## Programování 2

# 12. cvičení, 04-05-2023

tags: Programovani 2, čtvrtek 1 čtvrtek 2

### Farní oznamy

1. Tento text a kódy ke cvičení najdete v repozitáří cvičení na <a href="https://github.com/PKvasnick/Programovani-2">https://github.com/PKvasnick/Programovani-2</a>.

#### 2. Domácí úkoly

- Piškvorky lehké, ale dalo se vymyslet i těžké řešení a dokonce i nefungující řešení
- o Domino velice typická úloha na prohledávání do hloubky.
- Řez stromu těžší úloha, potřebovala promyslet postup.

#### 3. Zápočtový program:

Většina z vás má už domluvené téma zápočtového programu. Příklad, jak může váš zápočtový program vypadat. naleznete na <a href="https://github.com/kolik95/pexeso">https://github.com/kolik95/pexeso</a>

#### 4. Průběh semestru:

- Toto je předposlední praktické cvičení
- 18. 5. bude zápočtový test:
  - Přijdete na cvičení v obvyklém termínu 10:40, resp. 15:40
  - Dostanete jedinou programovací úlohu, kterou vyřešíte přímo na cvičení ve vymezeném čase 75 minut.
  - Řešení nahrajete do ReCodExu a tam najdete i hodnocení.
- Zápočet za teoretické a praktické cvičení dostanete ode mne. Podmínky:
  - schválení od cvičícího na teoretickém cvičení
  - domácí úkoly
  - zápočtový test
  - zápočtový program
- Opravné prostředky:
  - Umíme dát do pořádku mírná selhání v některých disciplínách domácí úkoly, zápočtový test a třeba i zápočtový program.

#### Dnešní program:

- Piškvorky
- Domácí úkoly
- Prohledávání stavového prostoru: 8 dam

## **Piškvorky**

Opakování a doplnění z minula



Na minulém cvičení jsme dospěli k následující implementaci (min-max strategie):

Data: seznam znaků x, o, . o délce 9 (nechceme 2D pole)

Hodnocení: Pokud se mřížce nachází trojice xxx, plus nekonečno. Pokud se v mřížce nachází trojice ooo, plus nekonečno. Jinak 0.

Detekce: Pro každý znak najdeme všechna místa, kde se nachází, a porovnáme se seznamem 8 možných trojic:

```
1
   INFINITY = 1
 2
   MINUS_INFINITY = - INFINITY
 3
 4 | empty_grid = ["."] * 9
 5
   triples = [{0, 1, 2}, {3, 4, 5}, {6, 7, 8}, {0, 3, 6}, {1, 4, 7}, {2, 5, 8},
    \{0, 4, 8\}, \{2, 4, 6\}]
 6
 7
 8
    def find_triple(grid, sign):
9
        positions = {i for i in range(9) if grid[i] == sign}
10
        result = [t for t in triples if t.issubset(positions)]
        return result
11
12
13
14
    def grade(grid) -> int:
        if find_triple(grid, "x"):
15
16
            return INFINITY
17
        elif find_triple(grid, "o"):
            return MINUS_INFINITY
18
19
        else:
20
            return 0
21
22
```

```
def get_sign(player: bool) -> str:
return "o" if player else "x"
25
```

Tisk mřížky:

```
1
   def print_grid(grid) -> None:
2
       print()
3
       for i in range(3):
            for j in range(3):
4
5
                print(grid[3*i + j], end = " ")
6
            print()
7
        print(grade(grid))
8
       print()
```

Strom:

```
class Node:
def __init__(self, grid):
self.grid = grid
self.df = self.grid.count(".")
self.player = (9 - self.df) % 2
self.score = grade(self.grid)
self.children = []
```

Stavíme strom:

