Programozás I.

3. előadás Tömbök a C#-ban Metódusok C#-ban Egyszerű programozási tételek

Sergyán Szabolcs sergyan.szabolcs@nik.uni-obuda.hu

> Óbudai Egyetem Neumann János Informatikai Kar Szoftvertechnológia Intézet

2013. szeptember 23.



1 / 76

Tartalom

- Tömbök a C#-ban
- 2 Metódusok C#-ban
- 3 Programozási tételek
- Egyszerű programozási tételek
 - Sorozatszámítás
 - Eldöntés
 - Kiválasztás
 - Lineáris keresés
 - Megszámlálás
 - Maximumkiválasztás





Tartalom

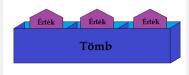
- Tömbök a C#-ban
- 2 Metódusok C#-ban
- Programozási tételek
- Egyszerű programozási tételek
 - Sorozatszámítás
 - Eldöntés
 - Kiválasztás
 - Lineáris keresés
 - Megszámlálás
 - Maximumkiválasztás





A tömb

Több, azonos típusú változó együttes kezelését teszi lehetővé



- int a1; int a2; int a3; int a4; ... helyett egyetlen "int tömb" típusú változó használata egy névvel
- Elemei a tömbön belüli sorszámukkal (index) érhetőek el (kezdő index: C#-ban 0, pszeudokódban: 1)
- \bullet A tömbben tárolt típus és a tömb mérete nem módosítható \to szigorú adatszerkezet, cserében nagyon gyors



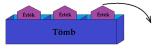


Tömbbel végezhető tevékenységek

- Deklaráció: a tömb nevének és elemei típusának megadása
- Tömblétrehozás: a tömb méretének meghatározása
- Értékadás: érték elhelyezése egy tömbelemben



 Érték lekérdezése: egy tömbelem tartalmának kiolvasása. Az érték a kiolvasás után is megmarad a tömbelemben





Tömbbel végezhető tevékenységek C#-ban

- Deklaráció: int[] tomb;
- 2 Tömblétrehozás: tomb = new int[10];
- ⑤ Értékadás: tomb[5] = 25; vagy tomb[5] = 6 * 2 -29;
- Érték lekérdezése: 5 * 10 tomb[5] + 2

A deklaráció és a tömblétrehozás össze is vonható:

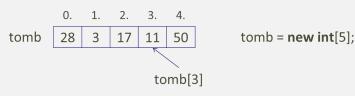
```
int[] tomb = new int[10];
```



2013. szeptember 23.

Tömbelem elérése (indexelés)

- A tömb egy adott eleméhez a tömb neve után szögletes zárójelek között megadott sorszámmal (index) férhetünk hozzá: tömbnév[index]
- Az index csak nemnegatív egész szám lehet
- A tömb első elemének indexe: 0
- A tömb utolsó elemének indexe: elemszám 1
- Kisebb, vagy nagyobb index megadása futási hibát okoz.





2013. szeptember 23.

Tömb hosszának (elemei számának) lekérdezése

- Általános formátum: tömbnév.Length
- A tömbben lévő elemek számát adja meg





Tömb inicializálása

- A tömb deklarációja, létrehozása és elemeinek megadása egy utasításban is elvégezhető
- Formátuma: típus[] tömbnév = {elem1, elem2, ..., elemN};
- Példák:

```
double[] valosak = \{2.0, -3.5, 8.2, -1234.56\};
bool[] logikai = {true, false, false, true, true};
```





Tömbbel végezhető tevékenységek C#-ban

- A tevékenységek sorrendje:
 - Deklaráció
 - 2 Tömblétrehozás
 - Értékadás egy tömbelemnek, vagy egy tömbelem értékének lekérdezése
- A fentiek közül akármelyik tevékenységet szeretnénk is végrehajtani, előbb a sorrendben őt megelőzőt kell elvégezni
- A tömbelemeknek nem kötelező értéket adni az érték lekérdezése előtt
- Értékadás hiányában a tömbelem a típus alapértékét veszi fel

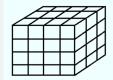




Többdimenziós tömbök

- 2 dimenziós tömb
 - sorok és oszlopok
 - elem elérése 2 indexszel
- 3 dimenziós tömbök
 - sorok, oszlopok, lapok
 - elem elérése 3 indexszel
- N dimenziós tömbök
 - 0., 1., ..., N. dimenzió
 - elem elérése N indexszel







Többdimenziós tömbök – Deklaráció

- Általános formátum: típus[vesszők] tömbnév;
- A szögletes zárójelbe dimenziószám 1 darab vesszőt kell tenni
- Példák:
 - int[,] matrix;
 - bool[,,] haromdimenziostomb;
 - double[,,,,] otdimenziostomb;





Többdimenziós tömbök – Tömblétrehozás

- Általános formátum:
 tömbnév = new típus[elemszám1, ..., elemszámN];
- Az egyes dimenziók elemszámait vesszőkkel elválasztva kell megadni
- A deklaráció és a tömblétrehozás itt is összevonható
- Példák
 - matrix = new int[3, 5];
 - haromdimenziostomb = new bool[4, 2, 5];
 - int[,,] t = new int[3, 3, 3];
 - int[,] egeszmatrix = {{1, 2, 3, 4}, {5, 6, 7, 8}, {9, 0, 1, 2}};





Többdimenziós tömbök – Tömbelem elérése (indexelés)

- A szögletes zárójelek közé a tömbelem minden egyes dimenzióján belüli sorszámait kell vesszőkkel elválasztva megadni: tömbnév[index1, index2, ..., indexN]
- Az indexekre vonatkozó szabályok ugyanazok, mint az egydimenziós tömbnél
- Pontosan annyi indexet kell megadni, ahány dimenziós a tömb

	4.	3.	2.	1.	0.		
tomb = new int [2, 5]	50	11	17	3	28	0.	مامسمه
	~1 _	(20)	38	14	22	1.	tomb
tomb[1, 3]							

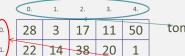


2013. szeptember 23.

Többdimenziós tömbök – Tömb méretének lekérdezése

- Elemek számának lekérdezése:
 - Összes tömbben lévő elem darabszáma: tömbnév.Length
 - Egy adott dimenzió elemszáma (sorok száma, oszlopok száma, ...): tömbnév.GetLength(dimenziósorszám)

tomb



tomb.GetLength(1);

tomb = new int[2]

tomb.GetLength(0);



2013. szeptember 23

Tömb bejárása – for utasítás

for(inicializátor; feltétel; iterátor)

- Az inicializátor és az iterátor tetszőleges utasítás lehet
- Működése:
 - Belépéskor egyszer végrehajtódik az inicializátor
 - Minden ciklusmenetben kiértékelődik a feltétel
 - Amennyiben a feltétel igaz, a ciklusmagban lévő utasítások egyszer végrehajtódnak
 - A ciklusmag végeztével végrehajtódik az iterátor és ismét kiértékelődik a feltétel
 - A ciklus akkor ér véget, amikor a feltétel hamissá válik, ellenkező esetben újabb ciklusmenet következik
- Általában az inicializátor egy számlálót állít be, az iterátor pedig ezt a számlálót növeli vagy csökkenti
 - Legtöbbször akkor használjuk, ha előre ismert számú alkalommal szeretnénk végrehajtani egy utasítást



A for utasítás (példa)

```
//Számmátrix
//Ez a külső ciklus fut végig az összes soron
for (int i = 0; i < 100; i += 10)
      //Ez a belső ciklus fut végig egy soron belül
      //az összes oszlopon
      for (int j = i; j < i + 10; j++)
            Console.Write(" {0}", j);
                                                        Command Prompt
                                                                                        _ 🗆 ×
      Console.WriteLine();
                                                       C:\Hallqato\01>csc for.cs
                                                       Microsoft (R) Visual C# 2005 Compiler version 8.00.50727.42
                                                       for Microsoft (R) Windows (R) 2005 Framework version 2.0.50727
                                                       Copyright (C) Microsoft Corporation 2001-2005. All rights reserved.
                                                        10 11 12
                                                              13 14 15
```

