LÒI GIẢI CHƯƠNG 2

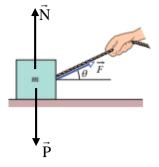
Bài 1:

Theo định luật II Newton:

$$\vec{P} + \vec{N} + \vec{F} = m\vec{a}$$

Chiếu lên chiều chuyển động:

Fcos
$$\theta$$
 = ma . Suy ra: $a = \frac{F\cos\theta}{m} = \frac{12 \times \cos 25^{\circ}}{5} = 2,2 \, (m/s^2)$



Bài 2:

a)

Vât A:

Theo định luật II Newton:

$$\vec{P} + \vec{N} + \vec{T}_{_A} = m_{_A} \vec{a}$$

Chiếu lên chiều chuyển động:

$$T_A = m_A a \qquad (1)$$

Vât B+C:

Theo ĐL II Newton:
$$\vec{P} + \vec{T}_B = (m_B + m_C)\vec{a}$$

Chiếu lên chiều chuyển động:
$$(m_B + m_C)g - T_B = (m_B + m_C)a$$
 (2); $T_A = T_B$ (3)

Giải hệ (1), (2) và (3) ta thu được:
$$a = \frac{(m_B + m_C)g}{(m_A + m_B + m_C)} = 6,125 (m/s^2)$$

Xét vât C:

$$\vec{P}_{\rm C} + \vec{T}_{\rm BC} = m_{\rm C} \vec{a}$$
. Chiếu lên chiều chuyển động: $m_{\rm C} g - T_{\rm BC} = m_{\rm C} a$

Vậy:
$$T_{BC} = m_C(g - a) = 36,75(N)$$

b)

Vận tốc của A tại
$$t = 0.25s$$
: $v = v_0 + at = at = 1.53 (m/s)$

Quãng đường đi được của A:
$$v^2 = 2ax \Rightarrow x = \frac{v^2}{2a} = 0,19 (m)$$

Hoặc sử dụng:
$$x = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} a t^2 = \frac{1}{2} a t^2$$

Bài 3: Có lời giảng trong bài giảng

Bài 4:

1)

Vật
$$m_1$$
: $\vec{P}_1 + \vec{N}_1 + \vec{T}_1 = m_1 \vec{a}$

Chiếu lên chiều chuyển động: $T_1 = m_1 a$ (1)

Vật
$$m_2$$
: $\vec{P}_2 + \vec{N}_2 + \vec{T}_1 + \vec{T}_2 = m_2 \vec{a}$

Chiếu lên chiều chuyển động: $-T_1 + T_2 = m_2 a$ (2)

Vật m₃:
$$\vec{P}_3 + \vec{N}_3 + \vec{T}_2 + \vec{T}_3 = m_3 \vec{a}$$

Chiếu lên chiều chuyển động: $-T_2 + T_3 = m_3 a$ (3)

(1) + (2) + (3):
$$T_3 = (m_1 + m_2 + m_3)a$$
. Suy ra: $a = \frac{T_3}{m_1 + m_2 + m_3} = 0.97 (m/s^2)$

2)

$$T\dot{u}(1)$$
: $T_1 = m_1 a = 11,6(N)$

Từ (3):
$$T_2 = T_3 - m_3 a = 34.9(N)$$

Bài 5:

Ta có:
$$F = (m_1 + m_2)a \Rightarrow a = \frac{F}{m_1 + m_2} = 0.91 (m/s^2)$$

Vậy:
$$F_{12} = F_{21} = m_2 a = 1,1(N)$$

Bài 6:

Hình 6a:
$$F_a = (m_A + m_B)a$$
 và $F_{AB} = m_B a$ (1)

Hình 6b:
$$F_a = (m_A + m_B)a$$
 và $F'_{AB} = F'_{BA} = m_A a$ (2)

a)
$$L \acute{a} y (1) + (2)$$
: $F_{AB} + F'_{BA} = (m_A + m_B) a \Rightarrow a = \frac{F_{AB} + F'_{BA}}{m_A + m_B} = 2.5 (m/s^2)$

b)
$$F_a = (m_A + m_B)a = 30(N)$$

Bài 7:

(SV tự vẽ hình phân tích lực lên các vật)

$$V \hat{a} t \; m_1 \colon \; \vec{P}_{_1} + \vec{N}_{_1} + \vec{T} = m_{_1} \vec{a}$$

