

Міністерство освіти і науки України  
Національний технічний університет України  
"Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського"  
Фізико-технічний інститут

## **КРИПТОГРАФІЯ**

**Комп'ютерний практикум №3**  
**Криптоаналіз афінної біграмної підстановки**

Роботу виконали:

Касаб О.Р.

Косигін О.С.

Групи ФБ-06

## Мета роботи

Набуття навичок частотного аналізу на прикладі розкриття моноалфавітної підстановки; опанування прийомами роботи в модулярній арифметиці.

## Порядок виконання роботи

0. Уважно прочитати методичні вказівки до виконання комп'ютерного практикуму.

1. Реалізувати підпрограми із необхідними математичними операціями: обчисленням оберненого елементу за модулем із використанням розширеного алгоритму Евкліда, розв'язуванням лінійних порівнянь. При розв'язуванні порівнянь потрібно коректно обробляти випадок із декількома розв'язками, повертаючи їх усі.

2. За допомогою програми обчислення частот біграм, яка написана в ході виконання комп'ютерного практикуму №1, знайти 5 найчастіших біграм запропонованого шифртексту (за варіантом).

3. Перебрати можливі варіанти співставлення частих біграм мови та частих біграм шифртексту (розглядаючи пари біграм із п'яти найчастіших). Для кожного співставлення знайти можливі кандидати на ключ шляхом розв'язання системи (1).

4. Для кожного кандидата на ключ дешифрувати шифртекст. Якщо шифртекст не є змістовним текстом російською мовою, відкинути цього кандидата.

5. Повторювати дії 3-4 доти, доки дешифрований текст не буде змістовним.

## Хід роботи:

1. Пишемо необхідні для успішної роботи алгоритмів функції

- `entropy` – допомагає знайти ентропію тексту щоб перевірити наскільки він змістовний
- `revers` – з допомогою алгоритму розширеного Евкліда(`ext_euc`) повертає нам обернене значення
- `ext_euc` – працює з від'ємними числами, великими числами та різними числами.
- `best_bi` – знаходить 5 частіших біграм в нашому тексті
- `bi_to_num` – це для того щоб потім знайти ключі тому що в алфавіті кожна буква відповідає певному індексу
- `mix_bi` – змішуємо наші біграмми та найчастіші які зустрічаються в мові та знаходимо пари і генеруємо усі можливі біграмми
- `pass_text` – перевірка тексту на змістовність
  - перша перевірка на неможливі біграмми
  - друга перевірка на Ентропію нашого тексту щоб вона була більше 4.2 і менш ніж 4.2
  - третя перевірка на те що найчастіша буква яка зустрічається в нашому тексті це о або е тому що це найчастіші букви в руської мові(тексті)
- `find_solv` – розв'язує рівняння
- `pass_keys` – бере наші біграмми, пустий масив де ми будемо зберігати наші ключі та масив де зберігаються усі можливі біграмми(їх дець 400 штук). Переводить їх у всі можливі пари ключів
- `affine_decoder` – потім ми всі ці ключі перевершмо з допомогою функції **`affine_decoder`** та переверямо усе за допомогою функції **`pass_text`**
- **потім ми виводимо наш ШТ, ВТ та ключ**

2. Цей пункт можна реалізувати перетворивши букви у їх числовий еквівалент. Процес перетворення використовує формули, які були надані у методиці. Після перетворення ми створюємо найчастіші набори біграм, переводимо їх у числа, беремо найчастіші біграми російської мови, також перетворюємо їх у числа, та порівнюємо між собою, щоб скласти системи рівнянь і знайти потрібні нам варіанти розв'язків системи

3. Ключовим фактором змістовності тексту можна вважати ентропію текста. Тому для виявлення ключа тексту, потрібно після кожного дешифрування дивитися ентропію

