q_g+q_bm,a,b)-c)*q_g

```

```

d_profit1_Q=sp.diff(profit(q_g,q_bm,c_g,a,b),q_g)
d_profit2_Q=sp.diff(profit(q_bm,q_g,c_bm,a,b),q_bm)

```

```

display(d_profit1_Q)
display(d_profit2_Q)

```

$$-4q_{bm} - 8q_g + 165$$

$$-8q_{bm} - 4q_g + 168$$

```

# Kvantum er i tusener

sol=sp.solve([d_profit1_Q,d_profit2_Q],[q_g,q_bm])

# Kvantum til Graff brygghus
display(float(sol[q_g]))
# Kvantum til fusjonert bedrift
display(float(sol[q_bm]))

```

13.5

14.25

```

def P_demand(q_g,q_bm):
    return a-b*(q_g+q_bm)

# Optimal pris i sluttmarkedet:
P_opt=P_demand(q_g,q_bm).subs({q_g:sol[q_g],q_bm:sol[q_bm]})

# Optimal sluttpris
P_opt

```

64

```
# profitt for (Graff brygghus):
display(sp.simplify((P_opt-c_g)*(sol[q_g]*1000)-f_k))

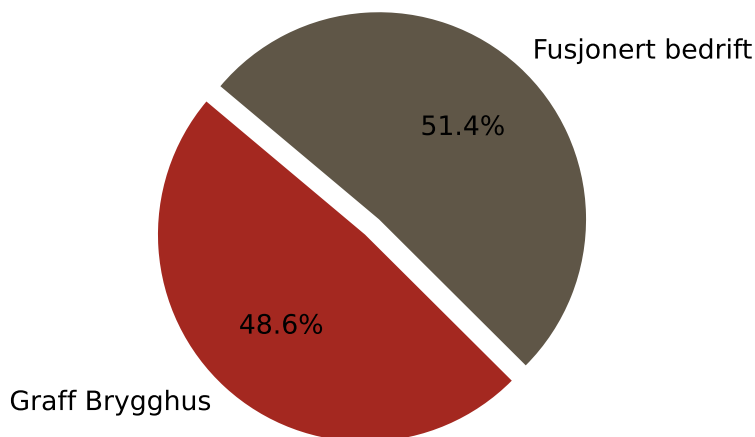
# profitt for fusjonert bedrift
display(sp.simplify((P_opt-c_bm)*(sol[q_bm]*1000)-f_k_bm))
```

429000

312250

```
# Figur for markedet etter fusjon

labels = 'Graff Brygghus', 'Fusjonert bedrift'
sizes = [sol[q_g],sol[q_bm]]
colors = ['#A42820', '#5F5647']
explode = (0.1, 0) # explode 1st slice
plt.pie(sizes, explode=explode, labels=labels, colors=colors, autopct='%1.1f%%', startangle=90)
plt.savefig('dokumentobjekter/figurer/fusjonert_bedrift.png',bbox_inches='tight', dpi=600)
```



```
q1, q2,c, a, b, pi,i=sp.symbols('q1 q2 c a b pi i')

a = 175
b = 4
c = 10

def P_demand(Q,a,b):
    return a-b*Q

def profit(q1,q2,c,a,b):
    return (P_demand(q1+q2,a,b)-c)*q1
```

```
d_profit2_Q=sp.diff(profit(q2,q1,c,a,b),q2)
d_profit2_Q
```

$$-4q_1 - 8q_2 + 165$$

```
# Graff brygghus
Q2_sol1=sp.solve(d_profit2_Q,q2)[0]
Q2_sol1
```

$$\frac{165}{8} - \frac{q_1}{2}$$

```
d_profit1_Q=sp.diff(profit(q1,Q2_sol1,7,a,b),q1)
d_profit1_Q
```

$$\frac{171}{2} - 4q_1$$

```
# Setter den deriverte lik 0 og finner reaksjonsfunksjon til Graff
Q1_sol=sp.solve(d_profit1_Q,q1)[0]
Q1_sol
```

$$\frac{171}{8}$$

```
Q2_sol2=Q2_sol1.subs({q1:Q1_sol})
Q2_sol2
```

$$\frac{159}{16}$$

```
def P_demand(q1,q2):
    return a-b*(q1+q2)

# Optimal kvantum i sluttmarkedet:
P_opt=P_demand(q1,q2).subs({q1:Q1_sol,q2:Q2_sol2})
sp.simplify(P_opt)
```

$$\frac{199}{4}$$

