Programování 2

8. cvičení, 6-4-2022

tags: Programovani 2, čtvrtek 1, čtvrtek 2

Farní oznamy

- 1. Tento text a kódy ke cvičení najdete v repozitáří cvičení na https://github.com/PKvasnick/Programovani-2.
- 2. **Domácí úkoly**: Tentokrát byly úlohy opravdu lehké a přišlo mnoho správných řešení.
- 3. **Zápočtový program**: Do konce dubna poprosím o návrhy na zápočtové programy. Už mám první dva a témata jsem schválil.

Dnešní program:

- Kvíz
- Rekurze
- Binární stromy: základy

Na zahřátí

"Experience is the name everyone gives to their mistakes." - Oscar Wilde

```
1 import this
2
 3
   The Zen of Python, by Tim Peters
4
5 | Beautiful is better than ugly.
6 Explicit is better than implicit.
   Simple is better than complex.
   Complex is better than complicated.
8
9 Flat is better than nested.
10 | Sparse is better than dense.
11 | Readability counts.
12 Special cases aren't special enough to break the rules.
   Although practicality beats purity.
   Errors should never pass silently.
   Unless explicitly silenced.
15
16 In the face of ambiguity, refuse the temptation to guess.
   There should be one-- and preferably only one --obvious way to do it.
17
18 Although that way may not be obvious at first unless you're Dutch.
```

```
Now is better than never.

Although never is often better than *right* now.

If the implementation is hard to explain, it's a bad idea.

If the implementation is easy to explain, it may be a good idea.

Namespaces are one honking great idea -- let's do more of those!
```

Navštivte https://testdriven.io/blog/clean-code-python/ pro množství rad o tom, jak psát v Pythonu dobrý kód.

Co dělá tento kód

```
1 | (lambda : 50)()
```

Mini-tutoriál: konstanty

Konstanty pot\rébujeme, když máme v kódu fixní číselné hodnoty nebo řetězce.

Je dobrou praxí definovat konstantní čísla, řetězce nebo jiné objekty na jediném místě,

- abychom je mohli v případě potřeby lehce změnit
- aby byl kód srozumitelnější.

V Pythonu máme některé konstanty v modulu math, například math.pi, math.e a pod. Pro metody strojového učení nebo fyzikální simulace často potřebujeme rozsáhlé seznamy konstant.

1. Tradiční způsob

Podle příručky Pythonského stylu *Python Style Guide* konstanty označujeme identifikátory z velkých písmen a umísťujeme je na začátek modulu:

- Velká písmena zabezpečují lehkou identifikaci objektu jako konstanty a tedy i jako určitou ochrana před náhodným přepsáním.
- Hodnotu konstanty je ale možné přepsat a toto riziko je větší díky tomu, že konstanty umísřujeme do globálního prostoru jmen. Například můžeme omylem předefinovat konstantu konstantou stejného jména, ale v jiných jednotkách, z jiného modulu.
- Umístění na začátku modulu sice umožňuje lehce identifikovat konstantní hodnoty v kódu, ale může se nám tam nahromadit spousta čisel různého významu. Někdy je lepší definovat konstanty tam, kde je používáme.

2. Třídy konstant

Pokud spravujeme různé soubory konstant, můžeme použít jiný přístup - definovat konstanty jako atributy tříd, které nelze měnit.

Metoda 1: Dataclass

Dataclass (modul dataclasses) představují efektivní způsob tvorby tříd, jejichž primárním účelem je uchovávat data. Pro účely této části si jenom řekneme, že dataclass můžeme vytvořit jako zmrzlý - frozen - tedy jako konstantní třídu, jejíž atributy nelze měnit.

```
1 # Const class:
   # Container for numbers protected against change
2
 3
   # Variant 1: frozen dataclass
4
 5
   from dataclasses import dataclass
6
7
8
   @dataclass(frozen=True)
9
   class ConstClass:
        PI: float = 3.1416
10
11
        E: float = 2.7183
12
13
14
    ConstClass.EULER_GAMMA = 0.57722 # Can add attributes to class
15
    ConstClass.E = 2.71828 # Can modify class attributes
16
17
    const = ConstClass() # Instances are frozen:
18
                         # no adding or modifying
19
   print(const.PI, const.E)
20
21
22
    const.PI = 42 # dataclasses.FrozenInstanceError:
23
                 # cannot assign to field 'PI'
24
25
   ____
26
   3.1416 2.71828
   Traceback (most recent call last):
27
28
    dataclasses.FrozenInstanceError: cannot assign to field 'PI'
29
30
```