### Ентропія російського алфавіту = 4.35

Ось всі можливі ключі у числовому варіанті

[[230, 89], [275, 550], [463, 917], [241, 821], [894, 506], [13, 151], [389, 885], [486, 875], [336, 940], [540, 275], [771, 271], [711, 297], [730, 736], [207, 680], [556, 258], [313, 684], [399, 379], [254, 301], [544, 457], [486, 618], [948, 257], [885, 736], [796, 711], [751, 504], [29, 258], [809, 2], [634, 158], [306, 379], [285, 859], [638, 753], [699, 457], [114, 649], [616, 199], [119, 602], [858, 695], [151, 199], [731, 319], [686, 819], [498, 452], [11, 631], [619, 816], [511, 94], [159, 695], [211, 224], [834, 883], [231, 633], [754, 689], [787, 382], [106, 864], [630, 503], [47,

481], [13, 151], [76, 633], [165, 658], [764, 146], [105, 382], [13, 151], [647, 761], [382, 503], [450, 47], [8, 128], [39, 655], [70, 221], [101, 748], [132, 314], [163, 841], [194, 407], [225, 934], [256, 500], [287, 66], [318, 593], [349, 159], [380, 686], [411, 252], [442, 779], [473, 345], [504, 872], [535, 438], [566, 4], [597, 531], [628, 97], [659, 624], [690, 190], [721, 717], [752, 283], [783, 810], [814, 376], [845, 903], [876, 469], [907, 35], [938, 562], [345, 209], [464, 302], [242, 395], [720, 101], [67, 416], [948, 771], [950, 642], [342, 457], [450, 218], [148, 477], [553, 782], [323, 241], [299, 828], [838, 178], [698, 559], [405, 664], [648, 238], [174, 891], [855, 409], [804, 534], [902, 30], [949, 612], [173, 347], [210, 418], [932, 664], [152, 920], [197, 166], [856, 891], [948, 161], [844, 67], [277, 534], [437, 309], [848, 662], [670, 612], [266, 99], [842, 320], [497, 10], [739, 506], [32, 10], [572, 313], [475, 323], [625, 258], [802, 854], [750, 364], [127, 666], [813, 625], [408, 320], [638, 861], [151, 79], [285, 85], [375, 46], [562, 819], [707, 897], [331, 85], [914, 107], [157, 568], [59, 111], [145, 767], [232, 45], [327, 79], [655, 819], [676, 339], [314, 788], [579, 85], [511, 541], [117, 74], [684, 568], [524, 793], [4, 323], [393, 767], [790, 479], [103, 503], [719, 193], [222, 596], [254, 193], [421, 815], [190, 819], [250, 793], [662, 166], [123, 816], [263, 435], [810, 230], [676, 224], [586, 263], [417, 633], [475, 472], [12, 382], [788, 647], [816, 503], [729, 264], [323, 337], [262, 633], [847, 441], [23, 879], [54, 445], [85, 11], [116, 538], [147, 104], [178, 631], [209, 197], [240, 724], [271, 290], [302, 817], [333, 383], [364, 910], [395, 476], [426, 42], [457, 569], [488, 135], [519, 662], [550, 228], [581, 755], [612, 321], [643, 848], [674, 414], [705, 941], [736, 507], [767, 73], [798, 600], [829, 166], [860, 693], [891, 259], [922, 786], [953, 352], [113, 332], [291, 382], [695, 895], [957, 947], [568, 503], [171, 791], [810, 891], [929, 23], [707, 116]]

Ось наш ключ ,який підходить після всіх перевірок (неможливість біграми ( наприклад [ъ,ы]), ентропія)  
[13, 151]

