



Matemática 12ª Classe/2012

República de Moçambique Ministério da Educação Conselho Nacional de Exames, Certificação e Equivalências

1ª Época 120 Minutos

Esta prova contém 40 perguntas com 4 alternativas de resposta para cada uma. Escolha a alternativa correcta e RISQUE a letra correspondente na sua folha de respostas. Responda a todas as primeiras 35 perguntas. As últimas 5 perguntas responda somente às da sua secção (Letras ou Ciências).

1. Considere as seguin	tes expressões: $I:4+\frac{1}{5}$; I	$U: \sqrt[3]{5} + 3 > 3$; $III: 2x + 1 = 0$;	$IV:6 \le 10$. Quais represent	am
proposições? A I e II	B <i>I e III</i>	C II e IV	D III e IV	

2. Considere o conjunto $M = \{-2; -1; 0; 1; 3\}$. Qual é a proposição verdadeira? **C** $\forall x \in M : x^2 + 9 = 17$ **A** $\forall x \in M : 2x = 10$

$$\mathbf{R} \ \exists x \in M : 2x = 40$$

$$C \quad \forall x \in M : x^2 + 9 = 1$$

B
$$\exists x \in M : 2x = 40$$

D
$$\exists x \in M : x^2 > x + 1$$

3. Qual é o valor de m na equação $\log_2 m = \log_2 8 + \log_2 2$?

4. Qual é a solução da equação $\sqrt{x-2} - 3 = 0$?

$$\mathbf{A}$$
 -1

5. Qual é a expressão equivalente a $\frac{x+1}{\sqrt{x+1}}$?

$$\mathbf{A} \ \frac{1}{x+1}$$

$$\mathbf{B} \quad \sqrt{x+1}$$

$$\mathbf{C} \ \frac{\sqrt{x+1}}{x+1}$$

$$\mathbf{D} \quad x+1$$

6. Qual é o valor numérico de $\begin{vmatrix} 1 & -3 & 1 \\ 1 & 0 & -2 \\ 3 & -1 & -4 \end{vmatrix}$?

$$\mathbf{A}$$
 -3

$$\mathbf{B}$$
 -2

7. Qual é o valor de $cos(-3660^{\circ})$?

$$\mathbf{A} - \frac{\sqrt{3}}{2}$$

B
$$-\frac{1}{2}$$

$$C \frac{1}{2}$$

D
$$\frac{\sqrt{3}}{2}$$

8. Qual é a expressão simplificada de $\frac{\cos 2x}{\cos x - \sin x}$?

A 2 + senx

B senx + cos x

 $\mathbf{C} - \cot gx$

 $\mathbf{p} - \frac{1}{senx}$

9. Considere a inequação $-|x| \le 0$. Qual é a solução?

 $\mathbf{B} = -\infty$:0

C $0:+\infty$

 \mathbf{D} IR

10. Qual é a soma das raízes da equação |3+x|=2?

A -6

 \mathbf{B} -5

 \mathbf{C} -4

 \mathbf{D} -1

11. Sendo ${}^{n}C_{2} = 45$, n > 2 qual é o valor de n?

C 10

D 9

12. Quantos números de três algarismos diferentes podem ser escritos com os algarismos do conjunto

 $M = \{1;3;7;8;9\}$?

A 10

B 30

C 60

D 125

13. Duas moedas são lançadas uma vez ao mesmo tempo. Qual é a probabilidade de ao caírem, apresentarem faces idênticas?

 $\mathbf{A} = \frac{1}{4}$

 $\mathbf{B} \frac{1}{2}$

 $\mathbf{C} \frac{3}{4}$

D 1

14. Uma caixa contém dez camisas das quais quatro são de mangas compridas. Extrai-se duas ao acaso.

Qual é a probabilidade de que nenhuma das camisas extraídas seja de mangas compridas?

15. Qual é a ordem do termo 3 na sucessão dada por $a_n = 2n - 1$?

A 2

 \mathbf{C} 4

D 5

16. Qual é o termo geral da sucessão: 2; 6; 18; ...? **A** $a_n = 2 \cdot 2^{n-1}$ **B** $a_n = 3 \cdot 2^{n-1}$ **C** $a_n = 2 \cdot 3^{n-1}$

D $a_n = 3 \cdot 3^{n-1}$

17. Qual é a característica correcta que corresponde a sucessão $a_n = 5 + 2^{-3n}$?

A Constante

C Crescente

B Decrescente

D Oscilante

18. De uma progressão aritmética sabe-se que o quarto termo é 17 e o décimo terceiro termo é 62.

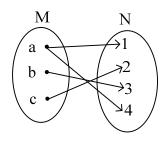
Quais são, respectivamente, os valores do 1º termo e da diferença?

