Funkcia $y = a\sin(bx + c) + d$, b > 0

Amplitúda: |a|

Posun v smere osi y: d, ak d > 0 smerom nahor, ak d < 0 smerom nadol

Perióda: $\frac{2\pi}{b}$

Posun v smere osi $x: -\frac{c}{b}$

Jedna perióda funkcie je: $-\frac{c}{b} \le x \le -\frac{c}{b} + \frac{2\pi}{b}$ (*)

Je to preto, lebo funkcia $\sin x$ je periodická s periódou 2π .

$$0 \le bx + c \le 2\pi \Rightarrow -c \le bx \le -c + 2\pi$$
, a teda $-\frac{c}{b} \le x \le -\frac{c}{b} + \frac{2\pi}{b}$, lebo $b > 0$.

Funkcia $y = a\cos(bx + c) + d, b > 0$

Amplitúda: |a|

Posun v smere osi y: d, ak d > 0 smerom nahor, ak d < 0 smerom nadol

Perióda: $\frac{2\pi}{b}$

Posun v smere osi $x: -\frac{c}{b}$

Jedna perióda funkcie je: $-\frac{\pi}{b} - \frac{c}{b} \le x \le -\frac{c}{b} + \frac{\pi}{b}$ (*)

Je to preto, lebo funkcia $\cos x$ je periodická s periódou 2π .

$$-\pi \le bx + c \le \pi \Rightarrow -\pi - c \le bx \le -c + \pi$$
, a teda $-\frac{\pi}{b} - \frac{c}{b} \le x \le -\frac{c}{b} + \frac{\pi}{b}$, lebo $b > 0$.

Funkcia $y = a \operatorname{tg}(bx + c) + d, b > 0$

Posun v smere osi y:d, ak d>0 smerom nahor, ak d<0 smerom nadol

Perióda: $\frac{\pi}{h}$

Posun v smere osi $x: -\frac{c}{b}$

Jedna perióda funkcie je: $-\frac{\pi}{2b} - \frac{c}{b} \le x \le -\frac{c}{b} + \frac{\pi}{2b}$ (*)

Je to preto, lebo funkcia tg x je periodická s periódou π .

$$-\frac{\pi}{2} \leq bx + c \leq \frac{\pi}{2} \Rightarrow -\frac{\pi}{2} - c \leq bx \leq -c + \frac{\pi}{2}, \text{ a teda} - \frac{c}{2b} - \frac{c}{b} \leq x \leq -\frac{c}{b} + \frac{\pi}{2b} \text{ , lebo } b > 0 \text{ .}$$

Funkcia y = acotg(bx + c) + d, b > 0

Posun v smere osi y:d, ak d>0 smerom nahor, ak d<0 smerom nadol

Perióda: $\frac{\pi}{h}$

Posun v smere osi $x: -\frac{c}{b}$

Jedna perióda funkcie je: $-\frac{c}{b} \le x \le -\frac{c}{b} + \frac{\pi}{b}$ (*)

Je to preto, lebo funkcia $\operatorname{tg} x$ je periodická s periódou π .

$$0 \leq bx + c \leq \pi \Rightarrow -c \leq bx \leq -c + \pi \text{, a teda} - \frac{c}{b} \leq x \leq -\frac{c}{b} + \frac{\pi}{b} \text{ , lebo } b > 0 \text{ .}$$

Poznámka. Pri náčrte grafu kreslíme vždy tú jednu periódu funkcie (*)