

ECONOMETRIA I

Curso de Ciências Econômicas

Prof. Lindomar Pegorini Daniel



ECONOMETRIA I



UNIDADE 1: INTRODUÇÃO AO MODELO DE REGRESSÃO LINEAR

Tópico 1.2 – Introdução à econometria

Aula 6 – Validação da regressão



Prof. Lindomar Pegorini Daniel

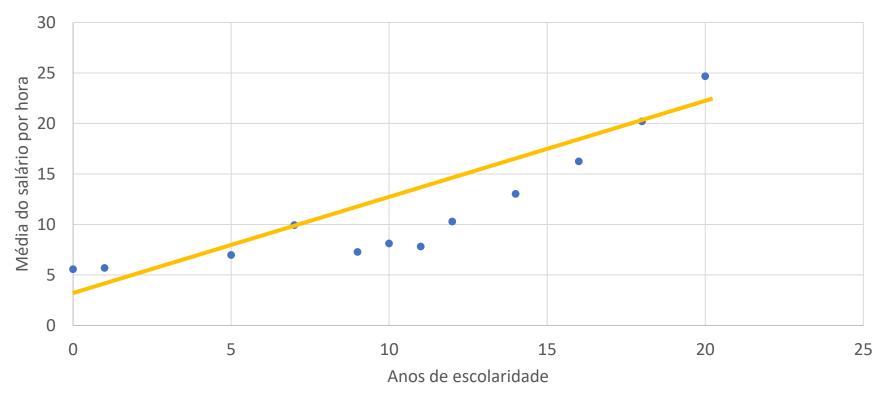


Escolaridade	observações	Média do Salário por hora
0	4	5,57
1	7	5,70
5	9	6,99
7	17	9,95
9	19	7,28
10	29	8,12
11	40	7,83
12	711	10,30
14	104	13,03
16	233	16,25
18	82	20,21
20	34	24,68
Total	1289	12,37

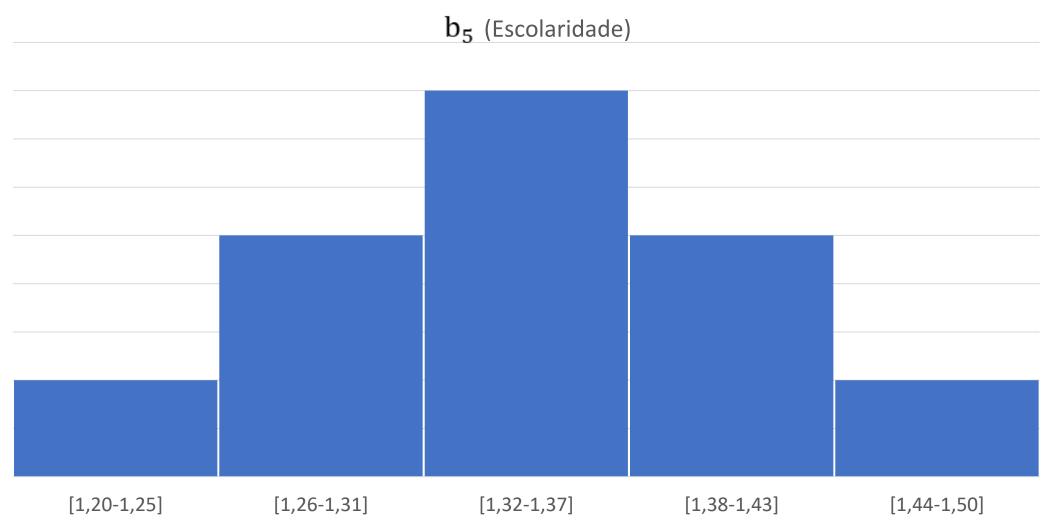


Salário por hora = -7.18 - 3.07Feminino -1.57Nãobranco + 1.10Sindicato 1.37Escolaridade + 0.17Experiência + e_i