A - 5 e 5

- **B** 2 e 5
- **C** 1 e 7
- **D** 5 e 17
- 19. Sabendo que o lucro semanal da venda de automóveis cumpre a ordem (2000; 4000; 8000; ...), qual é o lucro obtido durante as primeiras 10 semanas?
 - A 1024

B 2046

- C 1024000
- **D** 2046000
- 20. Dados os conjuntos $M = \{a; b; c\}$ e $N = \{1; 2; 3; 4\}$ considere a relação $R : M \to N$ representada na figura.



Qual das opções é relação inversa de R?

A
$$R^{-1} = \{(1;a),(4;a),(3;b),(2;c)\}$$

C
$$R^{-1} = \{(4; a), (2; c), (3; b)\}$$

D $R^{-1} = \{(1; a), (2; c)\}$

B
$$R^{-1} = \{(a;1),(a;4),(b;3),(c;2)\}$$

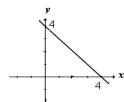
D
$$R^{-1} = \{(1;a), (2;c)\}$$

- 21. Qual é o contradomínio da relação $\mathbf{R} = \{(x; y) : 2x + y = 8\}$, com x e y pertencentes ao conjunto IN?
 - **A** { }

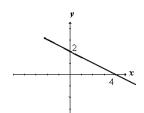
B IN

- $\mathbf{C} \ \{0;1;2;3;4\}$ $\mathbf{D} \ \{0;2;4;6;8\}$
- 22. Qual é o gráfico que representa a função y = x + 2 com $x; y \in IR$?

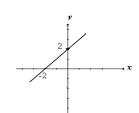
A



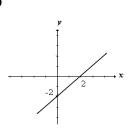
В



 \mathbf{C}



D



- 23. Qual é a abcissa do vértice do gráfico de uma função do 2º grau, cujos zeros são -7 e -1?
 - A -4

 \mathbf{B} -2

 \mathbf{C} 2

D 4

- 24. Qual é o valor do $\lim_{x\to 0} \frac{1-\cos x}{x^2}$?
 - **A** 2

 $C = \frac{1}{2}$

 $\mathbf{D} \frac{1}{4}$

- 25. Qual é o valor do $\lim_{x\to 0} (1+x)^{\frac{1}{x}}$?

 $C \sqrt{e}$

- 26. Considere a função $f(x) = \begin{cases} x^2 & \text{se } x \le -3 \\ 2x + 15 & \text{se } x > -3 \end{cases}$. Qual é o valor de $\lim_{x \to -3^-} f(x)$?
 - A -3

- **D** 9
- 27. Considere a função $f(x) = \begin{cases} 4x+1; & se \ x < 3 \\ k+3; & se \ x \ge 3 \end{cases}$. Qual deve ser o valor de k para que a função seja contínua
 - no ponto de abcissa x = 3? **A** 1

C 10

D 13

- 28. Qual é a primeira derivada da função $f(x) = 4x^2 + 2x + 2$?
 - **A** f(x) = 8x + 2

- **B** f(x) = 4x + 2 **C** f(x) = x + 4 **D** f(x) = x + 2
- 29. Qual é a primeira derivada da função $f(x) = e^x \cdot cosx$?
 - $\mathbf{A} \quad \mathbf{e}^{\mathbf{x}} sen \mathbf{x}$

- **B** $e^{x}(\cos x + senx)$ **C** $e^{x}(senx \cos x)$ **D** $e^{x}(\cos x senx)$
- 30. Qual a primeira derivada da função $y = \sqrt{x^2 1}$?
 - A $\frac{2}{\sqrt{x^2-1}}$

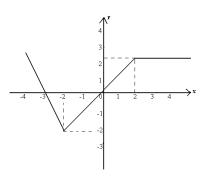
- **B** $\frac{2x}{\sqrt{x^2-1}}$ **C** $\frac{x}{\sqrt{x^2-1}}$
- **D** $\frac{x}{2\sqrt{x^2-1}}$

- 31. Qual é a segunda derivada de *cosx*?
 - $\mathbf{A} \cos x$

- **B** senx
- \mathbf{C} -senx
- $\mathbf{D} \cos x$
- 32. Qual é a equação da recta tangente ao gráfico $f(x) = x^3 x$ no ponto de P (0;0)?
 - $\mathbf{A} \quad x + y = 0$

- $\mathbf{B} \quad x y = 0$
- C x + y + 1 = 0
- **D** x + y 1 = 0

33. Considere a função representada.



Quais são as abcissas dos pontos em que a função <u>NÃO</u> é derivável?

