# Многопоточное Программирование: Определения и Формализм

Роман Елизаров, JetBrains, <u>elizarov@gmail.com</u> Никита Коваль, JetBrains, <u>ndkoval@ya.ru</u>

**ИТМО 2020** 



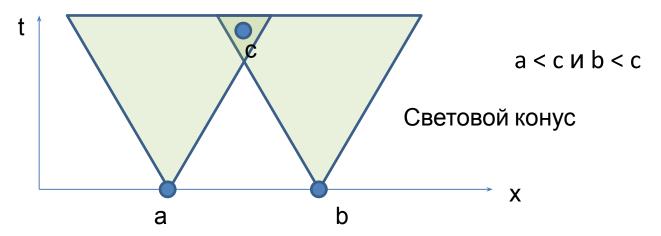
#### Физическая реальность (1)

- Свет (электромагнитные волны) в вакууме распространяется со скоростью ~ 3 · 10<sup>8</sup> м/с
  - Это максимальный физический предел скорости распространения света. В реальных материалах медленней.
  - За один такт процессора с частотой 3 ГГц ( $3 \cdot 10^9$  Гц) свет в вакууме проходит всего **10 см**.

- Соседние процессоры на плате физически не могут синхронизировать свою работу и физически не могут определить порядок происходящих в них событиях.
  - Они работают действительно физически *параллельно*.

#### Физическая реальность (2):

- Пусть  $a, b, c \in E$  это физически атомарные (неделимые) **события**, происходящие в пространстве-времени
  - Говорим «*a* предшествует *b*» или «*a* произошло до *b*» (*a*<*b*), если свет от точки пространства-времени *a* успевает дойти до точки пространства-времени *b*
  - Это отношение <u>частичного</u> порядка на событиях



Между a и b нет предшествования. Они происходят **параллельно** 

#### Модель «произошло до» (happens before)

- Впервые введена Л. Лампортом в 1978 году
- **Исполнение** системы это пара  $(H, \to_{H})$ 
  - H это множество **операций**  $e, f, g, \dots$  (чтение и запись ячеек памяти и т.п.), произошедших во время исполнения

#### • Произошло до

- На **операциях** определен *частичный* порядок  $e \rightarrow_{_H} f$
- $\rightarrow_{_H}$  это транзитивное, антирефлексивное, асимметричное отношение (частичный строгий порядок) на множестве операций
- $e \rightarrow_{_{\! H}} f$  означает что "e **произошло до** f в исполнении H"
  - Чаще всего исполнение Н понятно из контекста и опускается

• Две **операции** e и f **параллельны**  $(e \ // f)$  если  $e \nrightarrow f \land f \nrightarrow e$ 

#### Модель «произошло до» (happens before)

- Операция (сложная) состоит из двух событий (простых):
  - *inv(e)* вызов операции
  - res(e) ответ на операцию (результат)
  - Все события **полностью** упорядочены отношением <<sub>н</sub>
- Порядок операций определяется порядком событий

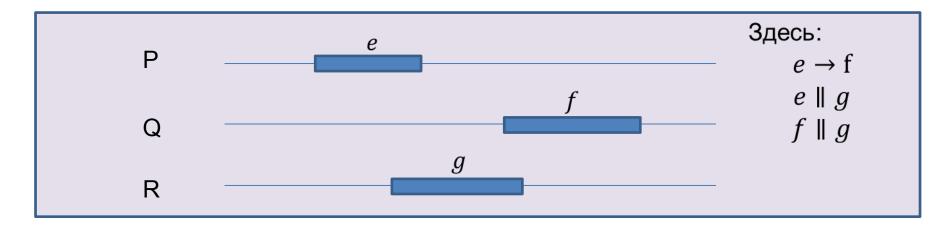
 $e \rightarrow_{_H} f$  по определению тогда и только тогда когда res(e)  $<_{_H} inv(f)$ 

- Замечание 1: отдельные события нам нужны редко
- Замечание 2: полная упорядоченность отдельных событий играет важную роль в теории многопоточного программирования с общей памятью

## Глобальное время

- Располагаем *inv*(*e*) и *res*(*e*) на числовой оси
- Каждая операция это числовой интервал

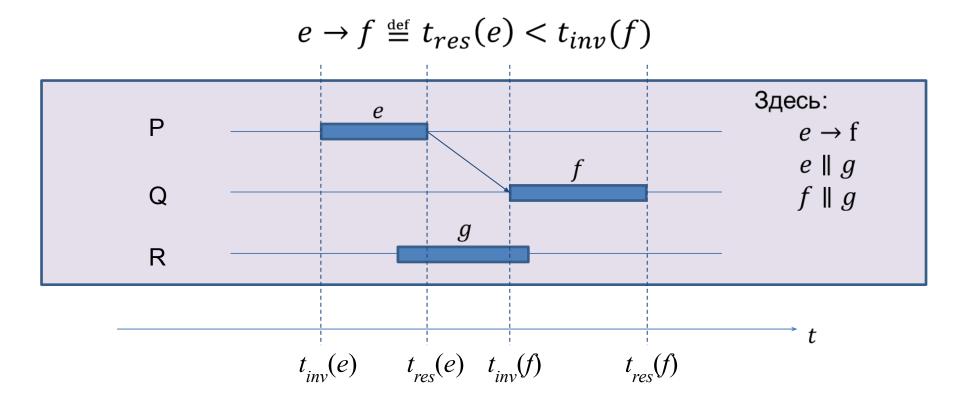
$$e \to f \stackrel{\text{def}}{=} t_{res}(e) < t_{inv}(f)$$



t

### Глобальное время

- Располагаем inv(e) и res(e) на числовой оси
- Каждая операция это числовой интервал



#### Система

- Система это набор всех возможных исполнений системы
- Говорим, что «система имеет свойство Р», если каждое исполнение системы имеет свойство Р

#### «Произошло до» на практике

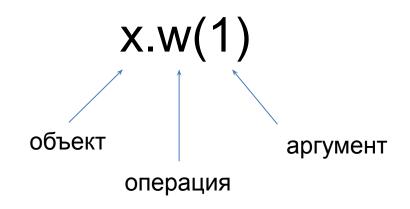
- Современные языки программирования предоставляют программисту **операции синхронизации**:
  - Специальные механизмы чтения и записи переменных (std::atomic в C++11 и volatile в Java 5).
  - Создание потоков и ожидание их завершения
  - Различные другие библиотечные примитивы для синхронизации
- **Модель памяти** языка программирования определяет то, каким образом исполнение операций синхронизации создает отношение «произошло до»
  - Без них, разные потоки выполняются параллельно
  - Можно доказать те или иные свойства многопоточного кода, используя гарантии на возможные исполнения, которые дает модель памяти

