

Gestão de Tecnologia da Informação

Algoritmos

Prof Carlos Eduardo Câmara (dinho)
Aula 08

exercícios:

Determine os resultados obtidos: a = 2; b = 7 e c = 3,5, L é falso

- a) b > a **ou** b = pot(a, a)
- b) L **ou** pot(b, a) \leq c*10 + a * b
- c) $pot(2,4) \Leftrightarrow 4+2$ ou $2+3*5/3 \mod 5 < 0$
- d) leia os dados de entrada: x, y, casa, endereço

nome, rua, número, apto,

e) imprima os dados: "meu nome é:", nome, "meu sobrenome é: " snome

3

GIT - Algoritmos

estruturas de controle – sequencial:

estrutura sequencial

em um algoritmo corresponde a executar o conjunto de ações segundo uma sequência linear de cima para baixo e, da esquerda para adireita

ações são seguidas por ponto e vírgula, conforme visto anteriormente

isso ajuda a separar estas ações uma das outras e a organizar a sequência de execução: modelo geral:

```
      1 - inicio. // inicio do bloco ou algoritmo
      8 - ação 3

      2 -
      9 - ...

      3 - // declaração de variaveis
      10 - ação n

      4 -
      11 - ...
```

5- corpo do algoritmo 12- fim // fim do bloco ou do algoritmo

6 – ação 1 7 – ação 2

estruturas de controle :

exemplo:

construa um algoritmo que calcule a média aritmética entre quatro notas quaisquer, fornecidas por um aluno (usuario).

dados de entrada: quatro notas -

dados de saída: média aritmética das notas

qual o modelo para obter a média das quatro notas?

média aritmética

como se calcula a média aritmética?

(....)/4

lembrar que nota é um número!

5

GIT - Algoritmos

estruturas de controle :

- 1. inicio // começo do algoritmo
- 2. // declaração das variáveis
- 3. real: n1, n2, n3, n4, mf; // notas bimestrais e média final
- l. // entrada de dados
- 5. leia(n1, n2, n3, n4);
- 6. $mf \leftarrow (n1 + n2 + n3 + n4)/4$;
- 7. // saída de dados
- 8. escreva(mf);
- 9. // melhorando
- 10. escreva("nota final: ", ma);
- 11. fim // término do algoritmo

estruturas de controle:

construa um algoritmo que calcule a quantidade necessária de latas de tinta e o custo o custo para pintar tanques cilíndricos de combustível, em que são fornecidos a altura e oraio deste cilindro:

sabendo que:

lata de tinta custa R\$ 50,00

cada lara contém 5 litros

cada litro pinta 3 metros quadrados

dados:

entrada: altura e raio

saída: custo (c), quantidade (qtde)

como resolver? Pode-se partir dos dados de saída! – pensar em como obtê-lo a partir dos dados de entrada!

Cilua

7

GIT - Algoritmos

estruturas de controle:

planejamento reverso

custo: quantidade de latas de tinta * custo

quantidade de latas de tintas: total de litros / 5

quantidade de latas de tinta: área do cilindro / 3

área do cilindro: area da base + área lateral

área da base: (pi * pot(R, 2)

área lateral: aitura * comprimento: (2*pi*R*H)

dados raio e altura

pi é constante: pi = 3.1415

construir o algoritmo

estruturas de controle:

- 1 inicio
- 2 declara variáveis
- 3 entrada de dados
- 4 calculo da área
- $5-calculo \ dos \ litros$
- 6 calculo da quantidade de latas
- 7-custo
- 8 saída de dados
- 9 fim

9

GIT - Algoritmos

estruturas de controle:

*

Gestão de Tecnologia da Informação

Algoritmos

Prof Carlos Eduardo Câmara (dinho) Aula 09



11

GIT - Algoritmos

estruturas de controle:

exercício para recordar:

construa um algoritmo que calcule a distância entre dois pontos, dado que a entrada é $P(x_1, y_1)$ e $Q(x_2, y_2)$ e imprima a distância entre eles!

 $d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} \leftarrow \text{distância entre dois pontos no plano}$

estrutras de controle - seleção :

permite escolha de um grupo de ações (bloco) a ser executado quando determinada condição ou condições, representadas por expressões lógicas ou relacionais são satisfeitas, ou não!

```
seleção simples:

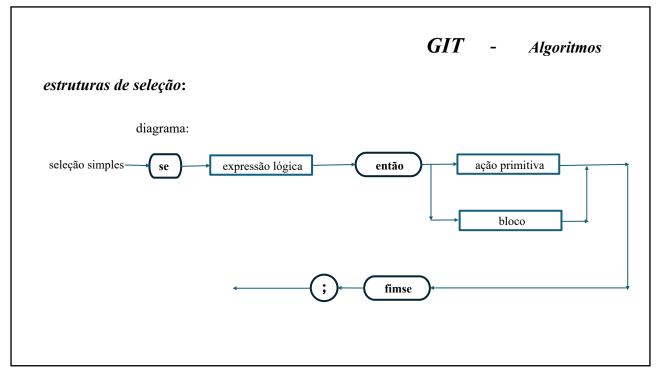
se <condição>

então

<comando>; // comando único

fimse;
```