## Зашифрований текст:

лквдвдышкрбызякиабшачрнвзартчлчькзтманэнмязьябштрпнхтрхрнзтжккысечамнмпыивфяжтинфвйив  
сжнпчнмпуцзкыфвйвутсюцзкыкынмотзщбйбйбшхолуычгкицепзкианьуыфлфтыраючькиащзтыфэнкйяпезт  
нкжккысечамнмпыжэпаычйдбцвсшчмтшслаиятасзбчжйбшшвлтйэзщбцпмпшприфкздтеектцзархрчосйпрй  
жкчлчаккяжюышцяояфскбьязрчйзчвгжзжычэявсшчтщлжочшызюшхачрнтмнкуфйзбчечвпчнотмнктеотнчн  
цзбшрчычбчнкицщлчькевочфыщяцзреотйсфбйщялчдечамнмпыарчтчццзтьярныхашхаытыздсепцяяючш  
збшзтжмсячрнвзязоэарчэяицкятчрогцфэкыпзэйтйпчаэеявахыдпдойдкрмпбцмвеэлжочрчщтецрнбшкшэты  
члчокбцккузбнинеппжвининачрнджяццаяитчщтецрнбшкшдиабцотиябщйвычфткюмпьяэддабчшызюсяу  
ядсяжутрхбшчрнфэтзткзтцтеялчакиажчштзмнксябяешщтецрнбшкшэццеопнхоьяючбастзырзгфлуфжмнкец  
ьэтнкфячащжвжямэвячатияцзоеязднеэмйкоевсщяяяажвычцяучпяэязшкинвдэакзюнтмакырцсоушрне  
цчнкяуялжочознкызаццнкяжсгмпчнвдепйдрчкешяркнлвцычпрычжкнпшюрчнбаччквсеокяорнбчнйцнбшзи  
кзчшклзпеепаопниашчеквдзязэгцеккызаццнкшчрнхкнчьхвсфэиашцинэьяцзчычжтмэывйвштецрнбшкшф  
бйбьемтщцзжэьытнщрпаозвзьнотпанхзайдкрмпбцсрпаццрущлчшклеэхкжяццлтыябчлуучвзяэякшяцзкл  
твсбцяыыцлтбцдйрцецкзвзычяквсойюшххолуычннйвбнзеевсоцпахышчгзючущядкцрпаозмеязязбчтмаэз  
уыйюфэхбшркбцуэдйуфрняыннйвцяучрнкейпрцккутгщяжйухыксмпырабцпабштхлгйвчябкогьракыбротх  
ыачрнмнкршчуярачыбязрчфяяктфчнвдщтецрнбшкшдфчжшюжачрнвзартччучнпзраюьтпнкшчойзтвйпщд  
зтофтфэцтнкзофтчнщцккуфпяыщяряжеегщпбцхкюзгзщырнэячяыцзыэшрмпбцсрпарчтчбйхярныхжкжль  
цснкшчэяутпамзгьпнсевсэзфяцзоэцтнвеэззвдчекеэгызнтчнпниувчппжкнкэблыибшхярнпыарчнччфьстла  
нвеиэмпрчвмкеэйкогхчтыззэивьянэзьяфякщтызэчягшжпсьжфтщюызкдзтзщачзаяюшкшйзлафпэойзьялчуцд  
неэнпейвзярнбйеплюдфзыякиащзачрнвзязоэьхрнфпечзэгмшчрнйахыбшнрчнммпэхчйбйвсчнммпэяючб  
ьяярныхцезюйсхкфпхотнртмэчзкыквипйнктейесолйджкмэшчрзжйеспнмэйчяовытылуычмебцкяюотнныки  
ашзфтногаашятчфяжтгщцщвырчычбчтчжкрйупиажмыашкшмнйврбфяесоркееэллценащзцяцзъмзщяебтцфвеб  
зозяныюжючывзжсгьтэыучрнепйаозделнйааьцяцзэкйэфтйсрнецеопнхоинхыэврцсбчзмтанэнмязьящзйсиа  
ычицнвдбцкыярнбшчюцзкыфпцеэярнкецзкышчднжчюньпозыяцзнкйсепьжчокбцпцмнйаэккчюжычягш  
нвдфкгнкмяфтпаюьукфвцеыогзбшущяпхкьзоинрцогэбфтпаюьтпнкэофяачшдвсоефтпаюьукфвмаолпаццнкяж  
ьцсротвжуаддызкыжкяюебхэлзмзгштышспаэтившцзекснвчюшшикиабшбйчззсеобилзиротщзфтифсучфжэвдфя  
пьеббччщяцзкодпшяюачйкщбеччекиабшфяяцмнкыбэкгхчтыгшшчкгнккршчтчиншцияцзвыьяючбятюьюаь  
ыкьзаучйзтысюиебщзечучючьквяднеэльачрнвзартччдбйеплюрбучэтийшчрнвцебтцузиджчутеэьсаучочк  
иабшебхзбшфтногзйюрбхобятчйцотасбйбчяцегщечеойюрбмэипкйчнезучлчмыбшхыздыжкфэмпожфтецжк  
нкецспнезнащбштыфтфэотучиншцияцзвойдзеоетечамнлзийебччекфвйкинвдщыечикфвжяццзбчочьвеслеяз  
дчюзюабйчыикфтщрчащяцзшсиаычицнвдвфтпаюьукфвйинбшцзещепцйзтжятчхбцяычлуычфлзньхярнб  
шжкмафпзкфвчьхззгьутчн्यानэзьянвяююьытнотшрычйцсспнмпыаццяычрьхярнечяыцзчнйвшхнвючшкиа  
яюйдбцьэтнкфякэцзыхынмлзещккмвинзтчхрытнбцйдгмтщцзрньрнсяткывыгняжйзутйэлццяйцнйамвр  
ьпзквдзтмаьпнкэофяйтмпдфяечювузпбейснучфтинрцзтсрсяййтсюжяюаящявфлфэбйбичнафпзксоы  
ярнгьтнрцтыярнэякпнкшчрнгсиаычицнвдвинзтсолчспейцаыячыбшйдзэярнкецзрчжйупейдгмтщцзтыфт  
ещятыспецяжлчштзщэтыиылчткяяоечелнжшдэпаычычтбнбйзтиклязчнйвфэбйбичжцхтзщпмавцеы  
ичвзэлзбьзаццицхкпцкяхыозбятчызякиащзфяеьноччажсчащзьянвшхьягнлжчцеофлшххобятчьыдсьышзчягш  
шчрнфэнрчнмпыаццнкпнотсзлчрнссзмоежыккюнэбппкйфэуэебзоеыхынмицйдеэккотнчштплкэотрчнмнм  
пмэчнйвдэмпкрнхжкынозрнечекицяыькеэиьюзрнучиншцияцзовиылчнькяуаннйсбцмнмпзкеэзщйхчащзднеэ  
пдшызюуфачштвснюфязюуфзайдщытчычлждеекрлрмпбцмвзачюькдфызьякиащзачрнвзартччсжлжыяызызэ  
тшийвычьысхкрчызьярнбшкшфссяыкыярнбшкшчхйдрэягшширшчучлжияшкрбнитятнршчрнгятчлаэтмэ  
щяшкиабшсеотбьяюшзурчычышсепькейуплеязбярнсятчтажсеэзщйхтщньпчаыячыбшфтпаюьукфвсэятчфяу

