ПРОСТРАНСТВЕННО-ВРЕМЕННЫЕ ХАРАКТЕРИСТИКИ В ЗАДАЧЕ ДЕКОДИРОВАНИЯ ВРЕМЕННЫХ РЯДОВ.

Дорин Даниил dorin.dd@phystech.edu

Грабовой Андрей grabovoy.av@phystech.edu

15 декабря 2023 г.

Аннотация

Исследуется пространственно-временные характеристики в задаче декодирования временных рядов. В проблеме декодирования сигнала данные представляются как многомерные временные ряды с дискретным представлением времени. В работе приведен обзор методов классификации сигнала в задаче декодирования временных рядов. Предложен метод классификации временных рядов, основанный на Римановой геометрии. Для анализа предложенного метода проводится вычислительный эксперимент на выборке [5], полученной при исследования электрической активности мозга большого с помощью неинвазивной электроэнцефалографии.

Ключевые слова: ЭЭГ · временные ряды · Риманова геометрия

1 Введение

Основной целью анализа сигнала в данном исследовании является классификация электроэнцефалограммы (ЭЭГ)[2, 7] — раздел электрофизиологии, изучающий закономерности суммарной электрической активности мозга, отводимой с поверхности кожи волосистой части головы, а также метод записи таких потенциалов. Также ЭЭГ — неинвазивный метод, то есть не требует проникновения внутрь организма или повреждения кожи или других тканей. Вместо этого, данные собираются с помощью внешних средств. В последнее время активно ведутся научные исследования, посвященные методам регистрации активности мозга и декодированию информации [4, 6]. Основным направлением применения этих методов являются технологии нейрокомпьютерных интерфейсов.

Одним из успешных традиционных методов классификации наличия потенциала P300 на электроэнцефалограммы (ЭЭГ) является алгоритм **ERPCov TS LR**. Под потенциалом P300 понимается связанный с событием (event-related potential — ERP)

измеренный отклик мозга, который является прямым результатом определенного ощущения, когнитивного или моторного события. Алгоритм основан на применении Римановой геометрии[1]. Первым этапом данного алгоритма является формирование пространства центрированных признаков.

$$m{X}_i = \left[m{x}_1^i, \dots m{x}_T^i
ight] = \left[egin{matrix} x_{1,1}^i & x_{1,2}^i & \dots & x_{1,T}^i \ \dots & \dots & \dots & \dots \ x_{K,1}^i & x_{K,2}^i & \dots & x_{K,T}^i \end{bmatrix} = \left[egin{matrix} ts_1 \ \dots \ ts_K \end{matrix}
ight],$$

где ts_j — временной ряд с нулевым средним, полученный при измерении сигнала j-ым датчиком и последующего центрирования. Тогда ковариационная матрица для одного измерения Θ имеет вид:

$$\boldsymbol{R}_i = \frac{1}{T-1} \boldsymbol{X}_i \boldsymbol{X}_i^{\mathsf{T}}, \ \boldsymbol{R} \in \mathbb{R}^{K \times K}, \ i = \overline{1, N}$$

Для классификации потенциала P300 в алгоритме используется расширенная матрица ковариации:

$$oldsymbol{R}_i = rac{1}{T-1} oldsymbol{P}_i oldsymbol{P}_i^{\mathsf{T}}, \, oldsymbol{P}_i = egin{bmatrix} oldsymbol{ar{X}^0} \ oldsymbol{X}^1 \ oldsymbol{X}_i \end{bmatrix},$$

где $\overline{{m X}^c}$ и $\overline{{m X}^1}$ — средние по классам $\{0,1\}$ значения:

$$\overline{X}^{0} = \frac{\sum_{i=1}^{N} [y_i = c] X_i}{\sum_{i=1}^{N} [y_i = c]}, c \in \{0,1\}$$

Известно, что пространство, состоящее из матриц ковариации, представляет собой риманово многообразие[1]. В каждой точке данного риманова многообразия имеется касательная плоскость с определенным скалярным произведением на ней. Общая касательная плоскость, предназначенная для отображения всех матриц ковариации в выборке, формируется в точке среднего геометрического по римановой метрике известных ковариационных матриц. Среднее геометрическое симметричных положительно определенных матриц имеет вид:

$$oldsymbol{R} = \mathfrak{G}\left(oldsymbol{R}_1, \ldots, oldsymbol{R}_N
ight) = \operatorname*{argmin}_{oldsymbol{R}} \sum_{i=1}^N \delta_R^2(oldsymbol{R}, \, oldsymbol{R}_i),$$

