

lim | unti | - lim | m(m-1), m(m-n+1) (m-n) | 1x1 n+1 n! 1 m(m-1), m(m-n+1) | m(m-1), m(m-n+1) | = lim 1x11m-n1 = 1x121 = DR=1 CHECKET THE THE 1 100 1 100 100 100 17 12 37 60 12732 1844 V COPPLEE

K III Bunomuanonoul pag KIS Pagnonulus pag Monnopeus 6 q-10 K f(x) = (+x)m E S т - произвольное пост. чисто E E Laco, engraci : FIR m>0 1 m - yence = 0 200 Sunom HENDONA Y. I 1. Buscom KENDTONA neN 2. m = 2; f(x) = 1+x 3. m=-1: f(x)= 1+x f(x)=(++x)m, f(0)=1 f'(x) = m(1+x)m-1, f'(0)=m f"(x) = m(m-1)(1+x)m-2, f"(0) = m(m-1) $f^{(n)}(x) = m(m-1).../(1+x)^{m-n} = 0 + f^{(n)}(0) = m(m-1)...(m-(n-1))$ $= \frac{f^{(n)}(e)}{n!} x^{n} = \frac{1}{1} + \frac{mx}{2!} + \frac{m(m-1)}{2!} x^{2} + \dots + \frac{m(m-1)}{n} x^{2$ 15 $\frac{m(m-1)...(m-(n-1))}{n!} \times + \dots = 1 + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{m(m-1)...(m-n+1)}{n!} \times n$ Яри претов, т, пенучаем биномиал. ряд Гри катур. М, потучаем биком Номогоне извесяное конегное разп-е бикома Номомона

Инден интервал схориности = 0 < 1 = 0 R - = 0 (- ~, + ~) 1 f(M+1) (3) | = 1 T. e. orp. = d R. (x) 7000 Sinx = 20 (-1)" x2n+1 (2n+1)! - 20 CX C+20 Попьянясь свойством о петненным дир-им ст. рада и о том, что разине сход, степ. рада не COS X = 2 (-1) 1 x 2n! $\left(\frac{\chi^{2n+1}}{\chi^{2n+1}}\right)^{1} = \frac{(2n+1)\chi^{2n}}{(2n+1)!} = \frac{\chi^{2n}}{2n!}$ 20' < x < + 20

Pagnomentice que 6 pagor Theirnopa V Y I pres Makropena gra Makropena

S(x)=l

\[
\frac{\frac{1}{2} \text{Makropena}}{\frac{1}{2} \text{Makropena}} \frac{\frac{1}{2} \text K K L K f(x)=ex=0 f(0)=1 3 2 f(m(x) = ex =) f(m(0) = 1 2 Pag Maxn.: 2 kn; 2 Нацейна его интервал сходимости lim / uni /= lim 1x1 / n! = lim 1x1 = 0 (1=) = D peg exoguires gre tx -Ябканием, что сумма ряда равна з пх f (17) = e 3 → e 7, T.e. orpanurena 100 $C^{x} = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^{n}}{n!} - \infty \langle x \langle +\infty \rangle$ SINK, COSK Il J'ag Maknepene god f(x) = sinx = 2 f(0) = 0 S'(x) = cosx => f'(0) = 1 \$"(x) = - sinx => f"(0) = 0 fm(x) = - cosx = 2 fm(e) = -1 310 (x) = SINX =0 \$10(0) = 0 K T