13



estruturas de controle - selecão:

```
com vários comandos:

se <condição>

então

inicio  // inicio do bloco verdade

<comando1>; // comando único

<comando2>; // comando único

...

<comandon> // comando único

fim  // fim do bloco verdade

fimse;
```

15

GIT - Algoritmos

estruturas de controle - seleção:

exemplo: no algoritmo que calcula média, adicionar: se a média for maior ou igual a 7, aluno está aprovado!

exemplo: média aritmética com aprovação

```
1. inicio
    real: n1, n2, n3, n4, mf;
                                     // notas bimestrais, nota final
    leia(N1, n2, n3, n4);
                                      // entrada de dados
    mf \leftarrow (n1 + n2 + n3 + n4) / 4; // processamento
4.
5.
    escreva("media final: ", mf); // saída de dados
    se \text{ (mf } \ge 7)
7.
         então
8.
            escreva("Aluno Aprovado");
    fimse;
10. fim
```

17

GIT - Algoritmos

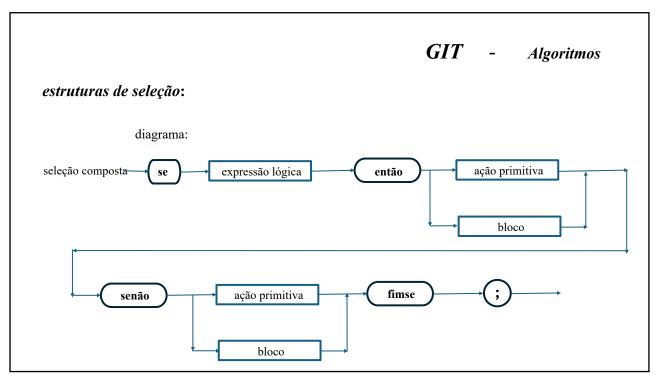
estruturas de seleção:

```
seleção composta:
```

permite uma situação onde duas alternativas dependem de uma mesma condição, ser verdadeira e ser falsa ou vice-versa

```
se <condicão>
então
inicio

<comando1> // sequência comando
<comando2> // sequência comando
...
<comandon> // sequência comando
fim
senão
<comando> // sequência comando
fimse
```



GIT - Algoritmos estruturas de seleção:

exercício:

construa um algoritmo que calcule as raízes de uma equação do segundo grau do tipo: $ax^2 + bx + c = 0$, onde os valores a, b e c são dados fornecidos pelo usuário e as raízes são apresentadas como resposta!

exercício: início real: a, b, c, delta, // coeficientes da equação e delta x1, x2; // raízes da equação leia(a, b, c) // coeficientes da equação delta = pot(b, 2) - 4*a*c; se (d > 0) então inicio x1 \leftarrow (-b + rad(d)) /2*a; x2 \leftarrow (-b - rad(d)) /2*a; escreva ("raíz x1 = ", x1, " e raíz x2 = ", x2); fim;

estruturas de controle - seleção :

```
senão se \ (d=0\ ) então inicio escreva( "Delta = 0, a equação possui uma única raíz! ", /n); x1 = (-b)/2*a; escreva("raíz x1 = ", x1); fim; senão escreva(" não possui raízes reais!"); fimse; fimse; fimse;
```

21

GIT - Algoritmos

estruturas de seleção:

seleção composta: no caso de existir um conjunto de ações que deveria ser executado quando o resultado da condição for falso, cria-se onbloco falsidade

```
se <condicão>
então
inicio

<comando1>; // sequência comando
<comando2>; // sequência comando ...
<comandon>; // sequência comando
fim;
senão
inicio
<comando1>; // sequência comando ...
<comandon>; // sequência comando n
fim;
fimse;
```

exemplo:

escrever o algoritmo de média aritmética com aprovação e reprovação

23

GIT - Algoritmos

exemplo: média aritmética com aprovação

```
1. inicio
```

```
    real: n1, n2, n3, n4, mf; // notas bimestrais, nota final
    leia(N1, n2, n3, n4); // entrada de dados
    mf ← (n1 + n2 + n3 + n4) / 4; // processamento
    escreva("media final: ", mf); // saída de dados
    se (mf >= 7)
```

7. então

8. escreva("Aluno Aprovado");

9. senão

10. escrea("Aluno Reprovado ");

9. *fimse*;

10. **fim**

```
GIT - Algoritmos
estrutura de controle – seleção encadeada:
        se <condicao1>
                                                                   inicio
            então
                                                                      c1
              se <condicao2>
                                                                       . . . . . .
                  então
                                                                      cn
                     inicio
                                                                    fim
                                                                 senão
                         c1;
                                                                   cf
                                                                                   // comando falsidade
                         .....
                                                              fimse;
                         cn;
                     fim
                                                         fimse;
              fimse
            senão
                                                               .....
              se <condicao3>
                 então
```

GIT - Algoritmos

exemplo:

escrever o algoritmo de média aritmética com aprovação (> = 7,0), reprovação (< = 5,0) e recuperação quando a nota estiver entre 5,0 e 7,0

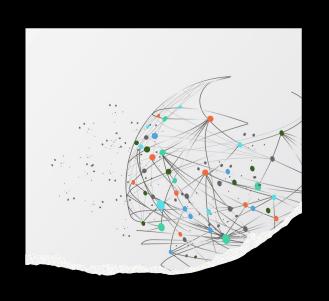
Gestão de Tecnologia da Informação

Algoritmos

Prof Carlos Eduardo Câmara (dinho)