# Свойства исполнений над общими объектами

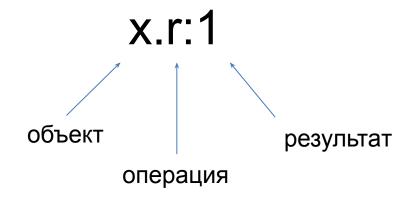


## Операции над общими объектами

Запись (write) общей переменной



Чтение (read) общей переменной

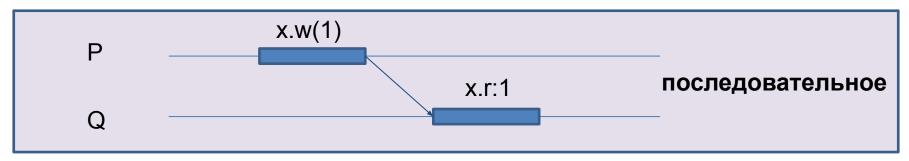


#### Последовательное исполнение

Исполнение системы называется **последовательным**, если все **операции** линейно-упорядочены отношением "произошло до"

$$\forall e, f \in H : (e = f) \lor (e \rightarrow f) \lor (f \rightarrow e)$$

Значит все события упорядочены  $inv(e_1) < res(e_1) < inv(e_2) < ...$ 

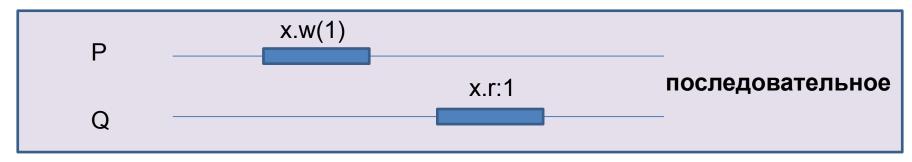


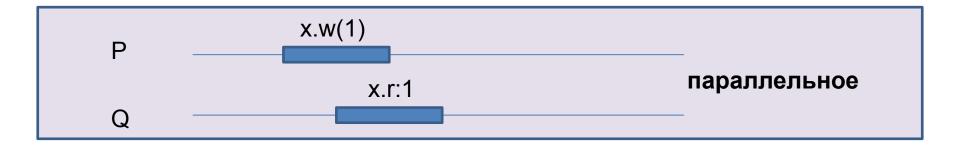
#### Последовательное исполнение

Исполнение системы называется **последовательным**, если все **операции** линейно-упорядочены отношением "произошло до"

$$\forall e,f \in H : (e = f) \lor (e \rightarrow f) \lor (f \rightarrow e)$$

Значит все события упорядочены  $inv(e_1) < res(e_1) < inv(e_2) < ...$ 





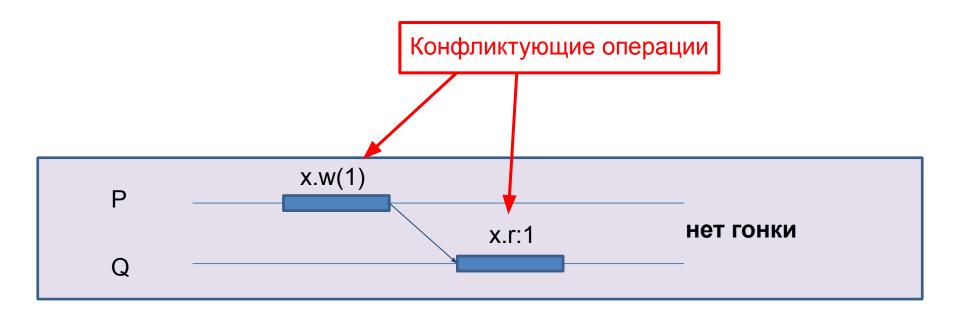
- Две операции над одной переменной одна из которых это запись называются конфликтующими
  - read-write или write-write

- Две операции над одной переменной одна из которых это запись называются конфликтующими
  - read-write или write-write

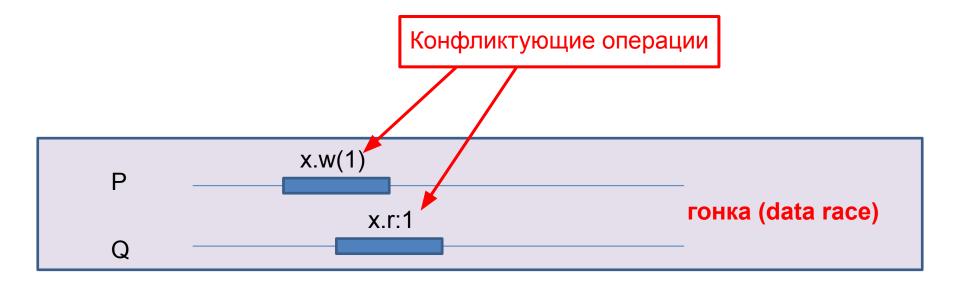
Конфликтующие операции не коммутируют в модели чередования

- Две операции над одной переменной одна из которых это запись называются конфликтующими
  - read-write или write-write
- Если две конфликтующие операции произошли **параллельно** (нет отношения произошло до) то такая ситуация называется **гонка данных** (data race)
  - Это свойство конкретного исполнения

# Пример



# Пример

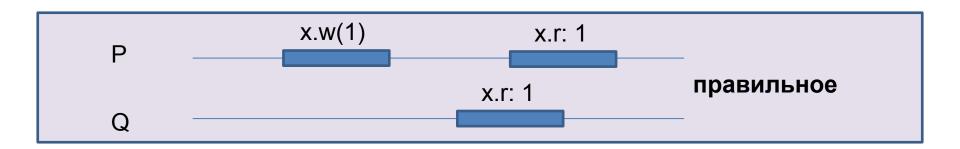


- Две операции над одной переменной одна из которых это запись называются конфликтующими
  - read-write или write-write
- Если две конфликтующие операции произошли **параллельно** (нет отношения произошло до) то такая ситуация называется **гонка данных** (data race)
  - Это свойство конкретного исполнения

Программа, в любом допустимом исполнении которой (с точки зрения модели памяти) нет гонок данных, называется корректно синхронизированной

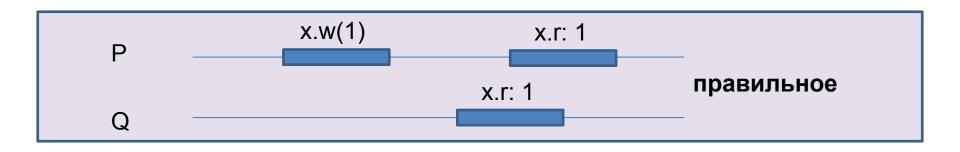
#### Правильное исполнение

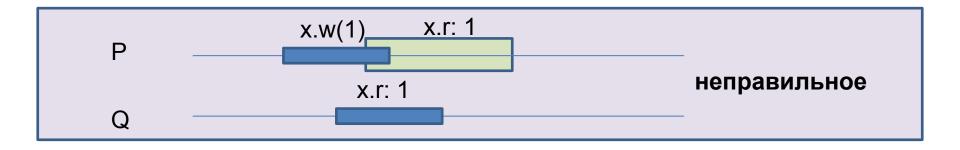
- H|<sub>P</sub> сужение исполнения на поток P, то есть исполнение где остались только операции происходящие в потоке P
- Исполнение называется **правильным** (well-formed), если его сужение на каждый поток Р является **последовательным**



#### Правильное исполнение

- $H|_{p}$  сужение исполнения на поток P, то есть исполнение где остались только операции происходящие в потоке P
- Исполнение называется **правильным** (well-formed), если его сужение на каждый поток Р является **последовательным**





#### Правильное исполнение и нотация

- $H|_{p}$  сужение исполнения на поток P это множество всех **операций**  $e \in H$ , таких что proc(e) = P
  - Исполнение называется **правильным (well-formed),** если его сужение на любой поток Р является **последовательным**
  - Задается программой которую выполняет поток
  - Объединение всех сужений на потоки называется программным порядком (ро = program order)

Нас интересуют только правильные исполнения Дальше работает только с такими

#### Правильное исполнение и нотация

- $H|_{P}$  сужение исполнения на поток P это множество всех **операций**  $e \in H$ , таких что proc(e) = P
  - Исполнение называется **правильным (well-formed),** если его сужение на любой поток Р является **последовательным**
  - Задается программой которую выполняет поток
  - Объединение всех сужений на потоки называется **программным порядком** (po = program order)
- $H|_{x}$  сужение истории на объект x это множество всех **операций**  $e \in H$ , таких что obj(e) = x