f(0) = 0 Остат. глен реда Тейпора в дирие Маграния Rn (x) = = = (n+1)! (x-a) w+1 a in x
rengy a u x Organism (R, (x)) = 1 f(me) (7)1/ (x-a)mi (x-a)mi (x-a)mi) lim; lim $|R_n(x)| \leq M \cdot \lim_{n \to \infty} \frac{(x-a)^{n+1}}{(n+1)!} = M \cdot 0 = 0$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a^n}{n!} - ex. = \lim_{n \to \infty} \frac{a^n}{n!} = 0$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a^n}{n!} - ex. = \lim_{n \to \infty} \frac{a^n}{n!} = 0$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a^n}{n!} - ex. = \lim_{n \to \infty} \frac{a^n}{n!} = 0$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a^n}{n!} - ex. = \lim_{n \to \infty} \frac{a^n}{n!} = 0$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a^n}{n!} - ex. = \lim_{n \to \infty} \frac{a^n}{n!} = 0$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a^n}{n!} - ex. = \lim_{n \to \infty} \frac{a^n}{n!} = 0$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a^n}{n!} - ex. = \lim_{n \to \infty} \frac{a^n}{n!} = 0$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a^n}{n!} - ex. = \lim_{n \to \infty} \frac{a^n}{n!} = 0$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a^n}{n!} - ex. = \lim_{n \to \infty} \frac{a^n}{n!} = 0$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a^n}{n!} - ex. = \lim_{n \to \infty} \frac{a^n}{n!} = 0$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a^n}{n!} - ex. = \lim_{n \to \infty} \frac{a^n}{n!} = 0$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a^n}{n!} - ex. = \lim_{n \to \infty} \frac{a^n}{n!} = 0$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a^n}{n!} - ex. = \lim_{n \to \infty} \frac{a^n}{n!} = 0$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a^n}{n!} - ex. = \lim_{n \to \infty} \frac{a^n}{n!} = 0$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a^n}{n!} - ex. = \lim_{n \to \infty} \frac{a^n}{n!} = 0$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a^n}{n!} - ex. = \lim_{n \to \infty} \frac{a^n}{n!} = 0$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a^n}{n!} - ex. = \lim_{n \to \infty} \frac{a^n}{n!} = 0$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a^n}{n!} - ex. = \lim_{n \to \infty} \frac{a^n}{n!} = 0$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a^n}{n!} - ex. = \lim_{n \to \infty} \frac{a^n}{n!} = 0$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a^n}{n!} - ex. = \lim_{n \to \infty} \frac{a^n}{n!} = 0$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a^n}{n!} - ex. = \lim_{n \to \infty} \frac{a^n}{n!} = 0$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a^n}{n!} - ex. = \lim_{n \to \infty} \frac{a^n}{n!} = 0$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a^n}{n!} - ex. = \lim_{n \to \infty} \frac{a^n}{n!} = 0$ $\sum_{n=1}^{2^n} -ex. = \lim_{n\to\infty} \frac{a^n}{n!} = 0$ $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a^n}{n!} -ex. = \lim_{n\to\infty} \frac{a^n}{n!} = 0$ TO Cim Rn (x) =0 n -> 20

 $Cp. f(x) = \frac{\pi}{2} \frac{f'(a)}{k!} (x-a)^k + R_n(x)$ 6 1 K Onp.e 2 K Dagom Teinope gra f(x) mag-ce em, pag = 5"(a)(x-a)" F 8 a ero $\kappa \circ 3 \varphi - \tau \circ \tau - \kappa \circ 3 \varphi - mu$ Teúnopa θ $\varphi - uu + f(x) + \theta$ vorke x = 2F F 2 6 Onpe 3 $\sum_{n=0}^{\infty} \int_{1}^{(n)} (0) \chi^{n}$ 2 -Onp-e 4 E . ф-я, которал в окрестности некоторой точки E 200 мениет боль разложена в ряз Тейпора, наз-а ananurureckoù 6 sou torke E . meopenia 5 Ans moro, rrodor f(x) sorna ananumureckoù Brozke x=a, необход, и зостат, гобог 1. она была бескенечно зир-ой B () x = aчтобог естат глен её pega Teinope & Oxp.74

(3) X = a experience x 0

npu n -> =0

Разполиния дин в степенные рады рядо Пейпора и Макторена, понячие об аналич. Разления д-ю f(x) в степ, раз- значия петранту етененност раз, сумна которого в интервале скезищести раза равна занной д-им Видог разпожения ф-ии 1. f(x) = \(\int C_n(x-a)^n\) |x-a| \(\int R\) (·) x = a 2. $f(x) = \sum_{n=0}^{\infty} C_n x^n, |x| \leq R$ т. "Оразполиения дии в ст. ред" Еспи д-я разполавтия в ст. рад в опрестности 10чки x = a, то это разпотению единственно u unceem bug $f(x) = f(a) + f'(a) (x-a) + f''(a) (x-a)^2 + ... =$ $= \sum_{n=0}^{\infty} \frac{f''(a)}{n!} (x-a)^n$

