

12.2

1.

Zu dieser Instanze gibt es für das PCP Problem keine Lösung, da das Alphabet von A und B nicht übereinstimmt. (in A gibt es kein b)

2.

Lösungsmenge: $\{(1, 2), (1, 2, 3, 2), \dots\}$ also

$ba|aa = b|aaa$ bzw.

$ba|aa|aaa|aa = b|aaa|aa|aaa$

3.

Lösung: $(3, 1)$

$abab|a = ab|aba$

12.3

Beweis: Wir geben eine Transformation $A, B \rightarrow A', B'$ mit A, B hat spezielle Lösung $\Leftrightarrow A', B'$ hat Lösung.

Sei smal-PCP das Postsche Korrespondenzproblem mit einem beliebigen zwei Elementigen Alphabet $\Sigma' = \{a, b\}$. Sei weiter zu jedem Element aus dem Alphabet $\Sigma = \{k_1, \dots, k_n\}$ des normalen PCP das Wort $k'_i = ab^i$ zu geordnet. Für Wörter bedeutet das $w = k_1, \dots, k_m \in \Sigma^+$ wird $w' = k'_1, \dots, k'_m$ zugeordnet.

Daraus folgt, dass $A = \{w_{1a}, \dots, w_{pa}\}$ und $B = \{w_{1b}, \dots, w_{qb}\}$ eine Lösung hat genau dann wenn $A' = \{w'_{1a}, \dots, w'_{ap}\}$ und $B' = \{w'_{1b}, \dots, w'_{qb}\}$ eine Lösung hat.

12.4