

**Compiladores**

**Analise Sintática**

**First Follow.**

## Na aula de hoje...

- ❑ **Revisão: gramáticas**
- ❑ **Relações em uma gramática: Cabeça, Último, Primeiro (*First*) e Seguinte (*Follow*)**
  - ❑ Capítulo 4 (seção 4.4.2) do livro ***Compiladores : Princípios, técnicas e ferramentas***

# Definições

❑ **Alfabeto ou vocabulário:** Conjunto finito não vazio de símbolos. Símbolo é um elemento qualquer de um alfabeto.

➤ Ex:

✓ {a,b}

✓ {0,1,2,3,4,5,6,7,8,9}

❑ **Cadeia:** Concatenação de símbolos de um alfabeto. Define-se como cadeia vazia ou nula uma cadeia que não contém nenhum símbolo.

➤ Ex:

➤ aab

➤ 123094

➤  $\lambda$  – cadeia nula

# Definições

❑ **Comprimento de cadeia:** Número de símbolos de uma cadeia. Ex:

- $|aab| = 3$
- $|123094| = 6$
- $|\lambda| = 0$

# Definições

□ **Linguagem** é uma coleção de **cadeias** de símbolos, de comprimento finito. Estas cadeias são denominadas sentenças da linguagem, e são **formadas pela justaposição de elementos individuais, que são os símbolos ou átomos da linguagem.**

# Definições

## ❑ Métodos de Representação de Linguagens

- 1) **Enumeração** (especificação) das cadeias de símbolos que formam as suas sentenças (somente linguagens finitas podem ser representadas por este método)
- 2) Através de um conjunto de **leis de formação** das cadeias (**Gramática**)
- 3) Através de regras de aceitação de cadeias (às regras de aceitação dá-se o nome de **Reconhecedor** - autômatos)

# Gramáticas

## 2) Leis de Formação

- ❑ Através de um conjunto de leis de formação das cadeias (ao conjunto de leis de formação dá-se o nome de **Gramática**)
  - dada uma cadeia de símbolos, só é possível afirmar que tal cadeia pertence à linguagem se for possível, aplicando-se as leis de formação que compõem a gramática da linguagem, derivar (sintetizar) a cadeia em questão.
  - Ao processo de obtenção de uma sentença a partir da gramática dá-se o nome de **derivação da sentença**.

# Gramáticas

## □ Gramáticas

- Formalmente as gramáticas, são caracterizadas como quádruplas ordenadas

$$\mathbf{G = ( V_n, V_t, P, S )}$$

- onde:

✓ **V<sub>n</sub>** representa o vocabulário não terminal (variáveis) da gramática. Este vocabulário corresponde ao conjunto de todos os símbolos dos quais a gramática se vale para definir as leis de formação das sentenças da linguagem.



# Gramáticas

## □ Gramáticas

- Formalmente as gramáticas, são caracterizadas como quádruplas ordenadas

$$\mathbf{G} = ( \mathbf{Vn}, \mathbf{Vt}, \mathbf{P}, \mathbf{S} )$$

- onde:

✓ **Vt** é o **vocabulário terminal**, contendo os símbolos que constituem as sentenças da linguagem. Dá-se o nome de terminais aos elementos de **Vt**.

# Gramáticas

## □ Gramáticas

- Formalmente as gramáticas, são caracterizadas como quádruplas ordenadas

$$G = ( V_n, V_t, P, S )$$

- onde:

✓ **P** são as **regras de produção**, que definem o conjunto de **todas as leis de formação** utilizadas pela gramática para **definir a linguagem**. Para tanto, cada construção parcial, representada por um não-terminal, é definida como um conjunto de regras de formação relativas à definição do não-terminal a ela referente. A cada uma destas regras de formação que compõem o conjunto P dá-se o nome de produção da gramática

# Gramáticas

## □ Gramáticas

✓ Exemplo:  $G = (V_n, V_t, P, S)$   
 $G = (\{S, A, B\}, \{a, b\}, P, S)$

Símbolos  
que  
derivam

Símbolos  
terminais

Início da  
derivação

Regras de  
produção

➤ P:

$S \rightarrow AB$

$A \rightarrow a$

$B \rightarrow bB|b$

1. Qual a linguagem produzida por esta gramática?
2. Faça a árvore de derivação para a cadeia **abbbb**

# Gramáticas

## □ Gramáticas

✓ Exemplo:  $G = (V_n, V_t, P, S)$

Símbolos  
que  
derivam

Símbolos  
terminais

$G = (\{S, A, B\}, \{a, b\}, P, S)$

Início da  
derivação

➤ P:

$S \rightarrow AB$

$A \rightarrow a$

$B \rightarrow bB|b$

Regras de  
produção

1. Qual a linguagem produzida por esta gramática?

Linguagem que começa com um símbolo **a** seguido de n símbolos **b's** ( $n \geq 1$ ).