N W

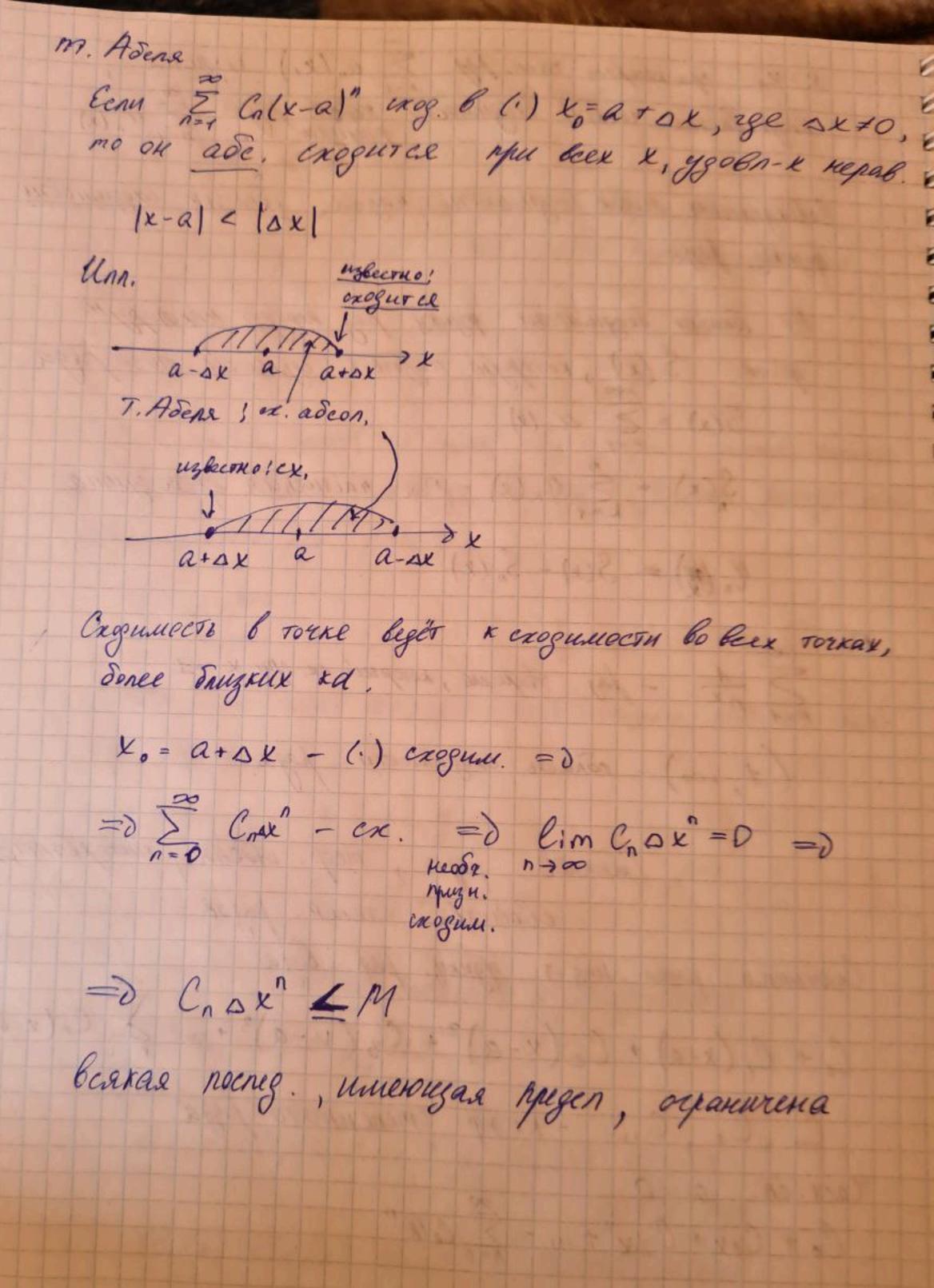
Насти разпус и иктервал оход рада 3) 20 L' = x + x + x 3 + ... Примении признах Доланбера lim | len+1 | - lim 1x1" 1 - 1x1 < 1 R = 1 (-1, 1) - exog. ade.Е 1 - гармонич. $x = -1! \sum_{n=q}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n} - cx$. genoble lim = 0 pp. neciónuega Orbet: R = 1, unt, cz. [-1, 1) Овейство имен. рядов (без док-ва)
1) виупири инетервана схед-чи сумина ст. ряда явп-ся кепрер. др-й г) внутри интервала слод степенной раз шетью импер петленне 3) внутри интервала следим-чи степ. ряз мотно nornemeno gug-76 у) при поглемном шкт. и зид-ти ригда, интервал скез-ти от ряда не приенлется

