



**By @kakashi\_copiador**

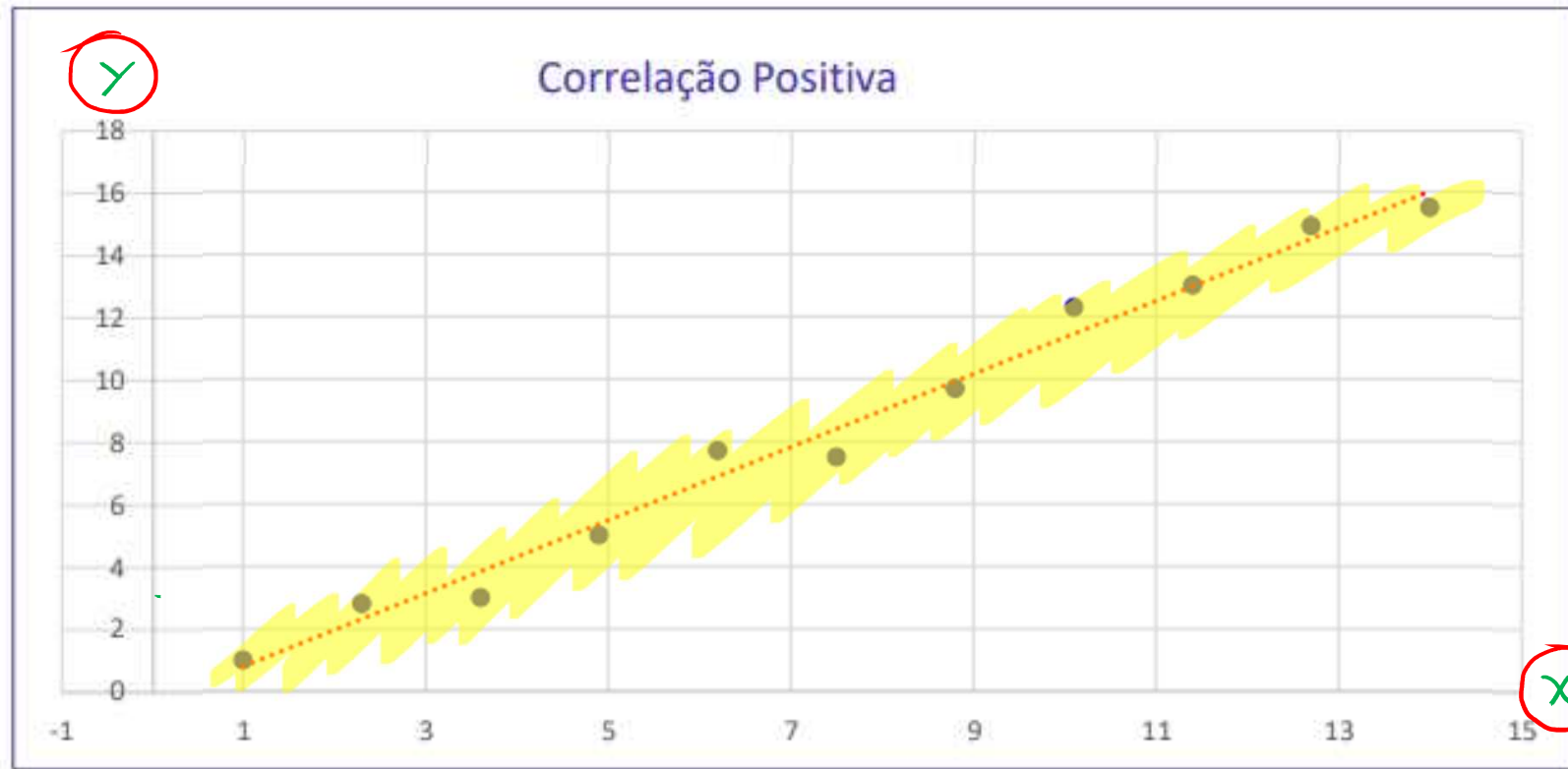




# CORRELAÇÃO

*Prof. Jhoni Zini*

# CORRELAÇÃO POSITIVA



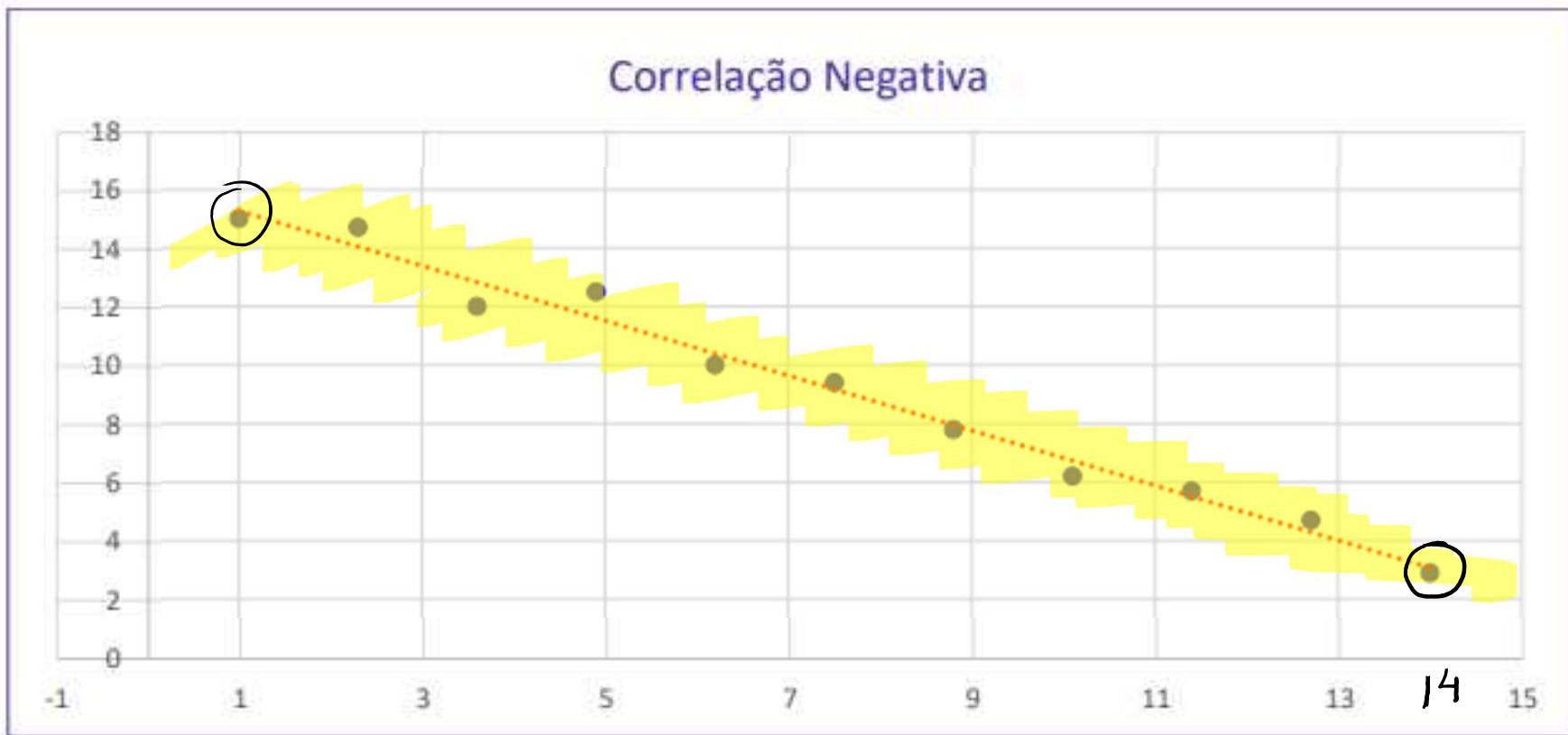