где риманова метрика определяется следующим образом (геодезическое расстояние):

$$\delta_R(\mathbf{R}, \mathbf{R}_i) = \|\log(\mathbf{R}^{-1}\mathbf{R}_i)\|_F = \sqrt{\sum_{i=1}^{3N} \log^2 \lambda_i},$$

где λ_i — собственные значения матрицы $\mathbf{R}^{-1}\mathbf{R}_i$. В работе [1] получено, что для каждой ковариационной матрицы \mathbf{R}_i существует проекция $\mathbf{\pi}_i$ на касательное пространство. Таким образом, определено отображение:

$$ext{Exp}_R(oldsymbol{\pi}_i) = oldsymbol{R}_i = oldsymbol{R}^{rac{1}{2}} \exp\left(oldsymbol{R}^{-rac{1}{2}}oldsymbol{\pi}_ioldsymbol{R}^{-rac{1}{2}}
ight)oldsymbol{R}^{rac{1}{2}}$$

$$\log_R(oldsymbol{R}_i) = oldsymbol{\pi}_i = oldsymbol{R}^{rac{1}{2}} \log\left(oldsymbol{R}^{-rac{1}{2}} oldsymbol{R}_i oldsymbol{R}^{-rac{1}{2}}
ight) oldsymbol{R}^{rac{1}{2}}$$

На практике построение ковариационных матриц и получение их образов в касательном пространстве выполняется при помощи библиотеки **PyRiemann** [3].

После векторизации полученные данные используются как новое признаковое пространство и могут быть классифицированы при помощи алгоритма логистической регрессии.

2 Постановка задачи

Исследуется задача декодирования временного ряда. Пусть имеется некоторый процесс (активность головного мозга):

$$\mathcal{V}(\tau), \, \tau \in \mathbb{R}$$

Тогда данные выборки — это регистрируемый сигнал, то есть реализация процесса $\mathcal{V}(\tau)$:

$$oldsymbol{X} = \left[oldsymbol{x}_1, \dots oldsymbol{x}_T
ight], \, oldsymbol{x}_t \in \mathbb{R}^K$$

Здесь K — число каналов. T — число измерений сигнала с частотой μ за время τ :

$$T = \tau \mu$$

$$\boldsymbol{x}_{\tau\mu} \approx \mathcal{V}(\tau)$$

2.1 Задача классификации отрезков регистрируемого сигнала

В данной задаче имеется выборка регистрируемых отрезков сигнала, требуется классифицировать каждый наблюдаемый временной отрезок. Введем следующие обозначения: Пусть имеется N зарегистрированных реализаций некоторого процесса:

$$m{X} = \{m{X}_1, \dots, m{X}_N\},$$
 $m{X}_i = \left[m{x}_1^i, \dots, m{x}_T^i
ight], \; m{x}_t^i \in \mathbb{R}^K,$ $m{Y} = \left[y_1, \dots, y_N
ight]^{^{ extsf{T}}}, \; y_i \in \{1, \dots, C\}$

Здесь y_i — целевая метка класса i-го зарегистрированного сигнала. C — число классов в задаче классификации сигнала.

Имеется соответственно выборка $\mathcal{D} = \{y_i, \boldsymbol{X}_i\}, i = \overline{1,N}$ Требуется построить отображение f_{θ} , которое учитывало бы пространственно-временные характеристиик между временными рядами от датчиков:

$$f_{\theta}: \boldsymbol{X} \to \{1, \dots, C\}$$

Таблица 1: Описание выборки Обозначение τ

Название Значение 117 cПродолжительность обследования Частота измерения сигнала 128.03 c^{-1} μ Число каналов (датчиков) K14 Число измерений сигнала \overline{T} 14980

2.2 Задача классификации активности

В данной задаче предполагается получение классификации для каждого отсчета времени наблюдения. Пусть имеется некоторый процесс и зарегистрированная реализация данного процесса в виде дискретного числа измерений. Каждому измерению соответствует класс активности. Формально:

$$oldsymbol{X} = \{oldsymbol{x}_1, \dots, oldsymbol{x}_T\}, \,\, oldsymbol{x}_t \in \mathbb{R}^K,$$

$$Y = [y_1, \dots, y_T]^{\mathsf{T}}, y_t \in \{1, \dots, C\}$$

Здесь C — число классов в задаче классификации активности. Выборка $\mathcal{D} = \{y_t, \boldsymbol{x}_t\}_{t=1}^T$

