## Relatório 2º projeto IA 2020/2021

Grupo: tg001

Alunos: João Miguel Pipa Ferreira Caldeira (93729)

João Tomás Cardoso (93730)

## Descrição do Problema e da Solução

O objetivo deste projeto é estudar o comportamento de árvores de decisão, aprendendo a construir e otimizar uma árvore de decisão dado um conjunto de características e suas classificações num conjunto de treino.

A solução que este projeto apresenta, utiliza o algoritmo DTL (aprendido em aula) para aprender e induzir uma árvore de decisão com base num conjunto de treino dado. A ideia principal deste algoritmo é descobrir e escolher **recursivamente** o atributo mais significativo para a raiz da árvore e para possíveis subárvores "filhas" da raiz principal, através da recursão, finalizando com apenas 0 (False) e 1 (True) nas folhas.

O algoritmo começa por calcular a incerteza inicial total do conjunto de treino a estudar no momento, em seguida irá calcular o ganho de informação das características disponíveis, usando o cálculo da entropia e incerteza inicial, e escolhe a característica com maior ganho de informação para a raiz da árvore. Escolhida a raiz o algoritmo prossegue para avaliar o que deve ser feito para as folhas da árvore a ser criada. Para realizar esta tarefa, a árvore tem de agora considerar um novo "cenário filho" para cada folha.

No projeto é determinado que a folha da esquerda corresponde ao comportamento da característica selecionada quando a mesma é 0 e a folha da direita corresponde ao comportamento quando a característica selecionada é 1. Assim sendo a árvore para a folha da esquerda vai apenas considerar o conjunto de treino onde a característica selecionada é 0 e para a folha da direita considera apenas o conjunto de treino onde a característica selecionada é 1. Estando formados os novos conjuntos de treino "filhos" do conjunto de treino inicial, recomeça todo o procedimento recursivamente chamando a função com o novo conjunto de treino, (novo D, novo Y). A solução apresentada, antes de chamar recursivamente outra árvore, verifica se a característica selecionada para raiz consegue classificar com exatidão o conjunto a ser estudado, ou seja se a característica selecionada tem incerteza = 0 quando é falsa ou quando é verdadeira, e se isso se verificar, coloca na árvore a classificação determinada por essa característica, significando o fim da recursão para esse ramo da árvore. A solução termina a sua execução quando todas as recursões são finalizadas, ou seja, já foram utilizadas todas as características do conjunto de treino e, portanto, não pode haver mais subárvores (classificando a folha de acordo com o "caso default" ou seja utilizase a classificação moda do conjunto a ser estudado) ou então conseguiu-se classificar com incerteza = 0 os casos dados, retornando as subárvores obtidas e constrói-se a árvore final. Note-se que em ambos os casos, as folhas são 0 ou 1 obrigatoriamente. Esta foi a implementação inicial para inferir árvores de decisão. Esta implementação tem alguns problemas, nomeadamente o

problema do *Overfitting* e o problema de lidar com o **ruído**. Apesar de inferir uma árvore de decisão correta, esta árvore poderá ser demasiado extensa inferindo regularidades sem sentido devido à consistência do conjunto de hipóteses com os exemplos. Isto significa que a árvore irá ser "demasiado precisa" moldando-se demasiado ao conjunto de treino dado e, portanto, perde uma generalização necessária para poder classificar outros conjuntos. Isto é o Overfitting e é um problema do algoritmo DTL e como tal um problema da implementação inicial. Este encontra também problemas quando existem dois ou mais exemplos com os mesmos valores de características, mas, no entanto, com classificações distintas, impossibilitando assim a criação de uma árvore consistente pelo algoritmo. Por outro lado, o algoritmo não consegue identificar atributos irrelevantes e como tal irá tentar sempre encontrar uma árvore consistente com todos os atributos o que pode levar a árvores erradas através de distinções erradas. Isto é o que se chama de ruído. Possíveis soluções para estes problemas são: decision tree pruning e cross validation. Devido à existência destes problemas foi necessário adaptar a solução para lidar com eles de forma a obter uma solução correta aquando o acontecimento destes casos. Assim sendo era necessário: obter árvores mais pequenas, mantendo-se corretas e obtendo uma generalização maior (resolver Overfitting) e retirar os atributos irrelevantes (resolver o ruído).

Para diminuir o tamanho das árvores de decisão inferidas, foram identificados 2 casos onde se poderia simplificar a árvore: quando existem duas folhas iguais e quando existem duas subárvores com a mesma característica selecionada, nas folhas de uma mesma raiz. Quando existem duas folhas iguais a solução é simples e óbvia, a raiz dessas folhas é eliminada e trocada por uma das folhas que origina (relembrando que são iguais). Reduz-se assim um nível de profundidade num ramo, por cada caso destes. No segundo caso, guando ambas as folhas de uma raiz são subárvores e ambas têm a mesma característica, existe a possibilidade de existir uma árvore mais curta com raiz na característica selecionada para as folhas (essa possibilidade seria de 100% se as folhas fossem exatamente iguais, mas isso seria um exemplo do primeiro caso). Assim sendo a solução apresentada calcula uma segunda árvore hipotética substituindo a característica anteriormente selecionada pela característica utilizada nas subárvores das folhas, comparando no fim de execução o tamanho de ambas as árvores, escolhendo-se a mais pequena. Ambos estes métodos ajudam a generalizar e obter uma árvore mais curta.

Para lidar com o ruído, foi utilizada uma técnica denominada de *early stopping*. A solução utilizada determina que um dado é irrelevante se o seu ganho de informação for abaixo de 5% (valor normalmente utilizado para um teste estatístico de significância). E, portanto, se a característica retirada do conjunto de treino com o maior ganho de informação tiver um ganho de informação inferior a 5% então chega-se a uma folha cujo valor é a moda das classificações dos exemplos do conjunto de treino a analisar no momento. Esta técnica tem problemas pois apesar de um dado poder ser irrelevante, uma combinação de dados usando esse dado pode ser relevante e o *early stopping* irá ignorar esses pois não considera a combinação de dados. O *early stopping* é um tipo de *decision tree prunning* que combina  $x^2$  *prunning* e o ganho de informação.

## Testes sem Ruído

Tempo	Nº
(s)	Teste
0.158	1
0.161	16
0.165	20
0.674	22

## Testes com Ruído

Nº
Teste
1
2
3
4