- Konstanty jsou atributy třídy Const a není nutné, aby měly identifikátory z velkých písmen. To může být graficky méně rušivé.
- Analyzátor kódu i interpret brání změně atributů instancí zmrzlé třídy, i když samotnou třídu modifikovat lze.

```
Metoda 2 __setattr__
```

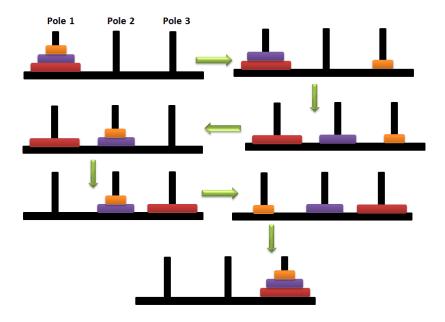
Můžeme také použít běžnou třídu, ale upravit metodu, kterou se do třídy přidávají atributy - tedy metodu __setattr__:

```
class Const:
 1
 2
        def __setattr__(self, name, value):
            if hasattr(self, name):
 3
 4
                raise TypeError('cannot mutate constant')
 5
            super().__setattr__(name, value)
 6
 7
    chem = Const()
                      # potřebujeme instanci
    chem.avogadro = 6.022e23
 8
 9
10
    physics = Const()
    physics.G = 6.673e-11
11
    physics.h = 6.626e-34
12
13
14
    chem.avogadro = 7 # TypeError: cannot mutate constant
15
16
    Traceback (most recent call last):
17
18
19
    TypeError: cannot mutate constant
```

Rekurze

O rekurzi jsem se dost bavili v minulém semestru, takže pojďme radši něco naprogramovat.

Hanojské věže



Máme 3 kolíčky a sadu kroužků různých velikostí.

Kroužky jsou na začátku na jediném količku uspořádané podle velikosti, největší vespod.

Úloha je přesunout kroužky na jiný kolíček tak, že v každém okamžiku budou kolečka na všech kolících uspořádaná podle velikosti - tedy nesmíme vétší kolečko uložit na menší.

Kde tady nalézt rekurzi? Použijeme princip podobný matematické indukci:

- Úlohu umíme vyřešit pro 1 kroužek.
- Pokud bychom znali řešení pro n-1 kroužků, uměli bychom úlohu vyřešit pro n kroužků? Uměli:
 - Přenést n-1 kroužků na vedlejší sloupek, můžeme si pomoct cílovým sloupkem.
 - o Přenést spodní kroužek na cílový sloupek
 - Přenést n-1 kroužků z vedlejšího sloupku na cílový sloupek, můžeme si pomoct výchozím sloupkem.

(Kód v code/Ex8/hanoi.py)

```
1
    def move(n: int, start: str, end: str, via: str) -> None:
 2
        if n == 1:
 3
            print(f"Moved {start} to {end}")
 4
        else:
 5
            move(n-1, start, via, end)
            move(1, start, end, via)
 6
 7
            move(n-1, via, end, start)
 8
        return
 9
10
11
   if __name__ == '__main__':
        move(5, "A", "B", "C")
12
```

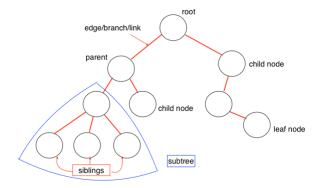
Všechny možné rozklady přirozeného čísla

```
1 -> (1)
2 -> (2), (1,1)
3 -> (3), (2, 1), (1, 1, 1)
4 -> (4), (3, 1), (2, 2), (2, 1, 1), (1, 1, 1, 1)
```

Podobný styl rekurze: indukce

- Máme řesení pro několik malých čísel 1, 2, ...
- Z řešení pro n umíme zkonstruovat rešení pro n+1.

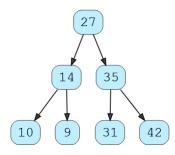
Stromy



Obecný strom: jeden kořen, mnoho větví, neomezené větvení.

Binární stromy

Každý uzel má nejvíc dvě větve:



Počítání uzlů:

- ullet Kořen je úroveň 0, pak na úrovni K máme maximálně 2^K uzlů
- ullet plný graf s hloubkou D bude mít 2^D-1 uzlů. Hloubka je počet úrovní grafu.
- ullet Graf s N vrcholy má nejméně $log_2(N+1)$ úrovní.
- Binární strom s L listy má nejméně $log_2(L)+1$ úrovní.