Musíme dát pozor na kombinatoriku. Mnohé pozice můžeme dosáhnout několika způsoby, takže pro pozici, kterou jsme již viděli, použijeme existující uzel stromu:

```
1
    def build_tree(start_grid:list[int] = empty_grid) -> Node:
 2
        node_dict = {}
 3
        root = Node(start_grid)
 4
        queue = deque([root])
 5
        node_dict[tuple(start_grid)] = root
        n\_nodes = 1
 6
        while queue:
 7
 8
            node = queue.popleft()
            if node.score != 0:
 9
                 continue
10
            sign = get_sign(node.player)
11
            for pos in range(9):
12
13
                 if node.grid[pos] == ".":
14
                     new_grid = node.grid.copy()
                     new_grid[pos] = sign
15
16
                     if tuple(new_grid) in node_dict:
17
                         new_node = node_dict[tuple(new_grid)]
18
                     else:
                         new_node = Node(new_grid)
19
20
                         node_dict[tuple(new_grid)] = new_node
```

```
queue.append(new_node)
n_nodes += 1
node.children.append(new_node)
print(n_nodes)
return root
```

A konečně min-max:

```
1
    class Choice:
 2
        def __init__(self, choice, value):
            self.choice = choice
 3
            self.value = value
 4
 5
 6
 7
    def minmax(node):
 8
        if not node.children:
 9
            return Choice("end", node.score)
10
        choices = [minmax(c) for c in node.children]
11
12
        if node.player == 0:
13
            max_result = max(c.value for c in choices)
14
            max_choices = [i for i in range(len(node.children)) if choices[i].value
    == max_result]
15
            return Choice(max_choices, max_result)
16
        else:
            min_result = min(c.value for c in choices)
17
18
            min_choices = [i for i in range(len(node.children)) if choices[i].value
    == min_result]
19
            return Choice(min_choices, min_result)
20
21
22
    def play(start_grid = empty_grid):
23
        tree = build_tree(start_grid)
        current_node = tree
24
        while True:
25
26
            print_grid(current_node.grid)
            choice = minmax(current_node)
27
            if choice.choice == "end":
28
29
                print("Game finished")
30
                break
            select = random.choice(choice.choice)
31
32
            current_node = current_node.children[select]
33
```

Výsledný program:

```
from collections import deque
import random

INFINITY = 1
```

```
MINUS_INFINITY = - INFINITY
 6
    empty_grid = ["."] * 9
 7
    triples = [{0, 1, 2}, {3, 4, 5}, {6, 7, 8}, {0, 3, 6}, {1, 4, 7}, {2, 5, 8},
    {0, 4, 8}, {2, 4, 6}]
 9
10
11
    def find_triple(grid, sign):
12
        positions = {i for i in range(9) if grid[i] == sign}
13
        result = [t for t in triples if t.issubset(positions)]
14
        return result
15
16
17
    def grade(grid) -> int:
18
        if find_triple(grid, "x"):
19
            return INFINITY
20
        elif find_triple(grid, "o"):
21
            return MINUS_INFINITY
22
        else:
23
            return 0
24
25
26
    def get_sign(player: bool) -> str:
27
        return "o" if player else "x"
28
29
30
    def print_grid(grid) -> None:
31
        print()
32
        for i in range(3):
33
            for j in range(3):
34
                print(grid[3*i + j], end = "")
35
            print()
36
        print(grade(grid))
37
        print()
38
39
    class Node:
40
41
        def __init__(self, grid):
42
            self.grid = grid
            self.df = self.grid.count(".")
43
            self.player = (9 - self.df) % 2
44
45
            self.score = grade(self.grid)
46
            self.children = []
47
48
49
    def build_tree(start_grid:list[int] = empty_grid) -> Node:
50
        node_dict = {}
51
        root = Node(start_grid)
52
        queue = deque([root])
53
        node_dict[tuple(start_grid)] = root
54
        n\_nodes = 1
55
        while queue:
```

```
56
             node = queue.popleft()
 57
             if node.score != 0:
 58
                 continue
             sign = get_sign(node.player)
 59
 60
             for pos in range(9):
                 if node.grid[pos] == ".":
 61
                      new_grid = node.grid.copy()
 62
 63
                      new_grid[pos] = sign
 64
                      if tuple(new_grid) in node_dict:
 65
                          new_node = node_dict[tuple(new_grid)]
 66
                      else:
 67
                          new_node = Node(new_grid)
 68
                          node_dict[tuple(new_grid)] = new_node
 69
                          queue.append(new_node)
 70
                          n\_nodes += 1
                      node.children.append(new_node)
 71
 72
         print(n_nodes)
 73
         return root
 74
 75
 76
     class Choice:
 77
         def __init__(self, choice, value):
             self.choice = choice
 78
 79
             self.value = value
 80
 81
         def __str__(self):
             return f"Choosing {self.choice} to reach {self.value}"
 82
 83
 84
 85
     def minmax(node):
 86
         if not node.children:
 87
             return Choice("end", node.score)
 88
 89
         choices = [minmax(c) for c in node.children]
 90
         if node.player == 0:
             max_result = max(c.value for c in choices)
 91
 92
             max_choices = [i for i in range(len(node.children)) if
     choices[i].value == max_result]
 93
             return Choice(max_choices, max_result)
 94
         else:
 95
             min_result = min(c.value for c in choices)
 96
             min_choices = [i for i in range(len(node.children)) if
     choices[i].value == min_result]
 97
             return Choice(min_choices, min_result)
 98
 99
     def play(start_grid = empty_grid):
100
101
         tree = build_tree(start_grid)
102
         current_node = tree
103
         while True:
104
             print_grid(current_node.grid)
105
             choice = minmax(current_node)
```

```
if choice.choice == "end":
106
107
                 print("Game finished")
108
                 break
109
             select = random.choice(choice.choice)
110
             current_node = current_node.children[select]
111
112
    def main() -> None:
113
114
         start_grid = input().split()
         play(start_grid)
115
116
117
118
    if __name__ == "__main__":
119
         main()
120
```