чыссбхяпацытыызыкыццзтьянвящыбчяыцзпнйввяочьяхыцциучюкмэвдючюжрьхярнечяыбшрйкщфяжтгщецй  
свийпцсбшмпаычфткгнкыкряеыичвзрнпйкщтыызээкицбчичжеиажчыккюнкэбмзяеязговыцзцеотгзякхучоже  
чгзфтинрцбйзтрнзфлшхфэычаэгмнкуффтчавяюзаяалсецгшлчьиашзрьцпфэцтбцккэоачрнвязарчтзайяхялч  
ькбйупбйфчыкпащзстзщиовьфэхыгшмзекчхюыьтнотбщчучючцяцицтлфвычялкшяюазкйпшрсялкибчвы  
фябйщшмнмпзкзвдвийвюжючнвзцккзязищшкхбйрнночягшрняыдкбцяцячикфвсбхятччянарчязсрмэтыфж  
хяшкйяиаюччкнксяучяпкмплйяочрнзтжкшрмпбцсрпарчтчюеэявсепнкэбфяжтгцднинежвгщтыгтнвдкрячнй  
вдфмзынкщфясейпхобнжщчфтыуычдзесцнмяучтпмнфпийаечфэйсхкрнечжцьямичрнбчтчнасжнпоебчцео  
пнхофяжтгщачрнвязогкзщпцйпкяяоыйзбтедсяхынмпаэзхыыйдмусзщяхнфвезтыгчлчокбцккузбнжчуйуп  
учыотцянщммпуэфтцежскыназбечечсецкзйзоуччяеагштыцзяесзтвдйэузнпйсрбчзньныачякуэтырнб  
чнксяжцпажэеотноеккрячднмнйвтыожаымэсогепоемзчйупйпщюйафэхнеэейджкицбчырчычзжюцхырч  
нааышыпащявьпнзэяыязбшкыозрнотмусзщяхаэбычпабшкытнщммпрбчачязсцьцотцсннуычпеепшчьебфэ  
яшкиабшпкмдцюевсзьмеязэзтыжцзеотлжеинеэнрычщывжккйэфяжзьянвшфтцежсрчнйвтыожаымэдфгеф  
поемзссяиачицнвдджкйсиахыычяктзфятыыякоыечзнзчхучычньбнзежкфэкксййццщккяжжагефпоеыссяж  
йзфтцежскыйзччщяикнкяжжаиачэкуфиахыпнхофяаяажеы