Tömb bejárása – foreach utasítás

foreach (típus változó in gyűjtemény)

- Lehetővé teszi egy utasítás végrehajtását egy adott gyűjtemény összes elemére
 - A "gyűjtemény" pontos fogalmát később részletesen tárgyaljuk
 - A tömbök gyűjtemények, tehát a foreach utasítás tömbökkel is használható
- Működése:
 - Belépéskor létrejön egy típus típusú változó ("iterációs változó")
 - Ez a változó csak az utasításon belül használható
 - Az utasítás annyiszor hajtódik végre, ahány elemet tartalmaz a gyűjtemény
 - Az iterációs változó minden egyes végrehajtásnál felveszi a gyűjtemény soron következő elemének értékét
- Az iterációs változó az utasításban nem módosítható
 - Erre a célra a for utasítás használható



A foreach utasítás (példa)

```
int[] teszttömb = {1, 2, 3, 10, 20, 30, 100, 200, 300, 999};
Console.WriteLine("Példa a foreach utasításra");
foreach (int tömbérték in teszttömb)
      Console.Write("{0} ", tömbérték);
                                         Command Prompt
                                                                                     _ | D | X
                                         C:\Hallgato\01>csc foreach.cs
Console.WriteLine();
                                         Microsoft (R) Visual C# 2005 Compiler version 8.00.50727.42
                                         for Microsoft (R) Windows (R) 2005 Framework version 2.0.50727
                                         Copyright (C) Microsoft Corporation 2001-2005. All rights reserved.
                                         C:\Hallgato\01>foreach.exe
                                         Példa a foreach utasításra
                                         1 2 3 10 20 30 100 200 300 999
                                         C:\Hallgato\01>
                                          4
                                                           4日 > 4周 > 4 至 > 4 至 >
```

19 / 76

Fűrészfogas tömb

- A fűrészfogas tömb tömbök tömbje
- A belső (azaz tartalmazott) tömbök mérete különböző lehet
- A belső tömbök méretének felső határát minden egyes belső tömb külön-külön meg kell adni





Fűrészfogas tömb

```
int[][] myJagArray = new int[5][];
for (int i = 0; i < myJagArray.Length; i++)</pre>
    myJagArray[i] = new int[i+7];
for (int i = 0; i < 5; i++)
{
    for (int j = 0; j < myJagArray[i].Length; j++)</pre>
         Console.Write(myJagArray[i][j] + " ");
    Console.WriteLine();
                                       Visual Studio Command Prompt...
                                         .Users\serszab\Documents>pelda
```

Tartalom

- Tömbök a C#-ban
- 2 Metódusok C#-ban
- 3 Programozási tételek
- 4 Egyszerű programozási tételek
 - Sorozatszámítás
 - Eldöntés
 - Kiválasztás
 - Lineáris keresés
 - Megszámlálás
 - Maximumkiválasztás





Metódusok

- A metódus egy kódblokk, amely utasítások sorozatát tartalmazza
- A program azáltal futtatja ezt a kódblokkot, hogy meghívja a metódust és megszabja a szükséges paramétereit
- C#-ban minden futtatandó utasítás egy metódusban helyezkedik el
 - Eddig programjainkat a Main() metódusba írtuk
- A többször használt kódrészeket írjuk metódusba
 - "Copy-Paste" helyett
 - Célszerű a hosszú metódusok feldarabolása az egyszerűbb értelmezés céljából





Metódusok

Szintaktika

visszatérési_típus metódusnév(paraméterek)
{metódustörzs}





Metódusok típusa

- A típus a visszaadott érték típusa vagy void, ha nem adunk vissza semmit
- Egy metódusnak legfeljebb egy visszatérési értéke van
 - de az lehet tömb is
- A visszatérési érték típus előtt állhatnak különféle módosítók
 - Pl. static, abstract, override, new, illetve láthatóságot jelző kulcsszavak





Metódustörzs

- A metódushoz tartozó utasítások, amelyek használhatják a metódusnak átadott paramétereket
- A metódus visszatérési értékét a return kulcsszó után adjuk meg.
 Ennek hatására a metódusból azonnal visszatérünk a hívóhoz, akkor is, ha még vannak további utasítások a return után.
- Ha a metódus több ágon is véget érhet, akkor minden ág végére kell return
- Visszatérési érték nélküli (void) metódusnál ha a program mindig a metódustörzs fizikai végénél fejeződik be – a return utasítás elhagyható

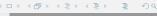




Változók hatóköre

- Egy blokkban deklarált változók csak a deklarálástól kezdve a blokk végéig elérhetők
 - Következmény: az egyik metódusban deklarált x változó nem ugyanaz, mint a másik metódusbeli x változó
- A hívó környezet változói nem érhetők el a metódusban
 - Ezért szükséges a paraméter átadás és a visszatérési érték
 - Közös adat használható: globális változók, de használatuk nem javasolt





Egyszerű példa

Téglalap területének számítása

```
static int terület(int a, int b) //paraméterek átadása
{
   return a * b;
static void Main()
{
    int egyikOldal = 5;
    int másikOldal = 7;
    Console.WriteLine("A téglalap területe:
        + terület(egyikOldal, másikOldal));
```



Tartalom

- Tömbök a C#-ban
- 2 Metódusok C#-ban
- 3 Programozási tételek
- 4 Egyszerű programozási tételek
 - Sorozatszámítás
 - Eldöntés
 - Kiválasztás
 - Lineáris keresés
 - Megszámlálás
 - Maximumkiválasztás





Programozási tételek

- A programozási tételek jól megválasztott, egyszerű feladatok megoldásai
 - Segítségükkel a gyakorlatban szükséges feladatok jelentős része megoldható
 - Helyességük egyszerűen bizonyítható
 - Használatuk célszerű, hiszen (mások által is) jól áttekinthető kódot eredményeznek
- Egy lehetséges csoportosításuk
 - Egy sorozathoz egy értéket rendelő feladatok
 - Egy sorozathoz egy sorozatot rendelő feladatok
 - Egy sorozathoz több sorozatot rendelő feladatok
 - Több sorozathoz egy sorozatot rendelő feladatok
- Feldolgozandó intervallum alapján megkülönböztetünk
 - Rögzített intervallumos programozási tételeket
 - Feltételig tartó programozási tételeket (ezeket a változatokat nem tárgyaljuk)



Tartalom

- Tömbök a C#-ban
- 2 Metódusok C#-ban
- 3 Programozási tételek
- 4 Egyszerű programozási tételek
 - Sorozatszámítás
 - Eldöntés
 - Kiválasztás
 - Lineáris keresés
 - Megszámlálás
 - Maximumkiválasztás





Tartalom

- 1 Tömbök a C#-ban
- 2 Metódusok C#-ban
- Programozási tételek
- 4 Egyszerű programozási tételek
 - Sorozatszámítás
 - Eldöntés
 - Kiválasztás
 - Lineáris keresés
 - Megszámlálás
 - Maximumkiválasztás





Sorozatszámítás

Típusfeladatok

- Egy osztály N darab tanulójának osztályzata alapján adjuk meg az osztály átlagát!
- 2 Egy M elemű betűsorozat betűit fűzzük össze egyetlen szöveg típusú változóba!
- Készítsünk algoritmust, amely egy autóversenyző körönkénti ideje alapján meghatározza a versenyző egy kör megtételéhez szükséges átlagidejét!
- A Balaton mentén K darab madarász végzett megfigyeléseket. Mindegyik megadta, hogy milyen madarakat látott. Készítsünk algoritmust, amely a megfigyelések alapján megadja a Balatonon előforduló madárfajokat!
- Adjuk meg az első N darab pozitív egész szám szorzatát!