Zjistili jsme, že se kód chová v některých situacích divně:

```
1 . * * 0 . . . . .
2
   200
 3
4
 5
   0..
 6
   . . .
7
   0
8
9
10 o * *
11
   0..
12
   . . .
13 0
14
15
16 o * *
17
   0 * .
18
19
   0
20
21
22 o * *
23
   0 * .
24
   0 . .
25
   -1
26
27
   Game finished
28
29
   Process finished with exit code 0
30
```

To je způsobeno tím, že pozice, ze které vycházíme, je pro hráče \* prohrávající a tedy všechno, co udělá, je stejně účinné. Abychom situaci trošku vylepšili, můžeme upřednostnit agresivní řešení - tedy cesty, které vedou k výhře rychleji:

```
1
    def minmax(node):
 2
        aggresivity = 0.8
 3
        if not node.children:
            return Choice("end", node.score)
 4
 5
 6
        choices = [minmax(c) for c in node.children]
 7
        if node.player == 0:
            max_result = max(c.value for c in choices)
 8
            max_choices = [i for i in range(len(node.children)) if choices[i].value
 9
    == max_result]
            return Choice(max_choices, aggresivity * max_result)
10
11
        else:
            min_result = min(c.value for c in choices)
12
13
            min_choices = [i for i in range(len(node.children)) if choices[i].value
    == min_result]
            return Choice(min_choices, aggresivity * min_result)
14
15
16
```

## Domácí úkoly

#### Domino

Toto je typická úloha na backtracking (vzpomeňte na Sudoku). Proto nebudu mluvit o řešení, ale o dvou technických detailech:

- "obojakosti" kostek domina: kostka AB je zároveň také kostkou BA.
- vícenásobných výskytech některých kostek

Tady to chce dobré designové rozhodnutí, jedna z možností je ukládat kostky domina do matice 7 x 7 (0-6 teček). Pokud se rozhodnete špatně, váš kód bude úpět.

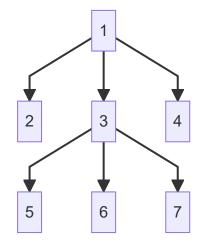
#### Piškvorková remíza

Základní postup:

- 1. Funkce pro kontrolu správnosti mřížky
- 2. Systém pro generování mřížek

Toto stačí a je to velmi obecný princip.