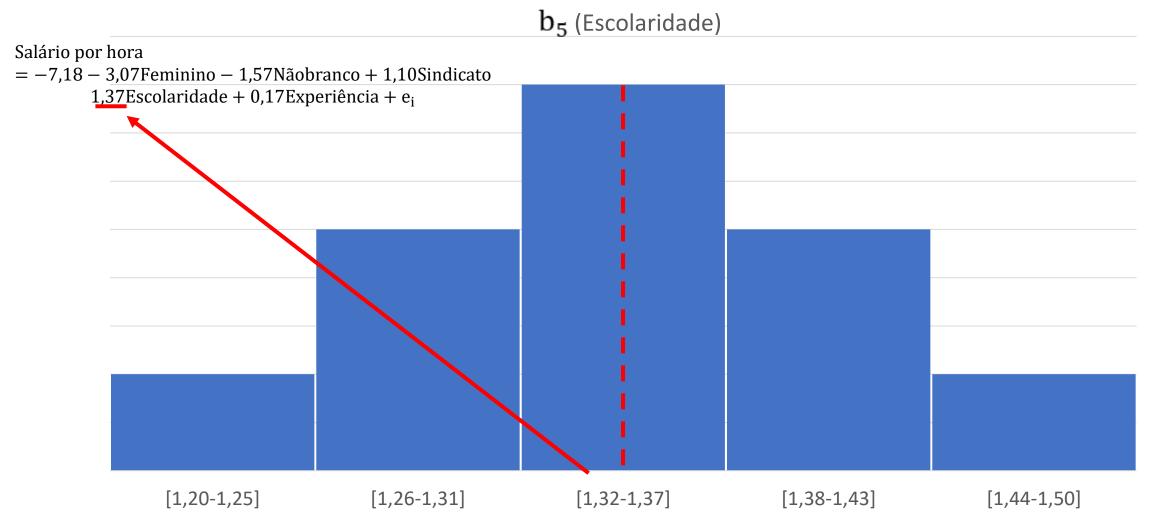
Salário hora médio vs Escolaridade













Teste t:

$$t = \frac{b_5}{ep(b_5)}$$

H₀: (hipótese nula) $B_5 = 0$

H₁: (hipótese alternativa) $B_5 \neq 0$

 $\alpha = 0.05$

t = 1,96 valor crítico (limite)

 $t \ge 1,96$ rejeitamos H_0 em favor de H_1

t < 1,96 não rejeitamos Ho



Teste t:

H₀: (hipótese nula) $B_5 = 0$

H₁: (hipótese alternativa) $B_5 \neq 0$

 $\alpha = 0.05$

t = 1,96 valor crítico (limite)

 $t \ge 1,96$ rejeitamos H_0 em favor de H_1

t < 1,96 não rejeitamos Ho

$$b_5 = 1.37$$
 $ep(b_5) = 0.07$

$$t = \frac{b_5}{ep(b_5)} = \frac{1,37}{0,07} = 20,79$$



Teste t:



$$B_5 = 0$$

H₁: (hipótese alternativa) $B_5 \neq 0$

$$\alpha = 0.05$$

t = 1,96 valor crítico (limite)

 $t \ge 1,96$ rejeitamos H_0 em favor de H_1

$$b_5 = 1.37$$
 $ep(b_5) = 0.07$

$$t = \frac{b_5}{ep(b_5)} = \frac{1,37}{0,07} = 20,79$$



• Intervalo de confiança:

$$[b_5 - t_{\alpha/2} * ep(b_5) \le B_5 \le b_5 + t_{\alpha/2} * ep(b_5)] = (1 - \alpha) * 100\%$$

$$b_5 = 1,37$$

$$ep(b_5) = 0.07$$

 $\alpha = 0.05$

t = 1,96 valor crítico (limite)



• Intervalo de confiança:

$$\begin{aligned} \left[b_5 - t_{\alpha/2} * ep(b_5) \le B_5 \le b_5 + t_{\alpha/2} * ep(b_5)\right] &= (1 - \alpha) * 100\% \\ [1,37 - 1,96 * 0,07 \le B_5 \le 1,37 + 1,96 * 0,07] &= (1 - 0,05) * 100\% \\ [1,24 \le B_5 \le 1,50] &= 95\% \end{aligned}$$



• Intervalo de confiança:

$$[b_5 - t_{\alpha/2} * ep(b_5) \le B_5 \le b_5 + t_{\alpha/2} * ep(b_5)] = (1 - \alpha) * 100\%$$

$$[1,37 - 1,96 * 0,07 \le B_5 \le 1,37 + 1,96 * 0,07] = (1 - 0,05) * 100\%$$

$$[1,24 \le B_5 \le 1,50] = 95\%$$

Ho: (hipótese nula)

 $B_5 = 0$

H₁: (hipótese alternativa) $B_5 \neq 0$



Valor-p:

$$\alpha = 0.05$$

$$B_5 = 0$$

H₁: (hipótese alternativa)
$$B_5 \neq 0$$



Teste F:

```
Salário por hora
= -7,18 - 3,07Feminino - 1,57Nãobranco + 1,10Sindicato
1,37Escolaridade + 0,17Experiência + e<sub>i</sub>
```

H₀: (hipótese nula) as variáveis utilizadas explicam pouco, todos os coeficientes angulares são iguais a zero.

H1: (hipótese alternativa) há pelo menos uma variável que ajuda a explicar, há pelo menos um coeficiente angular que seja diferente de zero.