Expressão regular que representa a linguagem  $\rightarrow \mathbf{abb^*}$

2. Faça a árvore de derivação para a cadeia **abbbbb**

# Gramáticas

## □ Árvore de derivação

- a raiz tem como rótulo o símbolo inicial **S** da gramática.
- a cada nó rotulado por um **não-terminal**  $A$  corresponde uma regra de  $A$ . Se a regra for  $A \rightarrow X_1 X_2 \dots X_m$ , os filhos do nó são rotulados, da esquerda para a direita, por  $X_1, X_2, \dots, X_m$ . (cada um dos  $X_i$  pode ser um terminal ou um não-terminal.)
- um nó rotulado por um terminal é sempre uma folha da árvore, e não tem filhos.

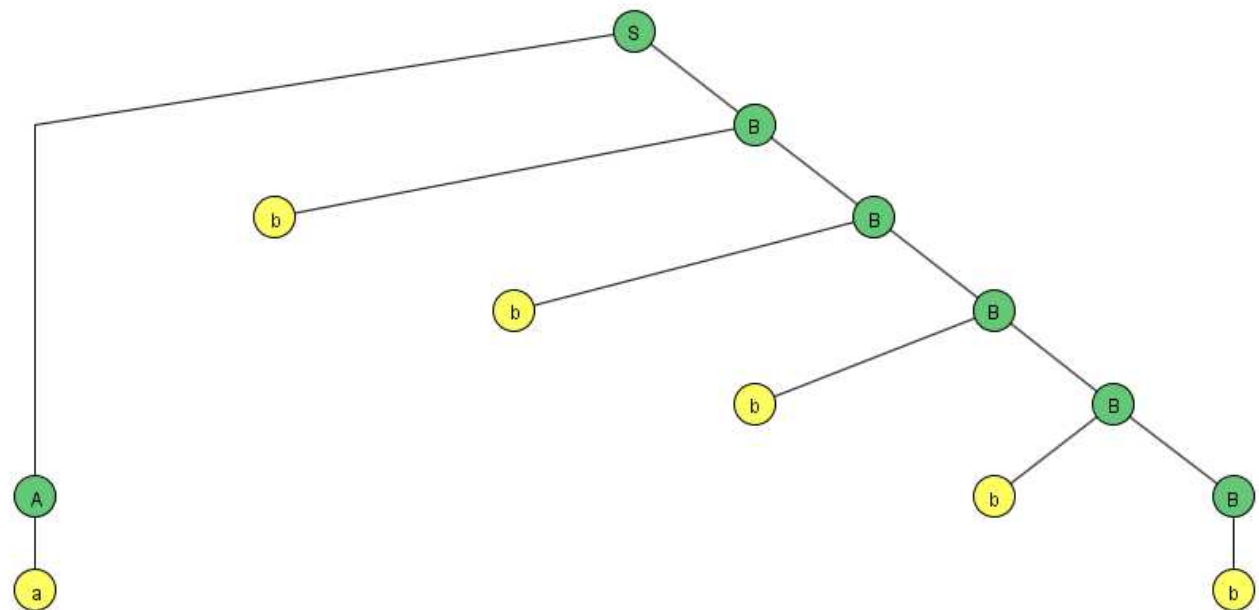
# Gramáticas

□ **Árvore de derivação para a gramática e cadeia**  
*abbbbbb*

**$G = (\{S, A, B\}, \{a, b\}, P, S)$**

$P: \{$   
     $S \rightarrow AB$   
     $A \rightarrow a$   
     $B \rightarrow bB \mid b$   
     $\}$

LHS		RHS
S	$\rightarrow$	AB
A	$\rightarrow$	a
B	$\rightarrow$	bB
B	$\rightarrow$	b



# Gramáticas

1. Duas gramáticas G1 e G2 são **equivalentes** se produzem a mesma linguagem

$$L(G1) = L(G2)$$

2. Uma sentença é **ambígua** se existem duas ou mais sequências de derivação que a define.

3. Uma gramática é **ambígua** se possui alguma sentença ambígua.

G:  $S \rightarrow AB$

$A \rightarrow AA \mid B \mid a$

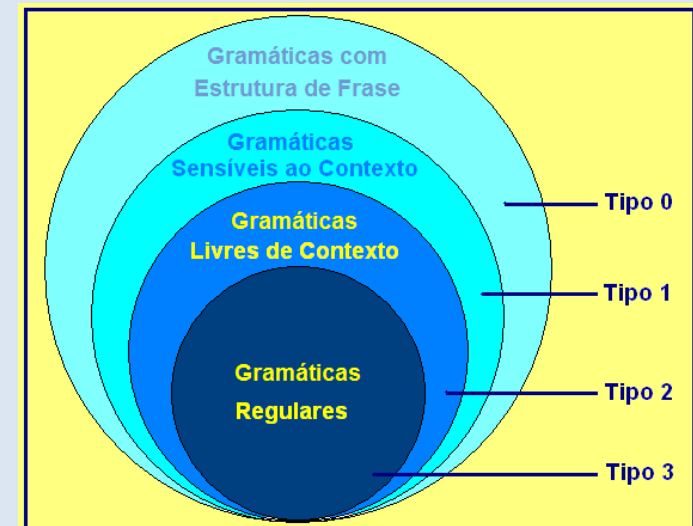
$B \rightarrow Bcd \mid A$

– Verifique se  $x = aaacd$  é ambígua.