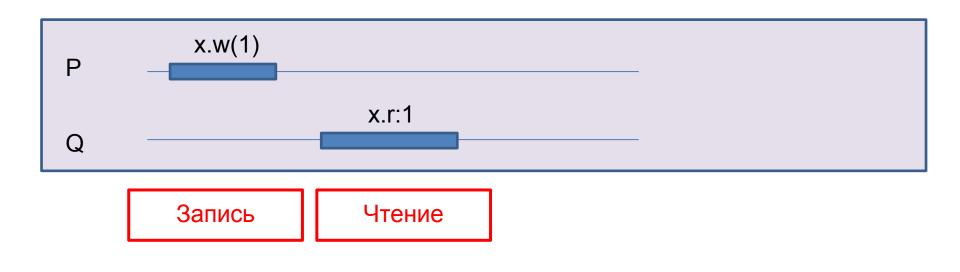
В правильном исполнении сужение на объекты не обязательно является последовательным(!)

#### Последовательная спецификация объекта

Если сужение исполнения на объект Н|<sub>х</sub> является
последовательным, то можно проверить его на соответствие
последовательной спецификации объекта

#### Последовательная спецификация объекта

Если сужение исполнения на объект Н<sub>х</sub> является
последовательным, то можно проверить его на соответствие
последовательной спецификации объекта



Что мы привыкли видеть в обычном мире последовательного программирования?

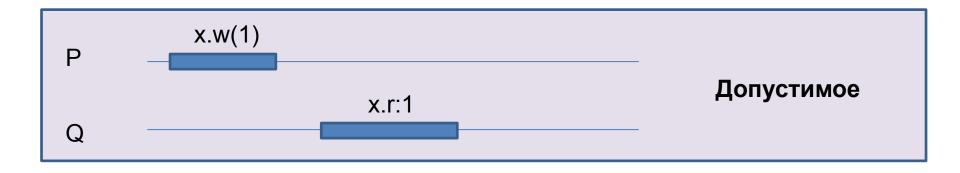
### Допустимое последовательное исполнение

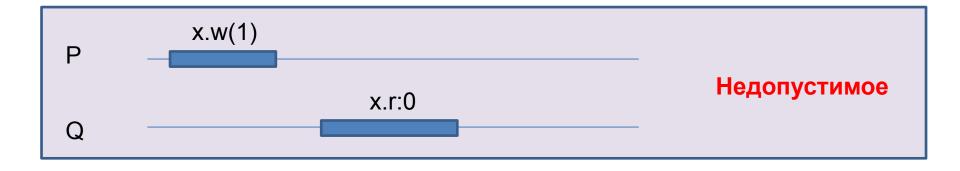
 Последовательное исполнение является допустимым (legal), если выполнены последовательные спецификации всех объектов



### Допустимое последовательное исполнение

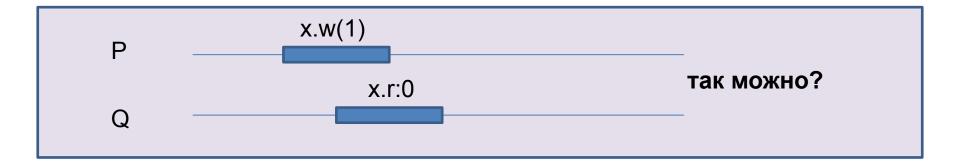
• Последовательное исполнение является допустимым (legal), если выполнены последовательные спецификации всех объектов



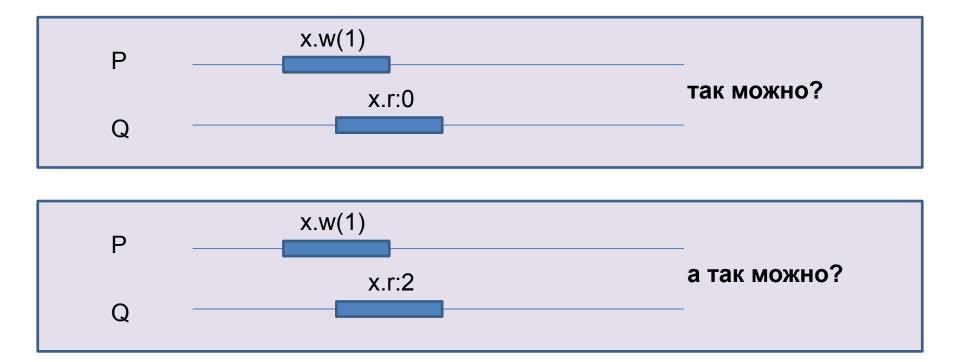


• Как определить допустимость параллельного исполнения?

• Как определить допустимость параллельного исполнения?



• Как определить допустимость параллельного исполнения?



- Как определить допустимость **параллельного** исполнения?
  - Сопоставим ему **эквивалентное** (состоящее из тех же событий и операций) **допустимое последовательное исполнение**
  - Как именно тут есть варианты: условия согласованности

- Как определить допустимость **параллельного** исполнения?
  - Сопоставим ему **эквивалентное** (состоящее из тех же событий и операций) **допустимое последовательное исполнение**
  - Как именно тут есть варианты: условия согласованности
- Согласованность это аналог «корректности» в мире многопоточного программирования

- Как определить допустимость параллельного исполнения?
  - Сопоставим ему **эквивалентное** (состоящее из тех же событий и операций) **допустимое последовательное исполнение**
  - Как именно тут есть варианты: условия согласованности
- Согласованность это аналог «корректности» в мире многопоточного программирования

#### Базовое требование:

корректные последовательные программы должны считаться согласованными при любом их исполнении в одном потоке

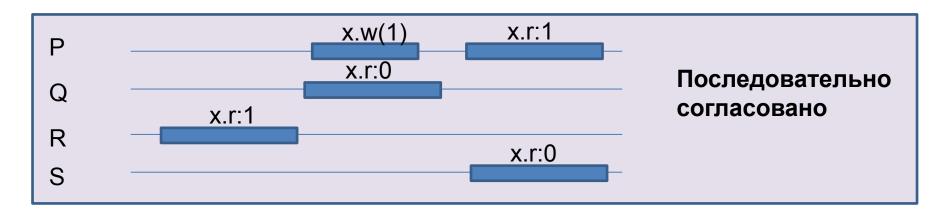
- Как определить допустимость **параллельного** исполнения?
  - Сопоставим ему **эквивалентное** (состоящее из тех же событий и операций) **допустимое последовательное исполнение**
  - Как именно тут есть варианты: условия согласованности
- Согласованность это аналог «корректности» в мире многопоточного программирования
- Условий согласованности много:
  - Согласованность при покое (quiescent consistency)
  - Последовательная согласованность (sequential consistency)
  - Линеаризуемость (linearizability)
  - и другие

Нельзя просто сказать: "Вот корректная реализация многопоточной очереди". Корректная в каком смысле?