```
c_m = 7
# profitt for lederbedrift:
def profitt(q1):
    return (P_opt-c_m)*Q1_sol-500

mack_profitt = sp.simplify(profitt(q1))

profitt_mack_stackel=round(mack_profitt,2)
profitt_mack_stackel
```

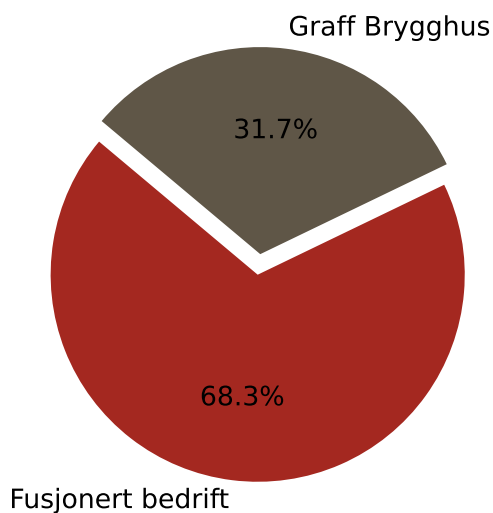
$$413.78$$

```
# profitt for følgerbedrift:
def profitt(q2):
    return (P_opt-10)*Q2_sol2-300

svar_2 = sp.simplify(profitt(q2))
round(svar_2,2)
```

95.02

```
# Lager pai som viser hvor stor andel av markedet hver bedrift har ved bruk av stackelberg
labels = ['Fusjonert bedrift', 'Graff Bryggghus']
sizes = [Q1_sol1,Q2_sol2]
colors = ['#A42820', '#5F5647']
explode = (0.1, 0) # explode 1st slice
plt.pie(sizes, explode=explode, labels=labels, colors=colors, autopct='%1.1f%%', startangle=90)
plt.savefig('dokumentobjekter/figurer/stackelberg_mack_graff.png',bbox_inches='tight', c
```



```
# Markedet etter fusjon med to symmetriske bedrifter under cournot konkurranse

# Oppgave 2b
# q_g er kvantum til Graff bryggghus
# q_bm blir kvantum til Mack mikrobrygg 13
# ny fk for den fusjonerte bedriften blir 500 000 samt for Graff bryggghus
# c_g = c_bm = 7 siden de er symmetriske og graff har nytt produksjonsutstyr

# regner cournot likevekt
q_g, q_bm, a, b, f_k,c, f_k_bm=sp.symbols('q_g c_bm a b f_k c f_k_bm')

a = 175
b = 4
c = 7
f_k = 500000
```

```
def P_demand(Q,a,b):
    return a-b*Q

def profit(q_g,q_bm,c,a,b):
    return (P_demand(q_g+q_bm,a,b)-c)*q_g
```

```
d_profit1_Q=sp.diff(profit(q_g,q_bm,c,a,b),q_g)
d_profit2_Q=sp.diff(profit(q_g,q_bm,c,a,b),q_bm)

display(d_profit1_Q)
display(d_profit2_Q)
```

$$-4c_{bm} - 8q_g + 168$$

$$-8c_{bm} - 4q_g + 168$$

```
# Kvantum er i tusener

sol=sp.solve([d_profit1_Q,d_profit2_Q],[q_g,q_bm])

# Kvantum til Graff brygghus
display(sol[q_g])
# Kvantum til fusjonert bedrift
display(sol[q_bm])
```

14

14

```
def P_demand(q_g,q_bm):
    return a-b*(q_g+q_bm)

