

# Formulário

Fórmula de Sturges	$K \approx 1 + 3.222 \log_{10}(n); \quad K = \text{número de classes}$
Quantil de ordem $p$	$q_p = \begin{cases} \frac{x_{(np)} + x_{(np+1)}}{2} & \Leftarrow np \text{ inteiro} \\ x_{(k+1)} & \Leftarrow np \text{ não inteiro } (k \text{ é a parte inteira de } np) \end{cases}$
Variância amostral	$S^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2 = \frac{1}{n-1} \left( \sum_{i=1}^n (X_i)^2 - \frac{1}{n} \left( \sum_{i=1}^n X_i \right)^2 \right)$
Variância amostral ponderada	$S_p^2 = \frac{(n_1 - 1)S_1^2 + (n_2 - 1)S_2^2}{n_1 + n_2 - 2}$
Covariância amostral	$\begin{aligned} S_{X,Y} &= \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})(Y_i - \bar{Y}) \\ &= \frac{1}{n-1} \left( \sum_{i=1}^n X_i Y_i - \frac{1}{n} \left( \sum_{i=1}^n X_i \right) \left( \sum_{i=1}^n Y_i \right) \right) \end{aligned}$
Coeficiente correlação amostral (Pearson)	$R_P = \frac{S_{X,Y}}{S_X S_Y}$
Distribuição Binomial $B(n, p)$	$f(x) = \begin{cases} \binom{n}{x} p^x (1-p)^{n-x} & \text{para } x = 0, 1, \dots, n; \quad 0 \leq p \leq 1 \\ 0 & \text{caso contrário,} \end{cases}$ $E(X) = np; \quad V(X) = np(1-p)$
Distribuição de Poisson $P(\lambda)$	$f(x) = \begin{cases} \frac{e^{-\lambda} \lambda^x}{x!} & \text{para } x = 0, 1, \dots; \quad \lambda > 0, \\ 0 & \text{caso contrário.} \end{cases}$ $E(X) = V(X) = \lambda$

## Inferência Estatística

Notação	$P(Z > z_{\alpha/2}) = \alpha/2, \quad Z \sim N(0, 1); \quad P(T > t_{(\alpha/2, n)}) = \alpha/2, \quad T \sim t_n$
Erro padrão de $\bar{X}$	$se = \frac{s}{\sqrt{n}}$
Erro padrão de $\bar{X}_1 - \bar{X}_2$	$se^* = \sqrt{se_1^2 + se_2^2} = \sqrt{\frac{s_1^2}{n_1} + \frac{s_2^2}{n_2}}$
Erro padrão de $\tilde{P}$	$se_{\tilde{P}} = \sqrt{\frac{\tilde{p}(1 - \tilde{p})}{n + 4}}$
Graus de liberdade	$gl \approx \frac{(se_1^2 + se_2^2)^2}{\frac{se_1^4}{n_1 - 1} + \frac{se_2^4}{n_2 - 1}}; \quad gl^* = n_1 + n_2 - 2$

Populações normais	
IC para a média (variância conhecida)	$\left( \bar{x} - z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}, \bar{x} + z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \right); \quad \frac{\bar{X} - \mu}{\sigma/\sqrt{n}} \sim N(0, 1)$
IC para a média (variância desconhecida)	$\left( \bar{x} - t_{(\alpha/2, n-1)} se, \bar{x} + t_{(\alpha/2, n-1)} se \right); \quad \frac{\bar{X} - \mu}{S/\sqrt{n}} \sim t_{n-1}$
IC para a diferença de médias (variâncias conhecidas)	$\bar{x}_1 - \bar{x}_2 \pm z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}; \quad \frac{(\bar{X}_1 - \bar{X}_2) - (\mu_1 - \mu_2)}{\sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}} \sim N(0, 1)$
IC para a diferença de médias (variâncias desconhecidas)	$\bar{x}_1 - \bar{x}_2 \pm t_{(\alpha/2, gl)} se^*; \quad \frac{(\bar{X}_1 - \bar{X}_2) - (\mu_1 - \mu_2)}{\sqrt{\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}}} \sim t_{gl}$

Populações não normais (grau aproximado)	
IC para a média (variância desconhecida)	$\left(\bar{x} - z_{\alpha/2} se, \bar{x} + z_{\alpha/2} se\right); \quad \frac{\bar{X} - \mu}{S/\sqrt{n}} \sim N(0, 1)$
IC para a diferença de médias (variância desconhecidas)	$\bar{x}_1 - \bar{x}_2 \pm z_{\alpha/2} \sqrt{se_1^2 + se_2^2}; \quad \frac{(\bar{X}_1 - \bar{X}_2) - (\mu_1 - \mu_2)}{\sqrt{\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}}} \sim N(0, 1)$
IC para $p$ (Wald)	$\left(\hat{p} - z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n}}, \hat{p} + z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n}}\right); \quad \frac{\hat{P} - p}{\sqrt{p(1-p)/n}} \sim N(0, 1)$
IC para $p$ (Agresti-Coull grau de confiança aproximado: 0.95)	$\tilde{p} \pm 1.96 \sqrt{\frac{\tilde{p}(1-\tilde{p})}{n+4}}; \quad \tilde{p} = \frac{y+2}{n+4}$
IC para $p_1 - p_2$ (Agresti-Coull)	$\tilde{p}_1 - \tilde{p}_2 \pm z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\tilde{p}_1(1-\tilde{p}_1)}{n_1+2} + \frac{\tilde{p}_2(1-\tilde{p}_2)}{n_2+2}}; \quad \tilde{p}_1 = \frac{y_1+1}{n_1+2}; \quad \tilde{p}_2 = \frac{y_2+1}{n_2+2}$

Estatísticas dos testes do qui-quadrado	
Notação	$O_i$ : frequência observada da categoria $i$ $e_i$ : frequência esperada da categoria $i$ (sob $H_0$ )
Ajustamento	$X^2 = \sum_{i=1}^k \frac{(O_i - e_i)^2}{e_i} \sim \chi_{k-1}^2$
Homogeneidade Independência	$X^2 = \sum_{i=1}^k \frac{(O_i - e_i)^2}{e_i} \sim \chi_{(r-1)(c-1)}^2$ $r$ : número de linhas; $c$ : número de colunas; $k$ : número de células