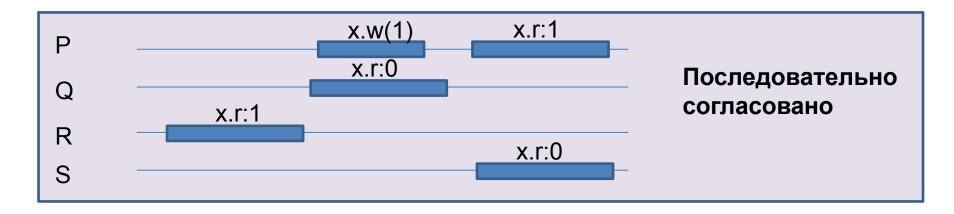
- Условий согласованности много:
  - Согласованность при покое (quiescent consistency)
  - Последовательная согласованность (sequential consistency)
  - Линеаризуемость (linearizability)
  - и другие

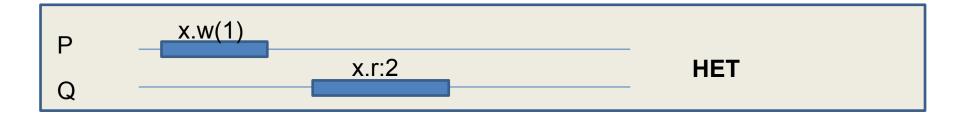
#### Последовательная согласованность

 Исполнение последовательно согласованно, если можно сопоставить эквивалентное ему допустимое последовательное исполнение, которое сохраняет программный порядок – порядок операций на каждом потоке



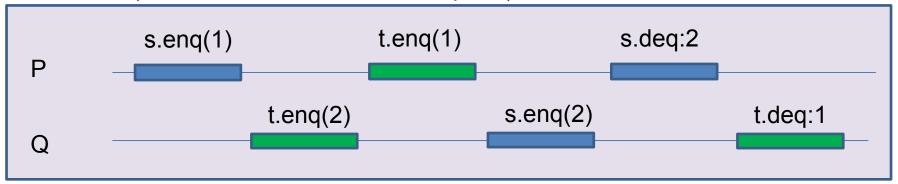
 Исполнение последовательно согласованно, если можно сопоставить эквивалентное ему допустимое последовательное исполнение, которое сохраняет программный порядок – порядок операций на каждом потоке





• Последовательная согласованность на каждом объекте по отдельности не влечет последовательную согласованность всего исполнения

#### **ПРИМЕР**: (здесь s и t это две FIFO очереди)



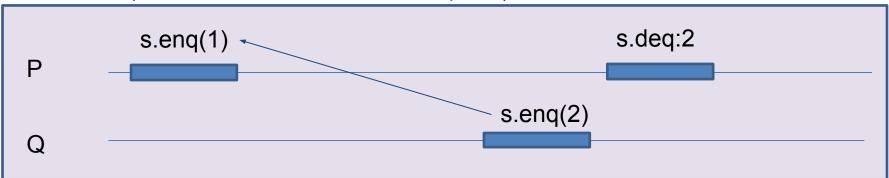
• Последовательная согласованность на каждом объекте по отдельности не влечет последовательную согласованность всего исполнения

#### **ПРИМЕР**: (здесь s и t это две FIFO очереди)



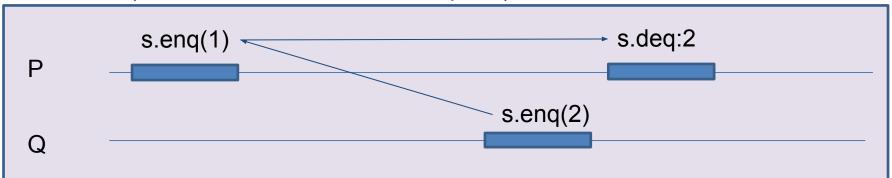
 Последовательная согласованность на каждом объекте по отдельности не влечет последовательную согласованность всего исполнения

**ПРИМЕР**: (здесь s и t это две FIFO очереди)



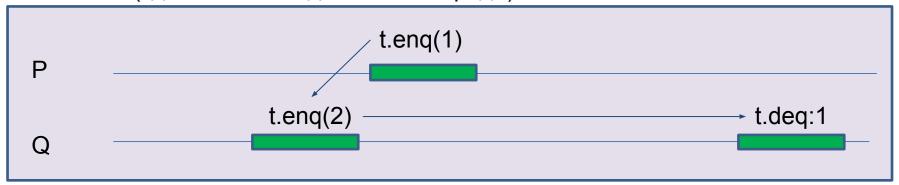
 Последовательная согласованность на каждом объекте по отдельности не влечет последовательную согласованность всего исполнения

**ПРИМЕР**: (здесь s и t это две FIFO очереди)



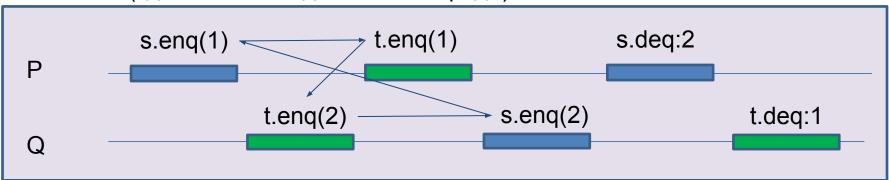
 Последовательная согласованность на каждом объекте по отдельности не влечет последовательную согласованность всего исполнения

**ПРИМЕР**: (здесь s и t это две FIFO очереди)



• Последовательная согласованность на каждом объекте по отдельности не влечет последовательную согласованность всего исполнения

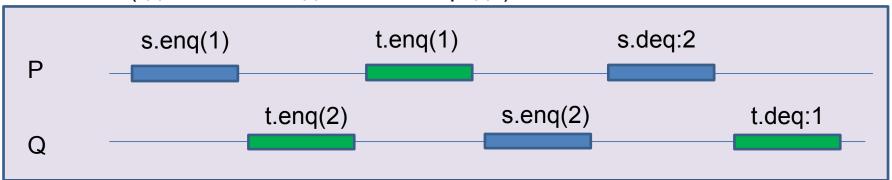
**ПРИМЕР**: (здесь s и t это две FIFO очереди)



Ой! Цикл -- не упорядочить линейно

 Последовательная согласованность на каждом объекте по отдельности не влечет последовательную согласованность всего исполнения

**ПРИМЕР**: (здесь s и t это две FIFO очереди)



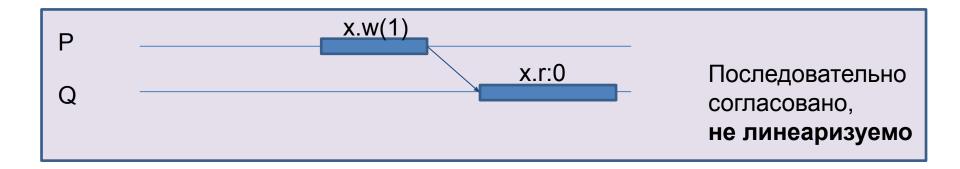
Последовательную согласованность нет смысла использовать для спецификации поведения отдельных объектов в системе

- Используется как условие корректности исполнения **всей системы в целом** 
  - когда нет никакого «внешнего» наблюдателя, который может «увидеть» фактический порядок между операциями на разных процессах

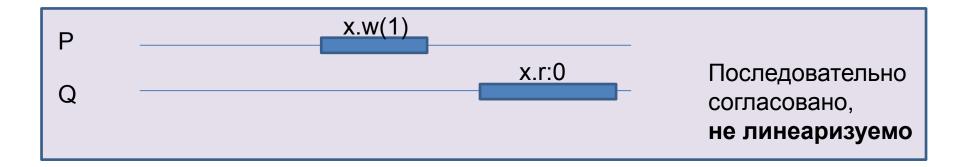
Последовательная согласованность не говорит о том, когда операция физически на самом деле была выполнена