**Ключ:** [13, 151]

## Розшифрований текст:

многограннуюличностьдостоевскогоможнорассматриватьсчетырехсторонкакписателякакневротикакакмысл  
ителяэтикакакагрешникакакжеразобратьсявэтойневольносмущающейнасложностинаименееспоренонкакп  
исательместоеговодномрядудушекспиромбратьякарамазовывеличайшийроманизвсехкогдалибонаписанных  
алегендаовеликоминквизитореодноизвысочайшихдостижениймировойлитературыпереоценитькотороенев  
озможноксожалениюпередпроблемойписательскоготворчествапсихоанализдолженсложитьоружиедостоев  
скийскореевсегоуязвимкакморалистпредставляяегочеловекомвысоконравственнымнатомоснованиичтотол  
ькототдостигаетвысшегонравственногосовершенствактопрошелчерезглубочайшиебездныгреховностимыигн  
орируемоодносоображениеведьнравственнымявляетсячеловекреагирующийуженавнутреннеиспытываемое  
искушениеприэтомемунеподдаваяськтожепопеременнотогрешиттораскаиваясьставитсебевысокиенравстве  
нныецелитоголегкоупрекнутьвтомчтоонслишкомудобнодлясебястроитсвоюжизньоннеисполняетосновного  
принципанравственностинеобходимостиотречениявтовремякакнравственныйобразжизнивпрактическихинт  
ересахвсегочеловечестваэтимоннапоминаетварваровэпохипереселениянародовварваровубивавшихизатем  
каявшихсявэтомтакчтопокаяниенестановилосьтехническимпримеромрасчищавшимпутькновымубийствамтак  
жепоступаливангрозныйэтасделкасовестьюхарактернаярусскаячертадостаточнобесславениконечныйитоги  
равственнойборьбыдостоевскогопослеиступленнойборьбыоимяпримиренияпритязанийпервичныхпозыв  
овиндивидастребованиямичеловеческогообществаонвынужденнорегрессируеткподчинениюмирускомуидух  
овномуавторитетукпоклонениюцарюихристианскомубогукрусскомумелкодушномунационализмукемумен  
еезначительныеумыпришлисгораздоменьшимиусилиямичемонвэтомслабоместобольшойличностидостоев  
скийупустилвозможностьстатьучителемиосвободителемчеловечестваиприсоединилсякюремщикамкультур  
абудущегонемногомбудетемуобязанавэтомповсейвероятностипроявилсяегоневрозиззакоторогоонибылосу  
жденнатакуюнеудачупомощипостиженияисилелюбвиключдямемубылоткрытдругойапостольскийпутьслужен  
иянампредставляетсяотталкивающимрассматриваниедостоевскогокачествагрешникаилипреступниканоэто  
отталкиваниенедолжноосновыватьсянаобывательскойоценкепреступникавыявитьподлиннуюмотивациюпр  
еступлениянедолгодляпреступникасущественныдвечертыбезграничноесебялюбиеисильнаядеструктивнаяск  
лонностьобщимдляобоихчертипредпосылкойдляихпроявленийявляетсябезлюбовностьнехваткаэмоциональ  
нооценочногоотношениякчеловекутутсразуvspоминаешьпротивоположноеэтомуудостоевскогоегобольшую  
потребностьвлюбвиiegoогромнуюспособностьлюбитьпроявившуюсявегосверхдобротеипозволявшуюемулю  
битьипомогатьтамгдеонимелбыправоненавидетьимститьнапримерпоотношениюкегопервойженеиеелюбоб  
никунотогдавозникаетвопросоткудаприходитсблзньпричислениядостоевскогокпреступникамответизавыб  
ораегосюжетовэтопреимущественнонасилъникиубийцыэгоцентрическиехарактерычтосвидетельствуетосущ  
ествованиитакихсклонностейвеговнутреннеммиреатакжеиззанекоторыхфактовегожизнистрастиегоказартны  
миграмможетбытьсексуальногорастлениянезрелойдевочкиисповедьэтопротиворечиеразрешаетсяследующ  
имобразомсильнаядеструктивнаяустремленностьдостоевскогокотораямоглабысделатьегопреступникомбыл  
авегожизнинаправленаглавнымобразомнасамогосебявовнутрьвместотогочтобыизнутриитакимобразомвыр  
азиласьвмазохизмеичувствевинывсетакивеголичностинемалоисадистическихчертвыявляющихсявегораздра  
жительностимучительственетерпимостидажепоотношениюклюбимымлюдяматакжевегоманереобращения  
читателемитакмелочахонсадиствовневважномсадиствоотношениюксамомусебеследовательнонамазохистиз  
томягчайшийидобродушныйиисвегдаготовыйпомочьчеловекувсложнойличностидостоевскогомывыделилит  
рифактораодинколичественныйидвакачественныхегочрезвычайноповышеннуюаффективностьегоустремлен