#### Řezání stromu



Řez = odstranění hrany

Váha řezu = max((váha levého podstromu), (váha pravého podstromu))

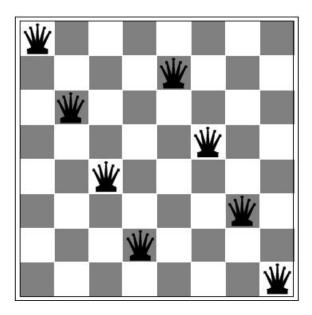
K této úloze jsou kromě toho vyloženě podlé testy.

**Řešení**: Fungují běžné postupy s rekurzivním i nerekurzivním prohledáváním, jenomže jsou  $O(n^2)$ . Řešení, které je O(n), se zakládá na "olupování listů".

```
1
    class Vertex:
 2
 3
        def __init__(self):
 4
            self.edges = set()
 5
            self.subtree_cost = 0
 6
 7
        def add_edge(self, end, cost):
            self.edges.add((end, cost))
 8
 9
        def remove_edge(self, end, cost):
10
11
            self.edges.remove((end, cost))
12
        def add_subtree_cost(self, cost):
13
14
            self.subtree_cost += cost
15
16
        def get_subtree_cost(self):
17
            return self.subtree_cost
18
19
20
    n = int(input())
    vertex_edges = [Vertex() for _ in range(n+1)]
21
22
23
24
    def main() -> None:
25
        global n
26
        global vertex_edges
27
        total\_cost = 0
28
        for i in range(n-1):
```

```
29
            start, end, cost = [int(c) for c in input().split()]
30
            vertex_edges[start].add_edge(end, cost)
            vertex_edges[end].add_edge(start, cost)
31
32
            total_cost += cost
33
        min_cost = 1.0e20
34
        leaves = [i for i in range(1, n+1) if len(vertex_edges[i].edges) == 1]
        while len(leaves) > 2:
35
            new_leaves = set()
36
37
            for leaf in leaves:
38
                 end, cost = vertex_edges[leaf].edges.pop()
39
                 leaf_cost = vertex_edges[leaf].get_subtree_cost()
                 cut_cost = max(total_cost - cost - leaf_cost, leaf_cost)
40
                 if cut_cost < min_cost:</pre>
41
42
                     min_cost = cut_cost
                 vertex_edges[end].add_subtree_cost(leaf_cost + cost)
43
                 vertex_edges[end].remove_edge(leaf, cost)
44
45
                 if len(vertex_edges[end].edges) == 1:
46
                     new_leaves.add(end)
            leaves = new_leaves
47
        if len(leaves) == 2:
48
49
            current = leaves.pop()
50
            last = leaves.pop()
            while current != last:
51
                 other, cost = vertex_edges[current].edges.pop()
52
                 leaf_cost = vertex_edges[current].get_subtree_cost()
53
                 cut_cost = max(total_cost - cost - leaf_cost, leaf_cost)
54
                 if cut_cost < min_cost:</pre>
55
                     min_cost = cut_cost
56
57
                 if total_cost - cost - leaf_cost < leaf_cost:</pre>
58
59
                 vertex_edges[other].add_subtree_cost(leaf_cost + cost)
                 vertex_edges[other].remove_edge(current, cost)
60
61
                 current = other
        print(min_cost)
62
63
64
    if __name__ == "__main__":
65
66
        main()
67
```

## Ještě rekurze: Problém osmi dam



#### Řešení:

V každém řádku, sloupci a na každé levo-pravé a pravo-levé diagonále máme maximálně jednu dámu.

- Implementujeme šachovnici jako *slovník* s klíčem (sloupec, radek) a seznamem dam, které mají dané pole pod kontrolou.
- Pozice dam si pamatujeme v seznamu.
- Toto není optimální řešení, o možných zlepšeních si povíme.