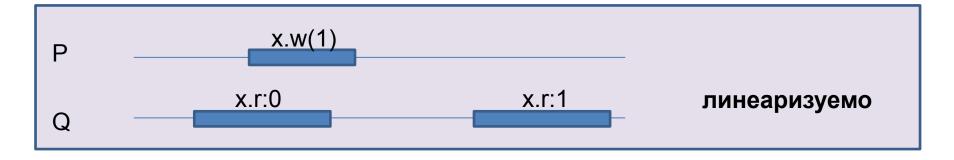
- Используется как условие корректности исполнения всей системы в целом
  - когда нет никакого «внешнего» наблюдателя, который может «увидеть» фактический порядок между операциями на разных процессах
- **Модель памяти** языка программирования и системы исполнения кода используют последовательную согласованность для своих формулировок
  - В том числе, **C++11** и **Java 5** (JMM = JLS Chapter 17)

• Исполнение **линеаризуемо** если можно сопоставить эквивалентное ему допустимое последовательное исполнение, которое сохраняет порядок «**произошло до**»

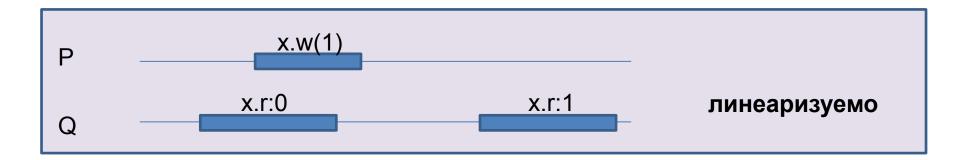


 Исполнение линеаризуемо если можно сопоставить эквивалентное ему допустимое последовательное исполнение, которое сохраняет порядок «произошло до»





• Исполнение **линеаризуемо** если можно сопоставить эквивалентное ему допустимое последовательное исполнение, которое сохраняет порядок «**произошло до**»



 Исполнение линеаризуемо если можно сопоставить эквивалентное ему допустимое последовательное исполнение, которое сохраняет порядок «произошло до»





допустимая линеаризация

# **Контрольный вопрос**

- 1. Последовательно согласованная история это:
  - а. История, в которой все операции линейно упорядочены отношением «произошло до»



- b. История, которой можно сопоставить допустимое последовательное исполнение, которое сохраняет программный порядок
- с. Историй, которой можно сопоставить допустимое последовательное исполнение, которое сохраняет порядок «произошло до»
- d. История, в которой все операции последовательно согласованы между собой

# Свойства линеаризуемости: локальность

• Исполнение линеаризуемо *тогда и только тогда,* когда линеаризуемо исполнение на каждом объекте по отдельности

#### • ДОКАЗАТЕЛЬСТВО

- Тогда: очевидно
- Только тогда:
  - Пусть Н линеаризуемо на каждом объекте х
  - Возьмем объединение:
    - линерации отношения "произошло до" на каждом объекте
    - исходное отношение "произошло до"  $\rightarrow_{\mathsf{H}}$
  - Транзитивно замкнем (сохранился исходный порядок и на объектах)
  - Надо доказать что получилось ацикличное отношение
  - Докажем от противного

# Свойства линеаризуемости: локальность

- Если получился цикл в транзитивном замыкании?
  - Любые два последовательность ребра  $\to_{\rm x}$  или  $\to_{\rm H}$  можно объединить (так как каждое из отношений транзитивно)
  - Двух последовательных ребер на разных объектах  $\to_{_{\rm X}}$  и  $\to_{_{\rm Y}}$  быть не может (каждая операция происходит ровно над одним объектом)
  - Значит имеем ситуацию  $e \to_{_{\!\!H}} f \to_{_{\!\!\!Q}} g \to_{_{\!\!\!H}} h$
  - Но это значит по определению отношения "произошло до":
    - $e \rightarrow_{\mathsf{H}} f \Rightarrow res(e) < inv(f)$
    - $f \rightarrow_{\downarrow} g \Rightarrow inv(f) < res(g)$ 
      - Потому что  $<_{\rm H}$  это полный порядок и если бы было наоборот, то есть res(g) < inv(f), что значит  $g \longrightarrow_{\rm H} f$  что противоречит  $f \longrightarrow_{\rm x} g$
    - $g \rightarrow_{\mathsf{H}} h \Rightarrow res(g) < inv(h)$
  - Из этого получаем по транзитивности  $<_{_{\rm H}}$  и по определению  $\to_{_{\rm H}}$ :
    - $res(e) < inv(h) \Rightarrow e \rightarrow_{H} h$
  - Таким образом любой цикл можно свести к циклу в исходном

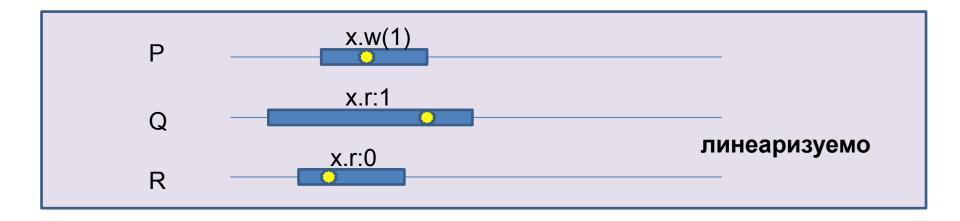
# Линеаризуемость и атомарность

- Операции над линеаризуемыми объектами называют атомарными
- Замечание 1: При доказательстве локальности линеаризуемости мы воспользовались полным порядком над индивидуальными событиями ("вызов операции" и "результат операции").
  - В системах с общей памятью есть возможность "упорядочить" все операции используя общую память как механизм синхронизации
- Замечание 2: Понятие "линеаризуемости" отстуствует в распределенных системах, где нет общей памяти.

# Линеаризуемость в глобальном времени

• В глобальном времени исполнение линеаризуемо тогда и только тогда, когда точки линеаризации могут быть выбраны так, что

$$\forall e: t_{inv}(e) < t(e) < t_{res}(e)$$



#### Линеаризуемость и чередование

Исполнение системы, выполняющей операции на линеаризуемыми (атомарными) объектами, можно анализировать в модели чередования

# Иерархия линеаризуемых объектов

• Из более простых линеаризуемых объектов можно делать линеаризуемые объекты более высокого уровня

Доказав линеаризуемость сложного объекта, можно абстрагироваться от деталей реализации в нем, считать операции над ним атомарными и строить объекты более высокого уровня

#### Подразумеваемая линеаризуемость

Нельзя просто сказать:

"Вот корректная реализация многопоточной очереди".

Корректная в каком смысле?

#### Подразумеваемая линеаризуемость

Нельзя просто сказать:

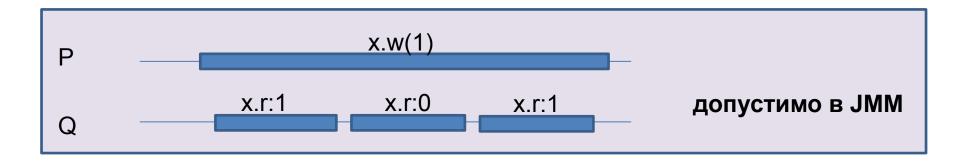
"Вот корректная реализация многопоточной очереди".

Корректная в каком смысле?

