Modelos de Computação CC1004

2016/2017

Moderos de Comparação Coros i	2010/2017
Teste – 17.05.2017	duração: 3h
N.º Nome	
1. Sejam ${\bf L}$ e ${\bf M}$ as linguagens de alfabeto $\Sigma=\{{\tt 0,1,2}\}$ dad	das por
$\mathbf{L} = \{x \mid x \text{ tem número par de 1's,}$	não tem 0's e não termina em 22}
$\mathbf{M} = \{x \mid x \text{ tem número ímpar de 1}\}$	
Note que $02 \in M$, $02 \notin L$, $2 \in M$, $2 \in L$, $222 \in M$, mas 2	·
a) Descreva M por uma expressão regular (abreviada).	c) Desenhe o AFD mínimo que aceita L.
b) Descreva L por uma expressão regular (abreviada).	
b) Descreva L por uma expressao regular (aoreviada).	٦
d) Seja $R_{\mathbf{L}}$ a relação de equivalência em Σ^{\star} dada por $xR_{\mathbf{L}}$ Descreva informalmente cada classe de equivalência de $R_{\mathbf{L}}$ satisfazem e que nos permite decidir se uma dada palavra x expression expre	, indicando uma condição que as palavras de tal classe
e) Apresente uma GIC linear à direita que gere M e não seja	ı ambígua.

(Continua)

2. Seja ${\bf K}$ a linguagem das palavras de alfabeto $\Sigma=\{0,1,2\}$ que têm exatamente um 2, pelo menos um 1 e termina em 0. Por exemplo, $20100\in {\bf K}$ e $01010\notin {\bf K}$.
a) Apresente uma expressão regular (abreviada) que descreva a linguagem K .
b) Apresente as regras de produção de uma GIC G , não ambígua , que gere a linguagem \mathbf{K} e tenha símbolo inicial Apresente a árvore de derivação da palavra 20100 segundo G .
c) Explique sucintamente porque é que a gramática que apresentou gera K e não é ambígua.
3. Sejam r e s expressões sobre $\Sigma = \{a, b\}$ dadas por $r = ((b + (ba))^*)$ e $s = ((ar)(ba))$.
Desenhe o diagrama de transição do autómato finito que resulta da aplicação do método de Thompson à express regular s , segundo a construção dada nas aulas. Identifique nesse diagrama por i_r e f_r o estado inicial e final autómato que resultaria da aplicação do mesmo método à expressão r .

N.º	Nome
	eja L a linguagem constituída pelas palavras que começam por a, terminam em ba, não têm aa como subpalavra o número de b's é o dobro do número de a's, com alfabeto $\Sigma = \{a, b\}$. Por exemplo, abbbbabba pertence a L .
	Apresente um autómato de pilha que reconheça L por pilha vazia . Indique sucintamente a interpretação de cada do e as ideias principais subjacentes.
CSI	to e as ideias principais subjacentes.
	olva apenas uma das alíneas 4b) e 4c) evoye que L não satisfaz a condição do lema da repetição para linguagens regulares para nenhum $n > 0$.
	ndique um conjunto de palavras de Σ^* que determinam um conjunto infinito de classes de R_L . Justifique.
d)	Dê exemplo de uma linguagem que seja um subconjunto de L e que $\mathbf{n}\mathbf{\tilde{a}o}$ seja independente de contexto.

5. S	eja A o AFND- ε representado pelo diagrama de transição seguinte	, com alfabeto $\Sigma = \{a, b\}$.
-------------	--------------------------------------------------------------------------------	--------------------------------------

a	
$\begin{array}{c c} & & & \\ \hline & &$)
3	

a) Indique o conjunto de estados em que A pode estar após analisar					
abbbaa		e	abbab		•

b)	Desenhe o diagrama de transição do AFD A' , equivalente a A , que se obtém pelo método de conversão dado.
De	signe os estados do AFD por conjuntos e represente apenas os estados acessíveis do estado inicial de A' .

Designe of estados do Al D por conjuntos e represente apenas os estados acessiveis do estado iniciar de A.				

c)	Averigue se existem duas palavras de Σ^* que não são equivalentes para o AFD A' mas que seriam equivalentes
par	a o AFD mínimo que reconhece $\mathcal{L}(A')$ e duas palavras que sejam equivalentes para o AFD A' mas não para o AFD
míı	nimo. Justifique a resposta (deverá dar exemplos se existirem e justificar).

mino. Justinque à resposar (devera dai exemptos se existirem e justinear).				

6. Seja
$$G = (\{S, X, Y\}, \{\mathbf{0}, \mathbf{1}\}, P, S)$$
 uma GIC, com P dado pelas regras representadas à esquerda.

a) Apresente uma derivação de 0011
$$\in \mathcal{L}(G)$$
 que não seja uma derivação pela esquerda nem pela direita.

	$X \rightarrow XX \mid 0$	
	$Y \rightarrow 1 \mid YY$	
)	Dê exemplo de duas palavras x e y de $\mathcal{L}(G)$ tais of	que x só admite uma árvore de derivação e y admite pelo menos

b) Dê exemplo de duas palavras
$$x$$
 e y de $\mathcal{L}(G)$ tais que x só admite uma árvore de derivação e y admite pelo menos duas, e apresente essas árvores. Diga, justificando, se se pode concluir que G é ambígua ou que G não é ambígua.

(Continua)

 7. Resolva apenas uma das duas questões seguintes: a) Na continuação de 6., justifique que G está na forma normal de Chomsky e aplique o algoritmo CYK para aver se 10011 ∈ L(G) e, com base na tabela produzida, indicar todas as subpalavras de 10011 que pertencem a L(G). b) Apresente uma máquina de Turing que dadas duas sequências em binário separadas por um R (por exer 10111R10101) dê como resultado R seguido da sequência que representar um inteiro maior (no exemplo, R10 O símbolo branco é • e a máquina pode deslocar R se for conveniente. No início o cursor está na posição n esquerda e no fim deve apontar R. Apresente também as ideias principais do algoritmo que a máquina implem Admita que os números dados não têm 0's não significativos, isto é, o dígito mais significativo é 1 se o númer for 0. 	
se $10011 \in \mathcal{L}(G)$ e, com base na tabela produzida, indicar todas as subpalavras de 10011 que pertencem a $\mathcal{L}(G)$ b) Apresente uma máquina de Turing que dadas duas sequências em binário separadas por um R (por exer $10111R10101$) dê como resultado R seguido da sequência que representar um inteiro maior (no exemplo, R10 O símbolo branco é • e a máquina pode deslocar R se for conveniente. No início o cursor está na posição n esquerda e no fim deve apontar R. Apresente também as ideias principais do algoritmo que a máquina implem Admita que os números dados não têm 0's não significativos, isto é, o dígito mais significativo é 1 se o números	
10111R10101) dê como resultado R seguido da sequência que representar um inteiro maior (no exemplo, R10 O símbolo branco é ● e a máquina pode deslocar R se for conveniente. No início o cursor está na posição n esquerda e no fim deve apontar R. Apresente também as ideias principais do algoritmo que a máquina implem Admita que os números dados não têm 0's não significativos, isto é, o dígito mais significativo é 1 se o números	_
	.11). ais à enta.