# Optimal pris i sluttmarkedet:
P_opt=P_demand(q_g,q_bm).subs({q_g:sol[q_g],q_bm:sol[q_bm]})

P_opt
```

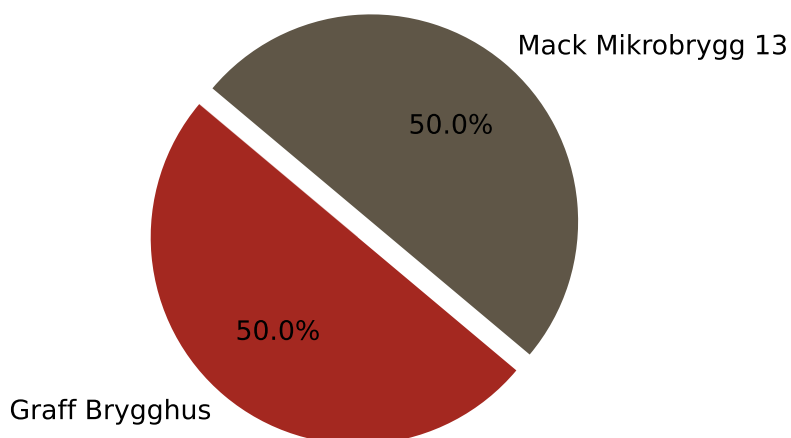
63

```
# profitt for (Graff brygghus):
graff_proffittt = sp.simplify((P_opt-c)*(sol[q_g])*1000-f_k)
display(graff_proffittt)
# profitt for fusjonert bedrift
mack_fusjonert_proff = sp.simplify(P_opt-c)*(sol[q_bm]*1000)-f_k
display(mack_fusjonert_proff)
```

284000

284000

```
# Figur for markedet før fusjon
labels = 'Graff Brygghus', 'Mack Mikrobrygg 13'
sizes = [sol[q_g],sol[q_bm]]
colors = ['#A42820', '#5F5647']
explode = (0.1, 0) # explode 1st slice
plt.pie(sizes, explode=explode, labels=labels, colors=colors, autopct='%1.1f%%', startangle=90)
plt.savefig('dokumentobjekter/figurer/fusjonert_bedrift_symmetrisk.png', bbox_inches='tight')
```



```
# Oppstrømsbedriftene er bryggeriene
# Nedstrømsbedriften er Restaurant Gruppen Holding (RGH)
# Tilpasning ved monopol for oppstrøm og nedstrømsbedriftene
```

```
A, B,Qd,Qr,QI,P,c, r=sp.symbols('A B Qd Qr QI P c r')
```

```
A = 175
```

```
B = 2
```

```
c = 7
```

```
def demand(Q):
    return (A-B*Q)
```

```
def marginalrevenue(Q):
    return (A-2*B*Q)
```

```
Q=sp.symbols('Q', real=True, positive=True)
equ=sp.Eq(marginalrevenue(Q),r)
equ
```

$$175 - 4Q = r$$

```
Qd_equ=sp.solve(equ,Q)[0]
Qd_equ
```

$$\frac{175}{4} - \frac{r}{4}$$

```
P_eq=demand(Qd_equ)
P_eq
```

$$\frac{r}{2} + \frac{175}{2}$$

```
def demand(Qr):
    return (A-2*B*Qr)

def marginalrevenue(Qr):
    return (A-4*B*Qr)
```

```
Qr=sp.symbols('Qr', real=True, positive=True)
equ=sp.Eq(marginalrevenue(Qr),c)
equ
```

$$175 - 8Qr = 7$$

```
Qr_equ=sp.solve(equ,Qr)[0]
Qr_equ
```

21

```
# optimal pris fra oppstrømsbedriften
r_eq=demand(Qr_equ)
r_eq
```

91

```
# Finner pris ved å sette totalt kvantum og pris fra oppstrømsbedriften inn i etterspørsel
P_eq.subs({Qd:Qd_equ,r:r_eq})
```

133

```
# Optimal kvantum i sluttmarkedet:
Qd_opt=Qd_equ.subs({r:r_eq})
sp.simplify(Qd_opt)
```

21


```
# profitt for oppstrømsbedriften ved monopol og fusjon
def profitt(Qr):
    return (r_eq-c)*(Qr_equ)*1000-1000000

proff_etter_fusj=sp.simplify(profitt(Qr_equ))
proff_etter_fusj
```

764000

```
# profitt for nedstrømsbedriften
def profitt(Qd):
    return (P_eq.subs({Qd:Qd_equ,r:r_eq})-r_eq)*Qd_equ.subs({Qd:Qd_equ,r:r_eq})*1000

sp.simplify(profitt(Qr_equ))
```

282000

```
# Lager figur som viser hvor stor profitt som er før og etter fusjon
labels = '$\pi$ Før fusjon', '$\pi$ Etter fusjon'
sizes = [graff_proffittt+mack_fusjonert_proff, proff_etter_fusj]
colors = ['#A42820', '#5F5647']
explode = (0.1, 0) # explode 1st slice
plt.pie(sizes, explode=explode, labels=labels, colors=colors, autopct='%1.1f%%', startangle=90)
plt.savefig('dokumentobjekter/figurer/profitt_fusjon.png', bbox_inches='tight', dpi=600)
```