$$0 < R < 1$$

# CORRELAÇÃO POSITIVA PERFEITA



$$R = 1$$

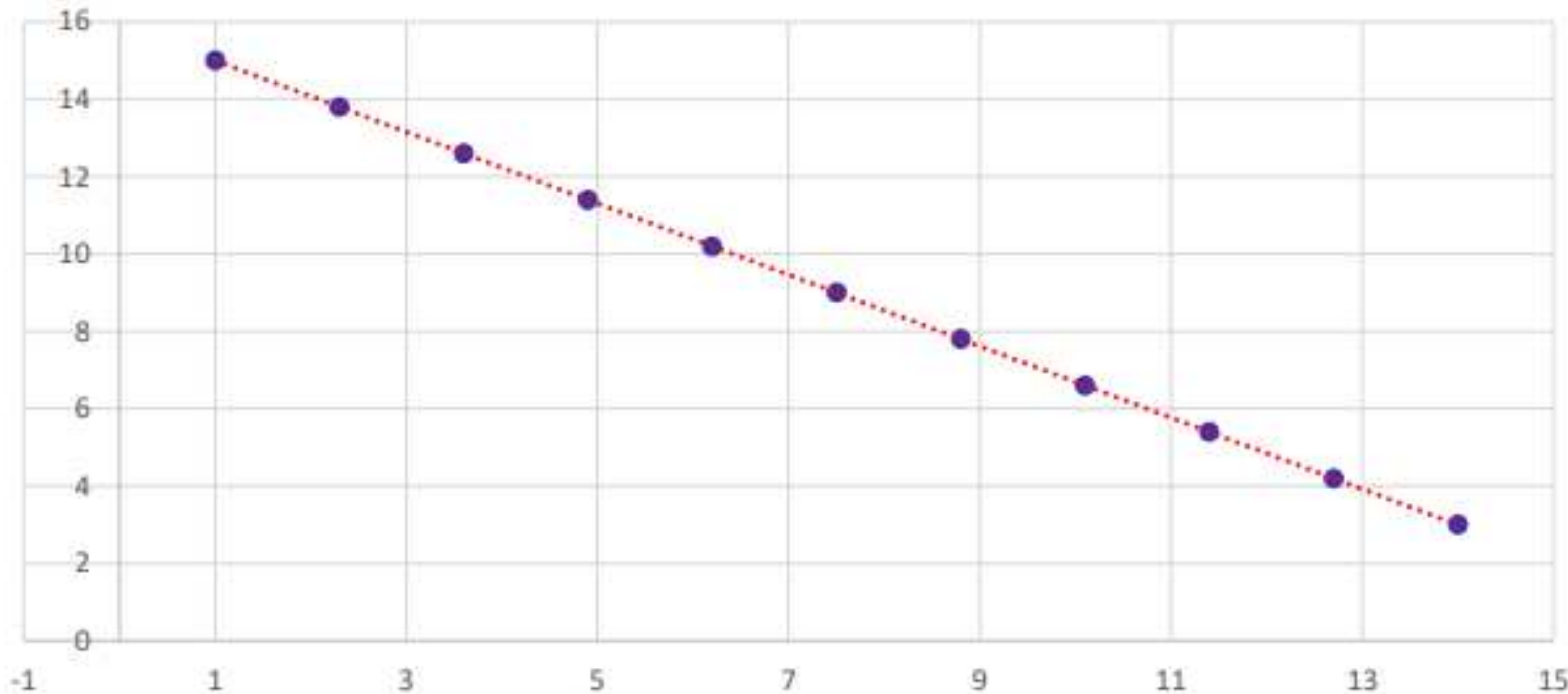
# CORRELAÇÃO NEGATIVA



$$-1 < R < 0$$

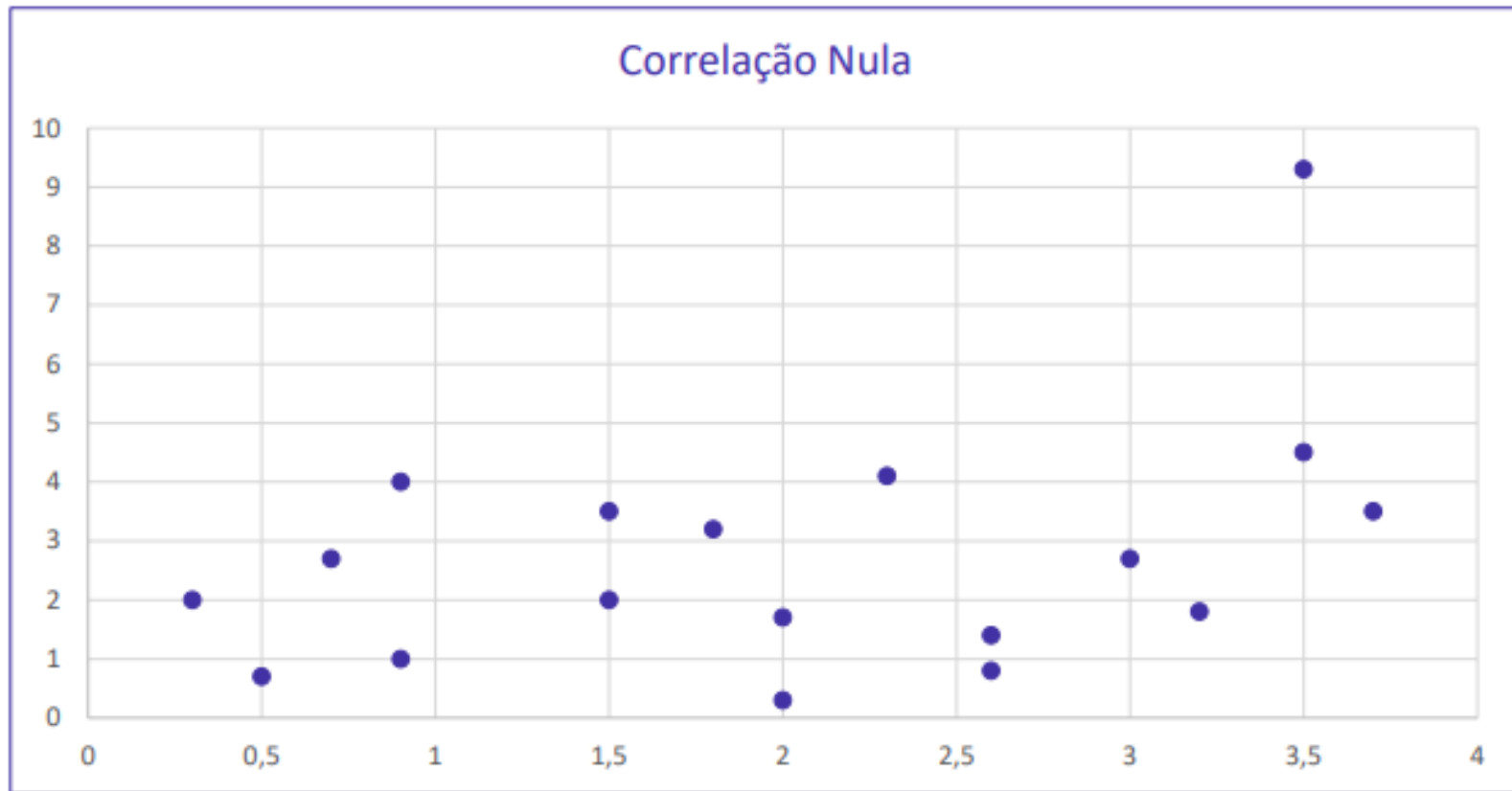
# CORRELAÇÃO NEGATIVA PERFEITA

Correlação Negativa e Perfeita



$$R = -1$$

# CORRELAÇÃO NULA







# OBRIGADO

*Prof. Jhoni Zini*



# REGRESSÃO LINEAR SIMPLES

*Prof. Jhoni Zini*

# REGRESSÃO LINEAR SIMPLES

## ✓ MÉTODO DOS MÍNIMOS QUADRADOS ORDINÁRIOS

$$Y = \alpha + \beta x + \varepsilon$$

ERRO ALEATÓRIO (SÓ TEÓRICO)