Для набора данных, описанного выше, требуется построить отображение f_{θ} , которое учитывало бы пространственно-временные характеристиик между временными рядами сигнала:

$$f_{\theta}: \boldsymbol{X} \to \{1, \dots, C\}$$

3 Вычислительный эксперимент

Для анализа работоспособности предложенного метода, а также проверки гипотез проведен вычислительный эксперимент.

Для проведения экспериментов была использована выборка бинарной классификации состояния глаз испытуемого (открыты или закрыты), представленная в [5].

Набор данных получен в результате одного непрерывного измерения неинвазивного ЭЭГ с помощью нейроголовки Emotiv EEG с использованием 14 датчиков, на рис.1 задействованные датчики изображены красным цветом.

Продолжительность измерения в выборке составила 117 секунд. Состояние глаз было зафиксировано с помощью камеры во время измерения ЭЭГ и позже добавлено вручную в файл после анализа видеокадров. Метка «1» указывает на состояние с закрытыми глазами, а «0» — на состояние с открытыми глазами. Все значения приведены в хронологическом порядке с первым измеренным значением в верхней части данных. Основные характеристики выборки представлены в Таблице 1.

При анализе выборки обнаружено 4 выброса, которые были заменены средними по классам значениями, график временных рядов после обработки выбросов представлен на рис.2.

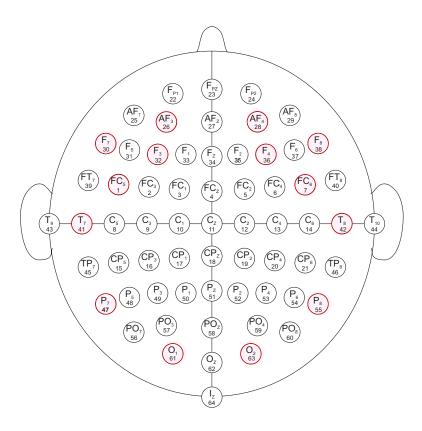


Рис. 1: Задействованные датчики ЭЭГ при измерении сигнала

4 Заключение

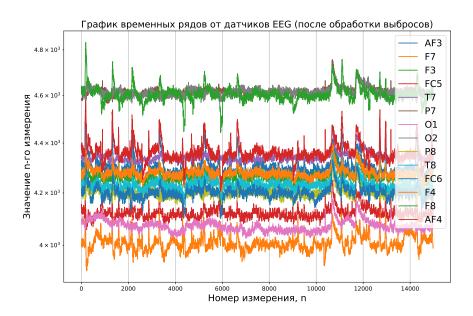


Рис. 2: График временных рядов

Список литературы

- [1] Alexandre Barachant, Stéphane Bonnet, Marco Congedo, and Christian Jutten. Riemannian geometry applied to bei classification. In *International conference on latent variable analysis and signal separation*, pages 629–636. Springer, 2010.
- [2] Sándor Beniczky and Donald L Schomer. Electroencephalography: basic biophysical and technological aspects important for clinical applications. *Epileptic Disorders*, 22(6):697–715, 2020.
- [3] Marco Congedo, Alexandre Barachant, and Anton Andreev. A new generation of brain-computer interface based on riemannian geometry. arXiv preprint arXiv:1310.8115, 2013.
- [4] Alexander Craik, Yongtian He, and Jose L Contreras-Vidal. Deep learning for electroencephalogram (eeg) classification tasks: a review. *Journal of neural engineering*, 16(3):031001, 2019.
- [5] Oliver Roesler. EEG Eye State. UCI Machine Learning Repository, 2013. DOI: https://doi.org/10.24432/C57G7J.
- [6] Siuly Siuly, Yan Li, and Yanchun Zhang. Eeg signal analysis and classification. *IEEE Trans Neural Syst Rehabilit Eng*, 11:141–144, 2016.
- [7] Michal Teplan et al. Fundamentals of eeg measurement. Measurement science review, 2(2):1–11, 2002.