Sorozatszámítás

Bemenet

A: Feldolgozandó tömb

N: Tömb elemeinek száma

Kimenet

R: Művelet eredménye

Pszeudokód

Eljárás Sorozatszámítás(A, N, R)

 $R \leftarrow R_0$

Ciklus $i \leftarrow 1$ -től N-ig

 $R \leftarrow R$ művelet A[i]

Ciklus vége

Eljárás vége





Sorozatszámítás

Megjegyzések

- Adatok sorozatához egy értéket rendelő függvényt helyettesít
- Minden olyan esetben használható, ha ezt a függvényt felbonthatjuk értékpárokon kiszámított függvények sorozatára
- Az induláskor használt nullértéket értelemszerűen a kérdéses függvény (esetleg a feladat) alapján kell megválasztani

	összegzés	faktoriális	elemek uniója
R_0	0	1	{ }
művelet	$R \leftarrow R + A[i]$	$R \leftarrow R * A[i]$	$R \leftarrow R \cup A[i]$





Sorozat elemeinek összegzése

Eljárás Sorozatszámítás
$$(A, N, R)$$
 $R \leftarrow 0$ Ciklus $i \leftarrow 1$ -től N -ig $R \leftarrow R + A[i]$ Ciklus vége Eljárás vége

R

	_	_	_	_	
1 1	12	3	۱ ۲	l R	13
-	-			•	+ -



Eljárás Sorozatszámítás
$$(A, N, R)$$

$$R \leftarrow 0$$

Ciklus
$$i \leftarrow 1$$
-től N -ig

$$R \leftarrow R + A[i]$$

Ciklus vége

Eljárás vége

$$R = 0$$





Eljárás Sorozatszámítás
$$(A, N, R)$$

 $R \leftarrow 0$
Ciklus $i \leftarrow 1$ -től N -ig
 $R \leftarrow R + A[i]$
Ciklus vége
Eljárás vége

$$R = 0$$

$$1 2 3 5 8 13$$

$$i = 1$$





$$R = 1$$
1 2 3 5 8 13
 $i = 1$

Eljárás vége



Eljárás Sorozatszámítás
$$(A, N, R)$$

 $R \leftarrow 0$
Ciklus $i \leftarrow 1$ -től N -ig
 $R \leftarrow R + A[i]$
Ciklus vége
Eljárás vége

$$R = 1$$
 $1 \ 2 \ 3 \ 5 \ 8 \ 13$
 $i = 2$





Eljárás Sorozatszámítás
$$(A, N, R)$$
 $R \leftarrow 0$ Ciklus $i \leftarrow 1$ -től N -ig $R \leftarrow R + A[i]$ Ciklus vége Eljárás vége

$$R=3$$





Eljárás Sorozatszámítás
$$(A, N, R)$$

 $R \leftarrow 0$
Ciklus $i \leftarrow 1$ -től N -ig
 $R \leftarrow R + A[i]$
Ciklus vége
Eljárás vége

$$R = 3$$

$$1 \quad 2 \quad 3 \quad 5 \quad 8 \quad 13$$

$$\downarrow i = 3$$





Eljárás Sorozatszámítás
$$(A, N, R)$$
 $R \leftarrow 0$ Ciklus $i \leftarrow 1$ -től N -ig $R \leftarrow R + A[i]$ Ciklus vége Eljárás vége

$$R = 6$$

$$\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|}\hline 1 & 2 & 3 & 5 & 8 & 13 \\ \hline & & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \\ \end{array}$$





Eljárás Sorozatszámítás
$$(A, N, R)$$

 $R \leftarrow 0$
Ciklus $i \leftarrow 1$ -től N -ig
 $R \leftarrow R + A[i]$
Ciklus vége
Eljárás vége





Eljárás Sorozatszámítás
$$(A, N, R)$$
 $R \leftarrow 0$ Ciklus $i \leftarrow 1$ -től N -ig $R \leftarrow R + A[i]$ Ciklus vége Eljárás vége

$$R = 11$$





Eljárás Sorozatszámítás
$$(A, N, R)$$

 $R \leftarrow 0$
Ciklus $i \leftarrow 1$ -től N -ig
 $R \leftarrow R + A[i]$
Ciklus vége
Eljárás vége





Eljárás vége





Eljárás Sorozatszámítás
$$(A, N, R)$$

 $R \leftarrow 0$
Ciklus $i \leftarrow 1$ -től N -ig
 $R \leftarrow R + A[i]$
Ciklus vége
Eljárás vége



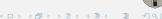


Eljárás Sorozatszámítás
$$(A, N, R)$$
 $R \leftarrow 0$ Ciklus $i \leftarrow 1$ -től N -ig $R \leftarrow R + A[i]$ Ciklus vége

$$R = 32$$

Eljárás vége





Futási idő elemzése

Eljárás Sorozatszámítás(A, N, R)

$$R \leftarrow R_0$$

1 értékadás

Ciklus
$$i \leftarrow 1$$
-től N -ig

1 + N értékadás és N + 1 összeh.

$$R \leftarrow R$$
 művelet $A[i]$

N értékadás

Ciklus vége

Eljárás vége

A futási idő minden esetben:

$$T(N) = 1 + 2(N+1) + N = 3N + 3 = O(N)$$





Sorozatszámítás

Összegzés

Bemenet: X – számokat tartalmazó tömb

N – tömb elemszáma

Kimenet: S – tömb elemeinek összege

Eljárás Összegzés(N, X, S)

$$S \leftarrow 0$$

Ciklus $i \leftarrow 1$ -től N-ig

$$S \leftarrow S + X[i]$$

Ciklus vége

Eljárás vége



Tartalom

- Tömbök a C#-ban
- 2 Metódusok C#-ban
- Programozási tételek
- Egyszerű programozási tételek
 - Sorozatszámítás
 - Eldöntés
 - Kiválasztás
 - Lineáris keresés
 - Megszámlálás
 - Maximumkiválasztás





Eldöntés

Típusfeladatok

- Döntsük el egy szóról a hónapnevek sorozata alapján, hogy egy hónap neve-e!
- ② Döntsük el egy tanuló év végi osztályzata alapján, hogy kitűnő tanuló-e!
- Júniusban minden nap délben megmértük, hogy a Balaton Siófoknál hány fokos. Döntsük el a mérések alapján, hogy a víz hőfoka folyamatosan emelkedett-e!
- Oöntsük el egy számról, hogy prímszám-e!





