

# Datalab 实验报告

姓名：郭丹琪 学号：2018202067

```
1. int bitXor(int x, int y) {  
    return ( ~ ( x & y)) & ( ~(~x & ~y));  
}
```

解题思路：因为在  $xy$  相等时需要结果为 0， $xy$  不等时结果为 1，且只能用  $\sim$  和  $\&$ ，所以尝试了  $x\&y$ ， $x\&\sim y$ ， $\sim x\&y$ ， $\sim x\&\sim y$ 。发现当  $x\&y$  和  $\sim x\&\sim y$  组合起来时， $xy$  相同和  $xy$  相异时的结果是相反的，所以只要再考虑怎样表示出对应的结果。因为只能用  $\sim$  和  $\&$ ，所以在  $(x\&y)$  和  $(\sim x\&\sim y)$  前尝试分别加  $\sim$ ，再把两个部分用  $\&$  处理看结果。最后尝试得  $(\sim (x\&y)) \& (\sim (\sim x\&\sim y))$  可以得到结果。

```
2. int evenBits(void) {  
    int result=85;  
    result+=(result<<8);  
    result+=(result<<16);  
    return result;  
}
```

解题思路：在范围内能设置的最大的偶数位为 1，奇数位为 0 的数是 85。此时从右数 8 位都已设置完了。所以往左移 8 位后再相加就设置完了 16 位，再左移 16 位并相加即可。

```
3. int fitsShort(int x) {  
    return !(((x<<16)>>16)^x);  
}
```

解题思路：要能将二进制位 32 位的数当成 16 位的数，则将  $x$  来回移位后值不发生变化即可。将  $x$  左移 16 位后再右移 16 位，如果在移位后能满足与原  $x$  相等，则  $x$  就可以当成 16 位的数。

```
4. int isTmax(int x) {  
    return (!((x+1)^(~x)))&(!((x+1)));  
}
```

解题思路：要判断  $x$  是否为最大值，即判断  $x$  是否为  $0x7FFFFFFF$ 。发现  $0x7FFFFFFF+1$  后等于  $\sim 0x7FFFFFFF$ ，所以利用这一点，即判断  $!((x+1)^(~x))$ 。但是在测试的时候发现，如果  $x=-1$ ，这个式子也成立。所以另外设置了对 -1 的判断，即判断  $x+1$ ，若  $x=-1$ ，则  $x+1=0$ 。取两次！是为了让其余数的结果为 1，以免最后返回值为 0、1 以外的数。

```
5. int fitsBits(int x, int n) {  
    int mask=~n+1;  
    return !(((x<<mask)>>mask)^x);  
}
```

解题思路：本题其实与第 3 题想法一样，所以直接改变第 3 题中的值。但是因为不能用减号，所以在表示移位  $32-n$  时用的是移位  $-n$ ，表示成  $\sim n+1$ 。

```

6. int upperBits(int n) {
    int x=1;
    x=x<<31;
    x=x>>(n+31);
    return x+(!n);
}

```

解题思路：要将最前面的  $n$  个数设置为 1，最先想到的是用移位，先将最前面的第一个数设为 1，接下来再向右移  $n-1$  位，即表示为移  $n+31$  位，在移位的时候会自动把左边的位补为 1。但是在测试的时候发现，如果  $n=0$ ，移  $n+31$  位就会变成把所有位都设为 1。所以考虑在结果返回的时候对  $n=0$  的情况进行处理，发现若所有位都被设为 1，则再+1就会变成 0，而  $!0$  恰好等于 1。并且若  $n$  非 0，则  $!n=0$ ，对结果没有影响。所以在最后返回时加上了  $!n$ 。

```

7. int allOddBits(int x) {
    int n=170;
    n+=(n<<8);
    n+=(n<<16);
    return !((x&n)^n);
}

```

解题思路：只要判断奇数位是否都为 1，偶数位无所谓。所以先设置  $n$  为一个奇数位都为 1，偶数位都为 0 的数，然后将  $x \& n$ 。 $x$  的偶数位无论是什么，在  $\&n$  后都会被设成 0，而  $x$  的奇数位如果是 1，在  $\&n$  后还是 1，如果是 0，在  $\&n$  后就还是 0。所以若  $x$  的奇数位都为 1，在  $x \& n$  后，就会变成一个奇数位都为 1，偶数位都为 0 的数，即  $n$ 。所以再判断是否与  $n$  相等即可。

```

8. int byteSwap(int x, int n, int m) {
    int mask1=255;
    int m8=(m<<3),n8=(n<<3);
    int mask3=~((mask1<<n8)^(mask1<<m8));
    int x1=((x>>m8)<<n8)&(mask1<<n8);
    int x2=((x>>n8)<<m8)&(mask1<<m8);
    return (x&mask3)+(x1^x2);
}