Pro binární stromy nám bude stačit implementovat uzel, nepotřebujeme samostatnou třídu binárního stromu.

```
class Node:
def __init__(self, data, left=None, right=None):
self.data = data
self.left = left
self.right = right
```

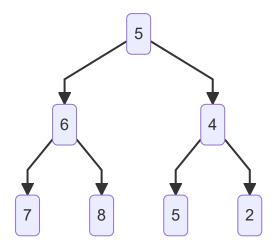
Je to dizajnová volba: u lineárních seznamů vlastnil objekt seznamu ukazatel na první uzel seznamu, ale slouží také jako kontejner na metody seznamu. Ty však můžeme implementovat také jako metody uzlu.

Takovýto objekt nám stačí na vytvoření stromu.

ak s takovýmto objektem vytvářet binární stromy a pracovat s nimi?

Vytváření stromů je lehké díky tomu, že v konstruktoru můžeme zadat dceřinné uzly:

```
1
         tree = Node(
 2
             5,
 3
             Node(
 4
                  6,
                  Node(7),
 5
                  Node(8)
 6
 7
             ),
 8
             Node(
9
                  4,
                  Node(5),
10
                  Node(2)
11
12
             )
13
         )
```

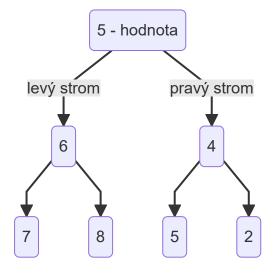


Takže umíme vytvořit strom, ale také potřebujeme vypsat hodnoty ze stromu nebo dokonce strom zobrazit.

Rekurze

Mnoho věcí umíme lehce definovat, pokud si uvědomíme rekurzivní podstatu binárního stromu:

U každého uzlu máme hodnotu, levý strom a pravý strom:



Takže například lehce vypíšeme hodnoty ze seznamu:

```
1
       def count(self):
2
           count = 1
                                            # kořen
           if self.left is not None:
3
               count += self.left.count() # levý strom
4
5
           if self.right is not None:
               count += self.right.count() # pravý strom
6
7
           return count
8
9
   7
```

Tady jsme jenom počítali hodnoty, takže výsledek nezávisel od toho, jak jsme stromem procházeli.

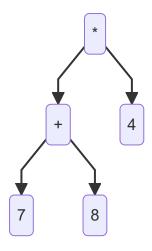
Stejně můžeme chtít vypsat hodnoty ve všech uzlech stromu. V takovém případě ale musíme definovat, jak budeme stromem procházet:

```
def to_list_preorder(self):
 1
 2
            flat_list = []
 3
            flat_list.append(self.value)
            if self.left is not None:
 4
 5
                flat_list.extend(self.left.to_list_preorder())
            if self.right is not None:
 6
 7
                flat_list.extend(self.right.to_list_preorder())
            return flat_list
 8
 9
        def to_list_inorder(self):
10
            flat_list = []
11
12
            if self.left is not None:
13
                flat_list.extend(self.left.to_list_inorder())
            flat_list.append(self.value)
14
15
            if self.right is not None:
16
                flat_list.extend(self.right.to_list_inorder())
            return flat_list
17
18
19
        def to_list_postorder(self):
20
            flat_list = []
21
            if self.left is not None:
22
                flat_list.extend(self.left.to_list_postorder())
23
            if self.right is not None:
                flat_list.extend(self.right.to_list_postorder())
24
            flat_list.append(self.value)
25
26
            return flat_list
27
28
    [5, 6, 7, 8, 4, 5, 2]
29
    [6, 7, 8, 5, 4, 5, 2]
30
   [6, 7, 8, 4, 5, 2, 5]
```

Použití	
---------	--

Pořadí	Použití
Pre-order	Výpis od kořene k listům, kopírování, výrazy s prefixovou notací
In-order	Ve vyhledávacích stromech dává inorder hodnoty v uzlech v neklesajícím pořadí.
Post-order	Vymazání stromu

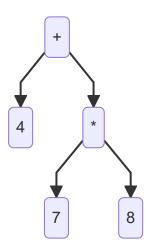
Aritmetické výrazy:



Výraz ve tvaru binárního stromu je jednoznačný a nepotřebuje závorky. Podle toho, jak výraz ze stromu přečteme, dostáváme různé typy notace:

- in-order --> infixová notace (běžná notace, potřebuje závorky) (7+8) x 4
- Pre-order --> prefixová notace (Polská logika, nepotřebuje závorky) * 4 +7 8
- Post-order --> postfixová notace (RPL, nepotřebuje závorky) 7 8 + 4 *

Pro binární operátory je binární graf jednoznačným zápisem výrazu a nepotřebuje závorky. Pro výraz 7 + 8 * 4 máme úplně jiný strom než pro (7 + 8) * 4:



Úkol Jak vypočíst hodnotu takovéhoto stromu?