Eldöntés

Bemenet

A: Feldolgozandó tömb

N: Tömb elemeinek száma

T: Tulajdonság függvény

Kimenet

VAN: Logikai változó

Pszeudokód

Eljárás Eldöntés(A, N, T, VAN)

$$i \leftarrow 1$$

Ciklus amíg $(i \le N)$ és $\neg T(A[i])$ $i \leftarrow i + 1$

Ciklus vége

$$VAN \leftarrow (i \leq N)$$

Eljárás vége



```
Eljárás Eldöntés(A, N, T, VAN)

i \leftarrow 1

Ciklus amíg (i \le N) és \neg T(A[i])

i \leftarrow i + 1

Ciklus vége

VAN \leftarrow (i \le N)

Eljárás vége
```

13



Eljárás Eldöntés
$$(A, N, T, VAN)$$

 $i \leftarrow 1$
Ciklus amíg $(i \leq N)$ és $\neg T(A[i])$
 $i \leftarrow i + 1$
Ciklus vége
 $VAN \leftarrow (i \leq N)$
Eljárás vége





```
Eljárás Eldöntés(A, N, T, VAN)
   i \leftarrow 1
   Ciklus amíg (i \leq N) és \neg T(A[i])
       i \leftarrow i + 1
   Ciklus vége
   VAN \leftarrow (i \leq N)
Eljárás vége
```

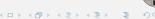




i = 1

```
\begin{aligned} & \textbf{Eljárás} \ \textbf{Eldönt\'es}(A,\ N,\ T,\ VAN) \\ & i \leftarrow 1 \\ & \textbf{Ciklus am\'ig}\ (i \leq N) \ \text{\'es}\ \neg T\ (A[i]) \\ & i \leftarrow i+1 \\ & \textbf{Ciklus v\'ege} \\ & VAN \leftarrow (i \leq N) \end{aligned} \textbf{Eljárás v\'ege}
```





```
Eljárás Eldöntés(A, N, T, VAN)

i \leftarrow 1

Ciklus amíg (i \le N) és \neg T(A[i])

i \leftarrow i + 1

Ciklus vége

VAN \leftarrow (i \le N)

Eljárás vége
```





Eljárás Eldöntés
$$(A, N, T, VAN)$$

 $i \leftarrow 1$
Ciklus amíg $(i \leq N)$ és $\neg T(A[i])$
 $i \leftarrow i + 1$
Ciklus vége
 $VAN \leftarrow (i \leq N)$
Eljárás vége





Eljárás Eldöntés
$$(A, N, T, VAN)$$

 $i \leftarrow 1$
Ciklus amíg $(i \le N)$ és $\neg T(A[i])$
 $i \leftarrow i + 1$
Ciklus vége
 $VAN \leftarrow (i \le N)$
Eljárás vége





Eljárás Eldöntés
$$(A, N, T, VAN)$$

 $i \leftarrow 1$
Ciklus amíg $(i \le N)$ és $\neg T(A[i])$
 $i \leftarrow i + 1$
Ciklus vége
 $VAN \leftarrow (i \le N)$
Eljárás vége





Eljárás Eldöntés
$$(A, N, T, VAN)$$

 $i \leftarrow 1$
Ciklus amíg $(i \le N)$ és $\neg T(A[i])$
 $i \leftarrow i + 1$
Ciklus vége
 $VAN \leftarrow (i \le N)$
Eljárás vége





Eljárás Eldöntés
$$(A, N, T, VAN)$$

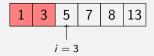
 $i \leftarrow 1$
Ciklus amíg $(i \leq N)$ és $\neg T(A[i])$
 $i \leftarrow i + 1$
Ciklus vége
 $VAN \leftarrow (i \leq N)$
Eljárás vége





Eljárás Eldöntés
$$(A, N, T, VAN)$$

 $i \leftarrow 1$
Ciklus amíg $(i \leq N)$ és $\neg T(A[i])$
 $i \leftarrow i + 1$
Ciklus vége
 $VAN \leftarrow (i \leq N)$
Eljárás vége





Eljárás Eldöntés
$$(A, N, T, VAN)$$

 $i \leftarrow 1$
Ciklus amíg $(i \le N)$ és $\neg T(A[i])$
 $i \leftarrow i + 1$
Ciklus vége
 $VAN \leftarrow (i \le N)$
Eljárás vége





Eljárás Eldöntés
$$(A, N, T, VAN)$$

 $i \leftarrow 1$
Ciklus amíg $(i \le N)$ és $\neg T(A[i])$
 $i \leftarrow i + 1$
Ciklus vége
 $VAN \leftarrow (i \le N)$
Eljárás vége





Eljárás Eldöntés
$$(A, N, T, VAN)$$

 $i \leftarrow 1$
Ciklus amíg $(i \leq N)$ és $\neg T(A[i])$
 $i \leftarrow i + 1$
Ciklus vége
 $VAN \leftarrow (i \leq N)$
Eljárás vége

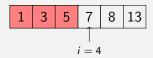


42 / 76



$$\begin{aligned} & \textbf{Eljárás} \text{ Eldönt\'es}(A, \ N, \ T, \ VAN) \\ & i \leftarrow 1 \\ & \textbf{Ciklus am\'ig} \ (i \leq \textit{N}) \text{ \'es } \neg T \left(A[i]\right) \\ & i \leftarrow i+1 \\ & \textbf{Ciklus v\'ege} \\ & \textit{VAN} \leftarrow (i \leq \textit{N}) \end{aligned}$$

$$\textbf{Eljárás v\'ege}$$

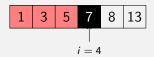






Eljárás Eldöntés
$$(A, N, T, VAN)$$

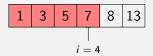
 $i \leftarrow 1$
Ciklus amíg $(i \le N)$ és $\neg T(A[i])$
 $i \leftarrow i + 1$
Ciklus vége
 $VAN \leftarrow (i \le N)$
Eljárás vége





Eljárás Eldöntés
$$(A, N, T, VAN)$$

 $i \leftarrow 1$
Ciklus amíg $(i \le N)$ és $\neg T(A[i])$
 $i \leftarrow i + 1$
Ciklus vége
 $VAN \leftarrow (i \le N)$
Eljárás vége

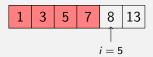






Eljárás Eldöntés
$$(A, N, T, VAN)$$

 $i \leftarrow 1$
Ciklus amíg $(i \le N)$ és $\neg T(A[i])$
 $i \leftarrow i + 1$
Ciklus vége
 $VAN \leftarrow (i \le N)$
Eljárás vége

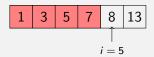




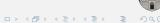


Eljárás Eldöntés
$$(A, N, T, VAN)$$

 $i \leftarrow 1$
Ciklus amíg $(i \leq N)$ és $\neg T(A[i])$
 $i \leftarrow i + 1$
Ciklus vége
 $VAN \leftarrow (i \leq N)$
Eljárás vége







$$\begin{aligned} & \textbf{Eljárás} \text{ Eldöntés}(A, \ N, \ T, \ VAN) \\ & i \leftarrow 1 \\ & \textbf{Ciklus amíg} \ (i \leq N) \text{ és } \neg T \ (A[i]) \\ & i \leftarrow i+1 \\ & \textbf{Ciklus vége} \\ & VAN \leftarrow (i \leq N) \end{aligned}$$

$$\textbf{Eljárás vége}$$





Eljárás Eldöntés
$$(A, N, T, VAN)$$

 $i \leftarrow 1$
Ciklus amíg $(i \le N)$ és $\neg T(A[i])$
 $i \leftarrow i + 1$
Ciklus vége
 $VAN \leftarrow (i \le N)$
Eljárás vége





```
Eljárás Eldöntés(A, N, T, VAN)

i \leftarrow 1

Ciklus amíg (i \le N) és \neg T(A[i])

i \leftarrow i + 1

Ciklus vége

VAN \leftarrow (i \le N)

Eljárás vége
```

 $VAN \leftarrow true$



Eldöntés

Megjegyzések

- A T tulajdonság helyes megválasztásával a tétel sokféle szituációban alkalmazható
- A "minden elem T tulajdonságú" feladatot egyszerűen visszavezethetjük az eldöntésre a T tulajdonság tagadásával
- ullet A sorozatszámításnál megismert módszerrel ellentétben ez az algoritmus az első T tulajdonságú elem megtalálása után már nem folytatja a keresést





Eldöntés: minden elem T tulajdonságú-e?

```
Eljárás Eldöntés(A, N, T, VAN)
   i \leftarrow 1
   Ciklus amíg (i \leq N) és T(A[i])
       i \leftarrow i + 1
   Ciklus vége
   VAN \leftarrow (i > N)
Eljárás vége
```





Futási idő elemzése

Legrosszabb eset

Legrosszabb esetnek azt tekinthetjük, amikor nincs a tömbben \mathcal{T} tulajdonságú elem, hiszen ilyenkor az egész tömböt be kell járnunk.