Chiều dương là chiều chuyển động của m₁ đi xuống, m₂ đi lên.

$$P_1 \sin \theta - T = m_1 a \Leftrightarrow m_1 g \sin \theta - T = m_1 a \tag{1}$$

Vật
$$m_2$$
: $\vec{P}_2 + \vec{T} = m_2 \vec{a}$

Chiếu lên chiều chuyển động:
$$-m_2g + T = m_2a$$
 (2)

Giải hệ (1) và (2):
$$a = \left(\frac{m_1 \sin \theta - m_2}{m_1 + m_2}\right)g = -0.735 (m/s^2)$$

Từ (2):
$$T = m_2 a + m_2 g = 20,85(N)$$

Bài 8:

(SV tự vẽ hình phân tích lực lên vật)

Theo định luật II Newton: $\vec{F} + \vec{P} + \vec{N} + \vec{f}_{ms} = m\vec{a}$

Chiếu lên chiều chuyển động: $F - f_{ms} = ma \Leftrightarrow F - \mu mg = ma$ (1)

Mặt khác, $v^2 - v_0^2 = 2ax \Leftrightarrow v^2 = 2ax \Leftrightarrow a = \frac{v^2}{2x}$

Thay a vào (1): $F - \mu mg = m \frac{v^2}{2x}$. Vậy, hệ số ma sát: $\mu = \frac{F}{mg} - \frac{v^2}{2xg} = 0,26$

Bài 9:

- a) $F \ge f_{s,max} = \mu_s mg$. Suy ra: $F_{min} = \mu_s mg = 198,5(N)$
- b) $F' \ge f'_{s,max} = \mu_s m'g$. Suy ra: $F'_{min} = \mu_s m'g = 0.45 \times (45 17) \times 9.8 = 123.5 (N)$

Bài 10:

(SV tự vẽ các lực tác dụng lên vật)

Định luật II Newton: $\vec{F} + \vec{P} + \vec{P}_g + \vec{N} + \vec{f}_{ms} = m\vec{a}$

Chiếu lên chiều +x: $F - f_{ms} = ma$

Chiếu lên chiều +y: $P - mg + N = 0 \Rightarrow N = mg - P$

- a) Trường hợp: P = 8 N: $N = mg P = 2.5 \times 9.8 8 = 16.5$ (N) Khi đó: $f_{s,max} = \mu_s N = 0.4 \times 16.5 = 6.6$ (N) > F = 6 (N), nên vật không chuyển động. Vậy thay a = 0 vào (1) ta tính được : $f_{ms} = F = 6$ (N)
- b) Trường hợp: P = 10 N: $N = mg P = 2.5 \times 9.8 10 = 14.5$ (N) Khi đó: $f_{s,max} = \mu_s N = 0.4 \times 14.5 = 5.8$ (N) < F = 6 (N), nên vật bắt đầu chuyển động. Vậy $f_{ms} = \mu_k N = 3.6$ (N)
- c) Trường hợp: P = 12 N: $N = mg P = 2.5 \times 9.8 12 = 12.5$ (N) Khi đó: $f_{s,max} = \mu_s N = 0.4 \times 12.5 = 5$ (N) < F = 6 (N), nên vật bắt đầu chuyển động. Vậy $f_{ms} = \mu_k N = 3.125$ (N)

Bài 11:

(SV tự phân tích lực lên vật)

Áp dụng định luật II Newton: $\vec{F} + \vec{P} + \vec{N} + \vec{f}_{ns} = m\vec{a}$

Chiếu lên phương +x: $F\cos\theta - f_{ms} = ma$ (1)

Chiếu lên phương +y: $-F\sin\theta - mg + N = 0$ (2)

Từ (2) ta tính được: $N = F \sin \theta + mg = 15 \times \sin 40^{\circ} + 3.5 \times 9.8 = 44(N)$.