EXPLICATIVA OU INDEPENDENTE

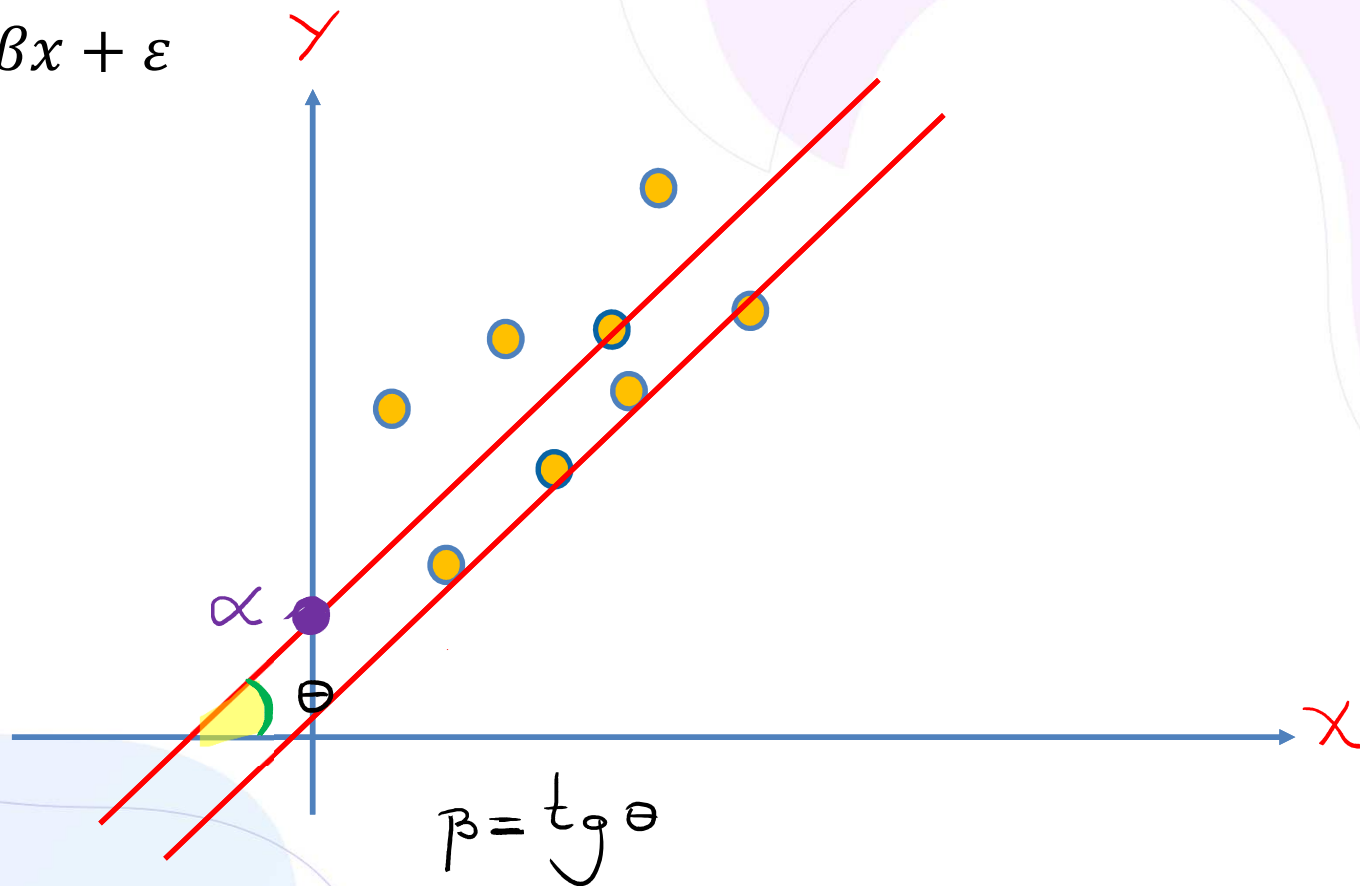
COEFICIENTE ANGULAR

INTERCEPTO

EXPLICADA OU DEPENDENTE

# REGRESSÃO LINEAR SIMPLES

$$Y = \alpha + \beta x + \varepsilon$$





# REGRESSÃO LINEAR SIMPLES

*Prof. Jhoni Zini*

# CÁLCULO DO COEFICIENTE ANGULAR

$$\beta = \frac{\sum xy - n\bar{x}\bar{y}}{\sum x^2 - n\bar{x}^2}$$

$$\beta = \frac{COV(X; Y)}{VAR(X)}$$

# CÁLCULO DO COEFICIENTE ANGULAR

$$\beta = \frac{\sum xy - n\bar{x}\bar{y}}{\sum x^2 - n\bar{x}^2}$$

$$\beta = \frac{COV(X; Y)}{VAR(X)}$$

SE  $\alpha = 0$

$$\beta = \frac{\sum xy}{\sum x^2}$$

$$Y = \beta \cdot X + \epsilon$$

RETA DA REGRESSÃO  
PASSA PELA ORIGEM

# CÁLCULO DO COEFICIENTE ANGULAR

amostra	x	y	x.y	x <sup>2</sup>
1	100	60	6000	10.000
2	80	40	3200	6400
3	90	40	3600	8100
4	120	50	6000	14400
