Caso base i vj=o: m+n+1 (manca il pui 1 in "comune u i=o, j=o)

(p sotto prob cue arrivano al CB.

Coppie del passo ricornivo: m·n = tutte le combinazioni.

Cij => matrice lunghezze Sij => matrice sequenze oppure Cij + bij per ricostruire la sequenza.

Cis = O(mn); O(m) primo for: O(n) secondo for; + qualcosma".

S = O(m·n) vo spatio

ALLONTHO PMNT:

· CASO PEGGICRE: · CASO MIGHORE:
tempo > O(max f m, n 4)

PRINT_LCS (X, Y, i, J, bij) if (i=0 V J=0) { return ; 2 else $\frac{1}{n!} \text{ if } \left(p = 2 : \right)$ 14 (** LCs (X, Y, i-1, J-1, bi-1, g-1); { ·

~ Riassunto discorso fino ad ova.

ha
$$Z_k = \langle z_1 \dots z_k \rangle$$
 uno $L(S)$ di $X_i \in Y_{\mathcal{T}}$.

Sij

DIMOTTRO:

1) Se
$$x_i = y_j \Rightarrow a$$
) $z_k = x_i = y_j$
1b) $z_{k-1} = lcs(X_{i-1}, Y_{j-1});$

2) Se
$$\chi_i \neq \gamma_J \Rightarrow$$

2a) Se
$$t_k + x_i$$
 allera $Z_k = \int_{-1}^{1-i} J_{-1}$
 $\Rightarrow cioè Z_k = c$ una lcs di $X_{i-1} = Y_{J}$.

 $\Rightarrow cioè Z_k = c$ una lcs di $X_{i-1} = Y_{J}$.

DIMOSTRATIONE CASO 1:

Vogho dimostrare 2 = xi= yj. Quella = 4, the shamo prendendo in

Se per assurdo tu + Xi, allora Zu | xi é una sottoseq. di Xi Yj.

Cottorq. é lunga k+1 e quindi Zu non é les. Assurbol

io so per certo che Un é los di Xi Y7.

Supponiamo x assurdo, esista W LCs (Xi-1, Yj-1) cm |W| > k-1. = supponiamo che The

comune di Xis / . Ora, Wlzi e una sottosequenza lunghezza |W| > k. Di

può essere Les (xi, Y). Assurpo) non Zu Allera

DIMOSTRAZIONE CASO 2:

- 2) Supponiamo Xi + YJ.
 - 2a) se Zu + xi, allora
 - 2b) le Zre + YJ, allora

NON HO ALTRI CASI' :

2 k \$ Xi V 2 k \$ 45

Negations of Ze = xi A Ze = y, +> Ze = xi = y, CONTRADDICE

FARE LCS > 3 Sottoquente. (Senta parsare LCS Intermedio").

2a)
$$z_k \neq \chi_i$$
. $\Rightarrow z_k = \int_{-\infty}^{\infty} [S^i = S^{i-1}, T] g_k \times c + z_k$

* Sappomiame, per assurdo:

I W = LCs (Xi-s, Ys) di lungheren > k.

Siccome Zu + A: IW é anche les di (Xi /J) di lunguite > L. Allora Zk non pué essere LCI (Xi, 1/5).

CONTRADDITIONE.

2b) ... identico... (sul libro).

common subsequence. Heaviert HC1: ESERUMO

Lo uguale, HCS restituire un peso, non un 14.

Ho 2 sequente:

· Abbiamo auche una funtione:

$$W: \Sigma \to IN$$
 $\omega(a) = A = \omega(b)$

o Trovo la sottoleg pui pesante:

$$C \cdot L^{*} : X! = \lambda^{1} \quad Z_{iJ} = \qquad \qquad Z_{i-1} \cdot Z_{-1} + Z_{iJ} \cdot M(X;)$$

ESERCITIO:

X, y, W vo vogho trovare LCs(X, y, w). Date

US: Longest Increasing Librequence.

ISTANTA: una sequenta X. di lungletta m.

DUTPUT :

Determinare la pur lunga sotto requenta crescente.

etc...

5 = < 6, 7, 9, 11> exupo

SOMOPROBLEMI :

Xi → SOTTOP. tra 0... w >

lunglezea h

C.P: Voque risolvere si, con i>1, assumendo di aver risolto i problemi pui piccoh.

⇒ cambio problema: (AUSILIARIO).

Determinare la pui lunga sottora. Cresceute di X che termina con l'altimo Simbolo dell' input.

Sotleproblem a

> ho gia risolto:

 S^{i-2} \Rightarrow ma so l'ultimo simbolo della S^{i-1} , S^{i-2} ...

Xi- = (xc... xc-2)