Eljárás Eldöntés
$$(A, N, T, VAN)$$

$$i \leftarrow 1$$

Ciklus amíg $(i \le N)$ és $\neg T(A[i])$

$$i \leftarrow i + 1$$

Ciklus vége

$$VAN \leftarrow (i \leq N)$$

Eljárás vége

N+1 összeh. N összeh.

N értékadás

1 értékadás és 1 összeh.

$$T(N) = 1 + N + 1 + N + N + 2 = 3N + 4 = O(N)$$



45 / 76

Sergyán (OE NIK) Programozás I.

Futási idő elemzése

Legjobb eset

Ez az eset akkor áll elő, ha rögtön az első elem T tulajdonságú

$$T(N) = 1 + 1 + 1 + 0 + 2 = 5 = O(1)$$

Átlagos eset

$$T(N) = 1 + \frac{N}{2} + \frac{N}{2} + \frac{N}{2} + \frac{2}{2} = \frac{3N}{2} + 3 = O(\frac{N}{2}) = O(N)$$



46 / 76



Eldöntés

Prímteszt

Bemenet: N – pozitív egész szám (legalább 2)

Kimenet: PRIM – logikai változó; pontosan akkor igaz, ha N prímszám

Eljárás Eldöntés(N, PRIM)

$$i \leftarrow 2$$

Ciklus amíg $(i \le N-1)$ és $\neg (i \text{ osztója } N\text{-nek})$

$$i \leftarrow i + 1$$

Ciklus vége

$$PRIM \leftarrow (i > N-1)$$

Eljárás vége





Eldöntés

Monoton növekedés

Bemenet: X – feldolgozandó tömb

N – X elemszáma

Kimenet: MONOTON – logikai változó; pontosan akkor igaz,

ha X elemei monoton növekedőek

$$i \leftarrow 1$$

Ciklus amíg
$$(i \le N-1)$$
 és $(X[i] \le X[i+1])$

$$i \leftarrow i + 1$$

Ciklus vége

$$MONOTON \leftarrow (i > N-1)$$

Eljárás vége



48 / 76

Sergyán (OE NIK) Programozás I. 2013. szeptember 23.

Tartalom

- Tömbök a C#-ban
- 2 Metódusok C#-ban
- Programozási tételek
- 4 Egyszerű programozási tételek
 - Sorozatszámítás
 - Eldöntés
 - Kiválasztás
 - Lineáris keresés
 - Megszámlálás
 - Maximumkiválasztás





Típusfeladatok

- Ismerjük egy hónap nevét. A hónapnevek sorozata alapján mondjuk meg a hónap sorszámát!
- Adjuk meg egy egynél nagyobb természetes szám legkisebb, 1-től különböző osztóját!
- A naptárban található névnapok alapján adjuk meg a legjobb barátunk névnapját!





Bemenet

A: Feldolgozandó tömb

N: Tömb elemeinek száma

T: Tulajdonság függvény

Kimenet

SORSZ: Első T tulajdonságú

elem indexe

Pszeudokód

Eljárás Kiválasztás(A, N, T, SORSZ)

$$i \leftarrow 1$$

Ciklus amíg $\neg T(A[i])$

$$i \leftarrow i + 1$$

Ciklus vége

$$SORSZ \leftarrow i$$

Eljárás vége



51 / 76

Megjegyzések

- ullet Az eldöntéssel ellentétben ez visszaadja az első ${\cal T}$ tulajdonságú elem sorszámát
- A tétel feltételezi, hogy biztosan van legalább egy T tulajdonságú elem
- Sorszám helyett visszaadhatjuk az elem értékét is, de célszerűbb a sorszám használata (ez alapján az elem is egyszerűen meghatározható)
- Az algoritmus működése és futási ideje hasonló az eldöntéshez





Legjobb barát névnapja

Bemenet: X – keresztneveket és a hozzájuk tartozó névnapokat tartalmazó tömb

N – X elemeinek száma

BARAT – legjobb barátunk keresztneve

Kimenet: NAP – legjobb barátunk névnapja

Eljárás Kiválasztás(
$$N$$
, X , $BARAT$, NAP) $i \leftarrow 1$

Ciklus amíg
$$(X[i].nev \neq BARAT)$$

 $i \leftarrow i + 1$

$$i \leftarrow i + 1$$

Ciklus vége

$$NAP \leftarrow X[i].nevnap$$

Eljárás vége

Tartalom

- Tömbök a C#-ban
- 2 Metódusok C#-ban
- 3 Programozási tételek
- Egyszerű programozási tételek
 - Sorozatszámítás
 - Eldöntés
 - Kiválasztás
 - Lineáris keresés
 - Megszámlálás
 - Maximumkiválasztás





Típusfeladatok

- Ismerjük egy üzlet egy havi forgalmát: minden napra megadjuk, hogy mennyi volt a bevétel és mennyi a kiadás. Adjunk meg egy olyan napot – ha van –, amelyik nem volt nyereséges!
- A Budapest-Nagykanizsa vasúti menetrend alapján két adott állomáshoz adjunk meg egy olyan vonatot, amellyel el lehet jutni átszállás nélkül az egyikről a másikra!
- Segy tetszőleges (nem 1) természetes számnak adjuk meg egy osztóját, ami nem az 1 és nem is önmaga!





Bemenet

A: Feldolgozandó tömb

N: Tömb elemeinek száma

T: Tulajdonság függvény

Kimenet

VAN: Logikai változó

SORSZ: Első T tulajdonságú

elem indexe

Pszeudokód

Eljárás Keresés(A, N, T, VAN, SORSZ)

$$i \leftarrow 1$$

Ciklus amíg $(i \leq N)$ és $\neg T(A[i])$

$$i \leftarrow i + 1$$

Ciklus vége

$$VAN \leftarrow (i \leq N)$$

Ha VAN akkor

$$SORSZ \leftarrow i$$

Elágazás vége

Eljárás vége

Megjegyzések

- Tekinthető az eldöntés és a kiválasztás tétel ötvözetének is: választ ad arra, hogy van-e T tulajdonságú elem a sorozatban, és ha van, akkor visszaadja a sorszámát is.
- Értelemszerűen nem feltételezi, hogy biztosan van T tulajdonságú elem a sorozatban. Ha nincs, akkor a VAN értéke hamis, ilyenkor a SORSZ változó nem kap értéket.
- Az algoritmus működése és futási ideje hasonló az eldöntéshez





Nem nyereséges nap

```
Bemenet: K – kiadások tömbje B – bevételek tömbje
```

N – K és B elemeinek száma

Kimenet: VAN – logikai változó; pontosan akkor igaz,

ha van nem nyereséges nap

SORSZ – a nem nyereséges nap (ha van ilyen!) sorszáma

$$i \leftarrow 1$$

Ciklus amíg
$$(i \le N)$$
 és $(B[i] - K[i] > 0)$

$$i \leftarrow i + 1$$

Ciklus vége

$$VAN \leftarrow (i \leq N)$$

$$SORSZ \leftarrow i$$

Elágazás vége

Eljárás vége

Tartalom

- Tömbök a C#-ban
- 2 Metódusok C#-ban
- 3 Programozási tételek
- Egyszerű programozási tételek
 - Sorozatszámítás
 - Eldöntés
 - Kiválasztás
 - Lineáris keresés
 - Megszámlálás
 - Maximumkiválasztás





Megszámlálás

Típusfeladatok

- Családok létszáma, illetve jövedelme alapján állapítsuk meg, hogy hány család él a létminimum alatt!
- Egy futóverseny időeredményei alapján határozzuk meg, hogy a versenyzők hány százaléka teljesítette az olimpiai induláshoz szükséges szintet!
- Adjuk meg egy szöveg magánhangzóinak számát!





