

Задача 1. Длинная арифметика

Дедлайн: 23.03.2020 09:00 мск

В этой задаче разрешается подключать `<iostream>`, `<vector>` и `<string>` и только их.

Часть 1

Напишите класс `BigInteger` для работы с длинными целыми числами. Должны поддерживаться операции:

- сложение, вычитание, умножение, деление, остаток по модулю, работающие так же, как и для `int`; составное присваивание с этими операциями. Умножение должно работать **за $O(n^2)$** .
- унарный минус, префиксный и постфиксный инкремент и декремент. Префиксный инкремент и декремент должны работать за $O(1)$ в среднем.
- операторы сравнения `==` `!=` `<` `>` `<=` `>=`.
- вывод в поток и ввод из потока;
- метод `toString()`, возвращающий строковое представление числа;
- конструирование из `int` (в том числе неявное преобразование, когда это надо);
- преобразование в `bool`, когда это надо (должно работать в условных выражениях).
- опционально - литеральный суффикс `bi` для написания литералов типа `BigInteger`, см. справку здесь

https://en.cppreference.com/w/cpp/language/user_literal

В вашем файле должна отсутствовать функция `main()`, а сам файл должен называться `biginteger.cpp`. Ваш код будет вставлен посредством `#include` в программу, содержащую тесты.

Часть 2

Используя класс `BigInteger`, напишите класс `Rational` для работы с рациональными числами сколь угодно высокой точности. Числа `Rational` должны представляться в виде несократимых обыкновенных дробей, где числитель и знаменатель – сколь угодно длинные целые числа. Должны поддерживаться операции:

- конструктор из `BigInteger`, из `int`;
- сложение, вычитание, умножение, деление, составное присваивание с этими операциями; унарный минус;
- операторы сравнения `==` `!=` `<` `>` `<=` `>=`
- метод `toString()`, возвращающий строковое представление числа (вида [минус]числитель/знаменатель), где числитель и знаменатель - взаимно простые числа; если число на самом деле целое, то знаменатель выводить не надо;
- метод `asDecimal(size_t precision=0)`, возвращающий строковое представление числа в виде десятичной дроби с `precision` знаками после запятой;
- оператор приведения к `double`.

В вашем файле должна отсутствовать функция `main()`, а сам файл должен называться `rational.cpp`. Ваш код будет вставлен посредством `#include` в программу, содержащую тесты.

Задачи 2, 3, 4 будут еще добавлены