

Вывод 1:

Суммарная загрузка  $N$ -канальной системы массового обслуживания определяет среднее число каналов, занятых обслуживанием заявок, т. е. она определяет среднее число заявок, обслуживаемых в каналах. Поэтому, можно сделать вывод, что вероятность пребывания  $n$  заявок в  $N$ -канальной системе приближается к своему максимуму, когда число заявок в системе примерно равно сумме среднего числа заявок, находящихся в очереди и среднего числа заявок, обслуживаемых в процессоре ( $n=1+R$ ).

При  $R < N/2$  средняя длина очереди близка к нулю, поскольку заявки почти сразу обрабатываются, исходя из этого делаем вывод, что очередь не образуется и величина  $l$  незначительна. Поэтому в  $n = 1 + R$  влияние  $l$  несущественно и этим значением можно пренебречь, следовательно,  $n \approx R$ . Можно предположить, что при  $R=1.2$  среднее количество заявок в очереди будет примерно равно нулю.

При  $R = N/2$ , величина  $l$  также незначительна, поэтому заявки в очереди надолго не задерживаются. Поэтому в  $n = 1 + R$  влияние  $l$  несущественно, следовательно,  $n \approx R$ . Можно предположить, что при  $R = 2.0$  среднее количество заявок в очереди будет примерно равно 1.

При  $R > N/2$  все процессоры в среднем загружены, то есть влияние  $l$  существенно и  $n = 1 + R$ , заявки надолго задерживаются в очереди и медленно выходят из неё. Можно предположить, что при  $R=3.2$  и  $R=2.8$  среднее количество заявок в очереди будет большим.  $n = 1 + R$

Стационарный режим существует, если  $\rho < 1$ . Следовательно, параметры системы должны отвечать соотношению  $(\lambda / N) * V < 1$ , то есть  $\lambda * \theta < N * B$ . Все рассмотренные системы в таблице 2 удовлетворяют данным условиям, а значит у них существует стационарный режим.

$$U = (1+R)/2$$

Так как, разница между  $U_1$  и  $U_2$  больше чем в 2 раза, то можно сделать вывод, что  $U$  сильно зависит от  $l$  (длина очереди), а длина очереди зависит от загрузки канала.

$$U_1: l=1,04; \rho=0,625$$

$$U_2: l=0,067; \rho=0,3125.$$

Вывод 2:

**1)  $B \uparrow$  При увеличении быстродействия канала, с неизменным количеством каналов:**

- увеличивается интенсивность обслуживания заявки каналом  $\mu$ , потому что увеличивается быстродействие канала  $B$ , согласно формуле  $\mu = B / \theta$ , где  $\theta$  – константа;
- Уменьшается средняя загрузка канала  $\rho$ , т.к. она обратно пропорциональна  $\mu$ ;
- Уменьшается суммарная загрузка системы  $R$ , т.к. уменьшается средняя загрузка канала, согласно формуле  $R = N \rho$ , где  $N$  – константа;

- Уменьшается средняя длина очереди  $\ell$ , т.к. интенсивность обслуживания заявки канала увеличивается, а среднее время обработки заявки уменьшается.  $\mu$  обратно пропорционально  $V$ ;
- Уменьшается среднее время ожидания заявки в очереди  $W$ , т.к. увеличивается интенсивность обслуживания заявки каналом и уменьшается средняя длина очереди.  $\mu$  обратно пропорционально  $U$
- Уменьшается среднее время обработки заявки  $V$ , т.к. увеличивается быстродействие канала, согласно формуле  $V = \theta/B$ , где  $\theta$  – константа;
- Уменьшается среднее время пребывания заявки в системе  $U$ , потому что увеличивается интенсивность обслуживания заявки каналом и, следовательно, уменьшается  $W$  и уменьшается  $V$ ;

**2)  $N \uparrow$  При увеличении количества каналов, с неизменным быстродействием:**

- Интенсивность обслуживания заявок  $\mu$  каналом остается неизменной, т.к. зависит от быстродействия процессора, согласно формуле  $\mu = B / \theta$ , где  $\theta$  – константа;
- Средняя загрузка канала  $\rho$  уменьшается, т.к. обратно пропорционально зависит от числа каналов  $N$ , согласно формуле  $\rho = \lambda / (N * \mu)$ , где  $\lambda$  и  $\mu$  – константы;
- Суммарная загрузка системы  $R$  не изменяется, т.к. зависит прямо пропорционально от интенсивности входного потока и обратно пропорционально от интенсивности обслуживания заявки каналом, согласно формуле  $R = \lambda / \mu$ , где  $\lambda$  и  $\mu$  – константы;
- Средняя длина очереди  $\ell$ , среднее время ожидания заявки в очереди  $W$  и среднее время пребывания заявки в системе  $U$  уменьшается, т.к. заявки обрабатываются несколькими каналами и быстрее поступают на обработку;
- Среднее время обработки заявки каналом  $V$  не изменяется, т.к. зависит от быстродействия канала, которое является постоянным.

