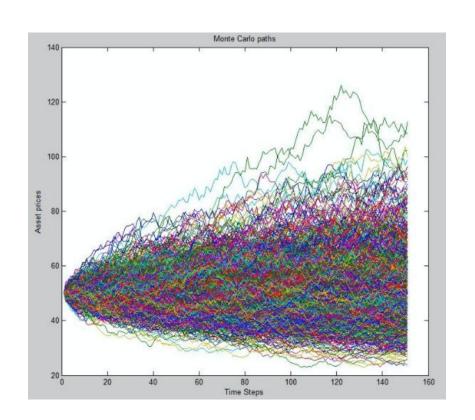


Для чего нужны случайные числа?





Как генерируются случайные числа сейчас?

Зависит от применения

Криптостойкие

$$s_{i+1} = (as_i + b) \mod n$$

Завязаны на куче параметров, затрудняя криптографические атаки

Как проверяют случайность чисел?

Birthday spacings

Random spheres test

Overlapping permutations

The squeeze test

Ranks of matrices

Overlapping sums test

Monkey tests

Runs test

Count the 1s

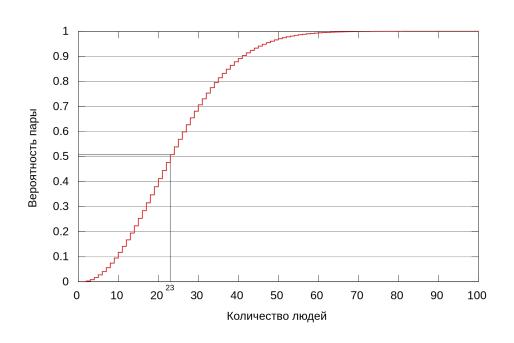
The craps test

Parking lot test

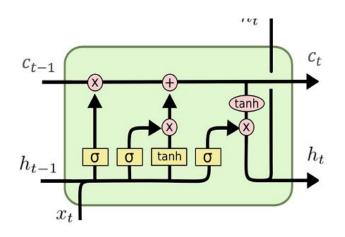
Minimum distance test

Пример теста — Birthday spacings

выбираются случайные точки на большом интервале. Расстояния между точками должны быть асимптотически распределены по Пуассону



Как работает генерация при помощи LSTM-сети?



LSTM (Long-Short Term Memory)

1 шаг - обучение модели

Есть число рі, используем его десятичное разложение.

По 100 цифрам пытаемся предсказать 101- ую цифру, используя LSTM.

Параметры: (10, 50, 10) - размерность входного слоя, скрытого, и выходного.

На все выходы навешиваем линейный слой, который уже предсказывает цифру

Итерационный генератор

Используются три последовательности : seed, buffer и input, которые итеративно меняются. prns - это наша искомая последовательность псевдорандомных чисел. Вначале inp = buffer = seed.

і-ая итерация:

1) seed shift:

```
k = LSTM(input);
sh = seed[k];
seed = seed[sh:s] + seed[0:sh], где s - длина шага
r i = seed[0];
```

3) input sequence generation:

inp = buf[-s:0]
prns.append(r_i)

2) buffer sequence update:

```
buf.append(r_i);
buf = buf[r_i:b] + buf[0:r_i];
```

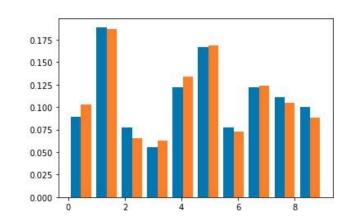
Количество итераций дает нам размер выходной последовательности сгенерированных чисел

Наши результаты

```
aniilboiko$ dieharder -g 202 -f 2.6_million.txt -a
Copyright 2003 Robert G. Brown
            |rands/second|
million.txt|
               8.86e+06
psamples| p-value |Assessment
imes
     100 | 0.000000000 |
                        FAILED
times
     100 | 0.000000000 |
                        FAILED
```

Прохождение тестов Dieharder
— ни один тест не был пройден

Скорее всего это связано с распределением цифр: оно неравномерное даже в самом seed'e:



Результаты авторов

Они тестировали качество при помощи модуля NIST PRNG, сравнивая с другими алгоритмами получения псевдорандомных чисел. Их модель прошла все тесты, и они приходят к выводу что она применима на практике.

	Frequency	BlockFrequence	CumulativeSumsForward	CumulativeSumsReverse	Runs	LongestRun	Rank	NonOverlappingTemplate	OverlappingTemplate	Universal	ApproximateEntropy	RandomExcursions	RandomExcursionsVariant	Serial(m=5)	LinearComplexity	
Proposed System	О	O	О	О	О	О	О	O	O	O	О	О	O	О	О	

В сравнение
— PRNG из NumPy
тесты так или
иначе частично
проходит:

```
dieharder version 3.31.1 Copyright 2003 Robert G. Brown
                            filename
                                                  |rands/second|
   rng_name
     file_input|2.6_millon_numpy_uniform_uint32.txt| 4.90e+06
                     |ntup| tsamples |psamples|
                                                 p-value | Assessment
# The file file input was rewound 5 times
   diehard birthdays|
                                  1001
                                           100|0.53230795|
                         01
                                                             PASSED
# The file file_input was rewound 43 times
      diehard_operm5|
                        0
                             10000001
                                           100 | 0.000000000
                                                             FAILED
# The file file input was rewound 93 times
                                400001
  diehard_rank_32x32|
                        01
                                           100|0.00000150|
                                                              WEAK
# The file file_input was rewound 116 times
    diehard_rank_6x8|
                               1000001
                                           100|0.00380984|
                                                              WEAK
# The file file_input was rewound 126 times
   diehard_bitstream|
                        01
                              2097152|
                                           100 | 0.10523603 |
                                                             PASSED
# The file file_input was rewound 206 times
        diehard_opsol
                         0
                              2097152|
                                           100|0.11884260|
                                                             PASSED
# The file file input was rewound 260 times
        diehard_oqso|
                              2097152|
                                           100|0.17578994|
                                                             PASSED
# The file file_input was rewound 285 times
         diehard dnal
                        01
                              20971521
                                           100|0.51210612|
                                                             PASSED
# The file file input was rewound 288 times
diehard count 1s strl
                               2560001
                                           100|0.46407457|
                         01
                                                             PASSED
# The file file_input was rewound 337 times
diehard_count_1s_byt|
                               2560001
                                           100|0.00833024|
                                                             PASSED
# The file file_input was rewound 338 times
 diehard_parking_lot|
                        01
                                           100|0.19184518|
                                120001
                                                             PASSED
# The file file_input was rewound 339 times
    diehard_2dsphere|
                         2
                                 8000
                                           100 | 0.99762054 |
                                                              WEAK
# The file file_input was rewound 339 times
    diehard_3dsphere|
                                           100 | 0.52214317 |
                                                             PASSED
                                 40001
# The file file_input was rewound 428 times
     diehard squeezel
                               1000001
                                           100|0.000000000
                        0
                                                             FAILED
# The file file input was rewound 428 times
        diehard sums!
                                           100|0.33079044|
                                                             PASSED
                         0
                                  100|
# The file file_input was rewound 432 times
        diehard_runs|
                                           100|0.00000036|
                                                             FAILED
                         0
                               1000001
        diehard runs!
                               1000001
                                           100|0.23713528|
                         0
                                                             PASSED
# The file file_input was rewound 483 times
                                           100 0.00002889
       diehard_craps|
                         0
                               2000001
                                                              WEAK
                               2000001
       diehard_craps|
                                           100|0.06960765|
                                                             PASSED
```



Спасибо за внимание ^^