Uměli bychom strom nějak zobrazit? Můžeme třeba zkusit posouvat jednotlivé úrovně stromu a použít in-order průchod stromem:

```
def to_string(self, level = 0):
 1
 2
            strings = []
            if self.left is not None:
 3
                strings.append(self.left.to_string(level + 1))
 4
            strings.append(' ' * 4 * level + '-> ' + str(self.value))
 5
 6
            if self.right is not None:
                strings.append(self.right.to_string(level + 1))
 7
            return "\n".join(strings)
 8
 9
10
        def __str__(self):
11
           return self.to_string()
12
13
            -> 7
14
        -> 6
15
            -> 8
16 -> 5
17
            -> 5
18
        -> 4
19
            -> 2
```

Výsledek sice neoslní, ale jakž-takž vyhoví.

to_string musí být oddělená od __str__, protože potřebujeme jinou signaturu.

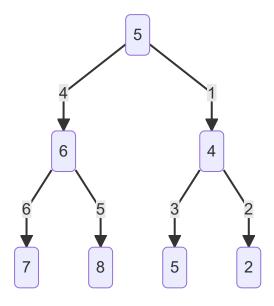
Nerekurzivní průchod stromem

Rekurze je sice elegantní způsob, jak implementovat metody procházení binárními stromy, ale víme, že bychom brzo narazili na meze hloubky rekurze. Proto je zajímavé zkusit implementovat nerekurzivní verze těchto metod.

- 1. Použít zásobník: FIFO pro prohledávání do hloubky (depth-first):
 - Jako zásobník by nám stačil obyčejný seznam (list), tady používáme collections.deque
 - o cestou tiskneme stav zásobníku, abychom viděli, co se děje

```
1
   from collections import deque
 2
    . . .
 3
 4
        def to_list_depth_first(self):
 5
            stack = deque()
            df_list = []
 6
 7
            stack.append(self)
            print(stack)
 8
            while len(stack)>0:
 9
10
                node = stack.pop()
11
                df_list.append(node.value)
                if node.left:
12
                     stack.append(node.left)
13
```

```
if node.right:
14
15
                     stack.append(node.right)
16
                 print(stack)
             return df_list
17
18
19
    deque([5])
    deque([6, 4])
20
21
    deque([6, 5, 2])
22
    deque([6, 5])
23
    deque([6])
24
    deque([7, 8])
25
    deque([7])
26
    deque([])
    [5, 4, 2, 5, 6, 8, 7]
27
```

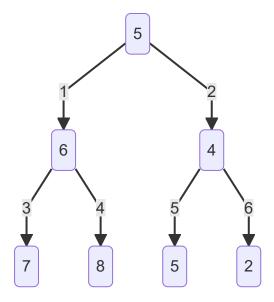


Pořadí dáme do pořádku přehozením levé a pravé větve.

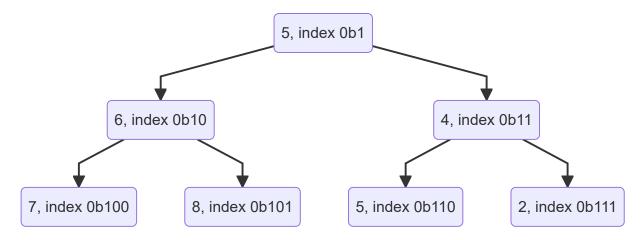
2. Použít frontu LIFO pro prohledávání do šířky (breadth-first)

```
1
        def to_list_breadth_first(self):
 2
            queue = deque()
 3
             bf_list = []
 4
             queue.append(self)
 5
             print(queue)
 6
            while len(queue)>0:
 7
                 node = queue.popleft()
 8
                 bf_list.append(node.value)
 9
                 if node.left:
                     queue.append(node.left)
10
11
                 if node.right:
12
                     queue.append(node.right)
                 print(queue)
13
             return bf_list
14
15
16
    deque([5])
```

```
17 deque([6, 4])
18 deque([4, 7, 8])
19 deque([7, 8, 5, 2])
20 deque([8, 5, 2])
21 deque([5, 2])
22 deque([2])
23 deque([])
24 [5, 6, 4, 7, 8, 5, 2]
```



Tato poslední metoda je zvlášť důležitá, protože umožňuje jednoduché mapování binárního stromu do pole (už jsme viděli u hromady, že je praktické nepoužít nultý prvek pole).