É ambígua  $\rightarrow$  permite derivação mais à direita e mais à esquerda

# Classes Gramaticais

- ❑ Conforme as restrições impostas ao formato das produções de uma gramática, a classe de linguagens que tal gramática gera varia correspondentemente.
- ❑ A teoria mostra que há quatro classes de gramáticas capazes de gerar quatro classes correspondentes de linguagens, de acordo com a denominada **Hierarquia de Chomsky**.
  - a. **Gramáticas com Estrutura de Frase ou Tipo 0**
  - b. **Gramáticas Sensíveis ao Contexto ou Tipo 1**
  - c. **Gramáticas Livres de Contexto ou Tipo 2**
  - d. **Gramáticas Regulares ou Tipo 3**

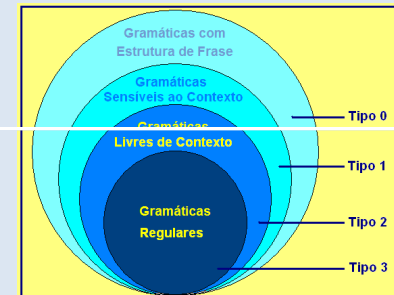




# Classes Gramaticais

## a. Gramáticas com Estrutura de Frase ou Tipo 0

- ❑ São aquelas às quais nenhuma restrição é imposta.
  - ❑ Exemplo de reconhecedor: Máquina de Turing com fita de entrada infinita



- ❑ Produções da forma

$$\alpha \rightarrow \beta$$

Onde:  $\alpha \in (\mathbf{Vn} \cup \mathbf{Vt})^+$

$$\beta \in (\mathbf{Vn} \cup \mathbf{Vt})^*$$

$$\mathbf{G} = (\mathbf{Vn}, \mathbf{Vt}, \mathbf{P}, \mathbf{S})$$

- ❑ Lado esquerdo da regra de produção pode conter N símbolos (terminais ou não terminais);
- ❑ Lado direito da regra de produção pode conter N símbolos (terminais ou não terminais ou **vazio**);

# Classes Gramaticais

## a. Gramáticas com Estrutura de Frase ou Tipo 0

❑ Exemplo de GEF:

$G = (\{A, B, C\}, \{a, b\}, P, A)$

P:  $A \rightarrow BC$

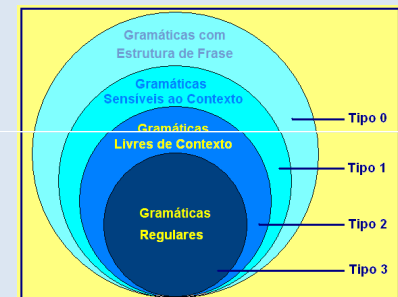
$BC \rightarrow CB$

$B \rightarrow b$

$C \rightarrow a$

❑ Qual a linguagem gerada?

❑  $L(G) = ?$



# Classes Gramaticais

## a. Gramáticas com Estrutura de Frase ou Tipo 0

❑ Exemplo de GEF:

$G = (\{A, B, C\}, \{a, b\}, P, A)$

P:  $A \rightarrow BC$

$BC \rightarrow CB$

$B \rightarrow b$

$C \rightarrow a$

❑ Qual a linguagem gerada?

❑  $L(G) = \{ba, ab\}$

# Classes Gramaticais

## b. Gramáticas Sensíveis ao Contexto ou Tipo 1

❑ Restrição: nenhuma substituição pode **reduzir o comprimento** da forma sentencial à qual a substituição é aplicada.

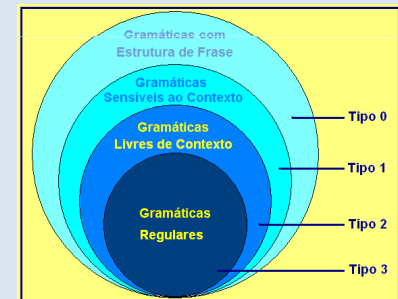
❑ Produções da forma

$$\alpha \rightarrow \beta$$

Onde:  $\alpha \in (\mathbf{Vn} \cup \mathbf{Vt})^+$

$\beta \in (\mathbf{Vn} \cup \mathbf{Vt})^+$

$$|\alpha| \leq |\beta|$$



# Classes Gramaticais

## b. Gramáticas Sensíveis ao Contexto ou Tipo 1

### ❑ Exemplo de GSC:

$G = (\{S, B, C\}, \{a, b, c\}, P, S)$

$P: S \rightarrow aSBC \mid aBC$

$CB \rightarrow HB$

$HB \rightarrow HC$

$HC \rightarrow BC$

$aB \rightarrow ab$

$bB \rightarrow bb$

$bC \rightarrow bc$

$cC \rightarrow cc$

### ❑ Qual a linguagem gerada?

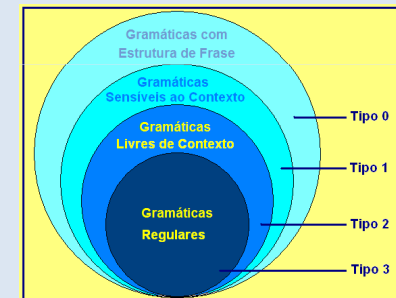
❑  $L(G) = \{a^n b^n c^n \mid n \geq 1\}$