```

解题思路：将  $mask1$  设置为一个字节中每一位都为 1 的掩码， $mask1 \ll n8$ 、 $mask1 \ll m8$  分别为第  $n, m$  字节中每一位都为 1 的掩码。再设置一个第  $m$  个字节和第  $n$  个字节中每一位都为 0，其余都为 1 的掩码  $mask3$ ，目的是将第  $m$  个字节、第  $n$  个字节和其余字节的内容分别保留在不同地方。因为不知道  $m, n$  的关系，所以先将第  $m, n$  个字节的内容分别移到第 0 个字节，然后再移到对方的字节，再使用相应的掩码，分别保留住  $m$  移到  $n$  的部分和  $n$  移到  $m$  的部分。再将  $x \& mask3$ ，清空  $m, n$  上的内容。原本的思路是直接再加上原本保留的  $m$  移到  $n$  的部分和  $n$  移到  $m$  的部分即可，但是在测试的时候发现，如果  $mn$  相同，则会出现重复叠加的情况。所以在最后要再进行  $(x1 \wedge x2)$  的操作，来排除移位结果相同的影响。

```

9. int absVal(int x) {
    return (( (~x)+1 ) & (x>>31)) + ( x& (~ (x>>31)));
}

```

解题思路：负数取绝对值可以直接按位取反再+1，但是正数这样操作就相当于取负数，所以要在结果中把正负数的操作区分开。考虑到正负数的二进制的区别是左边第一位，负数二进制的左边第一位是 1，而正数是 0。所以将 x 右移 31 位后，负数变为 0xFFFFFFFF，正数变为 0。在按位取反+1 后，先与移位结果&，负数结果还是绝对值，而正数被设为 0。再加上 x&移位结果的按位取反，使正数的结果变成 0 加上正数本身，而负数为的负数的绝对值+0。

```

10. int divpwr2(int x, int n) {
    int bias=(1<<n)+(~0);
    x=x+((x>>31)&bias);
    return x>>n;
}

```

解题思路：因为需要向 0 取整，而直接用  $x \gg n$  来表示  $x/(2^n)$  的话，正数会符合向 0 取整，但是负数就会变成向另一个方向取整，所以要对负数的结果进行处理。了解到给负数加上偏差值  $(2^n)-1$  后就可以向 0 取整。所以给 x 加上一个偏差值  $(2^n)-1$ ，即用  $(1 \ll n) + (\sim 0)$  来表示，但是正数不需要加偏差值，所以要把  $\text{bias} \& (x \gg 31)$ ，使正数加上的偏差值为 0。加完偏差值后再  $x \gg n$  就可以求出  $x/(2^n)$  向 0 取整的结果。

```

11. int leastBitPos(int x) {
    return ((~x)+1)&x;
}

```

解题思路：考虑到要将最后一个 1 留下并把其他位都设为 0，则想到用  $\sim x$ 。在  $\sim x$  后，x 中所有原本是 1 的地方都会变成 0。而再+1 后，x 的最后几位 0 在按位取反并+1 后会进位到 x 的最后一位 1 的位置，所以原本 x 中为 1 的地方现在只有最后一位还是 1。所以用  $((\sim x) + 1) \& x$  就可以在消去其余 1 的同时留下最后一位 1。

```

12. int logicalNeg(int x) {
    int m=(~x)+1;
    return (~(x | m)>>31)&1;
}

```

解题思路：用 x 的相反数来与 x 比较来判断 x 是否为 0。若 x 不等于 0 或 -2147483648，x 与  $(\sim x)+1$  的左边第一位一定是相反的，所以  $(x | m) \gg 31$  的结果一定为 0xFFFFFFFF。而虽然 -2147483648 的  $(\sim x)+1$  的结果为本身，但  $(x | m) \gg 31$  得结果也是 0xFFFFFFFF。只有 0 的  $(x | m) \gg 31$  结果是 0。但是要在结果是 0 的时候返回 1，所以要对  $(x | m) \gg 31$  进行按位取反的操作，再&1。

```

13. int bitMask(int highbit, int lowbit) {
    int mask=~0;
    return ((mask<<lowbit)^((mask<<highbit)<<1))&(mask<<lowbit);
}

```

解题思路：先设置一个所有位都是 1 的 mask，将 mask 左移 lowbit 位后，后 lowbit-1 位就

全是 0，从右数第 lowbit 位到第 32 位都是 1。同理，将 mask 左移 highbit 位，再左移 1 位后，从右数第 highbit+1 位到第 32 位都是 1，从右第 1 位到第 highbit 位都是 0。将两个结果按位异或后就会变成从右第 lowbit 位到第 highbit 位都是 1，其余为 0。但是要考虑 lowbit>highbit 的情况，所以将按位异或的结果再与 mask 左移 lowbit 位的结果进行&操作，就能把 lowbit>highbit 时结果中的 1 全消掉，而不改变 lowbit<highbit 时的结果。

```
14. int isLess(int x, int y) {
    int m=(~y)+1;
    return (((!(x^y)>>31))&(!((x+m)>>31))) | (((!(x>>31))&(!(y>>31))));
}
```