Kód v Ex12/eight\_queens.py

```
class Chessboard:
 1
 2
        def __init__(self):
            """Just create chessboard"""
 3
 4
            self.chessboard = dict([((i,j),set()) for i, j in product(range(SIZE),
    range(SIZE))])
 5
            self.queens = []
 6
 7
        def is_in_range(self, k, 1):
 8
            return (k,1) in self.chessboard.keys()
 9
        def is_available(self, i, j):
10
            """Is this field available for a queen?"""
11
            return len(self.chessboard[i,j]) == 0
12
13
```

Hodí se umět vytisknout šachovnici:

```
def print(self):
    chart = [["_" for _ in range(SIZE)] for _ in range(SIZE)]
    for pos, occ in self.chessboard.items():
        if len(occ) > 0:
        i, j = pos
```

```
6
                 chart[i][j] = "o"
7
          for i, j in self.queens:
             chart[i][j] = "0"
8
          for i in range(SIZE):
9
10
             print(*chart[i])
11
12
   0000000_
13
   0 0 0 0 0 0 0
14
   00000000
15
   0 0 0 0 0 0 0
16
   00000000
17 0000000
18 00000000
19
   0 0 0 0 0 0 0
```

Další věcí, kterou budeme potřebovat, je funkce, která položí dámu na dané pole a zapamatuje si dámou kontrolovaná pole tak, že dámu půjde lehce odstranit.

První věcí je seznam polí, která kontroluje daná dáma: Od polohy dámy bookujeme pole v osmi směrech.

```
def queen_fields(self, i, j):
 1
              """Return a list of fields controlled by a queen at (i, j)"""
 2
 3
              steps = [(s, t) \text{ for } s, t \text{ in product}([-1,0,1], \text{ repeat=2}) \text{ if not } s==t==0]
 4
              fields = set()
 5
              for s, t in steps:
                  k = i
 6
 7
                  1 = j
 8
                  while self.is_in_range(k, 1):
 9
                       fields.add((k, 1))
                       k = k + s
10
11
                       1 = 1 + t
              return fields
12
```

Umístění a zrušení dámy:

```
1
        def place_queen(self, i, j):
            """Place a new queen at i, j"""
 2
 3
            self.queens.append((i,j))
 4
            for k,l in self.queen_fields(i, j):
 5
                self.chessboard[k, 1].add((i,j))
 6
 7
        def remove_queen(self):
            """Remove most recently added queen"""
 8
            i, j = self.queens.pop()
 9
            for k, l in self.queen_fields(i, j):
10
11
                try:
12
                     self.chessboard[k, 1].remove((i,j))
13
                except KeyError:
14
                     print(f"Error removing ({i=}, {j=} from {self.chessboard[k,
    1]}")
```

Budeme postupně umísťovat dámy do sloupců šachovnice a hledat pozice, v nichž nebudou kolidovat. Prohledáváme do hloubky - když nic nenajdeme, vrátíme se o krok zpět.

```
1
    def place_queens(k = 0):
 2
        global Chessboard
 3
        if k == 8:
 4
            print("\nSolution:")
 5
            Chessboard.print()
 6
             return 8
 7
        for i in range(SIZE):
 8
            if not Chessboard.is_available(k, i):
 9
                 continue
            Chessboard.place_queen(k,i)
10
11
             place_queens(k+1)
            Chessboard.remove_queen()
12
13
        return k
14
```