$\alpha \rightarrow \beta$

Onde:  $\alpha \in (V_n \cup V_t)^+$

$\beta \in (V_n \cup V_t)^+$

$|\alpha| \leq |\beta|$

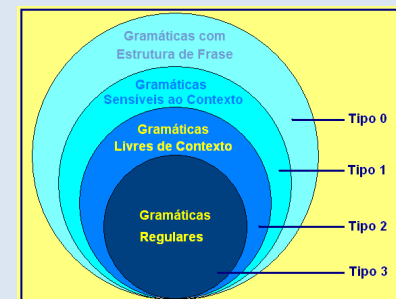


Faça a derivação (mais à esquerda ou mais à direita)

# Classes Gramaticais

## c. Gramáticas Livres de Contexto ou Tipo 2

- ❑ As Gramáticas Livres de Contexto (GLC) ou do Tipo 2 são aquelas que no lado esquerdo da regra há apenas um símbolo não-terminal.



# Classes Gramaticais

## c. Gramáticas Livres de Contexto ou Tipo 2

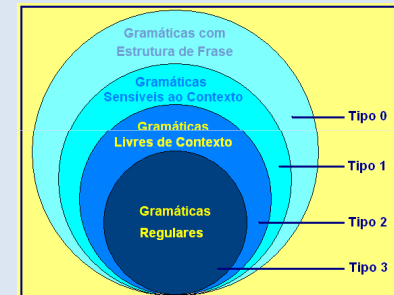
❑ Qual a linguagem gerada para:

$$G = (\{S, A, B\}, \{a, b\}, P, S)$$

$$P: S \rightarrow AB$$

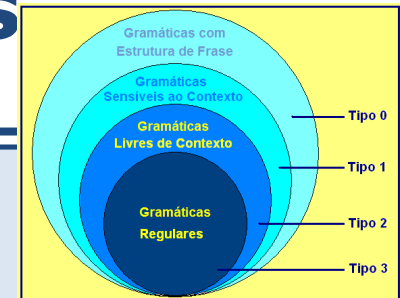
$$A \rightarrow aA \mid a$$

$$B \rightarrow bB \mid b$$



$$L(G) = \{a^n b^m \mid n, m \geq 1\}$$

# Classes Gramaticais



## d. Gramáticas Regulares ou Tipo 3

- Aplicando-se mais uma restrição sobre a forma das produções, pode-se criar uma nova classe de gramáticas, as **Gramáticas Regulares** (GR), de grande importância no estudo dos **compiladores** por possuírem propriedades adequadas para a obtenção de reconhecedores simples. Nas GRs, as produções são restritas às formas seguintes:

$A \rightarrow aB$  **ou**  $A \rightarrow Ba$

$A \rightarrow a$

$A \rightarrow \varepsilon$

onde  $A, B \in V_n$  e  $a \in V_t$

no lado esquerdo da regra há apenas um símbolo não-terminal



# Classes Gramaticais

## d. Gramáticas Regulares ou Tipo 3

❑ Exemplo GR em EBNF:

$G = ( \{ \langle \text{Dig} \rangle, \langle \text{Int} \rangle \}, \{ +, -, 0, \dots, 9 \}, P, \langle \text{Int} \rangle )$

$P: \langle \text{Int} \rangle ::= +\langle \text{Dig} \rangle \mid -\langle \text{Dig} \rangle$

$\langle \text{Dig} \rangle ::= 0\langle \text{Dig} \rangle \mid 1\langle \text{Dig} \rangle \mid \dots \mid 9\langle \text{Dig} \rangle \mid 0 \mid 1 \mid 2 \mid \dots \mid 9$

❑ Qual linguagem gerada?

➤  $L(G) = \text{conj. números inteiros com sinal } \pm[0..9]$

## Na aula de hoje...

- ❑ Revisão: gramáticas
- ❑ **Relações em uma gramática: Cabeça, Último, Primeiro (*First*) e Seguinte (*Follow*)**
  - ❑ Capítulo 4 (seção 4.4.2) do livro ***Compiladores : Princípios, técnicas e ferramentas***

# Relações em uma Gramática

- ❑ A construção de analisadores sintáticos é facilitada através de algumas funções associadas a gramática: **CABEÇA**, **ÚLTIMO**, **PRIMEIRO**(*First*) e **Seguinte** (*Follow*).
  - Ideia: permitem escolher qual produção aplicar com base no próximo símbolo lido.

# Cabeça

- ❑ É uma das mais simples de identificar
  - ❑ um de seus elementos é a cabeça do lado direito de uma regra
- ❑ Dada uma produção na forma

$$\alpha \rightarrow \beta\gamma$$

Onde:  $\alpha \in \mathbf{Vn}$

$$\beta \in (\mathbf{Vn} \cup \mathbf{Vt})$$

$$\gamma \in (\mathbf{Vn} \cup \mathbf{Vt})^*$$

- ❑ **Cabeça ( $\alpha$ ) =  $\beta$**

## Exemplo

$$P: S \rightarrow AB$$

$$A \rightarrow aA \mid a$$

$$B \rightarrow bB \mid b$$

Cabeça (S) = ?