Aula 10

exercícios



27

GIT - Algoritmos

exercício 1:

dados três valores A, B, C, verifique se eles podem ser os comprimentos dos lados de um triângulo. Se forem, verifique se compõem um triângulo equilátero, uisóceles, ou escaleno. Informe se não compuserem triângulo nenhum.

dados de entrada A, B, C - três supostos lados de um triângulo (A, B, C)

dados de saída: mensagens: não compõem triângulo, triângulo equilátero, triângulo isóceles e triângulo escaleno

triângulo – figura geométrica fechada de três lados, em que cada um é menor que a soma dos outros

triângulo equilátero - triângulo com os três lados iguais

triângulo isóceles - um triângulo com dois lados iguais

triângulo escaleno - triângulo com todos os lados diferentes

exemplo:

é triângulo se: (A < B +C) e (B < A + C) e (C < A + B)

é equilátero se: (A = B) e (B = C)

 \acute{e} isoceles se: (A =B) ou (B = C) ou (A = C)

é escaleno se: (A \triangleleft B) e (B \triangleleft C) e (A \triangleleft C)

construir o algoritmo

29

GIT - Algoritmos

exemplo - continua:

é triangulo	é equilatero	é isóceles	é escaleno	ações
V	V	F	F	"equilátero"
V	F	V	-	"isóceles"
V	F	F	V	"escaleno"
F	-	-	-	"não é triângulo

e:

31

GIT - Algoritmos

exercício 2:

Entre com dia e mês e devolva o signo do zodiaco para a referida data! pesquise as datas de cada signo!

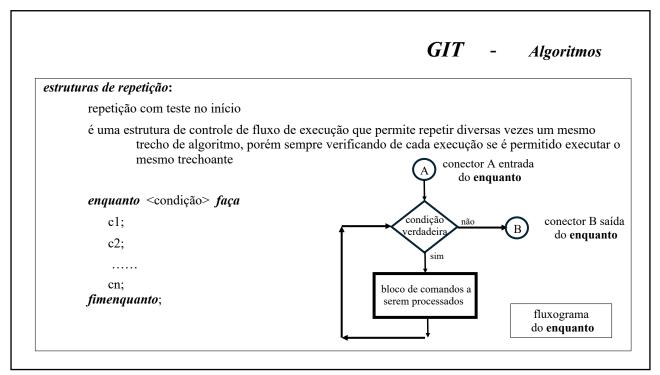
exercício 3:

Dada a idade de uma pessoa, entrada pelo usuário, elaborar um algoritmo que a classifique como: sendo menor que 16 anos não vota, (não votante), entre 18 e 65 voto obrigatório e maior de 65, voto facultativo.

e:

33





```
GIT -
                                                                                                 Algoritmos
exercício:
        inserir o cálculo da média dos alunos em um laço de repetição, usando a estrutura do enquanto (while)
        inicio
             real: n1, n2, n3, n4, mf;
                                     // contador ou inteiro: con \leftarrow 0
             inteiro: con;
             con = 0;
             enquanto (con < 50) faça
                                               // teste de condição de parada
               leia(n1, n2, n3, n4);
               mf \leftarrow (n1 + n2 + n3 + n4) / 4;
               escreva("média final = ", mf);
              .... // programa continua com as comparações
               con = con + 1;
             fimenquanto;
        fim
```

```
FatecCampinas_2024 > aula04 > baskara_algor.por > ♥ baskara_alg_aula.por

inicio

real: ii, b, c, delta, x1, x2;

escreva("entre com os coeficientes: ii, b, c; ");
escreva("entre com o coeficiente ii = ");
leia(ii);
escreva("entre com o coeficiente b = ");
leia(iii);
escreva("entre com o coeficiente c = ");
leia(iii);
escreva("entre com o coeficiente c = ");
leia(iii);
escreva("entre com o coeficiente c = ");
leia(iii);
delta = (port(b, 2)) - 4 + iii + c
escreva("delta = ", delta)
se (delta > 0)

{
x1 = (-b + rad(delta)) / 2 + ii
escreva("iiii equação possui duas raízes, x1 = ", x1, "e x2 = ", x2)
}
senao
{
x1 = (-b) / 2 + ii
escreva("iii equação possui uma única raíz real x = ", x1)
}
senao
{
x1 = (-b) / 2 + ii
escreva("iii equação possui raízes reais")
}
}
fin
```

GIT - Algoritmos

exercício:

construa um algoritmo que calcule as raízes de uma equação do segundo grau do tipo:

 $ax^2 + bx + c = 0$, onde os valores a, b e c são dados fornecidos pelo usuário e as raízes são apresentadas como resposta!