5	110	60	6600	12100
TOTAL	500	250	25400	51.000

$$\beta = \frac{\sum xy - n \cdot \bar{x} \cdot \bar{y}}{\sum x^2 - n \cdot \bar{x}^2}$$

$$\beta = \frac{25400 - 5 \cdot 100 \cdot 50}{51000 - 5 \cdot 100^2}$$

$$\beta = \frac{25400 - 25000}{51.000 - 50.000}$$

$$\beta = \frac{400}{1.000}$$

$$\beta = 0,4$$

$$\bar{x} = 100 \quad n = 5 \quad \sum xy = 25400$$

$$\bar{y} = 50$$

$$\sum x^2 = 51.000$$



# CÁLCULO DO COEFICIENTE ANGULAR

Para fazer uma regressão linear da forma  $Y = \alpha + \beta X$ , um analista, usando o método dos mínimos quadrados, encontrou, a partir de 20 amostras, os seguintes somatórios

$$\sum X = 300; \sum Y = 400; \sum X^2 = 6.000; \sum e \sum (XY) = 8.400$$

$$\bar{x} = 15$$

$$\bar{y} = 20$$

$$\beta = \frac{\sum xy - n \cdot \bar{x} \cdot \bar{y}}{\sum x^2 - n \cdot \bar{x}^2}$$