- Potomci uzlu na indexu k jsou 2k a 2k+1
- Předek uzlu na indexu k je k // 2
- Uzel k je levý potomek svého předka, pokud k % 2 == 0, jinak je to pravý potomek.

Úkol Zkuste popřemýšlet, jak byste ze seznamu hodnot, který poskytuje metoda to_list_breadth_first zrekonstruovali původní strom.

(Kód v code/Ex9/list_tree.py)

```
1
 2
    def tree_from_list(values: list[int]) -> Node:
 3
        values = [0] + values
        queue = deque()
 4
 5
        index = 1
 6
        tree = Node(values[index])
 7
        index += 1
 8
        queue.append(tree)
9
        while index < len(values):</pre>
            print(queue)
10
            node = queue.popleft()
11
12
             node.left = Node(values[index])
13
             print(index)
            index += 1
14
15
            queue.append(node.left)
            if index == len(values):
16
17
                 node.right = None
                 break
18
            node.right = Node(values[index])
19
             print(index)
20
21
             index += 1
             queue.append(node.right)
22
23
         return tree
24
25
26
    def main() -> None:
27
        tree = Node(
            5,
28
29
            Node(
30
                 6,
31
                 Node(7),
32
                 Node(8)
33
            ),
34
            Node(
35
                 4,
                 Node(5),
36
                 Node(2)
37
38
            )
39
        )
40
        print(tree.to_string())
41
42
        values = tree.to_list_breadth_first()
        tree2 = construct_from_list(values)
43
44
        print(tree2.to_string())
45
46
    if __name__ == '__main__':
47
48
        main()
```

Tato metoda funguje jenom pro úplné binární stromy, tedy v případě, že chybějí jenom několik listů na levé straně poslední vrstvy. Jinak bychom museli dodat do seznamu doplňující informaci - buď "uzávorkování" potomků každého uzlu, anebo u každého uzlu uvést počet potomků.

Úkol Napište metodu Node.copy(se1f), která vrátí kopii stávajícího stromu.

Úkol Napište metodu Node.delete(self), která vymaže strom s kořenem v Node.

Nerekurzivní inorder a postorder průchody binárním stromem

Metoda pro nerekurzivní průchod stromem s využitím zásobníku, kterou jsme ukazovali výše, je preorder metodou, protože vypisuje hodnotu uzlu před hodnotami uzlů v podstromech.

```
def to_list_depth_first(self):
 1
 2
            stack = deque()
 3
            df_list = []
 4
            stack.append(self)
 5
            print(stack)
 6
            while len(stack)>0:
 7
                 node = stack.pop()
 8
                 df_list.append(node.value)
 9
                if node.right:
10
                     stack.append(node.right)
                 if node.left:
11
12
                     stack.append(node.left)
13
                 print(stack)
14
            return df_list
15
```

Je logické se ptát, zdali můžeme implementovat i nerekurzivní inorder a postorder průchody.

Můžeme, i když implementace je mírně odlišná.

Nerekurzivní in-order průchod binárním stromem:

Uložíme do zásobníku nejdříve celý levý podstrom, pak hodnotu, a pak pravý podstrom.

```
1
        def to_list_df_inorder(self):
 2
            stack = deque()
 3
            df_list = []
            current = self
 4
 5
            while True:
 6
                if current is not None:
 7
                     stack.append(current)
                     current = current.left
 8
 9
                 elif stack:
10
                     current = stack.pop()
                     df_list.append(current.value)
11
12
                     current = current.right
13
                 else:
14
                     break
```

```
15 return df_list
16
```

Nerekurzivní post-order průchod binárním stromem

Toto je komplikovanější případ, potřebujeme dva zásobníky, přičemž do druhého si za pomoci prvního ukládáme uzly ve správném pořadí.

```
1
        def to_list_df_postorder(self):
 2
             s1 = deque()
 3
            s2 = deque()
 4
            df_1ist = []
 5
             s1.append(self)
 6
            while s1:
 7
                 node = s1.pop()
                 s2.append(node)
 8
                 if node.left:
 9
10
                     s1.append(node.left)
                 if node.right:
11
                     s1.append(node.right)
12
            while s2:
13
14
                 node = s2.pop()
                 df_list.append(node.value)
15
             return df_list
16
17
```

(V našem případě vypadá poslední cyklus poněkud směšně, protože výstupní seznam je prostě stack s2 v obráceném pořadí; z pedagogických důvodů je ale vhodnější odlišit výstupní seznam od s2.)