Cálculo 2

Lista de Fixação - Semana 01 - Módulo 01

Temas abordados: EDO's separáveis e Revisão de Cálculo 1

1) Encontre o limite.

(a)
$$\lim_{x\to 0} \frac{e^x - 1}{x^3}$$

(b)
$$\lim_{x\to 0} \frac{1-\cos(x)}{x^2}$$

(c)
$$\lim_{x\to 0^-} \frac{\operatorname{tg}(x)}{x^2}$$

(d)
$$\lim_{x\to\infty} \sqrt[x]{\frac{2x}{x+1}}$$

2) Determine a integração.

(a)
$$\int \frac{f'(x)}{f(x)} dx$$

(b)
$$\int -(3x^2+6)\sin(x^3+6x) dx$$

$$(c) \int \frac{6x^2}{4+x^3} \, dx$$

(d)
$$\int e^{e^x} e^x dx$$

(e)
$$\int x\sqrt{x-1}\,dx$$

3) Utilizando o método de seperação de variáveis, resolva a equação diferencial prospota.

(a)
$$y'(t) - by(t) = 0$$

(b)
$$y'(t) = \frac{t^2}{y(t)}$$

(c)
$$y'(t) + \operatorname{sen}(t)y(t) = 0$$

(d)
$$y'(t) - t^2y(t) = 0$$

(e)
$$y'(t) - t^2y(t)^2 = 0$$

RESPOSTAS

- 1) (a) ∞
 - (b) $\frac{1}{2}$
 - (c) $-\infty$
 - (d) 1
- 2) (a) ln|f(x)| + C
 - (b) $\cos(x^3 + 6x) + C$
 - (c) $2ln|4+x^3|+C$
 - (d) $e^{e^x} + C$
 - (e) $\frac{2(x-1)^{\frac{5}{2}}}{5} + \frac{2(x-1)^{\frac{3}{2}}}{3} + C$
- 3) (a) $y(t) = \{Ae^{bt}(A \neq 0), 0\} = Ce^{bt}$
 - (b) $y(t) = \pm \sqrt{\frac{2t^3 + C}{3}}$
 - (c) $y(t) = \{Ae^{\cos(t)}(A \neq 0), 0\} = Ce^{\cos(t)}$
 - (d) $y(t) = \left\{ Ae^{\frac{t^3}{3}} (A \neq 0), 0 \right\} = C^{\frac{t^3}{3}}$
 - (e) $y(t) = \left\{ -\frac{3}{t^3 + C}, 0 \right\}$