Teste F:

$$Y_i = b_1 + b_2 X_{2i} + b_3 X_{3i} + ... + b_k X_{ki} + e_i$$

Determinística

Aleatória

$$Y_i = \widehat{Y}_i + e_i$$



Teste F:

$$\begin{split} \mathbf{Y}_i &= \qquad \widehat{\mathbf{Y}}_i \qquad + \mathbf{e}_i \\ \sum_{i=1}^n (\mathbf{Y}_i - \overline{\mathbf{Y}})^2 &= \sum_{i=1}^n (\widehat{\mathbf{Y}}_i - \overline{\mathbf{Y}})^2 + \sum_{i=1}^n \mathbf{e}_i^2 \\ \\ \mathbf{SQT} \qquad \mathbf{SQE} \qquad \mathbf{SQR} \end{split}$$



Teste F:

$$F = \frac{SQE/(k-1)}{SQR/(n-k)}$$

k é número de coeficientes da regressão, nesse caso 6

$$\alpha = 0.05$$



Teste F:

$$F = \frac{25967,28/(6-1)}{54342,54/(1289-6)} = 122,61$$

$$\alpha = 0.05$$

Ho: (hipótese nula) as variáveis utilizadas explicam pouco, todos os coeficientes angulares são iguais a zero.

H1: (hipótese alternativa) há pelo menos uma variável que ajuda a explicar, há pelo menos um coeficiente angular que seja diferente de zero.



Teste F:

$$F = \frac{25967,28/(6-1)}{54342,54/(1290-6)} = 122,61$$

$$\alpha = 0.05$$

Ho: (hipótese nula) as variáveis utilizadas explicam pouco, todos os coeficientes angulares são iguals a zero.

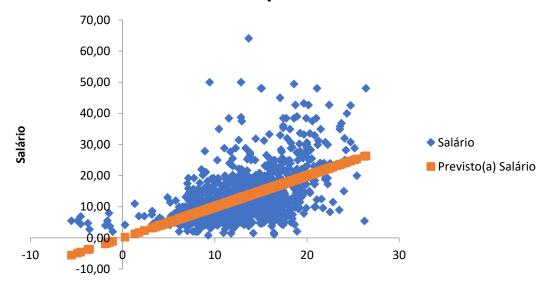
H1: (hipótese alternativa) há pelo menos uma variável que ajuda a explicar, há pelo menos um coeficiente angular que seja diferente de zero.

MEDIDAS DE QUALIDADE DE AJUSTE



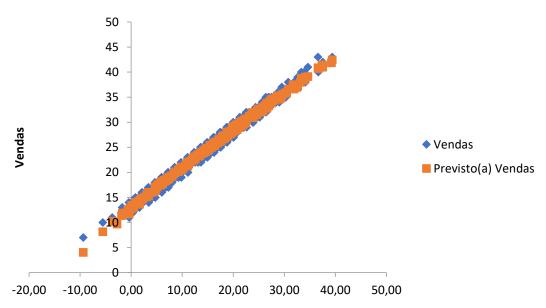
Salário por hora = $b_1 + b_2$ Feminino + b_3 Nãobranco + b_4 Sindicato + b_5 Escolaridade + b_6 Experiência + e_i

Salário por hora



 $Vendas = b_1 + b_2 Temperatura + b_3 Panfletos + b_4 Preço$ $+ b_5 Chuva + e_i$

Vendas de limonada



MEDIDAS DE QUALIDADE DE AJUSTE



- Coeficiente de determinação:
- É um valor entre 0 (sem ajuste) e 1 (ajuste perfeito)

$$R^2 = \frac{SQE}{SQT}$$

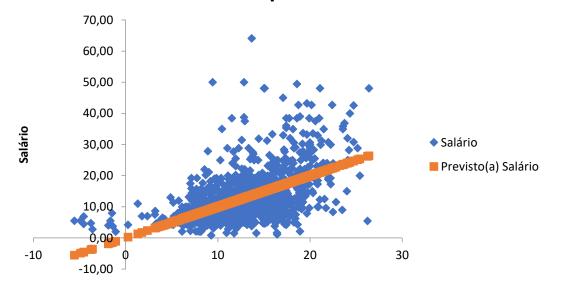
MEDIDAS DE QUALIDADE DE AJUSTE



$$R^2 = 0.32$$

Salário por hora = $b_1 + b_2$ Feminino + b_3 Nãobranco + b_4 Sindicato + b_5 Escolaridade + b_6 Experiência + e_i

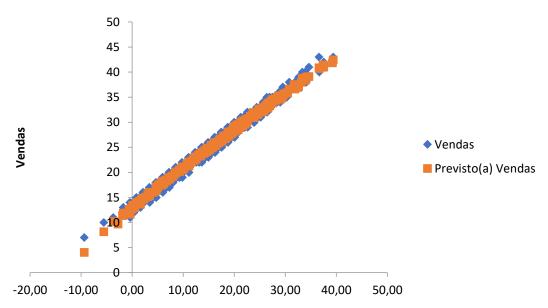
Salário por hora



$$R^2 = 0.98$$

 $Vendas = b_1 + b_2 Temperatura + b_3 Panfletos + b_4 Preço$ $+ b_5 Chuva + e_i$

Vendas de limonada



VALIDAÇÃO DA REGRESSÃO



- Próxima atividade:
 - Atividade prática: Laboratório 4

- E-mail:
 - lindomar.pegorini@unemat.br