Megszámlálás

Bemenet

A: Feldolgozandó tömb

N: Tömb elemeinek száma

T: Tulajdonság függvény

Kimenet

DB: T tulajdonságú elemek

száma

Pszeudokód

Eljárás Megszámlálás(A, N, T, DB)

$$DB \leftarrow 0$$

Ciklus $i \leftarrow 1$ -től N-ig

Ha T(A[i]) akkor

 $\overrightarrow{DB} \leftarrow \overrightarrow{DB} + 1$

Elágazás vége

Ciklus vége

Eljárás vége





```
\begin{array}{l} \textbf{Eljárás} \ \mathsf{Megszámlálás}(A,\ N,\ T,\ DB) \\ \hline \textit{DB} \leftarrow \mathbf{0} \\ \mathbf{Ciklus} \ i \leftarrow 1\text{-}\mathbf{től} \ \textit{N}\text{-}\mathbf{ig} \\ \mathbf{Ha} \ T(A[i]) \ \mathbf{akkor} \\ \textit{DB} \leftarrow \textit{DB} + 1 \\ \mathbf{Elágazás} \ \mathbf{vége} \\ \mathbf{Ciklus} \ \mathbf{vége} \\ \mathbf{Eljárás} \ \mathbf{vége} \end{array}
```

2 7 4 10 3 6
$$DB \leftarrow 0$$



```
Eljárás Megszámlálás(A, N, T, DB)

DB \leftarrow 0

Ciklus i \leftarrow 1-től N-ig

Ha T(A[i]) akkor

DB \leftarrow DB + 1

Elágazás vége

Ciklus vége

Eljárás vége
```



```
Eljárás Megszámlálás(A, N, T, DB)
   DB \leftarrow 0
   Ciklus i \leftarrow 1-től N-ig
      Ha T(A[i]) akkor
           DB \leftarrow DB + 1
       Elágazás vége
   Ciklus vége
Eljárás vége
```





```
 \begin{split} \textbf{Eljárás} & \text{Megszámlálás}(A, N, T, DB) \\ & DB \leftarrow 0 \\ & \textbf{Ciklus} \ i \leftarrow 1\text{-től } N\text{-ig} \\ & \textbf{Ha} \ \frac{T(A[i])}{DB} \text{ akkor} \\ & DB \leftarrow DB + 1 \\ & \textbf{Elágazás vége} \\ & \textbf{Ciklus vége} \\ & \textbf{Eljárás vége} \end{split}
```





```
 \begin{split} \textbf{Eljárás} & \text{Megszámlálás}(A, N, T, DB) \\ & DB \leftarrow 0 \\ & \textbf{Ciklus} \ i \leftarrow 1\text{-től } N\text{-ig} \\ & \textbf{Ha} \ T(A[i]) \ \textbf{akkor} \\ & DB \leftarrow DB + 1 \\ & \textbf{Elágazás vége} \\ & \textbf{Ciklus vége} \\ & \textbf{Eljárás vége} \end{split}
```



```
 \begin{aligned} \textbf{Eljárás} & \operatorname{Megszámlálás}(A,\ N,\ T,\ DB) \\ & DB \leftarrow 0 \\ & \textbf{Ciklus}\ i \leftarrow \textbf{1-től}\ \textit{N-ig} \\ & \textbf{Ha}\ T(A[i])\ \textbf{akkor} \\ & DB \leftarrow DB + 1 \\ & \textbf{Elágazás}\ \textbf{vége} \\ & \textbf{Ciklus}\ \textbf{vége} \\ & \textbf{Eljárás}\ \textbf{vége} \end{aligned}
```





```
 \begin{array}{l} \textbf{Eljárás} \ \mathsf{Megszámlálás}(A,\ N,\ T,\ DB) \\ DB \leftarrow 0 \\ \textbf{Ciklus} \ i \leftarrow 1\text{-től} \ N\text{-ig} \\ \textbf{Ha} \ \ \frac{T(A[i])}{DB} \ \textbf{akkor} \\ DB \leftarrow DB + 1 \\ \textbf{Elágazás} \ \textbf{vége} \\ \textbf{Ciklus} \ \textbf{vége} \\ \textbf{Eljárás} \ \textbf{vége} \\ \end{array}
```

2 7 4 10 3 6
$$DB \leftarrow 1$$



```
\begin{array}{l} \textbf{Eljárás} \ \mathsf{Megszámlálás}(A,\ N,\ T,\ DB) \\ DB \leftarrow 0 \\ \textbf{Ciklus} \ i \leftarrow 1\text{-től }N\text{-ig} \\ \textbf{Ha} \ \ \textit{T}(A[i]) \ \textbf{akkor} \\ DB \leftarrow DB + 1 \\ \textbf{Elágazás vége} \\ \textbf{Ciklus vége} \\ \textbf{Eljárás vége} \end{array}
```



```
Eljárás Megszámlálás(A, N, T, DB)
   DB \leftarrow 0
   Ciklus i \leftarrow 1-től N-ig
      Ha T(A[i]) akkor
           DB \leftarrow DB + 1
       Elágazás vége
   Ciklus vége
Eljárás vége
```







```
 \begin{split} \textbf{Eljárás} & \text{Megszámlálás}(A, \ N, \ T, \ DB) \\ & DB \leftarrow 0 \\ & \textbf{Ciklus} \ i \leftarrow 1\text{-től} \ N\text{-ig} \\ & \textbf{Ha} \ \frac{T(A[i])}{DB} \ \textbf{akkor} \\ & DB \leftarrow DB + 1 \\ & \textbf{Elágazás} \ \textbf{vége} \\ & \textbf{Ciklus} \ \textbf{vége} \\ & \textbf{Eljárás} \ \textbf{vége} \end{split}
```

2 7 4 10 3 6
$$DB \leftarrow 1$$



```
Eljárás Megszámlálás(A, N, T, DB)
   DB \leftarrow 0
   Ciklus i \leftarrow 1-től N-ig
      Ha T(A[i]) akkor
           DB \leftarrow DB + 1
       Elágazás vége
   Ciklus vége
Eljárás vége
```







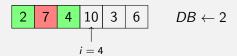
```
Eljárás Megszámlálás(A, N, T, DB)
   DB \leftarrow 0
   Ciklus i \leftarrow 1-től N-ig
      Ha T(A[i]) akkor
           DB \leftarrow DB + 1
       Elágazás vége
   Ciklus vége
Eljárás vége
```

2 7 4 10 3 6
$$DB \leftarrow 2$$





```
 \begin{split} \textbf{Eljárás} & \operatorname{Megszámlálás}(A,\ N,\ T,\ DB) \\ & DB \leftarrow 0 \\ & \textbf{Ciklus}\ i \leftarrow \textbf{1-től}\ \textit{N-ig} \\ & \textbf{Ha}\ T(A[i])\ \textbf{akkor} \\ & DB \leftarrow DB + 1 \\ & \textbf{Elágazás}\ \textbf{vége} \\ & \textbf{Ciklus}\ \textbf{vége} \\ & \textbf{Eljárás}\ \textbf{vége} \end{split}
```





```
 \begin{split} \textbf{Eljárás} & \text{Megszámlálás}(A, N, T, DB) \\ & DB \leftarrow 0 \\ & \textbf{Ciklus} \ i \leftarrow 1\text{-től } N\text{-ig} \\ & \textbf{Ha} \ \frac{T(A[i])}{DB} \text{ akkor} \\ & DB \leftarrow DB + 1 \\ & \textbf{Elágazás vége} \\ & \textbf{Ciklus vége} \\ & \textbf{Eljárás vége} \end{split}
```

