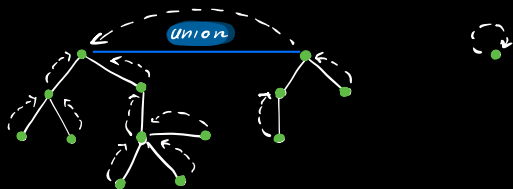


Insiemi disgiunti \rightarrow rappresentati da Grafi, in cui ogni nodo punta al "nodo padre".



LE OPERAZIONI SU INSIEMI DISGIUNTI DIVENTANO:

- **MAKESET(x)** \rightarrow Albero con un nodo $\Theta(1)$
- **FINDSET(x)** \rightarrow Seguire il puntatore al padre fino a trovare NIL $O(n)$
- **UNION(x, y)** \rightarrow unire 2 alberi, basta definire una radice come figlia dell'altra.

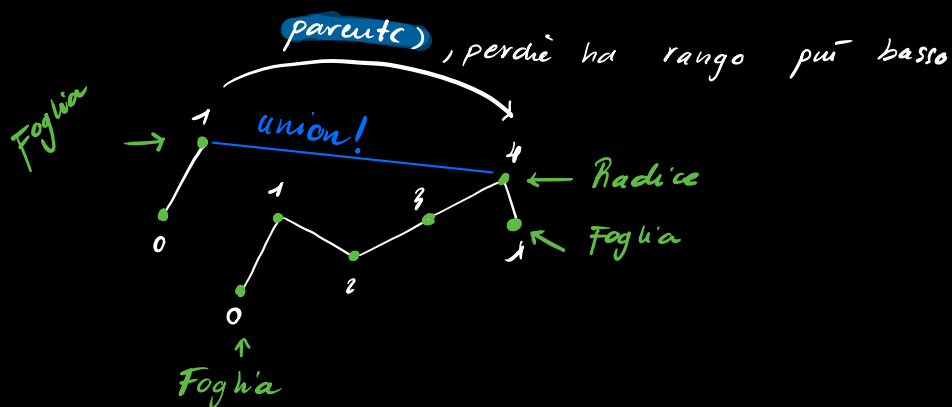
Unione per rango \rightarrow risolve la situazione in cui:

si unisce un grafo "piccolo" come rappresentante di un grafo molto più "grande".

Ripetutamente si perde la forma a "grafo" e ci si avvicina molto più ad una linked-list, PERDENDO IL VANTAGGIO DI USARE UN GRAFO.

Ad ogni nodo è associato un "rango", che corrisponde alla "distanza dalla foglia" = a sua volta al "ramo più lungo".

! Attacco l'albero di rango minore, come figlio di quello di rango maggiore.



Con l'unione per rango:

- ① **MAKESET(x)**: $P(x) = x$
 $Rank(x) = 0$ \rightarrow Ad ogni nodo associò un rango.

② FINDSET(x) :

③ UNION(x, y): ^{2 alberi in input}
Link(FindSet(x), FindSet(y))

Link(x, y):

if rank(x) > rank(y):

P(y) = x;

else

P(x) = y;

if rank(x) == rank(y)
rank(y) ++

→ quando i ranghi sono uguali

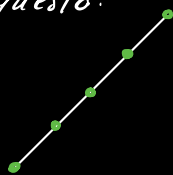
Miglioramento della findset(): (ho un algoritmo ricorsivo)

if x ≠ P(x)

then P(x) = FindSet(x)

Return P(x);

Passo da
questo:



a questo:



quando voglio il parenti

la prima findset() → $\Theta(n)$, successivamente taglio il tempo della findset.

• TEMPISTICHE:

Unione per rango → $O(n \log(n))$

+

Compressione dei cammini → $O(m \cdot \alpha(m, n))$

$\alpha \leq 4$

↓
non l'ha spiegata
molto bene.

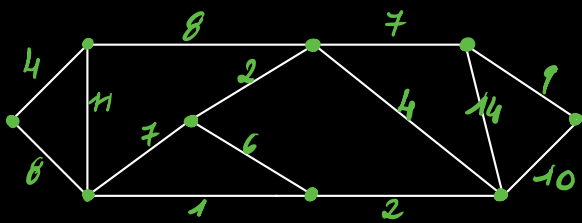
Algoritmo Kruskal (minimum spanning tree):

- Algoritmo Greedy
- Sfrutta gli insiemi disgiunti.

Dato $G = (V, E)$, PESATO (sui lati), CONNESSO e NON ORIENTATO.

⇒ Ottengo un: $T \subseteq E$ t.c. $G' = (V, T)$ sia ACICLICO, CONNESSO, DI PESO MINIMO.
↓
percorso.

ESEMPIO:



→ Voglio il suo MST

↖ Ossia generico greedy

Generic MST (G, w):

$A = \emptyset$

While A non è MST

Trova - Arco (u, v) da aggiungere

$A = A \cup \{(u, v)\}$

Return (A)

SICURO

↑
◦ Arco sicuro → X UN ARCO, CHE SE AGGIUNTO AD A , MI GARANTISCE CHE A

SIA ANCORA UN MST CON LE INFORMAZIONI TROVATE FINO
ALLA SCOPERTA DI x

KRUSKAL:

- A è una foresta. \rightarrow Vertici presi da $G \Rightarrow V$.
- Ad ogni passo: Aggiunge un arco sicuro $z = (u, v)$.
- z : è un arco di **peso minimo** che collega due componenti distinte.
 \rightarrow è sempre sicuro (dimostrazione sul libro).

MST_KRUSKAL (G, w)

$A = \emptyset$

$\forall v \in V$, $\text{makeSet}(v) \rightarrow$ setting iniziale

$E' = \text{sort}(w(E))$

$\forall (u, v) \in E'$

if $\text{FindSet}(u) \neq \text{findSet}(v)$

$A = A \cup \{(u, v)\}$

Union(u, v)

Return (A).

Tempo : $O(|E| \log |E|)$