Cabeça (A) = ?

Cabeça (B) = ?

# Cabeça

- ❑ É uma das mais simples de identificar
  - ❑ um de seus elementos (terminal ou não-terminal) é a cabeça do lado direito de uma regra

- ❑ Dada uma produção na forma

$$\alpha \rightarrow \beta\gamma$$

Onde:  $\alpha \in \mathbf{Vn}$

$$\beta \in (\mathbf{Vn} \cup \mathbf{Vt})$$

$$\gamma \in (\mathbf{Vn} \cup \mathbf{Vt})^*$$

- ❑ **Cabeça ( $\alpha$ ) =  $\beta$**

## Exemplo

P:  $S \rightarrow AB$

$A \rightarrow aA \mid a$

$B \rightarrow bB \mid b$

Cabeça (S) = {A}

Cabeça (A) = {a}

Cabeça (B) = {b}

# Último

❑ Relaciona um dado não terminal, existente do lado esquerdo de uma certa regra, com o **último elemento que aparece do lado direito** desta regra

❑ Dada uma produção na forma

$$\alpha \rightarrow \gamma\beta$$

Onde:  $\alpha \in \mathbf{Vn}$

$$\beta \in (\mathbf{Vn} \cup \mathbf{Vt})$$

$$\gamma \in (\mathbf{Vn} \cup \mathbf{Vt})^*$$

❑ **Último** ( $\alpha$ ) =  $\beta$

## Exemplo

$$P: S \rightarrow AB$$

$$A \rightarrow aA \mid a$$

$$B \rightarrow bB \mid b$$

Último (S) = ?

Último (A) = ?

Último (B) = ?

# Último

❑ Relaciona um dado não terminal, existente do lado esquerdo de uma certa regra, com o **último elemento (terminal ou não-terminal) que aparece do lado direito** desta regra

❑ Dada uma produção na forma

$$\alpha \rightarrow \gamma\beta$$

Onde:  $\alpha \in \mathbf{Vn}$

$$\beta \in (\mathbf{Vn} \cup \mathbf{Vt})$$

$$\gamma \in (\mathbf{Vn} \cup \mathbf{Vt})^*$$

❑ **Último** ( $\alpha$ ) =  $\beta$

## Exemplo

$$P: S \rightarrow AB$$

$$A \rightarrow aA \mid a$$

$$B \rightarrow bB \mid b$$

$$\text{Último}(S) = \{B\}$$

$$\text{Último}(A) = \{A, a\}$$

$$\text{Último}(B) = \{B, b\}$$

# Primeiro (*First*)

- ❑ Relação próxima a relação cabeça; entretanto, deve conter **somente terminais**
- ❑  $\text{Primeiro}(A) = x$ , onde  $A$  produz  $x$  como seu **símbolo mais à esquerda com  $n$  derivações**, sendo  $A \in V_n$  e  $x \in V_t^*$ 
  - ❑  $x$  pode ser a cadeia vazia

## Exemplo

P:  $S \rightarrow AB$

$A \rightarrow aA \mid a$

$B \rightarrow bB \mid b$

**Primeiro ( $S$ ) = {a}**

**Primeiro ( $A$ ) = {a}**

**Primeiro ( $B$ ) = {b}**



# Primeiro (*First*)

❑ Para determinar PRIMEIRO( $X$ ):

1. Se  $x$  é um terminal, então  $\text{PRIMEIRO}(x) = \{x\}$
2. Se  $X$  é não-terminal e  $X \rightarrow a\alpha$  é uma produção, então se acrescenta  $a$  ao conjunto PRIMEIRO de  $x$
3. Se  $X \rightarrow \varepsilon$  é uma produção  $\varepsilon$  deve ser adicionado ao conjunto PRIMEIRO de  $x$
4. Se  $X \rightarrow Y_1 Y_2 \dots Y_k$  é uma produção, então todo  $i$  tal que todos  $Y_1 \dots Y_{i-1}$  são não-terminais e  $\text{PRIMEIRO}(Y_j)$  contém  $\varepsilon$ , onde  $j=1, 2 \dots i-1$ . acrescente todo símbolo diferente de  $\varepsilon$  de  $\text{PRIMEIRO}(Y_j)$  a  $\text{PRIMEIRO}(X)$ . Se  $\varepsilon \in \text{PRIMEIRO}(X)$ , para todo  $i=1, 2 \dots k$ . então acrescente  $\varepsilon$  a  $\text{PRIMEIRO}(X)$ .

# Primeiro (*First*)

## ❑ Exemplo

$E \rightarrow TE'$   
 $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$   
 $T \rightarrow FT'$   
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$   
 $F \rightarrow (E) \mid id$

Primeiro (E) = {?}  
Primeiro (E') = {?}  
Primeiro (T) = {?}  
Primeiro (T') = {?}  
Primeiro (F) = {?}

# Primeiro (*First*)

## ❑ Exemplo

$E \rightarrow TE'$

$E' \rightarrow +TE' \mid \epsilon$

$T \rightarrow FT'$

$T' \rightarrow *FT' \mid \epsilon$

$F \rightarrow (E) \mid id$

$\text{Primeiro}(E) = \text{Primeiro}(T) = \text{Primeiro}(F) = \{ (, id \}$

$\text{Primeiro}(E') = \{ +, \epsilon \}$

$\text{Primeiro}(T) = \text{Primeiro}(F) = \{ (, id \}$

$\text{Primeiro}(T') = \{ *, \epsilon \}$

$\text{Primeiro}(F) = \{ (, id \}$

F deriva em  $\epsilon$ ?