2 7 4 10 3 6
$$DB \leftarrow 2$$



```
Eljárás Megszámlálás(A, N, T, DB)

DB \leftarrow 0

Ciklus i \leftarrow 1-től N-ig

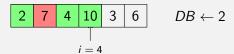
Ha T(A[i]) akkor

DB \leftarrow DB + 1

Elágazás vége

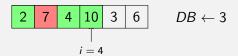
Ciklus vége

Eljárás vége
```





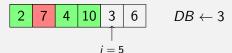
```
Eljárás Megszámlálás(A, N, T, DB)
   DB \leftarrow 0
   Ciklus i \leftarrow 1-től N-ig
      Ha T(A[i]) akkor
           DB \leftarrow DB + 1
       Elágazás vége
   Ciklus vége
Eljárás vége
```







```
 \begin{split} \textbf{Eljárás} & \operatorname{Megszámlálás}(A,\ N,\ T,\ DB) \\ & DB \leftarrow 0 \\ & \textbf{Ciklus}\ i \leftarrow \textbf{1-től}\ \textit{N-ig} \\ & \textbf{Ha}\ T(A[i])\ \textbf{akkor} \\ & DB \leftarrow DB + 1 \\ & \textbf{Elágazás}\ \textbf{vége} \\ & \textbf{Ciklus}\ \textbf{vége} \\ & \textbf{Eljárás}\ \textbf{vége} \end{split}
```







```
Eljárás Megszámlálás(A, N, T, DB)
   DB \leftarrow 0
   Ciklus i \leftarrow 1-től N-ig
      Ha T(A[i]) akkor
           DB \leftarrow DB + 1
       Elágazás vége
   Ciklus vége
Eljárás vége
```

2 7 4 10 3 6
$$DB \leftarrow 3$$





```
Eljárás Megszámlálás(A, N, T, DB)

DB \leftarrow 0

Ciklus i \leftarrow 1-től N-ig

Ha T(A[i]) akkor

DB \leftarrow DB + 1

Elágazás vége

Ciklus vége

Eljárás vége
```

2 7 4 10 3 6
$$DB \leftarrow 3$$





```
\begin{array}{l} \textbf{Eljárás} \ \mathsf{Megszámlálás}(A,\ N,\ T,\ DB) \\ DB \leftarrow 0 \\ \textbf{Ciklus} \ i \leftarrow \textbf{1-től} \ \textit{N-ig} \\ \textbf{Ha} \ T(A[i]) \ \textbf{akkor} \\ DB \leftarrow DB + 1 \\ \textbf{Elágazás} \ \textbf{vége} \\ \textbf{Ciklus} \ \textbf{vége} \\ \textbf{Eljárás} \ \textbf{vége} \end{array}
```

2 7 4 10 3 6
$$DB \leftarrow 3$$



```
Eljárás Megszámlálás(A, N, T, DB)
   DB \leftarrow 0
   Ciklus i \leftarrow 1-től N-ig
      Ha T(A[i]) akkor
           DB \leftarrow DB + 1
       Elágazás vége
   Ciklus vége
Eljárás vége
```

2 7 4 10 3 6
$$DB \leftarrow 3$$





```
Eljárás Megszámlálás(A, N, T, DB)

DB \leftarrow 0

Ciklus i \leftarrow 1-től N-ig

Ha T(A[i]) akkor

DB \leftarrow DB + 1

Elágazás vége

Ciklus vége

Eljárás vége
```

2 7 4 10 3 6
$$DB \leftarrow 3$$



```
Eljárás Megszámlálás(A, N, T, DB)

DB \leftarrow 0

Ciklus i \leftarrow 1-től N-ig

Ha T(A[i]) akkor

DB \leftarrow DB + 1

Elágazás vége

Ciklus vége

Eljárás vége
```

2 7 4 10 3 6
$$DB \leftarrow 4$$





Megszámlálás

Megjegyzések

- Amennyiben nincs T tulajdonságú elem a sorozatban, akkor értelemszerűen 0 kerül a DB változóba
- Valójában egy sorozatszámítás, amely minden T tulajdonságú elem esetén 1-et hozzáad a DB értékéhez



Legrosszab eset

Futási idő szempontjából a legrosszabb esetnek azt tekinthetjük, ha minden elem T tulajdonságú, mert ilyenkor minden esetben DB-t is növelnünk kell

T(N) = 1 + 2(N+1) + N + N = 4N + 3 = O(N)Sergyán (OE NIK)

Programozás I. 2013. szeptember 23.

64 / 76

Futási idő elemzése

Legjobb eset

Legjobb esetnek azt tekinthetjük, amikor egyetlen ${\mathcal T}$ tulajdonságú elem sincs a tömbben

$$T(N) = 1 + 2(N+1) + N + 0 = 3N + 3 = O(N)$$

Átlagos eset

$$T(N) = 1 + 2(N+1) + N + \frac{N}{2} = \frac{7N}{2} + 3 = O(N)$$



65 / 76



Megszámlálás

Olimpiai indulási szintet teljesítő futók százalékos aránya

Bemenet: ID – Futók időeredményeit tartalmazó tömb

N - ID elemeinek száma

SZINT – Olimpiai induláshoz szükséges felső időkorlát

Kimenet: SZAZ – ID elemei közül a SZINT értéket meg nem haladók

százalékos aránya

Eljárás Megszámlálás(N, ID, SZINT, SZAZ)

$$DB \leftarrow 0$$

Ciklus $i \leftarrow 1$ -től N-ig

Ha
$$(ID[i] \leq SZINT)$$
 akkor $DB \leftarrow DB + 1$

Elágazás vége

Ciklus vége

 $SZAZ \leftarrow Kerekit(100 * DB/N)$

Eljárás vége

Tartalom

- 1 Tömbök a C#-ban
- 2 Metódusok C#-ban
- Programozási tételek
- Egyszerű programozási tételek
 - Sorozatszámítás
 - Eldöntés
 - Kiválasztás
 - Lineáris keresés
 - Megszámlálás
 - Maximumkiválasztás





Típusfeladatok

- Egy kórházban megmérték minden beteg lázát. Adjuk meg, hogy ki a leglázasabb!
- 2 Egy család havi bevételei és kiadásai alapján adjuk meg, hogy melyik hónapban tudtak a legtöbbet megtakarítani!
- Egy osztály tanulóinak nevei alapján adjuk meg a névsorban legelső tanulót!