A
$$x = -3 \text{ e } x = 2$$

B
$$x = -2 e x = 2$$

B
$$x = -2$$
 e $x = 2$ **C** $x = 0$ e $x = 2$

D
$$x = -3 \text{ e } x = -2$$

34. Em que intervalo a função $f(x) = x^3 - 12x$ é crescente?

$$\mathbf{A} \quad]-\infty;-2$$

B
$$[-2;2]$$

A]
$$-\infty$$
; -2[**B** [-2;2] **C**] $-\infty$; -2[\cup]2; + ∞ [**D**] $-\infty$; -2] \cup [2; + ∞ [

D
$$]-\infty;-2]\cup[2;+\infty]$$

35. A Maria decompôs o número 20 em duas parcelas x e y. Quais são essas parcelas se o seu produto é máximo?

A
$$x = 0$$
 e $y = 20$ **B** $x = 10$ e $y = 10$ **C** $x = 8$ e $y = 12$ **D** $x = 4$ e $y = 16$

B
$$x = 10 \text{ e } y = 10$$

C
$$x = 8 \text{ e } y = 12$$

D
$$x = 4 \text{ e } y = 16$$

Somente para a secção de Letras

36. Se $M = \{x \in IR : 2 < x < 5\}$ e $N = \{x \in IR : 3 \le x < 8\}$. Qual das afirmações é verdadeira?

A
$$M \cap N = [3; 5[$$

B
$$M \cup N = [3;5]$$

A
$$M \cap N = [3,5]$$
 B $M \cup N = [3,5]$ **C** $M \cap N = [3,5]$ **D** $M \cup N = [3,5]$

D
$$M \cup N = [3; 5]$$

37. Sejam M e N dois conjuntos definidos no universo U. Qual é a expressão simplificada de $\overline{M} \cup (M \cup N)$?

$$\mathbf{B} \ U$$

$$\mathbf{C}$$
 $\overline{M} \cup N$

D
$$\overline{M} \cap N$$

38. Numa escola de 630 alunos, 350 estudam matemática, 260 estudam português e 90 estudam as duas disciplinas. Quantos alunos NÃO estudam nenhuma das disciplinas?

C 260

D 520

39. Qual é o valor do $\lim_{x \to +\infty} (\sqrt{x+1} + \sqrt{x})$?

A -1

B 0

$$\mathbf{A}$$
 -1

$$C \frac{1}{4}$$

40. Qual é o valor de $\lim_{x\to 1} \frac{x^2 - 5x + 4}{x - 1}$?

Somente para a Secção de Ciências

36. Qual é a equação da recta paralela à recta de equação y = x + 2?

A
$$y = -x + 2$$

B
$$y = x + 4$$

C
$$y = 2x - 3$$

D
$$y = 2x + 1$$

37. Sendo $f(x) = 2x e g(x) = \frac{1}{x+2}$, qual é o domino de (gof)(x)?

A
$$IR \setminus \{2\}$$

B
$$IR \setminus \{-2\}$$

$$\mathbf{C}$$
 $IR \setminus \{1\}$

D
$$IR \setminus \{-1\}$$

38. Qual é a inversa da função $f(x) = \frac{x+5}{x-2}$?

$$\mathbf{A} \quad \frac{x+2}{x-5}$$

B
$$\frac{x-2}{x+5}$$

$$C \frac{2x+5}{x-1}$$

D
$$\frac{2x+5}{x-2}$$

39. Qual é o conjugado de z = (3+i)-(2+5i)?

A
$$z = 1 - 4i$$

B
$$z = 1 + 4i$$

$$\mathbf{C} \quad z = -4i$$

D
$$z = (3+i)+(2+5i)$$

40. Qual é a solução do integral $\int 3dx$?

$$\mathbf{A} \quad 3x + c$$

$$\mathbf{B} \ \frac{1}{3}x + c$$

$$\mathbf{C} \quad 3+c$$

D
$$\frac{1}{3} + c$$

FIM