 Когда говорят что объект безопасен для использования из нескольких потоков (thread-safe), то, по умолчанию, имеют в виду линеаризуемость операций над ним

#### Применительно к Java

- Все операции над volatile полями в Java, согласно JMM, являются операциями синхронизации (17.4.2), которые всегда линейно-упорядочены в любом исполнении (17.4.4) и согласованы с точки зрения чтения/записи (17.4.7)
  - A значит являются **линеаризуемыми**
- Но операции над **не volatile** полями воистину могут нарушать не только линеаризуемость, но и последовательную согласованность (в отсутствии синхронизации)



## Применительно к Java

- Если программа корректно синхронизирована (в ней нет гонок), то JMM дает гарантию последовательно согласованного исполнения для всего кода
  - Даже для кода работающего с **не volatile** переменными
  - Если доступ к ним **синхронизирован** (через операции синхронизации) и гонок не возникает
- В С++11 есть примитивы (std::atomic) для получения аналогичных гарантий

```
@JCStressTest
@State
@Outcome(id = "0, 1", expect = Expect.ACCEPTABLE)
@Outcome(id = "1, 1", expect = Expect.ACCEPTABLE)
@Outcome(id = "1, 0", expect = Expect.ACCEPTABLE)
public class SimpleTest2 {
   volatile int x;
   volatile int y;
   @Actor
   public void threadP(IntResult2 r) {
       x = 1;
       r.r1 = y;
   @Actor
   public void threadQ(IntResult2 r) {
       \mathbf{v} = 1;
       r.r2 = x;
```

```
@JCStressTest
@State
@Outcome(id = "0, 1", expect = Expect.ACCEPTABLE)
@Outcome (id = "1, 1", expect = Expect.ACCEPTABLE)
@Outcome(id = "1, 0", expect = Expect.ACCEPTABLE)
public class SimpleTest2 {
   volatile int x;
   volatile int y;
   @Actor
   public void threadP(IntResult2 r) {
       x = 1;
       r.r1 = y;
   @Actor
   public void threadQ(IntResult2 r) {
       \mathbf{v} = 1;
       r.r2 = x;
```

```
@JCStressTest
@State
@Outcome(id = "0, 1", expect = Expect.ACCEPTABLE)
@Outcome(id = "1, 1", expect = Expect.ACCEPTABLE)
@Outcome(id = "1, 0", expect = Expect.ACCEPTABLE)
public class SimpleTest2 {
   volatile int x;
   volatile int y;
   @Actor
   public void threadP(IntResult2 r) {
       \mathbf{x} = 1;
       r.r1 = y;
   @Actor
   public void threadQ(IntResult2 r) {
       \mathbf{v} = 1;
       r.r2 = x;
```

Запустим!

```
@JCStressTest
@State
@Outcome(id = "0, 1", expect = Expect.ACCEPTABLE)
@Outcome(id = "1, 1", expect = Expect.ACCEPTABLE)
@Outcome(id = "1, 0", expect = Expect.ACCEPTABLE)
public class SimpleTest2 {
   volatile int x;
   volatile int y;
   @Actor
   public void threadP(IntResult2 r) {
       x = 1;
       r.r1 = y;
   @Actor
   public void threadQ(IntResult2 r) {
       \mathbf{v} = 1;
       r.r2 = x;
```

#### Запустим!

```
[PASSED] SimpleTest2

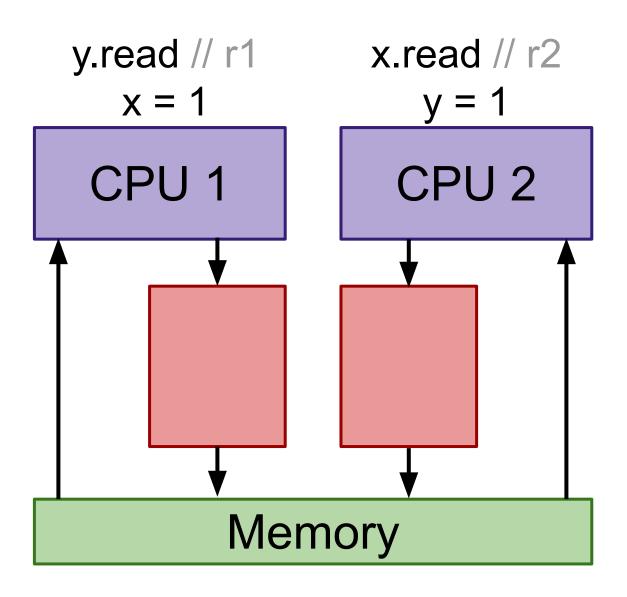
State Occurrences

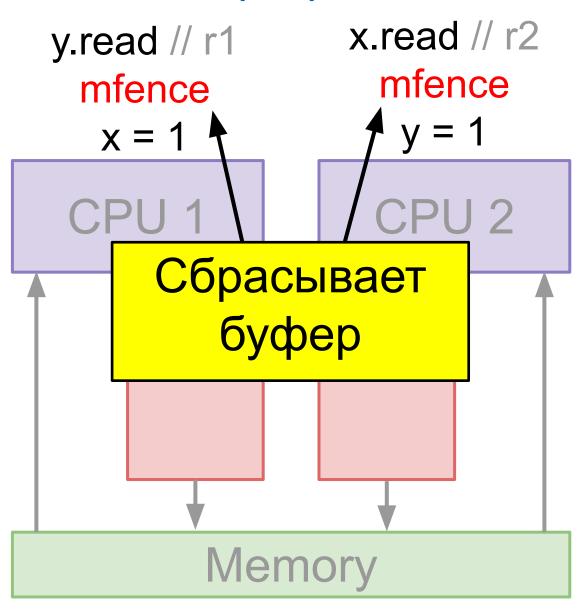
0, 1 46,917,076

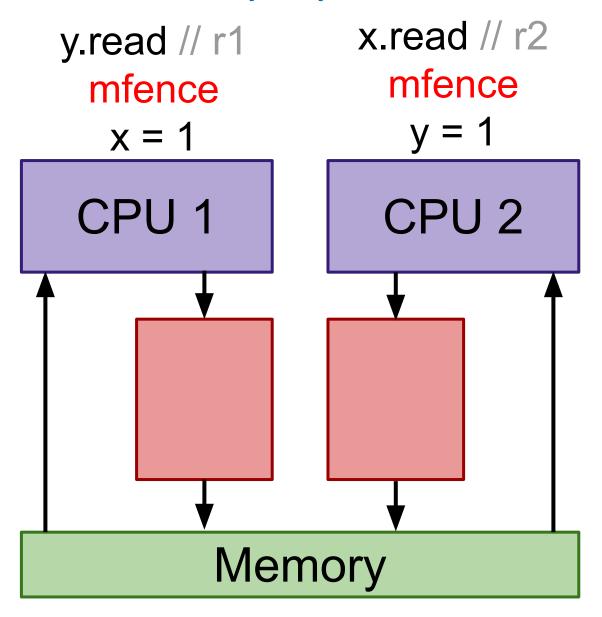
1, 0 37,773,885

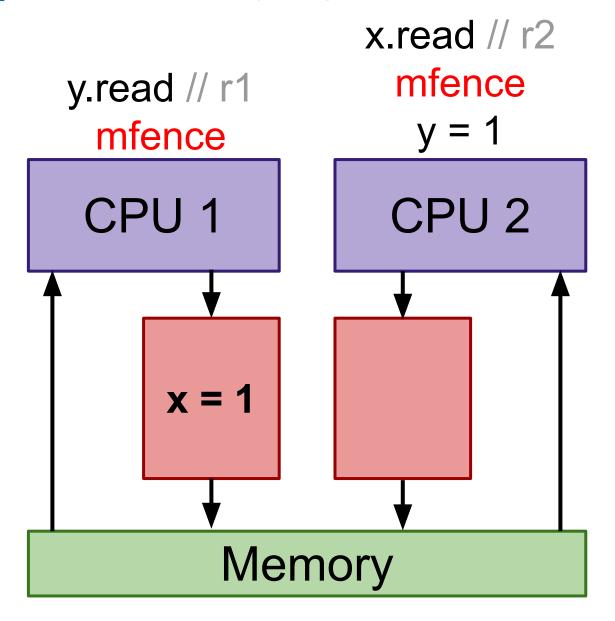
1, 1 21,989
```