解题思路：分成两种情况来考虑。当 xy 符号相同时，即 $!(x^y)>>31$ 的结果为 1 时， $x-y<0$  时结果成立，用 $!((x+m)>>31)$ 来表示  $x-y$  的结果 $<0$ 。当 xy 符号不同时，只有  $x<0$  且  $y>0$  时结果成立，所以用 $((!(x>>31))&(!(y>>31)))$ 来表示该情况。这两种情况满足一种即成立，所以在两种判断情况间用 |。

```
15. int logicalShift(int x, int n) {
    int mask1=(1<<31);
    mask1=mask1>>n;
    mask1=mask1+((!n)<<31);
    mask1=mask1<<1;
    mask1=~mask1;
    return mask1&(x>>n);
}
```

解题思路：考虑到在向右移位的时候，算术移位负数会变成左边几位都是 1，而逻辑移位是 0。所以设置左边几位对应为 0 的掩码。设置掩码的操作与第 6 题相似，先设置掩码左边几位都为 1，再按位取反。要额外处理  $n=0$  的情况，所以得先  $mask1=mask1+((!n)<<31)$ ，将  $n=0$  位去掉后，才能将  $mask1<<1$ 。最后的 mask1 为左边前 n 位都是 0，后面都是 1 的掩码。再将 mask1 与 x 右移后的结果作&运算即可。

```
16. int satMul2(int x) {
    int n=x<<1;
    return ( n & (~((n^x)>>31)) ) | (((n^x)>>31)&(~((x>>31)^(1<<31))));
}
```

解题思路：判断是否溢出可以通过判断计算后的符号。先设置 n 为  $x*2$ ，如果 n 与 x 符号不同，则是溢出。用 $(~((n^x)>>31))$ 判断 nx 符号是否相同，如果相同则结果为 0xFFFFFFFF，不同则为 0，再与 n 进行&操作，保留没有溢出的结果，把溢出的结果设为 0。在溢出的情况下， $x>0$  时要把值设为 0x7FFFFFFF， $x<0$  时设为 0x80000000。所以用 $(~((x>>31)^(1<<31)))$ 来设置掩码，把这 2 种情况下的值表示出来，再  $&((n^x)>>31)$ 来使没溢出的情况下的掩码为 0。最后再通过计算结果和掩码间的 | 操作来设置溢出的结果。

```
17. int subOK(int x, int y) {
    int s=x+(-y)+1;
```

```

return !(((x^y)&(s^x))>>31);
}

```

解题思路：在  $xy$  符号相同时一定不会溢出，在  $xy$  符号不同时才可能溢出。在  $xy$  符号不同时，判断是否溢出要判断  $x-y$  的结果是否与  $x$  的符号相同。所以要判断是否溢出，要判断  $xy$  的符号和  $x-y$  与  $x$  的符号。判断符号用按位异或再右移 31 位来判断。在  $x^y$  为 0 时， $s^x$  为 0 或 1 都不会溢出。在  $x^y$  为 1 时，只有  $s^x$  为 0 才不会溢出，而想  $x^y$  和是  $x^s$  都为 1 时才会溢出。所以选择对  $(x^y)$  和  $(s^x)$  进行 & 操作，右移后再进行 ! 操作。

```

18. int bang(int x) {
    int m=(~x)+1;
    return (~(x | m)>>31)&1;
}

```

解题思路：本题与第 12 题相同。

```

19. int bitParity(int x) {
    x=x^(x>>16);
    x=x^(x>>8);
    x=x^(x>>4);
    x=x^(x>>2);
    x=x^(x>>1);
    return x&1;
}

```

解题思路：要判断是否有奇数个 0，即判断是否有奇数个 1，所以该题与判断是否有偶数个 1 的题是一样的。将  $x$  移位后与自身亦或，即将  $x$  的前一半与后一半亦或，如果刚好两个对应的数都是 1，则两个 1 都会被消掉，即把  $x$  中的 1 成对消除。以此类推，消到最后如果最后一个数是 1，则  $x$  中有奇数个 1，也就是有奇数个 0。

```

20. int isPower2(int x) {
    return (!(x>>31))&(~(!x))&(!(x & (x + (~0))));
}

```

解题思路：首先要判断  $x$  为负数和 0 的情况，所以先在结果中设置与  $!(x>>31)$  进行 & 的操作来把负数的结果设为 0，再与  $(\sim(!x))$  进行 & 的操作来把 0 的结果设为 0。然后再判断正数的情况。经计算判断得若要  $x$  为 2 的幂，则  $x$  的二进制表示的位数中只能有一个为 1。而  $x-1$  的操作为减去  $x$  的最后一位 1，所以将  $x \& (x + (\sim 0))$ ，若  $x$  中只有一个 1，则结果为 0，否则为其他不同的数。所以可以用  $!(x \& (x + (\sim 0)))$  来判断正数是否为 2 的幂的情况。