Nakonec všechno sestavíme.

```
1 # Place SIZE queens on a chessboard such that
    # 1. No pair of queens attack each other
   # 2. Each field is under control of a queen
 3
 4
 5
    from itertools import product
 6
    SIZE = 8
 7
 8
 9
10
    @lambda cls: cls() # Create class instance immediately
    class Chessboard:
11
        def __init__(self):
12
13
            """Just create chessboard"""
14
            self.chessboard = dict([((i,j),set()) for i, j in product(range(SIZE),
    range(SIZE))])
15
            self.queens = []
16
        def is_in_range(self, k, 1):
17
            return (k,1) in self.chessboard.keys()
18
19
20
        def is_available(self, i, j):
             """Is this field available for a queen?"""
21
            return len(self.chessboard[i,j]) == 0
22
23
24
        def queen_fields(self, i, j):
            """Return a list of fields controlled by a queen at (i, j)"""
25
            steps = [(s, t) \text{ for } s, t \text{ in } product([-1,0,1], repeat=2) if not s==t==0]
26
            fields = set()
27
28
            for s, t in steps:
```

```
29
                 k = i
30
                 1 = j
                 while self.is_in_range(k, 1):
31
                     fields.add((k, 1))
32
                     k = k + s
33
34
                     1 = 1 + t
            return fields
35
36
37
        def place_queen(self, i, j):
            """Place a new queen at i, j"""
38
39
            self.queens.append((i,j))
            for k,l in self.queen_fields(i, j):
40
41
                 self.chessboard[k, 1].add((i,j))
42
43
        def remove_queen(self):
             """Remove most recently added queen"""
44
45
            i, j = self.queens.pop()
46
            for k, l in self.queen_fields(i, j):
47
                 try:
                     self.chessboard[k, 1].remove((i,j))
48
49
                 except KeyError:
50
                     print(f"Error removing ({i=}, {j=} from {self.chessboard[k,
    1]}")
51
52
        def print(self):
            chart = [["_" for _ in range(SIZE)] for _ in range(SIZE)]
53
             for pos, occ in self.chessboard.items():
54
                 if len(occ) > 0:
55
56
                     i, j = pos
57
                     chart[i][j] = "o"
58
            for i, j in self.queens:
59
                 chart[i][j] = "0"
60
            for i in range(SIZE):
                 print(*chart[i])
61
62
63
    def place_queens(k = 0):
64
65
        global Chessboard
        if k == 8:
66
            print("\nSolution:")
67
68
            Chessboard.print()
69
            return 8
        for i in range(SIZE):
70
71
            if not Chessboard.is_available(k, i):
                 continue
72
73
            Chessboard.place_queen(k,i)
74
            place_queens(k+1)
75
            Chessboard.remove_queen()
76
        return k
77
78
79
    def main():
```

```
80    place_queens(0)
81
82
83    if __name__ == '__main__':
        main()
```

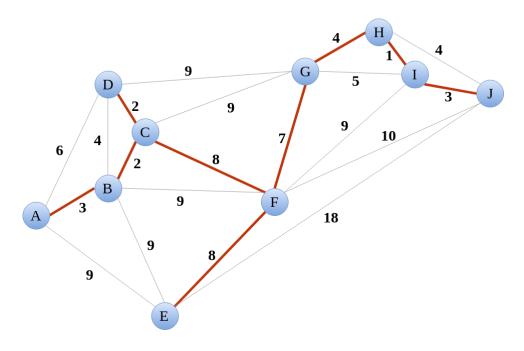
Řešení je hodně, takže se u nalezeného řešení nazastavujeme a pokračujeme dál.

### Vylepšení:

- Namísto obsazenosti polí šachovnice sledovat obsazení řádků, sloupů a diagonál.
  - Výhoda:
    - o 1D pole
    - o Unikátní obsazenost, takže stačí logická pole.
    - o Rychlejší nastavování a vyhledávání.

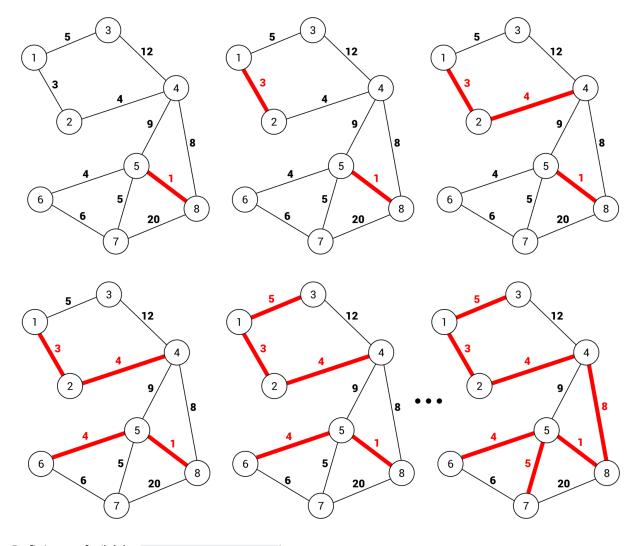
## **Grafové algoritmy 1:**

# Minimální kostra - Minimum spanning tree



### Kruskalův algoritmus:

- Každý vrchol začíná jako samostatná komponenta
- Komponenty vzájemně spojujeme nejlehčí hranou, ale tak, abychom nevytvářeli cykly.