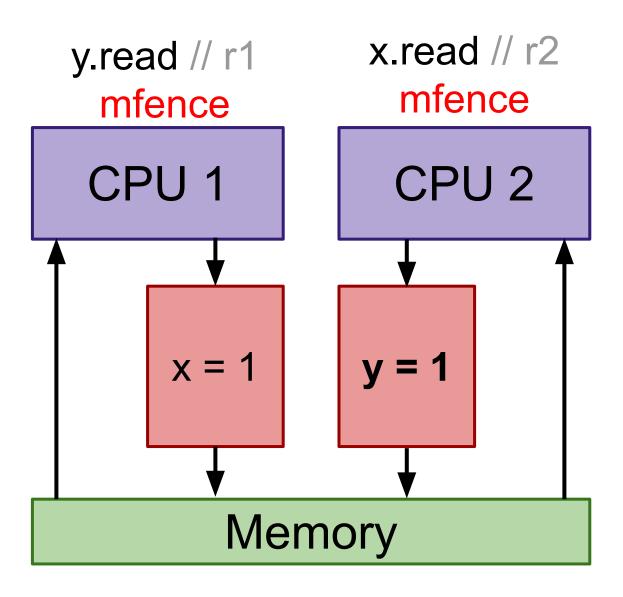
Что мы и ожидали исходя из модели чередования операций!