**3) При быстродействии 240000 оп/с с 1 каналом и при быстродействии 80000 оп/с с 3 каналами вычислительные системы имеют следующие показатели:**

- Интенсивность обслуживания заявки каналом напрямую зависит от его быстродействия, следовательно, величина  $\mu$  для одноканальной системы будет в 3 раза выше;
- Средняя величина загрузки канала при постоянной интенсивности поступления заявок в систему остается неизменной, т. к. интенсивность входного потока заявок  $\lambda$  и средняя трудоемкость  $\theta$  остаются неизменными, а произведение количества каналов  $N$  на быстродействие  $B$  у обеих систем одинаково ( $\rho = (\lambda * \theta) / (N * B)$ );

- Так как суммарная нагрузка системы зависит от числа каналов и их загрузки, то суммарная нагрузка трехканальной системы будет в 3 раза выше ( $R = N * \rho$ );
- Средняя длина очереди заявок  $l$  и среднее время ожидания заявки в очереди  $W$  у трехканальной системы меньше, чем у одноканальной, т. к. наличие в системе 3 каналов позволяет сократить среднюю длину очереди заявок и, следовательно, среднее время ожидания заявки в очереди;
- Среднее время обслуживания заявки каналом  $V$  у одноканальной системы в 3 раза меньше, т. к. быстродействие процессора у нее в 3 раза выше;
- Среднее время заявки в системе  $U$  у одноканальной системы будет меньше, т. к. среднее время пребывания заявки в системе определяется суммой среднего времени ожидания заявки в очереди  $W$  и средней длительности обслуживания заявки каналом  $V$ , которая у сравниваемых систем отличается значительно (у одноканальной системы средняя длительность обслуживания заявки каналом в 3 раза меньше)

На основании рассмотренного выше сравнения одно- и трехканальной систем с быстродействием  $B_1 = 240000$  оп/с и  $B_2 = 80000$  оп/с соответственно можно сделать вывод, что одноканальная система с быстродействием  $B_1$  выигрывает по производительности у системы с тремя каналами с быстродействием  $B_2$ . Численный пример приведен в таблице 3. ( $U=W+V$ )

Таблица 3 – Численный пример при  $\lambda = 10 \text{ с}^{-1}$  и  $\theta = 5000$  операций

	1-канальная		3-канальная	
$\theta = 5000$ $\lambda = 10 \text{ с}^{-1}$	$V = 0,0208 \text{ с}$	$W = 0,005482$	$V = 0,0625 \text{ с}$	$W = 0,000723$
	$U = 0,026315333 \text{ с}$		$U = 0,063223 \text{ с}$	
	$B = 240000$		$B = 80000$	

Далее стоит рассмотреть, что будет если интенсивность потока увеличится, например в 100 раз. В этом случае время ожидания заявки в очереди у одноканальной системы станет значительно больше, тогда как время обработки заявки каналом не изменится, в результате чего среднее время пребывания заявки в системе сильно увеличится. Для того чтобы узнать, как повлияет на системы такое увеличение заявок, следует произвести расчет. Численный пример приведен ниже.

Таблица 4 – Численный пример при  $\lambda = 1000 \text{ с}^{-1}$  и  $\theta = 5000$  операций

	1-канальная		3-канальная	
$\theta = 5000$ $\lambda = 1000 \text{ с}^{-1}$	$V = 0,0208 \text{ с}$	$W = 0,548200$	$V = 0,0625 \text{ с}$	$W = 0,072300$
	$U = 0,569 \text{ с}$		$U = 0,1348 \text{ с}$	
	$B = 240000$		$B = 80000$	

В заключение можно сказать, что при одинаковом суммарном быстродействии при низкой интенсивности потока заявок будет выигрывать одноканальная система, а при высокой – трехканальная так как время ожидания заявки в очереди у одноканальной системы станет слишком большим при большом количестве заявок.