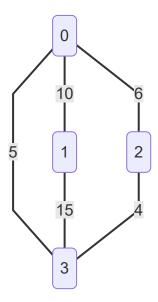


Definice grafu (kód v Ex12/kruskal\_mst.py)

```
1
    class Graph:
 2
 3
        def __init__(self, vertices):
 4
            self.n_vertices = vertices # No. of vertices
 5
            self.graph = [] # triples from, to, weight
 6
 7
        def add_edge(self, start, end, weight):
 8
            self.graph.append([start, end, weight])
9
10
    def main() -> None:
11
12
        g = Graph(4)
        g.add_edge(0, 1, 10)
13
        g.add_edge(0, 2, 6)
14
15
        g.add_edge(0, 3, 5)
        g.add_edge(1, 3, 15)
16
17
        g.add_edge(2, 3, 4)
18
19
        g.kruskal_mst()
20
21
```

```
22 | if __name__ == '__main__':
23 | main()
```

Výchozí graf:



```
# A utility function to find set of an element i

# (uses path compression technique)

def find(self, parent, i):

if parent[i] == i:

return i

return self.find(parent, parent[i])
```

Hledáme, ke které komponentě grafu patří vrchol i. Je-li samostatnou komponentou, vracíme samotný vrchol. Pokud ne, rekurzivně prohledáváme předky vrcholu.

```
1
    # A function that does union of two sets of x and y
 2
        # (uses union by rank)
 3
        def union(self, parent, rank, x, y):
 4
            xroot = self.find(parent, x)
 5
            yroot = self.find(parent, y)
 6
            # Attach smaller rank tree under root of
 7
 8
            # high rank tree (Union by Rank)
 9
            if rank[xroot] < rank[yroot]:</pre>
10
                 parent[xroot] = yroot
            elif rank[xroot] > rank[yroot]:
11
                 parent[yroot] = xroot
12
13
            # If ranks are same, then make one as root
14
15
            # and increment its rank by one
16
            else:
17
                 parent[yroot] = xroot
                 rank[xroot] += 1
18
19
```

Sjednocení komponent grafu: "Věšíme" menší na větší, rank je počet spojených prvků, není nutně rovný výšce stromu.

Výsledný algoritmus:

```
1
        def kruskal_mst(self):
 2
            result = [] # This will store the resultant MST
 3
 4
 5
            # An index variable, used for sorted edges
            i_sorted_edges = 0
 6
 7
            # An index variable, used for result[]
 8
 9
            i_result = 0
10
            # Step 1: Sort all the edges in
11
12
            # non-decreasing order of their
            # weight. If we are not allowed to change the
13
14
            # given graph, we can create a copy of graph
            self.graph = sorted(self.graph,
15
16
                                 key=lambda item: item[2])
17
            parent = []
18
19
            rank = []
20
            # Create V subsets with single elements
21
22
            for node in range(self.n_vertices):
                parent.append(node)
23
                rank.append(0)
24
25
            # Number of edges to be taken is equal to V-1
26
27
            while i_result < self.n_vertices - 1:</pre>
28
                # Step 2: Pick the smallest edge and increment
29
                # the index for next iteration
30
31
                u, v, w = self.graph[i_sorted_edges]
                i_sorted_edges = i_sorted_edges + 1
32
                x = self.find(parent, u)
33
34
                y = self.find(parent, v)
35
                # If including this edge doesn't
36
                # cause cycle, include it in result
37
38
                # and increment the indexof result
39
                # for next edge
                if x != y:
40
                    i_result = i_result + 1
41
42
                    result.append([u, v, w])
43
                    self.union(parent, rank, x, y)
44
                # Else discard the edge
45
            minimumCost = 0
46
47
            print("Edges in the constructed MST")
```

```
for u, v, weight in result:

minimumCost += weight

print("%d -- %d == %d" % (u, v, weight))

print("Minimum Spanning Tree", minimumCost)

for u, v, weight in result:

minimumCost += weight

print("Minimum Spanning Tree", minimumCost)
```

Výsledek pro náš graf:

```
1 Edges in the constructed MST
2 2 -- 3 == 4
3 0 -- 3 == 5
4 0 -- 1 == 10
5 Minimum Spanning Tree 19
```