

# Método da Bissecção

Resolver a equação:  $x^3-6x+2=0$ 

usando o Método da Bissecção no intervalo [2;3].

# Introdução

O **método da bisseção** é um algoritmo numérico utilizado para encontrar uma raiz de uma função contínua em um intervalo [a,b]. Ele se baseia no **Teorema do Valor Intermediário**, que afirma que se uma função f(x) é contínua em um intervalo [a,b] e f(a) e f(b) possuem sinais opostos, então existe pelo menos um valor c dentro do intervalo tal que f(c)=0.

#### Passos do método:

- 1. Escolher um intervalo inicial [a, b] no qual f(a) e f(b) tenham sinais opostos.
- 2. Calcular o ponto médio do intervalo:

$$c=rac{a+b}{2}$$

- 3. Avaliar f(c):
  - Se f(c) = 0, então c é a raiz exata.
  - Se  $f(a) \cdot f(c) < 0$ , a raiz está no intervalo [a,c], então redefine-se b=c.
  - ullet Caso contrário, a raiz está no interva(ullet),b], então redefine-se a=c.
- 4. **Repetir o processo** até que o erro seja menor que um valor de tolerância  $\varepsilon$  ou até atingir um número máximo de iterações.

#### Vantagens e Desvantagens

#### Vantagens:

- Simples de implementar.
- Garante convergência se o intervalo inicial for adequado.
- Aplicável a qualquer função contínua.

#### X Desvantagens:

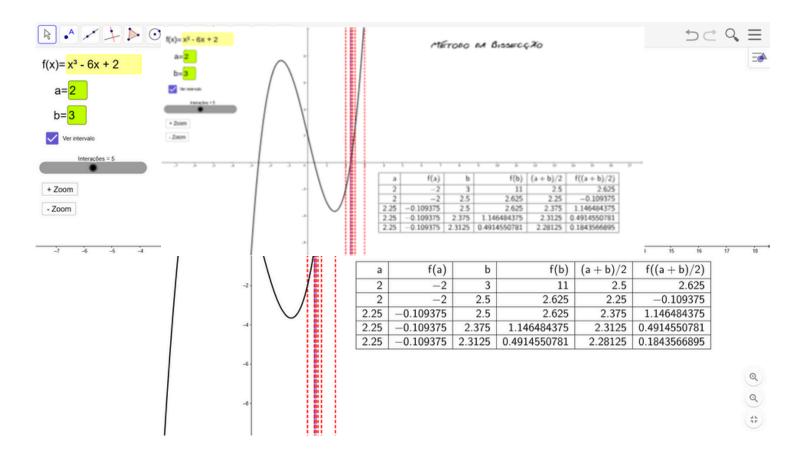
- Convergência lenta (redução linear do erro).
- Não funciona se a função não mudar de sinal no intervalo.
- Apenas encontra uma raiz por vez.

O método da bisseção é amplamente utilizad problemas matemáticos e computacionais para encontrar raízes de equações quando não há necessidade de soluções extremamente rápidas.

## Método da Bissecção

Resolver a equação:  $x^3-6x+2=0$ 

usando o Método da Bissecção no intervalo [2;3].



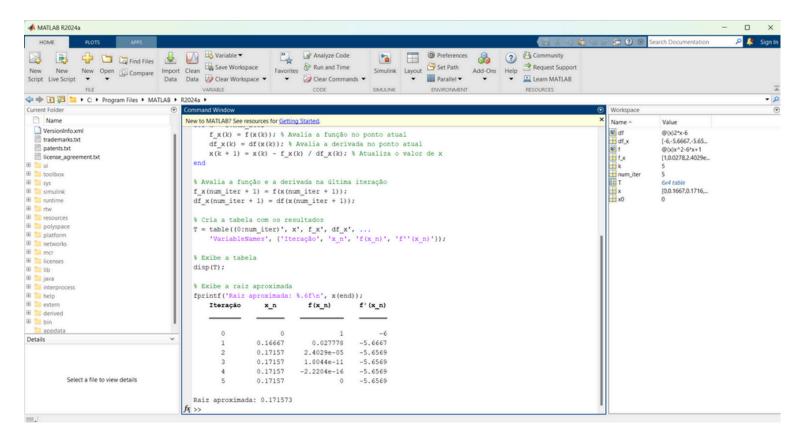
https://www.geogebra.org/classic/xprjs58w

## Algoritmo usando o MATLAB

```
function root = bisection method()
  % Define a função f(x)
  f = @(x) x.^3 - 6*x + 2;
  % Definir os limites do intervalo [a, b]
  a = 2;
  b = 3;
  % Critério de parada (precisão desejada)
  tol = 1e-6;
  max iter = 100; % Número máximo de iterações
  % Verificar se os sinais de f(a) e f(b) são opostos
  if f(a) * f(b) > 0
    error('A função não muda de sinal no intervalo dado. Escolha um intervalo
válido.');
  end
  iter = 0;
  while (b - a)/2 > tol \&\& iter < max_iter
    % Calcular o ponto médio
    c = (a + b) / 2;
     % Verificar se encontramos a raiz
    if f(c) == 0
       break;
    elseif f(a) * f(c) < 0
       b = c;
     else
       a = c;
     end
    iter = iter + 1;
  end
```

```
% Estimativa final da raiz
root = (a + b) / 2;

fprintf('Raiz encontrada: %.6f\n', root);
 fprintf('Número de iterações: %d\n', iter);
end
```

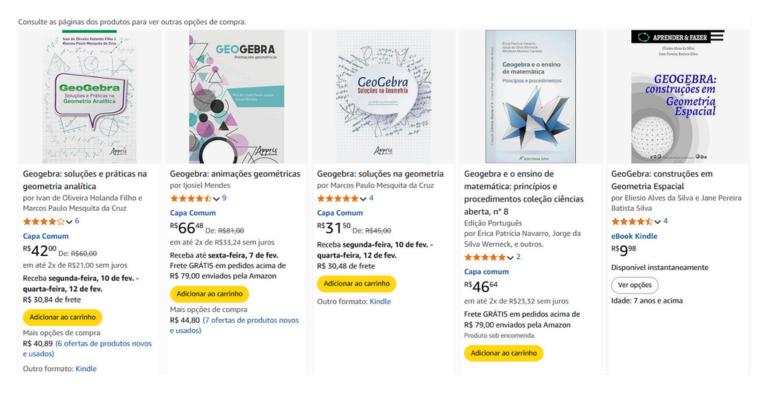


### Para aprender MATLAB, acesse:



https://amzn.to/4jDMBum

### Para aprender GEOGEBRA, acesse:



https://amzn.to/4hDLCJ7

### Vocês podem nos seguir em:

### Youtube:

https://www.youtube.com/@geogebraoficial

### Instagram:

https://www.instagram.com/matematica.interativa/