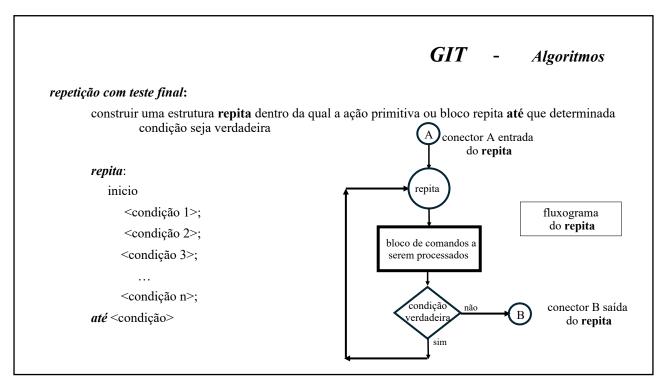
utilize a repetição enquanto para resolver várias equações!

exercício:

construir um algoritmo que calcule a média aritmética dos 50 alunos de algoritmos, continuação do exercício anterior...., notas: real: n1, n2, n3, n4, mf, media_de_todos_alunos

39

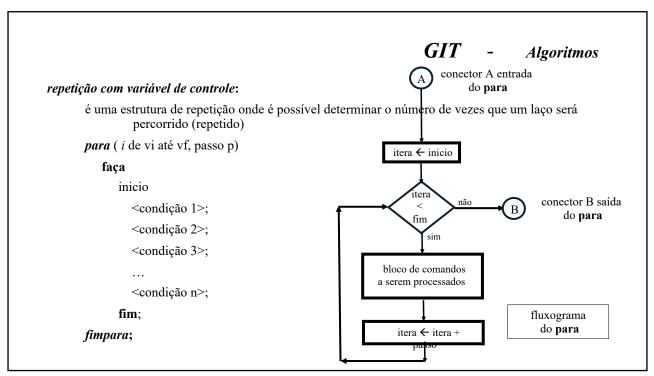
```
FatecCampinas_2024 > aula04 > baskara_algor.por > ♀ media50alunos.por
                                                   con = 0;
                                                   media_todos = 0;
exercício:
                                                   media50al = 0;
        construir um algoritmo que
                  exercício anterior...
                                                          escreva("entre com a nota n1 = ");
                                                          leia(n1);
                                                          escreva("entre com a nota n2 = ");
                                                          leia(n2);
                                                          leia(n3);
                                                          escreva("entre com a nota n4 = ");
                                                          leia(n4);
                                                          mf = (n1 + n2 + n3 + n4)/4;
                                                          escreva("média do aluno número: ", con, " é: ", mf);
                                                          media_todos = media_todos + mf;
                                                   media50al = media_todos/50;
                                                   escreva("a media dos 50 alunos é: ", media50al);
                                         26
```



GIT - Algoritmos

exercícios:

refaça o exercício calcular a média aritmética final de 50 alunos, usando *repita, até...* siga o algoritmo passo a passo e verique a diferença entre os dois tipos de estruturas!



GIT - Algoritmos

exercício:

construir um algoritmo utilizando esta estrutura *para* ... *fimpara* para calcular a média total de 50 alunos

Comparação entre as estruturas de repetição:

estrutura	condição de parada	quantidade de execuções	condição de existência
enquanto	inicio	0 ou muitas	verdadeira
repita	final	Mínimo uma	falsa
para	não tem	((vf - vi)div p) + 1	v < = vf

45

GIT - Algoritmos

exercício:

A sequência de Fibonacci tem uma formação do tipo: 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, ...

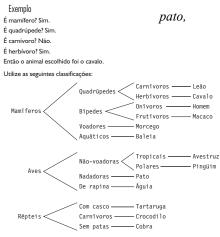
elaborar um modelo de crescimento para esta sequência e construir um algoritmo que implemente este modelo.

Pense e desenvolva usando as estruturas $repita \dots at\acute{e}$, e para-faça -

exercício:

construa um algoritmo que seja capaz de concluir qual dentre os seguintes animais foi escolhido, através de perguntas e resposta. Animais possíveis:

leão, macaco, morcego, baleia, avestruz, pinguim, crocodilo, águia, e cobra



47

GIT - Algoritmos

exercício:

1- em uma eleição presidencial existem quatro candidatos. Os votos são informados em código. Os dados informados para a escrutinagem obedecem a seguinte codificação:

- . 1, 2, 3, 4 voto para os respectivos candidatos
- . 5 voto nulo
- . 6 voto em branco

desenvolva um algoritmo que calcule escreva:

- . total de votos para cada candidato e seu percentual sobre o total
- . total de votos nulos e seu percentual sobre o total
- . total de votos em branco e seu percentual sobre o total

para finalizar o conjunto de votos, o valor de entrada deve ser 0 (zero)

exercício:

escreva um algoritmo que imprima todos os números primos existentes entre dois números de entrada, n1 e n2, números naturais fornecidos pelo usuário

49

GIT - Algoritmos

exercício:

- 2- dado o algoritmo, responda:
- a) o que será mostrado se os números forem
- b) o que será mostrado se os números forem 3, 2 e 2
- c) o que será mostrado se os números forem 2, 1, e 0

exercício:

3- elabore um algoritmo que imprima ou escreva todos os números primos entre n1 e n2 que são números definidos pelo usuário.

4- calcule o imposto de renda de um grupo de dez contribuintes. É fornecido o valor do salário mínimo no início dos cálculos. Cada contribuinte entra com o CPF, renda mensal, número de dependentes. Para cada dependente o contribuinte tem um desconto de 5% do salário mínimo.

os valores da alíquota para cálcuo do IP são:

renda líquida	Alíquota
Até 2 salários mínimos	Isento
2 a 3 salários mínimos	5%
3 a 5 salários mínimos	10%
5 a 7 salários mínimos	15%
Acima de 7 salários mínimos	20%

51

GIT - Algoritmos

exercício:

exercício:

5- contrua um algoritmo que com a entrada da altura, peso e sexo de uma pessoa, calcule seu peso ideal, utilizando as fórmulas:

para homens: (72.7*h) - 58.0para mulheres: (62.1*h) - 44.7

escreva saída do cálculo para 10 pessoas e calcule a média dos pesos dos homens e das mulheres separadamente que entraram com seus dados.