$$\beta = \frac{8400 - 20 \cdot 15 \cdot 20}{6000 - 20 \cdot 15^2}$$

$$\beta = \frac{8400 - 6000}{6000 - 4500}$$

$$\beta = \frac{2400}{1500}$$

$$\beta = 1,6$$

# CÁLCULO DO COEFICIENTE ANGULAR

	x	y
MÉDIA	8	10
DESVIO PADRÃO	2	3
COV (X;Y)	3	

$$Y = \alpha + \beta \cdot X + \epsilon$$

$$\beta = \frac{\text{COV}(xy)}{\text{VAR}(x)}$$

$$\beta = \frac{3}{4}$$

$$\beta = 0,75$$



# OBRIGADO

*Prof. Jhoni Zini*

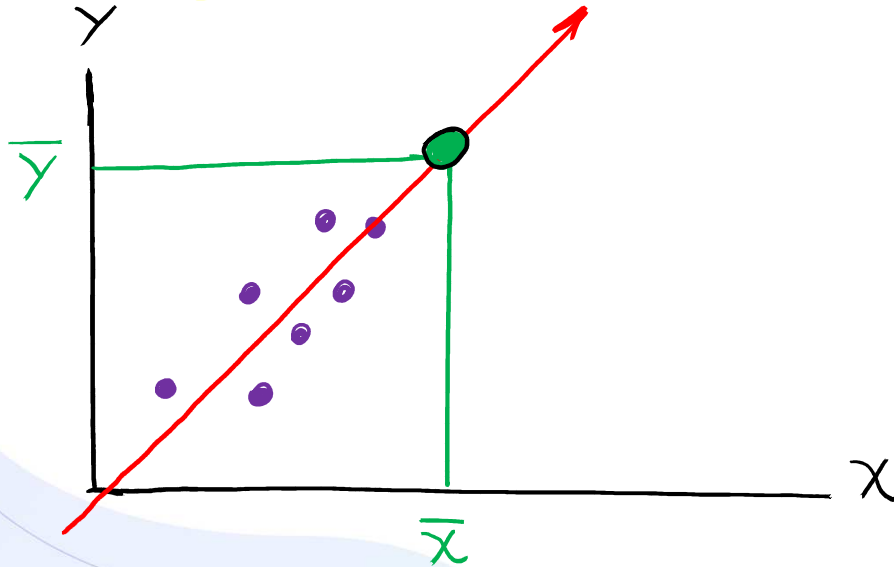


# REGRESSÃO LINEAR SIMPLES

*Prof. Jhoni Zini*

# CÁLCULO DO INTERCEPTO

$$\alpha = \bar{y} - \beta \bar{x}$$



$$y = \alpha + \beta \cdot x$$

$$y - \beta \cdot x = \alpha$$

$$\alpha = \bar{y} - \beta \bar{x}$$

# CÁLCULO DO INTERCEPTO

Para fazer uma regressão linear da forma  $Y = \alpha + \beta X$ , um analista, usando o método dos mínimos quadrados, encontrou, a partir de 20 amostras, os seguintes somatórios

$$\Sigma X = 300; \Sigma Y = 400; \Sigma X^2 = 6.000; \Sigma e \Sigma (XY) = 8.400$$

① CÁLCULO  $\beta$

$$\beta = \frac{\Sigma XY - n \cdot \bar{x} \cdot \bar{y}}{\Sigma x^2 - n \cdot \bar{x}^2}$$