ность к перверзии, которая должна была привести его к садомазохизму или сделать преступником и его не поддающ  
еся анализу творческое дарование и такое сочетание вполне могло бы существовать без невроза, ведь бывают жест  
ко процентные мазохисты без наличия невроза, в соотношении сил притязаний и первичных позывов и в противобор  
ствующих им торможений, присоединяя сюда возможность сублимирования, достоинство его все еще можно было б  
ы отнести к разряду импульсивных характеров, но положение вещей затемняется наличием невроза, не обязательно  
ого как бы, сказано о приданных обстоятельствах, но все же возникает вопрос, почему же не было более сложного  
и подлежащего ссоры, чуждого, человеческого преодоления, невроз тот, что только знак, что такой синтез не удался, что  
оно при этой попытке, что платилось своим единством, чем же в строгом смысле, проявляется невроз, достоинство, на  
зывал себя сам, друг и так же считали его, эпилептик, но в основном, что он был подвержен тяжелой припадкам  
м, сопровождавшимся потерей сознания, судорогами и последующим упадочным настроением, весь, вероятно  
что эта так называемая эпилепсия была лишь симптомом его невроза, который в таком случае следует определить, ка  
кистер, эпилепсия, то есть как тяжелую истерию, утверждать это с полной уверенностью, нельзя по двум причинам, в  
оперных, потому что даты и анамнезических припадков, так называемой эпилепсии, достоинство, недостаточны, и не  
адекватны, а в других, потому что понимание связанных с эпилептоидными припадками болезненных состояний, оста  
ется неясным.

**Висновок:** Під час виконання лабораторної роботи нами були набуті навички роботи з афінним шифром та його частотним аналізом. Також для цього були реалізовані додаткові математичні методи, наприклад розширений алгоритм Евкліда. Головним моментом у лабораторній роботі слугував метод розпізнавання мови завдяки ентропії та знаходження ключа використовуючи цю інформацію