53

GIT - Algoritmos

exercício:

6- elabore um algoritmo que leia dois números inteiros e a operação aritmética desejada. Calcule então a resposta adequada. Operações aritméticas: +, -, *, /.

7- Calcule o IMC da massa corporal para dar uma indicação sobre a condição de peso de uma pessoa adulta. A fórmula do IMC peso/(altura)².

IMC em adultos	condição
Abaixo de 18,5	Abaixo do peso
Entre 18,5 e 25	Peso normal
Entre 25 e 30	Acima do peso
Acima de 30	obeso

exercício:

- 8) calcule a tabuada de qualquer número de 0 a 10;
- 9) em um prédio há três elevadores, A, B e C. Para otimizar o sistema de controle dos elevadores foi realizado um levantamento no qual cada usuário respondia:
- . elevador que utiliza com mais frequência
- . período que utiliza o elevador com mais frequência: M = matutino, V = vespertino e N = noturno construa um algoritmo que calcule e imprima:

qual elevador é mais utilizado e em que período se concentra essa utilização qual o período mais usado de todos e a qual elevador pertence qual a diferença percentual entre o mais usado e o menos usado no horário M

55

GIT - Algoritmos

bibliografia:

FORBELLONE, ELBERSPÄTCHER, Logica de Programação, 3.a e 4.a Ed. Pearson – Bookman, 2022 https://www.ime.usp.br/~leo/mac2166/2017-1/line_introducao_while.html, prof. L. O. Brandão – LINE.USP.BR – em 02/07/2024 (fluxogramas para e enquanto)

MENEZES, Introdução à Programação com Python, 4.a ed, Novatec, 2024

```
bibliografia:

FORBELLONE, EBERSPÄTCHER, Lógica de Programação, 3

| Control bibliografia:
| FORBELLONE, EBERSPÄTCHER, Lógica de Programação, 3
| Control bibliografia:
| Cont
```



estruturas de dados:

divisão imaginária para simplificar a classificação dos dados

tipos de dados primitivos não são suficientes para representar todo tipo de dados e de informação novos tipos foram construídos, a partir da composição de tipos primitivos denominando estrutura de dados que definem a forma de organizar esses tipo primitivos

as gavetas agora podem comportar um conjunto de dados, desde que previamente organizadas e compartimentos

esses novos tipos deve ser definidos em cada detalhe de sua estrutura

59

GIT - Algoritmos

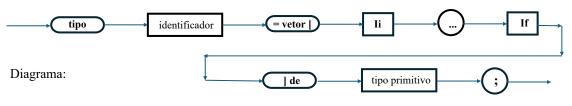
eestrutura de dados:

variáveis compostas homogêneas:

a variável pode ser interpretada como um elemento de um conjunto, que é a estrutura de dados quando a estrutura de ados é composta por elementos de um mesmo tipo primitivo, a estrutura de dados é dita homogênea

como numa alcatéia onde todos seus elementos são lobos

estrutura composta unidimensional – é uma estrutura denominada vetor unidimensional



```
GIT -
                                                                                          Algoritmos
estrutura de dados:
        exemplo
        um vetor de 50 posições -
        tipo classe = vetor [1 .. 40] de reais; // def do tipo vetor CLASSE: VCLASSE;
                 // declaração da variável vetor
                                5.0 8,5 6,5
                                            mas o índice, na maioria das linguagens inicia com (0) zero
                          posição-
                                            logo o índice é 2 e esta posição é representada por v[2] = 6,5
        v[2] \leftarrow 6,5;
                          // atribuir 6,5 a posição 2 do vetor
        leia(v[2]);
                          // leia o valor a ser atribuído a posição 2 do vetor
        escreva(v[2]);
                         // escreva o valor contido na posição 2 do vetor, nesse caso, 6,5
```

```
GIT -
                                                                                               Algoritmos
                                                              se (c > media)
                                                                  entao notaAcima ← notaAcima + 1;
exemplo:
 inicio
                                                              se (d > media)
  inteiro: a, b, c, d, e, f, notasAcima;
                                                                  entao notaAcima ← notaAcima + 1;
        real: media;
                                                              fimse;
        notaAcima \leftarrow 0;
                                                              se (e > media)
        leia(a, b, c, d, e, f);
                                                                  entao notaAcima ← notaAcima + 1;
        media \leftarrow (a+b+c+d+e+f)/5;
                                                              fimse:
         se (a > media)
                                                              se (d > media)
            entao notaAcima ← notaAcima + 1;
                                                                  entao notaAcima ← notaAcima + 1;
         fimse;
                                                              fimse;
         se (b > media)
                                                              escreva(notaAcima);
            entao notaAcima ← notaAcima + 1;
                                                       fim
         fimse;
          . . . . . . .
```

```
exemplo: se utilizar vetor:
inicio
tipo CLASSE = vetor[1 .. 5] de reais;
Class: Vclasse; // declaração da variavel composta do tipo definido
real: soma, media, notaAcima;
inteiro: i;
soma ← 0;
notaAcima ← 0;
para i de 1 ate 5 passo 1 faca
leia(Vclasse[i]);
fimpara;
```

```
exemplo: se utilizar vetor:
    // laço para acumular em soma os valores de VClasse
    para i de 1 ate 5 passo 1 faca
        soma ← soma + Vclasse[i];
    fimpara;
    media ← soma / 5;
    // laço para verificar valores de Vclasse acima da média
    para i de 1 ate 5 passo 1 faca
        se (Vclasse[i] > media)
            entao notaAcima ← notaAcima + 1;
        fimse;
        fim para;
        escreva(notsAcima);
        fim.
```

```
exemplo:
    soma de dois vetores:
inicio
    tipo v = vetor {1..50] de inteiros;
    v: vetA, vetB, vetC;
inteiro: i;
para i de 1 ate 50 passo 1 faca
    leia(vetA[i], vetB[i]);
    vetC[i] ← vetA[i] + vetB[i];
    escreva(vetC[i]);
fimpara;
fim.
```

