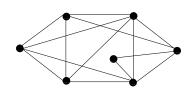
Algebra a diskrétna matematika Úlohy na precvičenie 5. týždeň

Úloha 1. Pre aké najväčšie n vieme K_n nakresliť na toruse bez priesečníkov?

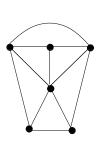
Úloha 2. Aký najväčší obvod môže mať nerovinný graf na 7 vrcholoch?

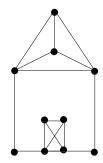
Úloha 3. Zistite, či sú dané grafy rovinné. Nájdite dve ich neizomorfné kostry. Určte chromatické číslo a chromatický index.



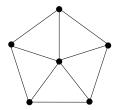


Úloha 4. K daným grafom určte chromatické číslo a chromatický index. Nájdite k nim dvojicu izomorfných a dvojicu neizomorfných kostier.

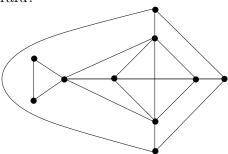




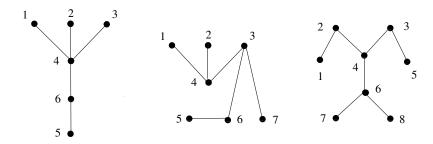
Úloha 5. Koľko kostier má kružnica C_{2020} a koľko ich má daný graf?



Úloha 6. Pre graf z obrázka určte priemer, obvod, chromatické číslo. Nájdite kostru, ktorá je húsenica. Jedná sa o rovinný graf? Aký najväčší úplný graf je podgrafom tohto grafu?



- **Úloha 7.** Nakreslite všetky stromy na množine $\{1, 2, 3, 4\}$ a všetky navzájom neizomorfné stromy na 6 vrcholoch.
- **Úloha 8.** Určte, koľko neizomorfných stromov so stupňami vrcholov 1 alebo 3 existuje na 10 vrcholoch.
- **Úloha 9.** Určte chromatické číslo a chromatický index pre K_n , $K_{m,n}$ a koktailový graf.
- **Úloha 10.** Pomocou Eulerovho vzorca ukážte, že každý graf s n vrcholmi $(n \ge 5)$ a s aspoň 3n 5 hranami je nerovinný.
- **Úloha 11.** Pomocou Eulerovho vzorca ukážte, že každý bipartitný graf s n vrcholmi $(n \ge 6)$ a s aspoň 2n 3 hranami je nerovinný.
- **Úloha 12.** Ukážte, že v každom rovinnom grafe existuje vrchol stupňa nanajvýš 5.
- Úloha 13. Nájdite Prüferov kód k nasledujúcim stromom.



Úloha 14. Z daných Prüferových kódov zrekonštruujte kostry.

- a) (3,3,3,3,3)
- b) (1, 2, 3, 4, 5, 6)
- c) (5, 1, 3, 4, 1, 1)
- d) (6,4,2,2,4,6)
- e) (2,7,2,5,2,3,2)
- f) (9,7,9,7,9,5,1)

Úloha 15. Nájdite graciózne ohodnotenia stromov z úlohy 13.

Úloha 16. Ukážte, že každá cesta má graciózne ohodnotenie.

Úloha 17.* Ukážte, že každá húsenica má graciózne ohodnotenie.