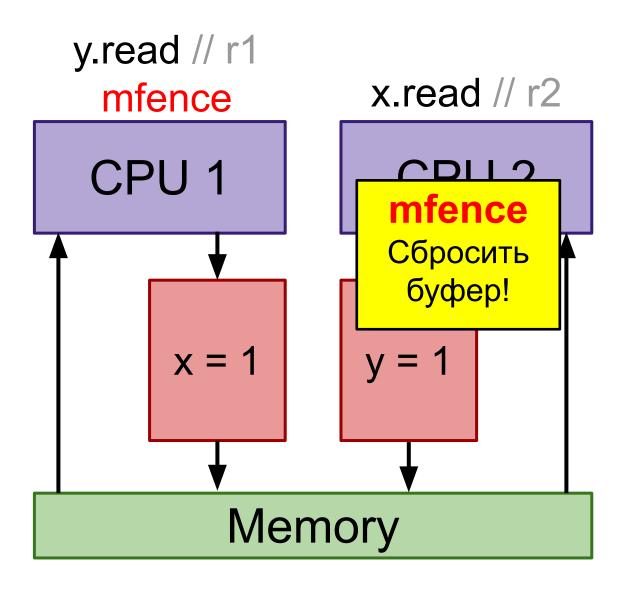


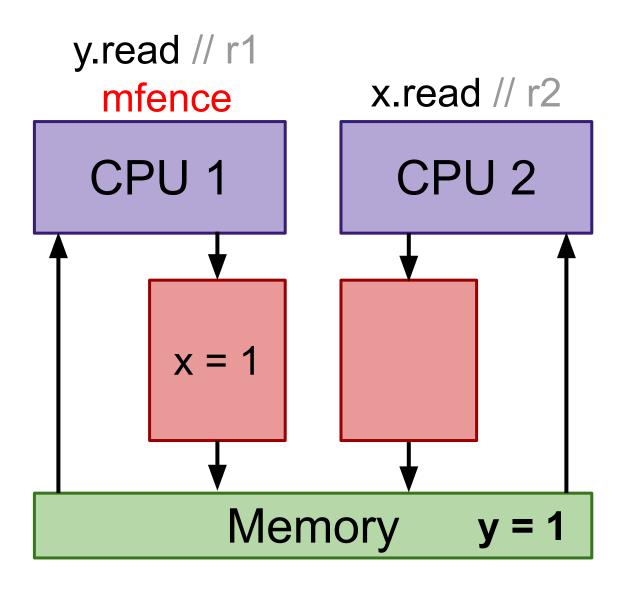


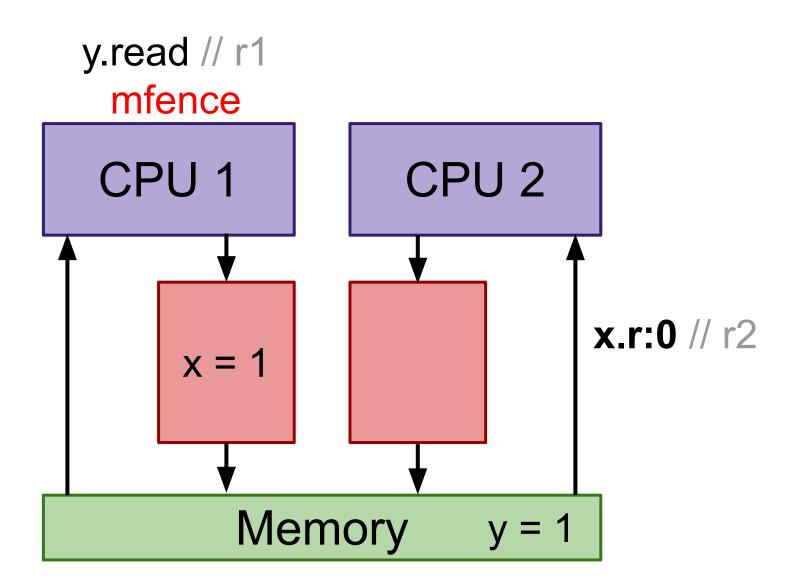


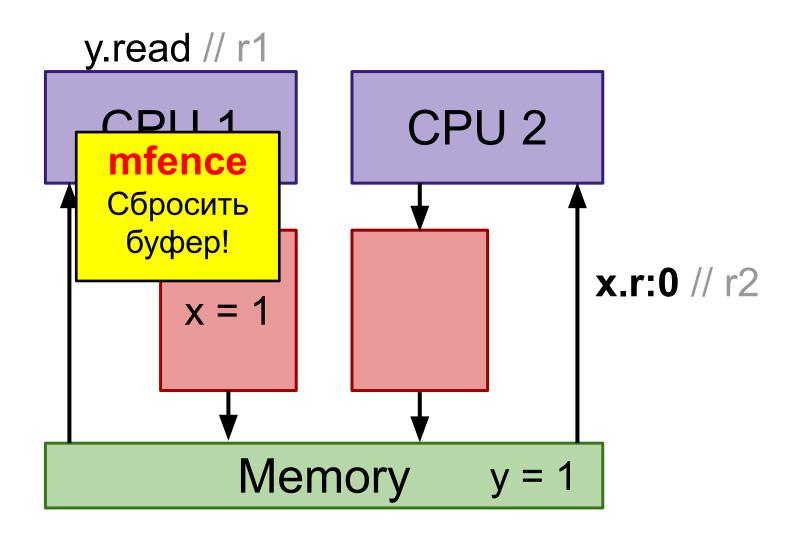


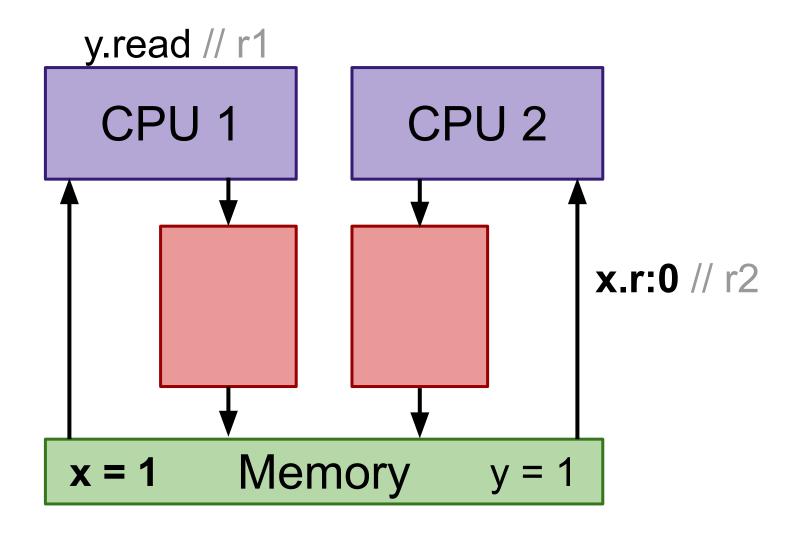


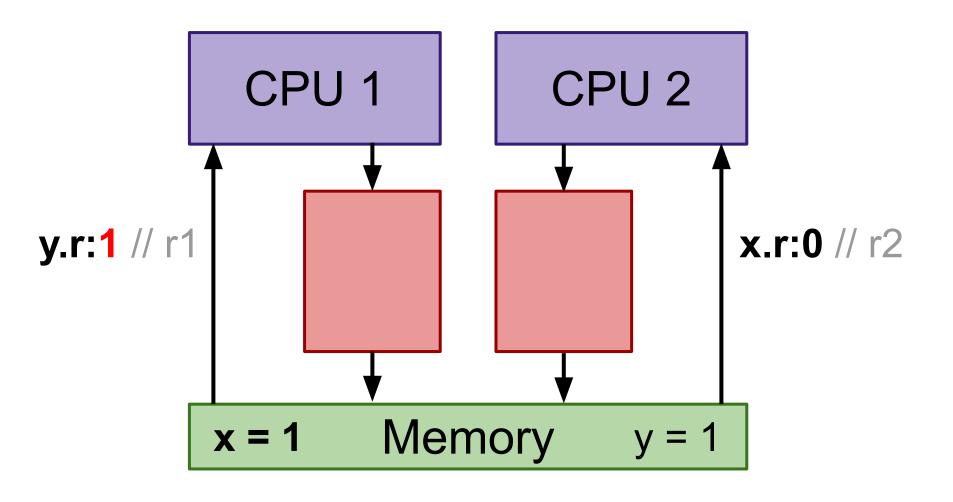


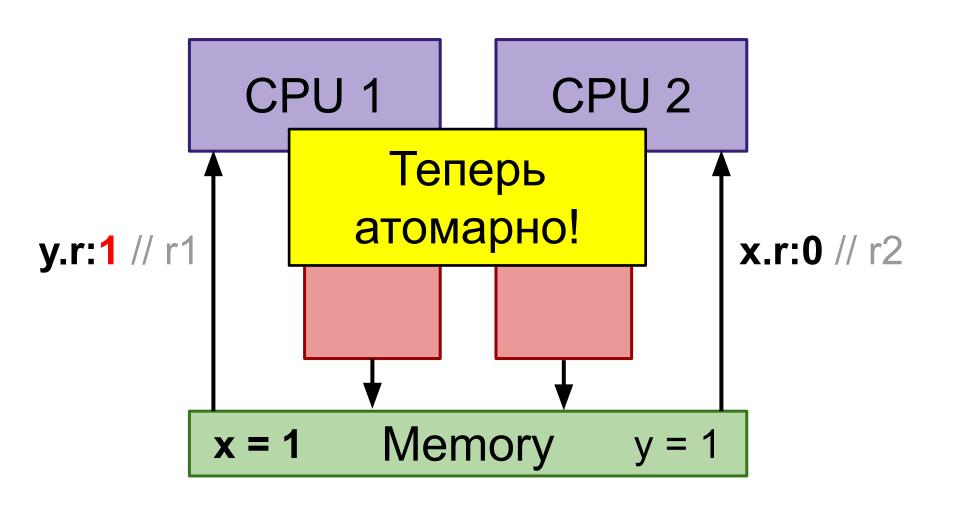












#### Во что тогда компилируется наш код?

• SimpleTest1 (non-volatile)

```
thread P:
mov dword ptr [rdi+0xc], 0x1 ;x = 1
mov r10d, dword ptr [rdi+0x10];y.read
```

```
thread Q:
mov dword ptr [rsi+0x10], 0x1 ;y = 1
mov r10d, dword ptr [rsi+0xc] ;x.read
```

#### Во что тогда компилируется наш код?

• SimpleTest1 (non-volatile)

```
thread P:
mov dword ptr [rdi+0xc], 0x1 ;x = 1
mov r10d, dword ptr [rdi+0x10];y.read
```

```
thread Q:
mov dword ptr [rsi+0x10], 0x1 ;y = 1
mov r10d, dword ptr [rsi+0xc] ;x.read
```

SimpleTest2 (volatile int x, y)

```
thread P:
mov dword ptr [r11+0xc], 0x1 ; x = 1
lock add dword ptr [rsp],0x0 ; mfence
mov r10d, dword ptr [r11+0x10]; y.read
```

```
thread Q:
mov dword ptr [r11+0x10], 0x1;y = 1
lock add dword ptr [rsp],0x0; mfence
mov r10d, dword ptr [r11+0xc]; x.read
```

## Во что тогда компилируется наш код?

• SimpleTest1 (non-volatile)

```
thread Q:
thread P:
                                         mov dword ptr [rsi+0x10], 0x1 ;y = 1
mov dword ptr [rdi+0xc], 0x1 ; \mathbf{x} = \mathbf{1}
mov r10d, dword ptr [rdi+
                                                     ord ptr [rsi+0xc] ; x.read
                         Появился тот
  SimpleTest2 (Самый барьер!
thread P:
                                         thread Q:
                                        mov dword ptr [r11+0x10], 0x1 : v = 0
mov dword ptr [r11+0xc]. 0x1 : x =
lock add dword ptr [rsp],0x0 ;mfence
                                         lock add dword ptr [rsp],0x0 ;mfence
mov r10d, dword ptr [r11+0x10]; y.read
                                         mov r10d, dword ptr r11+0xc ; x.read
```

# Эффект на производительность?

```
@State(Scope.Group)
public class SimpleTest1 {
   int x;
   int y;
   @Benchmark
   @Group
   public void threadP(IntResult2 r) {
       x = 1;
       r.r1 = y;
   @Benchmark
   @Group
   public void threadQ(IntResult2 r) {
       y = 1;
       r.r2 = x;
```

# Эффект на производительность?

```
@State(Scope.Group)
public class SimpleTest2 {
   volatile int x;
   volatile int y;
   @Benchmark
   @Group
   public void threadP(IntResult2 r) {
       x = 1;
       r.r1 = y;
   @Benchmark
   @Group
   public void threadQ(IntResult2 r) {
       y = 1;
       r.r2 = x;
```

# Эффект на производительность?

Benchmark	Score		Error	Units
SimpleTest1.group	<b>97</b> ,150,871.246	<u>±</u>	28,985,900.030	ops/s
SimpleTest2.group	<b>44</b> ,168,485.894	±	2,244,677.631	ops/s

Синхронизация далеко не бесплатна