exercícios:

escreva um algoritmo que, dados dois vetores de 20 posições, efetue as respectivas operações indicadas por outro vetor de 20 posições de caracteres, também fornecido pelo usuário, contendo as quatro operações em qualquer combinação e armazenando os resultados em um quarto vetor.

altere o exemplo de soma de vetores para que realize a seguinte operação: o produto do primeiro vetor pelo inverso do segundo que é armazenado num terceiro vetor de reais, todos com 20 posições;

desenvolva um algoritmo que leia um vetor de 20 posições e o coloque em ordem crescente utilizando como estratégia de ordenação a comparação entre dois adjacentes, permutando-os quando estiverem for a de ordem, até que esteja ordenados;

67

GIT - Algoritmos

exemplo:

escreva um algoritmo que leia um vetor com 30 números inteiros e gere um segundo vetor cujas posições pares, são o dobro do vetor original e as ímpares o triplo.

escreva um algoritmo que leia uma série de 50 notas e calcule quantas são 10% acima da media de todas as notas e 10% abaixo.

escreva um algoritmo que colque como seus elementos os primos de 1 até 100. Calcule a média desses primos.

escreva um algoritmo que permita informar dados para 2 vetores inteiros de 20 posições, apresente um terceiro vetor que tenha o conjunto união dos dois vetores. Lembrando que conjunto união é aquele que possui todos elementos dos dois conjuntos sem repetição. Ou seja, cada elemento aparece uma únbica vez.

exemplo: 03/07

- 1) escrever um algoritmo que multiplique dois vetores e coloque o resultado num terceiro vetor. Fazer o fluxograma desse algoritmo.
- 2) calcular os numeros primos entre 2 e 50, colocar em um vetor. Usar um tipo de repetidor que permita alocar apenas a quantidade suficiente de espaços com números. Com Certeza irá sobrar espaços sem valores, mas isso, por enquanto não tem jeito. Fazer um fluxograma sobre o algoritmo.

69

GIT - Algoritmos

FORBELLONE, ELBERSPÄTCHER, Logica de Programação, 3.a e 4.a Ed. Pearson – Bookman, 202 https://www.ime.usp.br/~leo/mac2166/2017-1/line_introducao_while.html, prof. L. O. Brandão – LINE.USP.BR – em 02/07/2024 (fluxogramas para e enquanto)

MENEZES, Introdução à Programação com Python, 4.a ed, Novatec, 2024



GIT - Algoritmos

estrutura de dados: variáveis compostas multidimensionais

as matrizes são estruturas compostas multidimensionais

é uma estrutura bidimensional que possui dois índices de referência para definir cada um de seus valores internos

representa-se a matriz como M[i,j] onde i representa o número de linhas e j o número de colunas

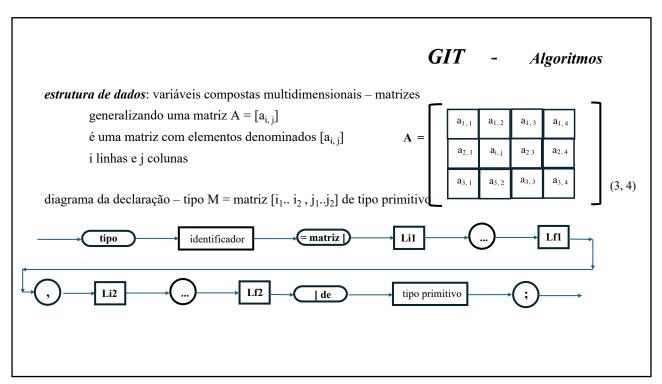
$$\mathbf{M} = \begin{bmatrix} 1, 1 & 1, 2 & 1, 3 & 1, 4 \\ 2, 1 & 2, 2 & 2 & 3 & 2, 4 \\ 3, 1 & 3, 2 & 3, 3 & 3, 4 \end{bmatrix} (3, 4)$$

se i = j a matriz é denominada matriz quadrada

se i \neq j a matriz é denominada matriz retangular,

se i = 1 a matriz é matriz linha ou vetor linha, onde $j = 1, 2, 3, 4, 5, \dots$

se j = 1 a matriz é matriz coluna ou vetor coluna, onde i = 1, 2, 3, 4, ...