Jaguyeom erg. paga naz-ce takoe receso R, ro gra seex x-a z R pry ergs. ade., a gra seer x-a > R pry paerog. (-R+a, R+a) - unreplan adeon. erg. Comen paga 1) каком размус инжервая оходимости раза \[\int_{n=0}^{n'x''} = 1 + x + 2 x + 3 x + ... Уроверия раз на абе, сходиность по Коши lim "Illn e lim "n" | lim n | x | -> > + x + 0 Villet: pog pacx. legge, kpome x = 0 г) найти раднуе и интервал слод, реда $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{n!}$ no np. Dona mo. 1 = Cim (N+1)! /x/" = (N+1)! /x/" = (N+1)! /x/" = (N+1)!

Meen. ade. exog. cm, paga $\sum_{n=0}^{\infty} |C_n(x-a)^n| - \sum_{n=0}^{\infty} |ax^n| \frac{|x-a|^n}{|ax|^n} = \sum_{n=0}^{\infty} |Ax^n| \frac{|x-a|^n}{|ax|^n}$ $\sum_{n=0}^{\infty} |C_n(x-a)^n| - \sum_{n=0}^{\infty} |ax^n| \frac{|x-a|^n}{|ax|^n} = \sum$ 6 1 6 K S $\sum_{n=0}^{\infty} |x-x|^n = \sum_{n=0}^{\infty} q^n$ $\int_{0}^{\infty} |x-x|^n = \sum_{n=0}^{\infty} q^n$ $\int_{0}^{\infty} |x-x|^n = \sum_{n=0}^{\infty} q^n$ 2 2 Еспи степ. раз раск. в некоторой чочке K, = a + DX, DX, #0

MO OH pack. npu bcex x, ygobs. Reportencity Dano: propacr. pacx.

a-ax, a atax, 119 1 Яек-во от ображного 1 Chegerbue 2 理 Vбластью сход ст. ряда является инстервал оси Ох е центром интервала К=а, внутри этого рид скодится абесп. интервала ox. a Scon.



 $x = x_1$ reaction tuen, frag $\sum_{n=1}^{\infty} u_n(x_1)$ exequence, respective exeguraces $\frac{x_1}{q_1}$ page $\sum_{n=1}^{\infty} u_n(x)$ 1 Y 1 Совохуписсяв точех сходиности каз-ся областью сходимости Y Y функу, рада Y В области оходимосям рунку. рад опред т кекогорую рада р. ю S(x), которую назолет сумений этого рада L E S 6 S(x) = = Un(x) 6 $S(x) = \sum_{k=1}^{n} u_k(x) - n_k$ nacrurnax q eyuma 6 3 6 $\mathcal{L}_n(\mathbf{z}) = S(\mathbf{x}) - S_n(\mathbf{x})$ $\sum_{n=1}^{1} \frac{1}{n^{x}} - \int_{xy}^{xy} \mathcal{R}_{xy} = \int_{xy}^{x} \frac{1}{x^{x}} \frac{1}{x^{y}} \frac{1$ (1,+0) - область сходимости реда Стененные рады, теор. обеля, интервальных Спинения разон наз-т дунку. раз вида Co + C, (x-a) + C2 (x-a)2+ C3 (x-a)3+ ... = 2 Cn(x-a)n С. С., С., - кеза. степенного рада Co + Cex + C2x2+ 111 = 2 Cox" 5