R: Não, então  $\text{primeiro}(T) = \text{primeiro}(F) = \{ (, id \}$

Se F derivasse em  $\epsilon$  era preciso incluir o  $\text{primeiro}(T')$  em  $\text{primeiro}(T)$

# Primeiro (*First*)

## ❑ Exemplo 2

$E \rightarrow TE'$   
 $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$   
 $T \rightarrow FT'$   
 **$H \rightarrow E'T$**   
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$   
 $F \rightarrow (E) \mid id$

Primeiro (H) = {?}

Se fosse incluída esta regra na gramática como ficaria o primeiro(H)?

# Primeiro (*First*)

## ❑ Exemplo 2

$E \rightarrow TE'$   
 $E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$   
 $T \rightarrow FT'$   
 $H \rightarrow E'T$   
 $T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$   
 $F \rightarrow (E) \mid id$

$\text{Primeiro}(H) = \text{Primeiro}(E') \cup \text{Primeiro}(T)$   
 $= \{+, (, id\}$

Regra 4  
slide 33

$E'$  deriva em  $\varepsilon$ ?

R: Sim, então incluir o primeiro(T) em primeiro(H).  
Se primeiro(T) e primeiro( $E'$ ) contem  $\varepsilon$  então incluir  $\varepsilon$  em primeiro(H), caso contrário remover  $\varepsilon$  do primeiro(H)

## Seguinte (*Follow*)

□ Se  $A$  é um *não-terminal*,  $\text{Seguinte}(A)$  é o conjunto de terminais que podem figurar imediatamente à direita de  $A$  em alguma forma sentencial

□  $\text{Seguinte}(A) = x$  para a regra  $S \rightarrow \alpha A \beta$  e  $\text{primeiro}(\beta) = x$

Onde:  $A \in V_n$

$x \in V_t^*$

$\alpha \text{ e } \beta \in (V_n \cup V_t)^*$

## Seguinte (*Follow*)

❑ Para determinar  $\text{Seguinte}(A)$ :

1. Colocar  $\$$  em  $\text{Seguinte}(S)$  se  $S$  é o símbolo de partida -  $\$$  é o marcador de fim de entrada durante a análise sintática
2. Se existe uma produção  $A \rightarrow \alpha B \beta$  e  $\beta \neq \epsilon$  então tudo que estiver em  $\text{PRIMEIRO}(\beta)$ , exceto  $\epsilon$ , deve ser adicionado em  $\text{Seguinte}(B)$
3. Se existe uma produção  $A \rightarrow \alpha B$  ou  $A \rightarrow \alpha B \beta$  onde  $\text{PRIMEIRO}(\beta)$  contem  $\epsilon$  ( $\beta \rightarrow \epsilon$ ), então tudo que está em  $\text{Seguinte}(A)$  está em  $\text{Seguinte}(B)$