68 / 76



Bemenet

A: Feldolgozandó tömb

N: Tömb elemeinek száma

Kimenet

MAX: Maximális elem indexe

Pszeudokód

Eljárás Maximumiválasztás(A, N, MAX)

$$MAX \leftarrow 1$$

Ciklus $i \leftarrow 2$ -től N-ig

Ha A[i] > A[MAX] akkor

$$MAX \leftarrow i$$

Elágazás vége

Ciklus vége

Eljárás vége



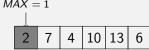


```
Eljárás Maximumiválasztás(A, N, MAX) MAX \leftarrow 1 Ciklus i \leftarrow 2-től N-ig Ha A[i] > A[MAX] akkor MAX \leftarrow i Elágazás vége Ciklus vége Eljárás vége
```



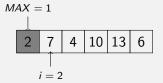


```
Eljárás Maximumiválasztás(A, N, MAX)
   MAX \leftarrow 1
  Ciklus i \leftarrow 2-től N-ig
      Ha A[i] > A[MAX] akkor
           MAX \leftarrow i
      Elágazás vége
  Ciklus vége
Eljárás vége
MAX = 1
```





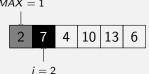
```
Eljárás Maximumiválasztás(A, N, MAX)
MAX \leftarrow 1
Ciklus i \leftarrow 2-től N-ig
Ha A[i] > A[MAX] akkor
MAX \leftarrow i
Elágazás vége
Ciklus vége
Eljárás vége
```







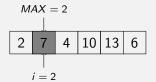
```
Eljárás Maximumiválasztás(A, N, MAX)
   MAX \leftarrow 1
  Ciklus i \leftarrow 2-től N-ig
      Ha A[i] > A[MAX] akkor
           MAX \leftarrow i
      Elágazás vége
  Ciklus vége
Eljárás vége
MAX = 1
```







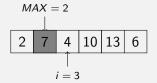
```
Eljárás Maximumiválasztás(A, N, MAX)
MAX \leftarrow 1
Ciklus i \leftarrow 2-től N-ig
Ha A[i] > A[MAX] akkor
MAX \leftarrow i
Elágazás vége
Ciklus vége
Eljárás vége
```



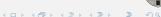




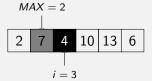
```
Eljárás Maximumiválasztás(A, N, MAX)
MAX \leftarrow 1
Ciklus i \leftarrow 2-től N-ig
Ha A[i] > A[MAX] akkor
MAX \leftarrow i
Elágazás vége
Ciklus vége
Eljárás vége
```







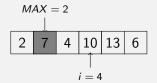
```
Eljárás Maximumiválasztás(A, N, MAX)
MAX \leftarrow 1
Ciklus i \leftarrow 2-től N-ig
Ha A[i] > A[MAX] akkor
MAX \leftarrow i
Elágazás vége
Ciklus vége
Eljárás vége
```







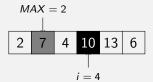
```
Eljárás Maximumiválasztás(A, N, MAX)
MAX \leftarrow 1
Ciklus i \leftarrow 2-től N-ig
Ha A[i] > A[MAX] akkor
MAX \leftarrow i
Elágazás vége
Ciklus vége
Eljárás vége
```





2013. szeptember 23.

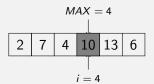
```
Eljárás Maximumiválasztás(A, N, MAX)
   MAX \leftarrow 1
  Ciklus i \leftarrow 2-től N-ig
      Ha A[i] > A[MAX] akkor
           MAX \leftarrow i
      Elágazás vége
  Ciklus vége
Eljárás vége
```







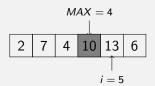
```
Eljárás Maximumiválasztás(A, N, MAX)
MAX \leftarrow 1
Ciklus i \leftarrow 2-től N-ig
Ha A[i] > A[MAX] akkor
MAX \leftarrow i
Elágazás vége
Ciklus vége
Eljárás vége
```







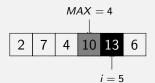
```
 \begin{split} \textbf{Eljárás} & \mbox{ Maximumiválasztás}(A, N, MAX) \\ & \mbox{ } MAX \leftarrow 1 \\ & \mbox{ Ciklus } i \leftarrow \mbox{ 2-től } N\text{-ig} \\ & \mbox{ Ha } A[i] > A[MAX] \mbox{ akkor} \\ & \mbox{ } MAX \leftarrow i \\ & \mbox{ Elágazás vége} \\ & \mbox{ Ciklus vége} \\ & \mbox{ Eljárás vége} \end{split}
```







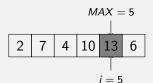
```
Eljárás Maximumiválasztás(A, N, MAX)
MAX \leftarrow 1
Ciklus i \leftarrow 2-től N-ig
Ha A[i] > A[MAX] akkor
MAX \leftarrow i
Elágazás vége
Ciklus vége
Eljárás vége
```







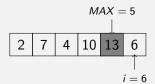
```
Eljárás Maximumiválasztás(A, N, MAX)
   MAX \leftarrow 1
  Ciklus i \leftarrow 2-től N-ig
      Ha A[i] > A[MAX] akkor
           MAX \leftarrow i
      Elágazás vége
  Ciklus vége
Eljárás vége
```







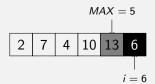
```
Eljárás Maximumiválasztás(A, N, MAX) MAX \leftarrow 1 Ciklus i \leftarrow 2-től N-ig Ha A[i] > A[MAX] akkor MAX \leftarrow i Elágazás vége Ciklus vége Eljárás vége
```







```
Eljárás Maximumiválasztás(A, N, MAX)
MAX \leftarrow 1
Ciklus i \leftarrow 2-től N-ig
Ha A[i] > A[MAX] akkor
MAX \leftarrow i
Elágazás vége
Ciklus vége
Eljárás vége
```







Megjegyzések

- Reláció megfordításával értelemszerűen minimumkiválasztás lesz a tétel célja
- Sorszám helyett visszaadhatjuk az elem értékét is, de célszerűbb a sorszám használata (ez alapján az elem is azonnal meghatározható)
- Feltételezzük, hogy legalább egy elem létezik a listában
- Több maximális elem esetén az elsőt adja vissza



Futási idő elemzése

Legrosszabb eset

Futási idő szempontjából a legrosszabb eset, ha növekvő módon rendezett a sorozat, mert így minden esetben módosítani kell *MAX* értékét.

Eljárás Maximumiválasztás(A, N, MAX)

$$MAX \leftarrow 1$$
 1 értékadás

Ciklus
$$i \leftarrow 2$$
-**től** N -**ig** N értékadás és N összeh.

Ha
$$A[i] > A[MAX]$$
 akkor $N-1$ összeh.

$$MAX \leftarrow i$$
 $N-1$ értékadás

Elágazás vége

Ciklus vége

Eljárás vége

$$T(N) = 1 + 2N + N - 1 + N - 1 = 4N - 1 = O(N)$$

Futási idő elemzése

Legjobb eset

Ha az első elem a legnagyobb, akkor MAX értékét soha nem kell módosítani

$$T(N) = 1 + 2N + N - 1 + 0 = 3N = O(N)$$

Átlagos eset

$$T(N) = 1 + 2N + N - 1 + \frac{N}{2} = \frac{7N}{2} = O(N)$$



73 / 76



Névsorban legelső tanuló

```
Bemenet: X – feldolgozandó tömb
```

N – X elemeinek száma

Kimenet: MIN - X (első) legkisebb elemének indexe

NEV – X – legkisebb elemének értéke

Eljárás Minimumkiválasztás(X, N, MIN, NEV)

 $\textit{MIN} \leftarrow 1$

Ciklus $i \leftarrow 2$ -től N-ig

Ha X[MIN] > X[i] akkor

 $MIN \leftarrow i$

Elágazás vége

Ciklus vége

 $NEV \leftarrow X[MIN]$

Eljárás vége

Gyakorló feladat

Kirándulás során 100 méterenként feljegyeztük a tengerszint feletti magasság értékeket.

- 1 Volt a kirándulás során olyan szakasz, amikor sík terepen haladtunk?
- 2 Hány olyan száz méteres szakasz volt, amikor emelkedőn haladtunk?
- Mekkora volt a kirándulás során a teljes szintemelkedés? (És a szintcsökkenés?)
- Hányszor 100 méteres volt az a leghosszabb szakasz, ahol folyamatosan emelkedőn haladtunk?
- Mekkora volt a 100 méter alatt megtett legnagyobb szintemelkedés?





Felhasznált irodalom

- Korábbi évek OOP diasorai
- Szlávi Péter, Zsakó László: Módszeres programozás: Programozási tételek (Mikrológia 19). ELTE TTK, 2002
- Andrew Troelsen: A C# 2008 és a .NET 3.5. Szak Kiadó, 2009