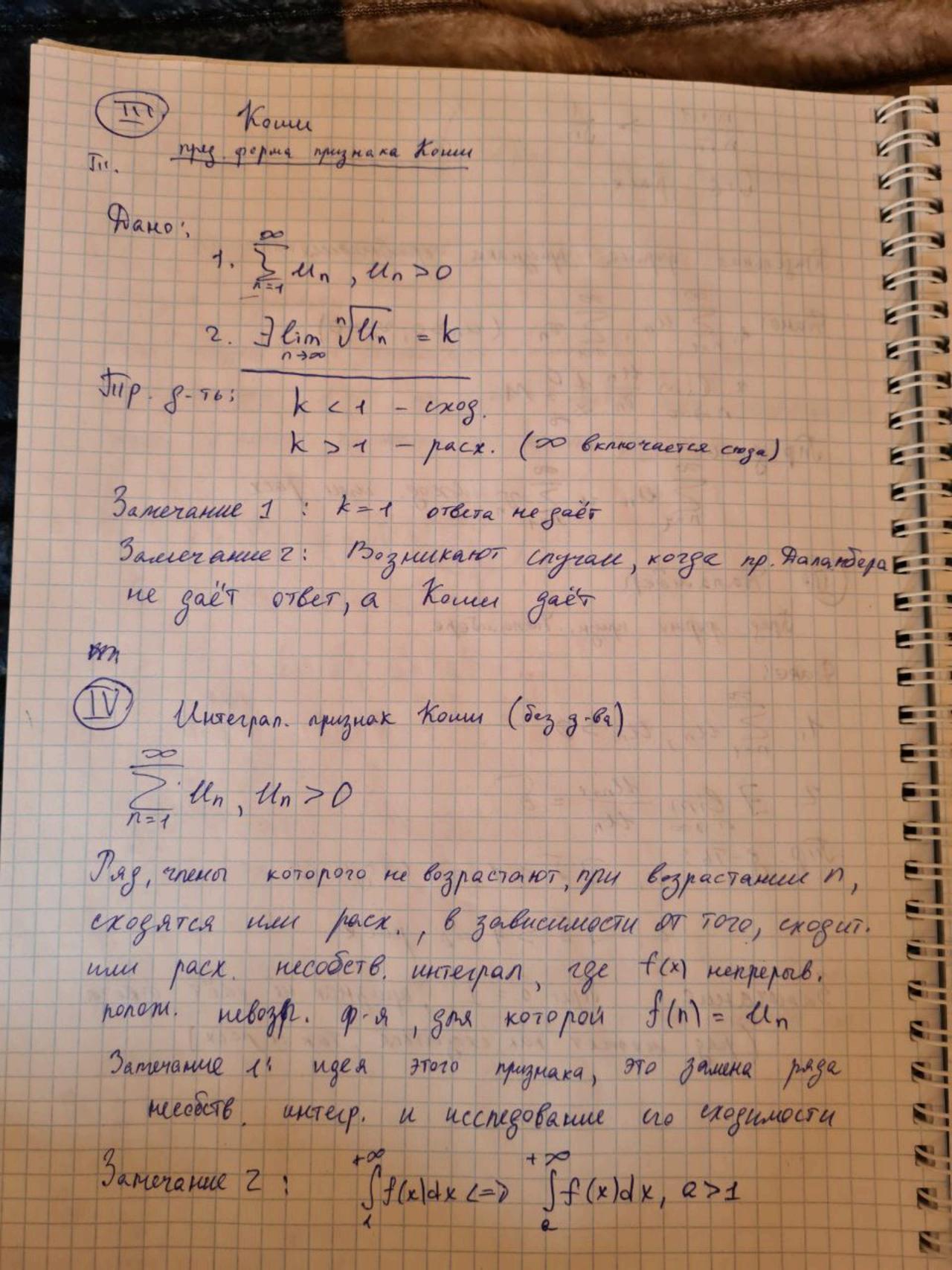
вейства абе, и усп. сходяндихся рядов 1 т. перешестия св. абс. сяд." очойоп. иходящь ряд сегавых пов. иходящимия и сохр. веничну уминя при побой перестановке его пренов 2т. Гишана Изменяя порядок кленов в услов. сход. ряде можно срепаче = 3 его сумму равной пнобочу наперёд задан. числу шм gance egenare pag paexog. $\frac{n!}{\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{n}} = 1 - \frac{1}{2} + \frac{1}{3} - \frac{1}{4} + \frac{1}{5} - \dots = \frac{1}{5}$ переставим его члены так, глобы после кондого пол. чл. было gla orpuy. 1-\frac{1}{2}-\frac{1}{4}+\frac{1}{3}-\frac{1}{6}-\frac{1}{8}+\frac{1}{3}-\frac{1}{6}-\frac{1}{8}+\frac{1}{3}-\frac{1}{2}-\frac{1}{2}+\frac{1}{6}-\frac{1}{8}+\frac{1}{3}-\frac{1}{6}-\frac{1}{8}+\frac{1}{3}-\frac{1}{2}-\frac{1}{2}+\frac{1}{6}-\frac{1}{8}+\frac{1}{3}-\frac{1}{2}-\frac{1}{2}+\frac{1}{6}-\frac{1}{8}+\frac{1}{3}-\frac{1}{2}-\frac{1}{3}+\frac{1}{6}-\frac{1}{8}+\frac{1}{3}-\fra Основине понятися и определения U1 + U2 + U3+1,2 & Un P.1 $U_{+}(x)+U_{2}(x)+111=\sum_{n=1}^{\infty}U_{n}(x)$ kay-ce