$$\beta = \frac{8400 - 20 \cdot 15 \cdot 20}{6000 - 20 \cdot 15^2}$$

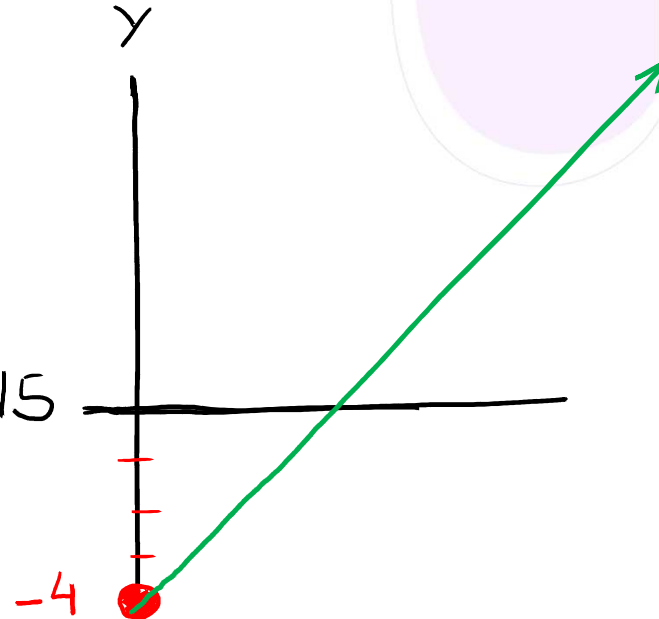
$$\beta = 1,6$$

② CÁLCULO  $\alpha$

$$\alpha = \bar{y} - \beta \cdot \bar{x}$$

$$\alpha = 20 - 1,6 \cdot 15$$

$$\alpha = -4$$



# CÁLCULO DO INTERCEPTO

	X	Y
MÉDIA	8	10
DESVIO PADRÃO	2	3
COV (X;Y)	3	

①  $\beta$

$$\beta = \frac{\text{COV}(xy)}{\text{VAR}(x)}$$

$$\beta = \frac{3}{4}$$

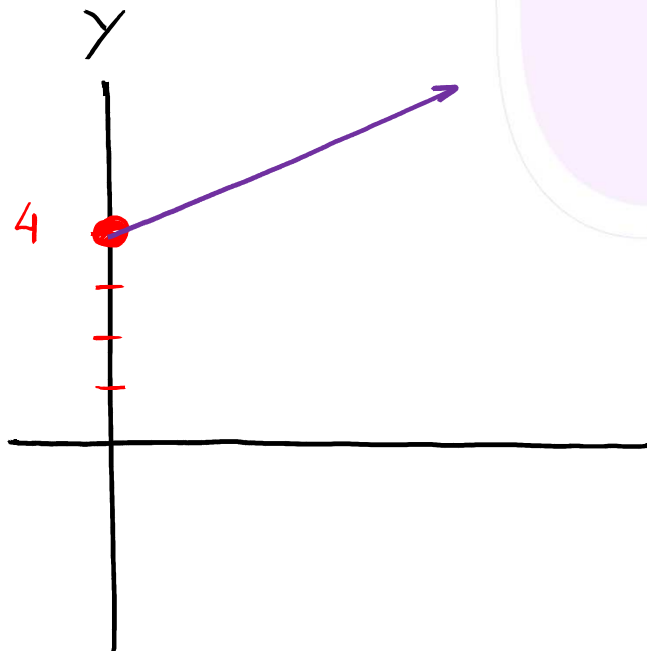
$$\beta = 0,75$$

②  $\alpha$

$$\alpha = \bar{y} - \beta \cdot \bar{x}$$

$$\alpha = 10 - 0,75 \cdot 8$$

$$\alpha = 4$$





# OBRIGADO

*Prof. Jhoni Zini*





# REGRESSÃO LINEAR SIMPLES

*Prof. Jhoni Zini*

# CÁLCULO DA EQUAÇÃO

Um grupo de 5 pessoas ingressou em um plano de dieta com o objetivo de reduzir peso. Obtenha a equação de regressão estimada que relacione a quantidade de peso perdida, Y em kg, e o número de semanas de cada um dos participantes no plano, X, sabendo que os valores registrados foram:

$$\sum X=15, \sum Y=35, \sum XY=123, \sum X^2=55.$$

# CÁLCULO DA EQUAÇÃO

A tabela a seguir apresenta uma amostra aleatória simples formada por 5 pares de valores  $(X_i, Y_i)$ , em que  $i = 1, 2, \dots, 5$ ,  $X_i$  é uma variável explicativa e  $Y_i$  é uma variável dependente.

$i$	1	2	3	4	5
$X_i$	0	1	2	3	4
$Y_i$	0,5	2,0	2,5	5,0	3,5

# CÁLCULO DA EQUAÇÃO

Considere o modelo de regressão linear simples na forma  $Y_i = bX_i + \epsilon_i$ , no qual  $\epsilon$  representa um erro aleatório normal com média zero e variância  $\sigma^2$  e  $b$  é o coeficiente do modelo.

Com base nos dados da tabela e nas informações apresentadas, é correto afirmar que o valor da estimativa de mínimos quadrados ordinários do coeficiente  $b$  é igual a

- A. 0,75.
- B. 0,9.
- C. 1,2.
- D. 1,35.
- E. 1,45.



# REGRESSÃO LINEAR SIMPLES

*Prof. Jhoni Zini*

# ERRO ALEATÓRIO

$\varepsilon_i$  é o componente aleatório de  $Y_i$  que descreve os erros (ou desvios) cometidos quando tentamos aproximar uma série de observações  $X_i$  por meio de uma reta  $Y_i$ .

# ERRO ALEATÓRIO

i)  $E(\varepsilon_i) = 0$ .

- A média dos erros é igual a zero. Ou seja, os desvios "para cima da reta" igualam o valor dos desvios "para baixo da reta" na média.

# ERRO ALEATÓRIO

ii)  $Var(\varepsilon_i) = \sigma^2$ .

- A variância dos erros é constante. Essa propriedade é denominada de homocedasticia.



# ERRO ALEATÓRIO

iii)  $Cov(\varepsilon_i, \varepsilon_j) = 0$  para  $i \neq j$ .

- Os erros cometidos não são correlacionados, isto é, os desvios  $\varepsilon_i$  são variáveis aleatórias independentes.



# OBRIGADO

*Prof. Jhoni Zini*



# OBRIGADO

*Prof. Jhoni Zini*



# OBRIGADO

*Prof. Jhoni Zini*