GIT - Algoritmos

```
estrutura de dados: variáveis compostas multidimensionais – matrizes exemplos:
tipo M = matriz [1.. 3, 2..4, 3..4] de reais; // matriz tridimensional
M: A, B, C;
tipo ID = matriz [1..6, 1..8] de caracteres; // matriz bidimensional
ID: Nome, END, CEP;
dimensão: quantidade de elementos de uma matriz (6 – 1 + 1)* (8 – 1 + 1) = 48 elementos –bi-D
quantidade de elementos (3 – 1 + 1)*(4 – 2 + 1)*(4 – 3 + 1) = 18 elementos – tri-D
```

estrutura de dados: variáveis compostas multidimensionais – matrizes

muitidimensionals – matrizes

dado um cartão de loteria como esse ao lado preenchido, desejamos saber qual o jogo que possui mais marcações, ou seja, jogos triplo, ou duplos!

O cartão de loterias possui i = 14linhas; j = 3 colunas mLoteria[i,1], mLoteria[i,2], mLoteria[i,3] onde esse i varia de 1 até 14, construindo essa matriz com um jogo

Jogo	Coluna 1	Empate	Coluna 2
1	☐ cxvdbcd		dhghac □
2	□ qwer		jehgw □
3	□ rterf		jklopu □
4	□ erf		hprutwh □
5	☐ oykjjytyu		jktyergerg 🗆
6	☐ tytht		svwtoih □
7	□ ijkkyuk		nbmvb □
8	□ juju		fdfggdgnj 🗆
9	☐ yumyumyum		dcwssvv \square
10	☐ mfgfffgh		htcwhw □
11	□ ertrtrtt		rhrthhw □
12	☐ rhghghyk		rhjrh □
13	□ wrsdd		nhgfhjfgjj □
14	□ hshfjkih		fgddhdr □

75

```
inicio

// definicao do tipo construído matriz

tipo Loteria = matriz [1..14, 1..3] de caracteres;
// declaração da variável composta do tipo matriz definido

Loteria: mloteria; // nome da matriz
inteiro: i, j, maisMar, nJogo, marLin;

// indice para Linha: I, I; maior marcador encontrado: maisMar
// numero de jogos com mais marcações: nJogo
// numero de dearcacoes em uma linha: marLin
maisMar <-- 0;
para i de 1 ate 14 faça
marLin <-- 0;
para j de 1 ate 3 faça
se mloteria[i,j] = "x";
então marLin <-- marLin + 1;
fimser
fimpara
se marLin > maisMar
então inicio
maisMar <-- marLin;
nJogo <-- I;
fimse;
fimse
```

estrutura de dados: variáveis compostas multidimension soma de duas matrizes:

desenvolva um algoritmo que leia duas matrizes A[5, 5] B[5, 5] e faça a soma!

a soma de duas matrizes é c[i, j] = a[i, j] + b[i, j]

```
.vscode > algoritmos > \infty \ somadematrizes.por

inicio

tipo M = matriz [ 1..5, 1..5] de inteiros;

M; MA, MB, MR;

inteiro: i, j;

enquanto ( i <= 5) faça

| j <-- 1;
| enquanto ( j <= 5) faça

| leia(MA[i,j], MB[i,j];
| MR[i,j] <-- MA{i,j] + MB[i,j];
| j <-- j + 1;
| fimenquanto;
| i <-- i + 1;
| fimenquanto ( j <= 5) faça

| i <-- j + 1;
| enquanto ( j <= 5) faça

| i <-- j + 1;
| enquanto ( i <= 5) faça

| i <-- i + 1;
| enquanto ( i <= 5) faça

| i <-- i + 1;
| fimenquanto ( i <= 5) faça

| i <-- i + 1;
| fimenquanto ( i <= 5) faça

| i <-- j + 1;
| fimenquanto ( i <= 5) faça

| i <-- j + 1;
| fimenquanto ( i <= 5) faça
| fimenquant
```

77

GIT - Algoritmos

estrutura de dados: variáveis compostas multidimensionais - matrizes

Representando as matrizes:

$$\mathbf{C} = \mathbf{A} * \mathbf{B} = \begin{bmatrix} c_{11} & c_{12} & c_{13} \\ c_{21} & c_{22} & c_{23} \\ c_{31} & c_{32} & c_{33} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} b_{11} & b_{12} & b_{13} \\ b_{21} & b_{22} & b_{23} \\ b_{31} & b_{32} & b_{33} \end{bmatrix}$$

Onde:

```
\begin{split} c_{11} &= a_{11}*b_{11} + a_{12}*b_{21} + a_{13}*b_{31} \\ c_{12} &= a_{11}*b_{12} + a_{12}*b_{22} + a_{13}*b_{23} \\ c_{13} &= a_{11}*b_{13} + a_{12}*b_{23} + a_{13}*b_{33} \\ c_{21} &= a_{21}*b_{11} + a_{22}*b_{21} + a_{23}*b_{31} \\ c_{22} &= a_{21}*b_{21} + a_{22}*b_{22} + a_{23}*b_{23} \end{split} \qquad \text{generalizando} \quad c_{ij} = \sum_{k=1}^{3} a_{ik}*bkj \end{split}
```

estrutura de dados: variáveis compostas multidimensionai

algoritmo multiplica A * B = C \rightarrow \rightarrow

79

GIT - Algoritmos

estrutura de dados: variáveis compostas multidimensionais - matrizes

exercício:

1) Desenvolva um algoritmo que dadas duas matrizes A e B, onde A tem 5 linhas e 5 colunas resolva:

$$C = A * (A + B)$$

$$C = B * B$$

2) desenvolva um algoritmo que dada mais uma matriz D, onde D tem 5 linhas e 3 colunas, resolva

$$C - A * D$$

exercícios: 03/07

- 1) escrever um algoritmo que multiplique duas matrizes do tipo $A_{m,\,n}$ e $B_{r,s}$ e coloque o resultado numa terceira matriz. Fazer o fluxograma desse algoritmo.
- 2) Dadas duas matrizes continuando o exercício anterior, fixar o m e o s e permitir a variação do n e do s verificando quando é possivel fazer adição e multiplicação destas matrizes. Assumir uma matriz C para a resposta com seus tamanhos adequados. Faça um fluxograma mostrando quais as diferenças entre os dois algoritmos e fluxogramas. Logo assuma C = A + B e depois C = A * B

81

GIT - Algoritmos

FORBELLONE, ELBERSPÄTCHER, Logica de Programação, 3.a e 4.a Ed. Pearson – Bookman, 202 https://www.ime.usp.br/~leo/mac2166/2017-1/line introducao while.html, prof. L. O. Brandão – LINE.USP.BR – em 02/07/2024 (fluxogramas para e enquanto)

MENEZES, Introdução à Programação com Python, 4.a ed, Novatec, 2024



-

GIT - Algoritmos

estrutura de dados: variáveis compostas multidimensionais – matrizes

- 1) dada uma matriz A com 5 linhas e 5 colunas, construa um algoritmo que forneça:
 - a) diagonal principal. a[i, i] ou a[j, j] ou seja, quando o índice da linha é igual os índice da coluna
 - b) triângulo superior a diagonal principal indice da linha vai de 1 até o índice do númeroda coluna, isto é considerando a[i, j], variar i de zero até i $\le j$
 - c) diagonal secundária
 - d)todos os elementos exceto a diagonal principal

estrutura de dados: variáveis compostas multidimensionais - matrizes

- 2) desenvolver um algoritmo que dada uma matriz com 6 linhas e 4 colunas:
 - a) a soma de cada uma das 6 linhas
 - b) a soma de cada uma das 4 colunas
 - c) escreva uma nova matriz com os elementos pares da matriz e zero nas outras posições
 - d) faça a multiplicação das linhas pares por 2 e das linhas ímpares por 3

85

GIT - Algoritmos

estrutura de dados: variáveis compostas multidimensionais – matrizes

3) desenvolver um algoritmo que dada uma matriz A com 5 linhas e 5 colunas, faça:

trocar a quinta linha pela segunda e escrever a matriz resultante

trocar da quarta coluna pela primeira e escrever a matriz resultante

trocar a diagonal principal pela diagonal secundária e escrever a matriz resultante

\

estrutura de dados:

4) desenvolver um algoritmo que leia dois vetores de número, verificar se o vetor está em ordem decrescente. Senão, colocar em ordem crescente.

somar todos os valores do vetores e calcular a média aritmética. usar repetição para ordenar os valores e calcular média aritmética escrever o conteúdo do vetor a cada passo na repetição da ordenação no final escrever a média aritmética

fazer o fluxograma desse algoritmo

87

GIT - Algoritmos

estrutura de dados:

5) desenvolver um algoritmo que a partir de matrizes com a configuração:

A uma matriz com 5 linhas e 5 colunas

B uma matriz com 5 linhas e 3 colunas

C uma matriz com 3 linhas e 5 colunas

D uma matriz com 5 linhas e 5 colunas

verifique se as seguintes operações são possíveis:

A*B, A*C, A*D, B*A, B*B, C*D, C*C

escrever como saída se as operações são possíveis e justificar o motivo se for verdadeiro ou falso propor uma solução para executar as operações possíveis variando apenas o número de linhas e colunas no início das repetições

estrutura de dados:

6) dado o vetor1 [3 8 6 4 7 12 11 9 10 5 2 1]

desenvolver um algoritmo que separe em um vetor com os números impares e outro com os números pares

some os dois vetores

7) dado o vetor [1 2 3 4 5]

usar o algoritmo desenvolvido para contar quantos passos seriam necessários para colocar este vetor em rdem decrescente

8)

89

GIT - Algoritmos

estrutura de dados: Exercícios: 04/07

Dados um vetor, duas matrizes e um número inteiro, que devem ser inseridos por um usuário, desenvolver um algoritmo que:

- 1) leia duas matrizes A_{mxn} e B_{rxm}
- 2) leia um vetor c_n
- 3) mostre ao usuário quais as possíveis relações entre n, r e m para que as operações:

adição, subtração e multplicação

- 4) a partir de uma escolha após o item 4, o usuário deve entrar com n, r e m, as matrizes, o vetor
- 5) verificar se n, r e m são entradas possíveis para o item 6
- 6) realizar A*B, B*A, A*A, B*B, quando possível, justificando a impossibilidade
- 7) realizar c*A, c*B, idem ao item anterior

procure desenvolver um código único para realizar as operações aritméticas!

bom trabalho!