# 11.2

### 1.

Sei f wie in der Definition zu primär-rekursiv so ergeben sich für g und h

$$g(x) = c_1^{(1)}$$
$$h(x, y, z) = x \cdot z$$

Somit gilt  $f = PR(c_1^{(0)}, Komp(\cdot, p_1^{(3)}, p_3^{(3)})).$ 

### 2.

Für diese Aufgabe definieren wir uns die Hilfsfunktionen  $Minus: \mathbb{N} \times \mathbb{N} \Rightarrow \mathbb{N}$ , welche die zweite Eingabe von der ersten subtrahiert sofern die erste größer als die zweite ist und ansonsten 0 ausgibt und  $Decrement: \mathbb{N} \Rightarrow \mathbb{N}$ , welches die Eingabe um einen verringert.

Hierbei sei

$$\begin{aligned} decrement &= PR(c_0^{(0)}, p_2^{(2)}) \\ minus &= PR(p_1^{(1)}, Komp(decrement, p_1^{(3)})) \end{aligned}$$

f lässt sich dann wie folgt angeben:

$$f = Komp(+, Komp(minus, p_1^{(2)}, p_2^{(2)}), Komp(minus, p_2^{(2)}, p_1^{(2)}))$$

### 3.

Sei f hier gegeben als  $f = PR(c_0^{(0)}, c_1^{(2)})$ 

# 11.3

### 1.

Sei bininv die Funktion die das binäre Inverse zurück gibt definiert als

$$bininv = PR(c_1^{(0)}, c_0^{(1)})$$

Dann ist divides genau das binäre Inverse zu modulo, dementsprechend gilt

$$divides = komp(bininv, komp(mod, p_1^{(2)}, p_2^{(2)}))$$

### 2.

Für diese Funktion definieren wir eine Hilfsfunktion  $sumdiv : \mathbb{N} \times \mathbb{N} \to \mathbb{N}$ , welche im Grunde  $sumdiv(x,y) = \sum_{i=0}^{y} divides(i,x)$  ausführt und wie folgt definiert ist

$$sumdiv = PR(c_0^{(1)}, Komp(+, p_3^{(3)}, Komp(divides, p_2^{(3)}, p_1^{(3)})))$$

Dann lässt sich prime definieren als

 $prime = komp(bininv, komp(decrement, komp(sumdiv, p_1^{(1)}, komp(decrement, p_1^{(1)}))))$ 

### 11.4

Um f erfolgreich abzubilden definieren wir uns zuerst die Hilfsfunktion hoch:  $\mathbb{N} \times \mathbb{N} \to \mathbb{N}$ , welche eine Basis und einen Exponenten nimmt und Basis Exponenten rechnet. Diese ist primitiv Rekursiv wie folgt definiert:

$$hoch = PR(c_1^{(1)}, Komp(\cdot, p_1^{(3)}, p_3^{(3)}))$$

Dann ist f definiert als

$$f = \mu - OP(Komp(-, p_1^{(1)}, Komp(hoch, c_2^2, p_2^{(2)})))$$