# Seguinte (*Follow*)

$E \rightarrow TE'$

$E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$

$T \rightarrow FT'$

$T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$

$F \rightarrow (E) \mid id$

$\text{Primeiro}(E) = \text{Primeiro}(T) = \text{Primeiro}(F) = \{ (, id \}$

$\text{Primeiro}(E') = \{ +, \varepsilon \}$

$\text{Primeiro}(T) = \text{Primeiro}(F) = \{ (, id \}$

$\text{Primeiro}(T') = \{ *, \varepsilon \}$

$\text{Primeiro}(F) = \{ (, id \}$



## Seguinte (*Follow*)

$E \rightarrow TE'$

$E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$

$T \rightarrow FT'$

$T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$

$F \rightarrow (E) \mid id$

$\text{Primeiro}(E) = \text{Primeiro}(T) = \text{Primeiro}(F) = \{ (, id \}$

$\text{Primeiro}(E') = \{ +, \varepsilon \}$

$\text{Primeiro}(T) = \text{Primeiro}(F) = \{ (, id \}$

$\text{Primeiro}(T') = \{ *, \varepsilon \}$

$\text{Primeiro}(F) = \{ (, id \}$

## Seguinte (*Follow*)

$E \rightarrow TE'$

$E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$

$T \rightarrow FT'$

$T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$

$F \rightarrow (E) \mid id$

$\text{Primeiro}(E) = \text{Primeiro}(T) = \text{Primeiro}(F) = \{ (, id \}$

$\text{Primeiro}(E') = \{ +, \varepsilon \}$

$\text{Primeiro}(T) = \text{Primeiro}(F) = \{ (, id \}$

$\text{Primeiro}(T') = \{ *, \varepsilon \}$

$\text{Primeiro}(F) = \{ (, id \}$

# Seguinte (*Follow*)

$E \rightarrow TE'$

$E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$

$T \rightarrow FT'$

$T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$

$F \rightarrow (E) \mid id$

$\text{Primeiro}(E) = \text{Primeiro}(T) = \text{Primeiro}(F) = \{ (, id \}$

$\text{Primeiro}(E') = \{ +, \varepsilon \}$

$\text{Primeiro}(T) = \text{Primeiro}(F) = \{ (, id \}$

$\text{Primeiro}(T') = \{ *, \varepsilon \}$

$\text{Primeiro}(F) = \{ (, id \}$

## Seguinte (*Follow*)

$E \rightarrow TE'$

$E' \rightarrow +TE' \mid \varepsilon$

$T \rightarrow FT'$

$T' \rightarrow *FT' \mid \varepsilon$

$F \rightarrow (E) \mid id$

$\text{Primeiro}(E) = \text{Primeiro}(T) = \text{Primeiro}(F) = \{ (, id \}$

$\text{Primeiro}(E') = \{ +, \varepsilon \}$

$\text{Primeiro}(T) = \text{Primeiro}(F) = \{ (, id \}$

$\text{Primeiro}(T') = \{ *, \varepsilon \}$

$\text{Primeiro}(F) = \{ (, id \}$

## Exercícios

Encontre os conjuntos Primeiro(*First*) para as gramáticas abaixo

## Exercícios

Encontre os conjuntos Primeiro(*First*) para as gramáticas abaixo

## Exercícios

Encontre os conjuntos Primeiro(*First*) para as gramáticas abaixo

## Exercícios

Encontre os conjuntos Primeiro(*First*) para as gramáticas abaixo



## Exercícios

Encontre os conjuntos Primeiro(*First*) para as gramáticas abaixo

## Exercícios

Encontre os conjuntos Primeiro(*First*) para as gramáticas abaixo

## Exercícios

Encontre os conjuntos Primeiro(*First*) para as gramáticas abaixo

## Exercícios

Encontre os conjuntos Primeiro(*First*) para as gramáticas abaixo

b)  $S \rightarrow ABd$   
 $A \rightarrow aA \mid \varepsilon$   
 $B \rightarrow bB \mid cA \mid AC$   
 $C \rightarrow cB \mid \varepsilon$

Primeiro(S) = {}  
Primeiro(A) = {}  
Primeiro(B) = {}  
Primeiro(C) = {}

Quando tem uma regra do tipo  $A \rightarrow BCD$ , o  $\varepsilon$  só entra no Primeiro(A) se ele puder ser gerado por B, C e D também.

## Exercícios

Encontre os conjuntos Primeiro(*First*) para as gramáticas abaixo

b)  $S \rightarrow ABd$   
 $A \rightarrow aA \mid \varepsilon$   
 $B \rightarrow bB \mid cA \mid AC$   
 $C \rightarrow cB \mid \varepsilon$

Primeiro(S) = {}  
Primeiro(A) = {}  
Primeiro(B) = {}  
Primeiro(C) = {c,  $\varepsilon$ }

Quando tem uma regra do tipo  $A \rightarrow BCD$ , o  $\varepsilon$  só entra no Primeiro(A) se ele puder ser gerado por B, C e D também.

## Exercícios

Encontre os conjuntos Primeiro(*First*) para as gramáticas abaixo

b)  $S \rightarrow ABd$

$A \rightarrow aA \mid \varepsilon$

$B \rightarrow bB \mid cA \mid AC$

$C \rightarrow cB \mid \varepsilon$

Primeiro(S) = {}  
Primeiro(A) = {}  
Primeiro(B) = {b, c, **U** Primeiro(A)}  
Primeiro(C) = {c,  $\varepsilon$ }

Quando tem uma regra do tipo  $A \rightarrow BCD$ , o  $\varepsilon$  só entra no Primeiro(A) se ele puder ser gerado por B, C e D também.

## Exercícios

Encontre os conjuntos Primeiro(*First*) para as gramáticas abaixo

b)  $S \rightarrow ABd$   
 $A \rightarrow aA \mid \varepsilon$   
 $B \rightarrow bB \mid cA \mid AC$   
 $C \rightarrow cB \mid \varepsilon$

$\text{Primeiro}(S) = \{\}$   
 $\text{Primeiro}(A) = \{a, \varepsilon\}$   
 $\text{Primeiro}(B) = \{b, c, \mathbf{U} \text{Primeiro}(A)\}$   
 $\text{Primeiro}(C) = \{c, \varepsilon\}$

Quando tem uma regra do tipo  $A \rightarrow BCD$ , o  $\varepsilon$  só entra no  $\text{Primeiro}(A)$  se ele puder ser gerado por B, C e D também.

## Exercícios

Encontre os conjuntos Primeiro(*First*) para as gramáticas abaixo

b)  $S \rightarrow ABd$   
 $A \rightarrow aA \mid \varepsilon$   
 $B \rightarrow bB \mid cA \mid AC$   
 $C \rightarrow cB \mid \varepsilon$

$\text{Primeiro}(S) = \{\}$   
 $\text{Primeiro}(A) = \{a, \varepsilon\}$   
 $\text{Primeiro}(B) = \{b, c, \mathbf{U} \text{Primeiro}(A)\} = \{b, c, a, \varepsilon\}$   
 $\text{Primeiro}(C) = \{c, \varepsilon\}$

Quando tem uma regra do tipo  $A \rightarrow BCD$ , o  $\varepsilon$  só entra no  $\text{Primeiro}(A)$  se ele puder ser gerado por B, C e D também.