pyrkes. pag ly(x), llz(x), ll3(x) - ENEHOT paga функционального

Y Разог с произвольными членами Y (знакопеременные риды) Y Y Zun _ E 1, сход. абсоп. 2.скод. условно Зрасходина 6 (Zun - pack.) 6 6 П=1 дядом знакоперименноги 6 Гризнак абе, сходиности без док-ва E ... Еспи ряд, сеставленноги из абе. ветечин членов реде, E places (goes. npuznak) E -11 Если данноги рид сходится, а рад из абс. величин занний рыз наз-ся условно слозни

Lacs. cryvail: 1+ 1+ 1+ 1+ 1+ ... = 2 Papuonur. peg = D packoguice pag Dupuene you p=1 Знакочеред. рады ризнак Лейбница ± (u1-12+113-114+...) = ± \(\int \) (-11 un, zge un>0 наз-ся знакочередующийся Яостат, признак знаког разом дорм-ся в т. Лийбишия M. Reissunga Еспи в знакочеред, раде \(\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} u_n, u_n > 0 -1.) абсоп. веничины членов ряда монот, ублювают ил>иг> из>... 2) edus uis unen paga esperanter k O (ling lln = 0)Eine ede mynkre bonnonmens, to pleg exogetter Сперствие: посеп, погрешеность, попучающими песе от заменя уминя сходящегося по т. пенбница знакатра его част, сумия, не привыжедит пбс. величины первого и заброшен. чиска.

19 1 + 1 + 1 + 1 + ... = \(\frac{1}{n^p} \), \(\text{P} > 0 \) 1 Y (pag Aupurne) K 1) применим пр. Яонамбера 6 $u_{n+1} = \frac{1}{(n+1)^p} \int_{-\infty}^{\infty} = \frac{1}{(n+1)^p} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{(n+1)^p} = \lim_{n \to \infty} \frac{1}{($ 6 63 6 = 1 rd ne gair orbera 6 6 3 2) nymmeking npeg. np. Komm 6 lim Vun = lim V nr = lim ((i)) | P n = 1 = 1 2 $A = \lim_{n \to \infty} \left(\frac{1}{n} \right)^{\frac{1}{n}}, \ln A = \lim_{n \to \infty} \frac{\ln \frac{1}{n}}{\ln \frac{1}{n}} \left(\frac{1}{n} \right)^{\frac{n}{n}}$ $\frac{1}{2} \lim_{n \to \infty} \frac{n \left(\frac{1}{n}\right)'}{1} \ge \lim_{n \to \infty} \frac{1}{n} \ge 0 = 0 = 1$ Cregobar. pp. np. Koum ne gaér orbeta



10 n++ > 1/50 OTB. pack. 6 Гіредельная форма признака фовмения Дано: 1. 2 ип, 2 vn (ип >0, vn >0) 2. Cim ton # 0 M Jip 8-76: 2 Un u Z Vn Cx8. unu pacx N=1 N=1 N=1 (II) Danamber Гред дория призн. Дапамбере Darc' 1. Zun, un >0 2. 7 lim - len = 5 Jup. 8-76: 1. 7521 = D enoguica 2, 18 > 1 = 2 pacx Baneranue; Jipu 0 = 1, npuznax ne gaét orbeta (pag nomer как еходиться, так и раск)