Beispiel 2

Gebietsintegral

Gebietsintegral

Gebietsintegral

Gebietsintegral

$$\int_{3}^{4} \int_{-1}^{1} \int_{0}^{2} (xy^{2} + yz^{3}) dz dx dy = \int_{3}^{4} \int_{-1}^{1} \int_{0}^{2} (xy^{2} + yz^{3}) dz dx dy$$

Stammfunktion bzgl.
$$z (x, y \text{ als Konstante auffassen})$$

$$= \int_{3}^{4} \int_{-1}^{1} \left[xy^{2}z + y \frac{z^{4}}{4} \right]_{z=0}^{z=2} dx dy$$

Stammfunktion bzgl.
$$z (x, y \text{ als Konstante auffassen})$$

$$x(y^{2}z + y \frac{1}{4}z^{4})$$
Stammfunktion bzgl.
$$z \cdot \frac{1}{2}x^{2}y^{2} + 4y \cdot x$$
auffassen)

$$= \int_{3}^{4} \left[\int_{-1}^{1} 2xy^{2} + 4y \right] dx dy$$
Prof. Dr. H.-J. Dobner, MNZ, HTWK Lelpzig

$$\int_{3}^{4} \left[2 \frac{x^{2}}{2} y^{2} + 4xy \right]_{x=-1}^{x=1} dy$$

$$= \int_{3}^{4} \left\{ \left(y^{2} + 4y \right) - \left(y^{2} - 4y \right) \right\} dy \qquad = \int_{3}^{4} 8y dy = \left[8 \frac{y^{2}}{2} \right]_{y=3}^{y=4}$$

$$4 \cdot 4^{2} - 4 \cdot 3^{2} = 64 - 36 = 28$$
Da f stetig
$$\int_{3}^{4} \left[\int_{1}^{1} \left(xy^{2} + yz^{3} \right) dz \right] dx dy = \int_{3}^{4} \left(\int_{0}^{1} \left(xy^{2} + yz^{3} \right) dx dz \right] dy$$

$$= \int_{0}^{4} \left[\int_{1}^{1} \left(xy^{2} + yz^{3} \right) dy dx dz \right] dz = \dots$$
Prof. Dr. H.-J. Dobner, MNZ, HTWK Leipzig