## Exercícios

Encontre os conjuntos Primeiro(*First*) para as gramáticas abaixo

b)  $S \rightarrow ABd$   
 $A \rightarrow aA \mid \varepsilon$   
 $B \rightarrow bB \mid cA \mid AC$   
 $C \rightarrow cB \mid \varepsilon$

$\text{Primeiro}(S) = \{\text{Primeiro}(A) \cup \text{Primeiro}(B) \cup d\}$   
 $\text{Primeiro}(A) = \{a, \varepsilon\}$   
 $\text{Primeiro}(B) = \{b, c, \cup \text{Primeiro}(A)\} = \{b, c, a, \varepsilon\}$   
 $\text{Primeiro}(C) = \{c, \varepsilon\}$

Quando tem uma regra do tipo  $A \rightarrow BCD$ , o  $\varepsilon$  só entra no  $\text{Primeiro}(A)$  se ele puder ser gerado por B, C e D também.

$\text{Primeiro}(A)$  gera  $\varepsilon$ , então  $\text{Primeiro}(B)$  entra em  $\text{Primeiro}(S)$  e  $\text{Primeiro}(D)$  gera  $\varepsilon$ , então  $d$  também entra em  $\text{Primeiro}(S)$

## Exercícios

Encontre os conjuntos Primeiro(*First*) para as gramáticas abaixo

b)  $S \rightarrow ABd$   
 $A \rightarrow aA \mid \varepsilon$   
 $B \rightarrow bB \mid cA \mid AC$   
 $C \rightarrow cB \mid \varepsilon$

Primeiro(S) = {a, b, c, d,  $\varepsilon$ }  
Primeiro(A) = {a,  $\varepsilon$ }  
Primeiro(B) = {b, c, a,  $\varepsilon$ }  
Primeiro(C) = {c,  $\varepsilon$ }

Quando tem uma regra do tipo  $A \rightarrow BCD$ , o  $\varepsilon$  só entra no Primeiro(A) se ele puder ser gerado por B, C e D também.

## Exercícios

Encontre os conjuntos Primeiro(*First*) para as gramáticas abaixo

Primeiro(S) = {}

Primeiro(A) = {}

Primeiro(B) = {}

Primeiro(C) = {}

Primeiro(D) = {}

## Exercícios

Encontre os conjuntos Primeiro(*First*) para as gramáticas abaixo

Primeiro(S) = {a, g, c, b, f,  $\epsilon$ }

Primeiro(A) = {a, g, c,  $\epsilon$ }

Primeiro(B) = {b, f,  $\epsilon$ }

Primeiro(C) = {c}

Primeiro(D) = {g, c,  $\epsilon$ }

## Exercícios

Encontre os conjuntos Primeiro(*First*) para as gramáticas abaixo

d)  $S \rightarrow aA \mid bB$   
 $A \rightarrow aAS \mid BD$   
 $B \rightarrow bB \mid fAC \mid \varepsilon$   
 $C \rightarrow cC \mid Dd$   
 $D \rightarrow gD \mid C \mid \varepsilon$

Primeiro(S) = { }  
Primeiro(A) = { }  
Primeiro(B) = { }  
Primeiro(C) = { }  
Primeiro(D) = { }

Quando tem uma regra do tipo  $A \rightarrow BCD$ , o  $\varepsilon$  só entra no Primeiro(A) se ele puder ser gerado por B, C e D também.

## Exercícios

Encontre os conjuntos Primeiro(*First*) para as gramáticas abaixo

d)  $S \rightarrow aA \mid bB$   
 $A \rightarrow aAS \mid BD$   
 $B \rightarrow bB \mid fAC \mid \varepsilon$   
 $C \rightarrow cC \mid Dd$   
 $D \rightarrow gD \mid C \mid \varepsilon$

Primeiro(S) = {a,b}  
Primeiro(A) = {a, b, f, g, c, d,  $\varepsilon$ }  
Primeiro(B) = {b, f,  $\varepsilon$ }  
Primeiro(C) = {g, c, d,  $\varepsilon$ }  
Primeiro(D) = {c, g, d,  $\varepsilon$ }

Quando tem uma regra do tipo  $A \rightarrow BCD$ , o  $\varepsilon$  só entra no Primeiro(A) se ele puder ser gerado por B, C e D também.

## Exercícios

Encontre os conjuntos Seguinte(*Follow*) para as gramáticas abaixo

## Exercícios

Encontre os conjuntos Seguinte(*Follow*) para as gramáticas abaixo



## Exercícios

Encontre os conjuntos Seguinte(*Follow*) para as gramáticas abaixo

## Exercícios

Encontre os conjuntos Seguinte(*Follow*) para as gramáticas abaixo

## Exercícios

Encontre os conjuntos Seguinte(*Follow*) para as gramáticas abaixo

## Exercícios

- ❑ Encontre os conjuntos *First* e *Follow* para a gramática LALG.

❑