Vậy, lực ma sát: $f_{ms} = \mu_k N = 11(N)$

Thay vào (1): $a = \frac{F\cos\theta - f_{ms}}{m} = \frac{15 \times \cos 40^{\circ} - 11}{3.5} = 0.14 (m/s^{2})$

Bài 12:

(SV tự phân tích lực lên vật)

Áp dụng định luật II Newton: $\vec{F} + \vec{P} + \vec{N} + \vec{f}_{ns} = m\vec{a}$

Chiếu lên phương +x: $F\cos\theta - f_{ms} = ma$ (1)

Chiếu lên phương +y: $F \sin \theta - mg + N = 0$ (2)

Từ (2) ta tính được: $N = -F\sin\theta + mg = -0.5mg \times \sin 20^{\circ} + mg = 0.83mg$.

a) Hệ số ma sát $\mu_s = 0.6$ và $\mu_k = 0.5$

Lực ma sát nghỉ cực đại: $f_{s,max} = \mu_s N = 0.498$ mg

Mặt khác, $F\cos\theta = 0.47mg < f_{s,max}$, nên vật đứng yên. Vậy: a = 0.

b) Hệ số ma sát $\mu_s = 0.4$ và $\mu_k = 0.3$

Lực ma sát nghỉ cực đại: $f_{s,max} = \mu_s N = 0.332 mg$

Mặt khác, $F\cos\theta = 0.47mg > f_{s,max}$, nên vật chuyển động với gia tốc a

$$T\grave{u}\ (1){:}\ Fcos\,\theta - f_{ms} = ma \Leftrightarrow Fcos\,\theta - \mu_{k}N = ma$$

$$a = \frac{F cos \, \theta - \mu_k \, N}{m} = \frac{0.5 mg \times cos \, 20^\circ - 0.3 \times 0.83 mg}{m} = 2.16 \, (m \, / \, s^2)$$

Bài 13:

a)

Khi Mặt Trăng ở phía đối diện bạn qua Trái Đất

 $F_{hdl} = G \frac{Mm}{\left(r+R
ight)^2}$; m là khối lượng của bạn, M là khối lượng Mặt Trăng

Khi Mặt Trăng trên đỉnh đầu:

$$F_{hd2} = G \frac{Mm}{(r-R)^2}$$

Độ thay đổi % về lực hấp dẫn:

$$\frac{\Delta F_{hd}}{F_{hdl}} = \frac{F_{hd2} - F_{hdl}}{F_{hdl}} = \left(\frac{r + R}{r - R}\right)^2 - 1 = 6,9\%$$

Hay: $F_{hd2} = F_{hdl} + 6.9\% F_{hdl}$: Tăng 6.9%

b)

Độ tăng của lực hấp dẫn sẽ làm trọng lượng của bạn giảm.

Độ tăng của lực hấp dẫn:

$$\Delta F_{\text{hd}} = F_{\text{hd2}} - F_{\text{hdl}} = G \frac{Mm}{\left(r - R\right)^2} - G \frac{Mm}{\left(r + R\right)^2} = G \frac{Mm}{r^2} \left(1 + 2\frac{R}{r}\right) - G \frac{Mm}{r^2} \left(1 - 2\frac{R}{r}\right)$$

(Sử dụng công thức gần đúng: $(1+\epsilon)^n \approx 1+n.\epsilon$)

$$\Delta F_{hd} = 4G \frac{Mm}{r^3} R$$

Trọng lượng của bạn lúc đầu:

$$W = mg = G \frac{M_{TD}m}{R^2}$$

Vậy % độ giảm trọng lượng:

$$\frac{\Delta F_{hd}}{W} = 4 \frac{M}{M_{TD}} \frac{R^3}{r^3} = 4 \left(\frac{7,36.10^{22}}{5,98.10^{24}} \right) \left(\frac{6,37.10^6}{3,82.10^8} \right)^3 = 2,27.10^{-7} = (2,3.10^{-5})\%$$

Bài 14:

Lực hấp dẫn của lỗ đen:

$$F_{hdl} = G \frac{M_1 m}{r^2}$$

Lực hấp dẫn của Trái đất:

$$F_{hd2} = G \frac{M_2 m}{R^2}$$

Theo đề bài:
$$F_{hdl} = F_{hd2} \Leftrightarrow G \frac{M_1 m}{r^2} = G \frac{M_2 m}{R^2}$$

Vậy, lỗ đen cách bạn:
$$r = R \sqrt{\frac{M_1}{M_2}} = 6,37.10^6 \sqrt{\frac{10^{11}}{5,98.10^{24}}} = 0,8 (m)$$