Povinná domáca úloha pre cvičenia v týždni od 27.4. do 3.5. 2020

Táto domáca úloha sa týka tém Goniometrické rovnice – nerovnice a Komplexné čísla. Prosím do 3.5 2020 23:50 odovzdajte riešenie príkladov 1 a), b), c) f); 2a) b); 3b); 4a) d); 5 b)do príslušného miesta odovzdania.

1. $V \mathbb{R}$ riešte goniometrické rovnice

a)
$$2\cos\left(x+\frac{\pi}{6}\right)=-1$$

b)
$$\sin\left(\frac{x}{3} - \frac{\pi}{2}\right) = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

c)
$$\cot(2x-1)=1$$

$$d) \quad \sqrt{2}\cos^2 3x - \cos 3x = 0$$

e)
$$(2\sin x - \cos x)(1 + \cos x) = \sin^2 x$$

f)
$$\sin\left(x + \frac{\pi}{3}\right) \ge \frac{1}{2}$$

g)
$$\cos \frac{x}{2} < \frac{\sqrt{2}}{2}$$

h)
$$\cot\left(3x-\frac{\pi}{4}\right) > -1$$

2. Vyjadrite dané komplexné číslo v goniometrickom tvare

a)
$$1 - \sqrt{3}i$$

b)
$$1 - \sqrt{3}$$

c)
$$\sin 2 - \pi$$

d)
$$\sin(2-\pi)$$

f)
$$8\sqrt{3}i - 8$$

3. Určte reálnu a imaginárnu časť komplexného čísla z, ak

a)
$$z = (\sqrt{3} + 1)^{33}$$

b)
$$z = (1-i)^{16} (i - \sqrt{3})^6$$

c)
$$z = \left(\frac{i-1}{1+\sqrt{3}i}\right)^{24}$$

d)
$$z = \left(\frac{1+i}{1-i}\right)^{19} . i^{33}$$

4. V algebraickom aj v goniometrickom tvare určte všetky hodnoty danej odmocniny a výpočty interpretujte v Gaussovej rovine

a)
$$\sqrt[4]{-1-\sqrt{3}i}$$

b)
$$\sqrt[4]{8\sqrt{3}i-8}$$

c)
$$\sqrt[3]{1+\sqrt{3}i}$$

d)
$$\sqrt[4]{i}$$

e)
$$\sqrt[4]{-1-i}$$

5. V množine komplexných čísel vyriešte rovnicu

a)
$$z^2 - 4z + 8 = 0$$

b)
$$z^2 - (2+3i)z - 1 + 3i = 0$$

c)
$$x^4 + 8x^2 + 16 = 0$$

d)
$$\left(\frac{z-1}{z+1}\right)^2 = 2i$$